# QUEDATESUP GOVT. COLLEGE, LIBRARY

KOTA (Raj )

Students can retain library books only for two

BORROWER S No	DUE DTATE	SIGNATURE
		}
		į
j		}
		ļ
		ł
}		1
į		}
ĺ		1
Ì		1
}		1
1		1
1		1
1		ļ

# सांख्यिकी के सरल सिद्धान्त

विश्वन नारायन अस्याना, एम. नाम., ही पिछ. वाधिन्य विभाग, प्रयाग विश्वविद्यालय

१६६१

चैतन्य पब्लिशिंग हाउस इलाहाबाद-२

# लेखक की अन्य रचनाएँ

राजस्व की सरळ ब्याच्या Elements of Statistics Applied Statistics of India (Co-author: Dr. S. S. Srivastava)

सर्वाधिकार सुरक्षित

मृत्य ८)५०

प्रवाशक—चैतन्य पब्लिशिंग हाउस, इलाहाबाद-२ मुदद—टेवनिवल प्रेस, प्रा० लि०, प्रयाग

# द्वितीय नस्करण की भूमिका

जुलाई १५, १९६१

साय ही भारतीय और डो ने अध्याय में विशेष मनोधन किया गया है। इसमे

पुस्तक के इस सस्वरण में पिछले गस्वरण की मुटियों को दूर किया गया है।

१९६१ की जनगणना के आवर्ड सथा अन्य नवीन आवर्ड सम्मिलिस तिये गये हैं। आशा है कि विद्यार्थीयण इस सस्तरण में पहले की मौति पूर्ण लाभ उठावेंगे।

बी० एन० अस्याना

#### प्रावकथन

इन पृष्ठों में साहितकीय रीतियों वा निस्तृत परिचय देने वा प्रयास विया गया है। अभिक्र प्रमोग होने वाली रीतियों वा निषंचन तथा उनको लागू करने वी विधियों एएल ज्वाहरणों द्वारा समझाई गई हैं। विचिय दोनों से सैद्धारितक व नियासक प्रस्त सावधानों से इस प्रवार पूने गये हैं जिससे अस्पास भक्षों प्रवार का हो जाय। यह प्रस्त प्रत्येक अध्याय के अन्त म दिये गये हैं और नियासक प्रस्तों के उत्तर अन्त से परितिष्ट से दियों गये हैं। एक अध्याय में भारत में प्राप्त होने वाले मुख्य औंकों का वण्त किया गया है। अन्य विद्येषताएँ, जिनवा उल्लेख आवस्यक प्रतीत होता है, रैखाविव और लेखाचिव का प्रवृत्वणंत, और गणितीय सारणियों वे उपयोग करने की विधि है।

प्रस्तुत पुस्तक भारतीय विश्वविद्यालयों के लिए तथा विविध स्पर्धात्मक परीक्षाओं में बैठने वाले विद्यापियों के लिए लिखी गई है। वे व्यक्ति जो साम्यिकीय शैतियों का उपयोग करना चाहते हैं, इस पुस्तक को सरल पायेंगे।

यह पुस्तक लेखक की अँद्रेजी पुस्तक ' एलीमेन्ट्स् ऑफ स्टेटिस्टिक्स' का हिन्दी अनुवाद है। उन सब सार्टिकिविदों को निल्होंने समाचार पत्रों में इस पुस्तक की समीशा करके तथा पत्रों द्वारा लेखक को प्रोस्ताहित किया है, लेखक का प्रत्यकाद। विदोय एप से लेखक माननीय श्री बी० बी० किएते, राज्यपाल, उत्तर प्रदेश तथा हा० बी० एस० लोकनायन, महासचालक, राष्ट्रीय अनुप्रवृक्त साह्यक्तिक परिषद् (Director General National Council of Applied Economic Research) नई दिक्कि, ना अल्यन आभारी है निल्हाने स्वाद को साह्यक्ति है है।

वाणिज्य विभाग, प्रयाग विद्यविद्यालय, अगस्त १५ १९५८

विदान नारायन अस्याना

# विषय-सूची

अच्या		(₹) Āæ
	द्वेतीय सस्करण की भूमिका गुक्कयन	(x)
>	113341	(-)
ξ.	परिचय	१-द
	ऐतिहासिक पृष्ट-भूमि, १, भारत मे सान्यिको की परम्परा,	
	२,अन्य विज्ञानो सेस वध,३, साख्यिकी और अर्थशास्त्र,४,	
	विज्ञान और कला, ५, महत्त्व और उपयोग, ५, प्रश्न ७	
₹.	अर्थ और परिभाषा	६-२३
	अर्थ, ९, आकडो के रुक्षण, ९, परिभाषा, ११, समक की	
	परिभाषा, १३, सास्यिकी के विभाग, १४, क्षेत्र और परि-	
	सीमाए, १६, आनडो पर अविस्वास, १८, सामान्यन मे त्रुटि	
	के स्नान, २०, प्रश्न, २३	
₹.	सास्यिकोय अनुसधान	२४-४१
	समस्याकाक्षेत्र, २४, अनुसंघान विधि—प्रायमिक और	
	द्वितीयक विधियाँ, २५, सगणना अनुसुधान और प्रतिदर्श	
	अनुसधान, २६, धैयक्तिक अनुसधान या गणनकार द्वारा	
	अनुसधान, २७, प्रश्नो का चुनाब, ३०, अनुसधान के अन्य	
	व्योरे—सास्थिकी इकाई की परिभाषा, ३२, इकाइमी के	
	प्रकार, ३३, परिशुद्धता और उपसादन, ३४, सांख्यिकीय	
	नृटियाँ, ३५, सभाविता सिद्धान्त और वृहत् सस्याओं की	
	जडतायानियम, ३८, प्रश्न, ४०	
٧.	सामग्री उपस्थापन—वर्गीकरण और सारणीयन	४२-५९
	उपस्थापन की विधियाँ, ४३, सामग्री का दर्गीकरण, ४४,	
	सार्रियकीय श्रेणी, ४८, सामग्री का सारणीयन, ५१,	
	प्रस्त, ५८	
٧.	सामग्री का उपस्थापन-लेखाचित्र और रेखाचित्र	£0-900

लेखाचित और रैखाचित्रों की परिसोमाए, ६१, लेखा-चित्र और रेखाचित्रों के कार्य, ६२, लेखाचित्रीय उप- संस्पाय

स्थापन, ६२, कुट आधार रेखा का उपयोग, ६५, काल-श्रेणी के लेखाचित्र-साधारण पैमाना, ६७, अनुपात पैमाना, ६९, लघुगुणकीय लेखाचित्र ७१, अनुपात पैमाने के उपयोग, ७२, बारबारता बटनो के लेखा चित्र-एवंच गिरीक्षणी की श्रेणी, ७३, खडित श्रेणी, ७३, मतत श्रेणी, ७५, धारबारता वहभज, ७६, वक, ७६, सचदी वन-लोरण, ७७. रेखाचित्रीय उपस्यापन, ७८. रेखाचित्र बनाने के नियम, ७८, एक विस्तारी चित्र—सरल दड चित्र, ७९, निर्पेक्ष आधार पर अन्तविभनत दह चित्र, ७९, प्रतिशत आधार पर अन्तविभनत दड चित्र, ८१, द्वि-विस्तारी चित्र--आयत-चित्र, ८२, वर्ग चित्र, ८४, ति-बिस्तारी चित्र-धन, ८५, वृत-चित्र, ८७, कोणीय या वृत खड रेला चित्र, ८७, चित्र और नक्शे, ९०, प्रश्न, ९१

वर्णात्मक मापन-केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन १०१-१५६ सामातर माध्य-सरल १०२. सरल सामातर माध्य की गणना, १०२, एक क निरीक्षण की श्रेणी, १०३, खडित श्रेणी, १०४, सतत श्रेणी, १०५, मध्य विन्द की समस्था, १०६. अव-श्रेणीयन की रीति, १०६, भारित सामातर मार्थ्य, १०७, भार कैसे निश्चित किये जाये, १०८, भारित सामातर माध्य की गणना, १०८, स्थितियाँ जिनमें भारित सामातर माध्य की गणना करना आवश्यक है. १०६, सामातर माध्य के लाभ, १११, सामातर माध्य के दोय--उसकी परिमीमाए ११२, अन्य प्रचलित माप-सच्यी माध्य, ११४, गतिमान माध्य, ११४, वर्णात्मक माध्य, ११५, द्विषातीय माध्य ११५, प्रमापीकृत मध्यदर ११५, माध्यका ११७, माध्यका की गणना-एक के निरीक्षण की श्रेणी ११७, खडित श्रेणी ११८, सतत श्रणी, ११९, माध्यिका के सूत्र का आधार, १२० छेलाचित्र हारा माध्यिका का निर्धारण-नोरण द्वारा १२१, गाल्टन की शीन १२३, माध्यिता के लाज १२३, माञ्यिका के दोष १२३, माध्यिका सिद्धान्त पर आधारित अन्य मापक, १२४, एवं क

अध्याय

पृष्ठ

निरांत्रण की श्रेणी, १२५, सडिन श्रेणी, १२६, सन्तत श्रेणी, १२५, बहुलक, १२०, सहुलक कियोरण—सडित श्रेणी, १२०, नक्ष्म के १२०, नहुलक का निर्धारण—सडित श्रेणी, १२०, नक्ष्म के १३०, नहुलक को लगा १२४, बहुलक के लगा १२४, बहुलक के लगा १३४, सार्वक स्थाप ती स्थाप की सांच्या की स

७. वर्णात्मक मापन-विचरण और सममिति के माप १४७-१८७ अपिकरण की गणना, १५८, परास विधि, १५८, परास विधि के लाभ-दोप, १५८, माध्य विचलन विधि, १५९, पहला अपिकरण घुर्ण साध्य विश्वलन, १६०, साध्य विश्वलन की गणना-एकंक निरीक्षण की धेणी, १६१, खडित धेणी, १६१, सतत शेणी, १६२, माध्यविचलन का गणाक, १६३, माध्य विचलन का महत्त्व, १६४, अपकिरण का दूसरा पर्ण, १६४, प्रमाप-विचलन १६४, प्रमाप विचलन की गणना---एक क निरोक्षण की श्रेणी, १६४, खडित श्रेणी, १६५, सतत श्रेणी, १६६, लघु रीति का उपयोग, १६६, इकाई परिवर्तन, १६७, प्रमाप विचलन ने उपयोग, १६९, इसरे अवकिरण पूर्ण से अन्य माप-प्रसरण, १६९, मापाक, १७०, विचरण का गुणाक, १७०, चतुर्वक विचलन, १७०, चतुर्वक विचलन का गणाक, १७०, चतर्थक विचलन और उसके गणाक का महत्व एव उपयोग, १७१, अपनिरण की मापो म सबध. १७१, लोरेज बन, १७१, विषमता या असममिति के मापन. १७२, विषयता की प्रकृति, १७३, विषयता के आपन. १७४, विषमता वा पहला माप, १७४, विषमता का दसरा माप, १७५, विषमता के मापी के रक्षण, १७६, प्रदन, १७६

सरल सहसवध

१८५-२१५

सीरल सहिसंबंध विस्तान का माप, १८८; सहस्तवम का साप, १८८, सहस्तवम का स्वाप, १८८, सहस्तवम का स्वाप, १८८, प्रह्मेण कि १८९, महस्तवम गुगान, १९०, रुप्पू सीन, १९१, समूहित श्रेणी म सहस्तवम १९२, दो श्रेणियो के जुण्या- नी सभावी चुठि, १९६, समावी चुटि का महस्व १९६, सहस्तवम गुणाक की सभावी चुठि, १९६, समावी चुटि का महस्व १९६, सहस्तवम गुणाक को क्याप्तान के सहस्तवम गुणाक को स्वापन के सहस्तवम गुणाक को क्याप्तान के सहस्तवम गुणाक को क्याप्तान के सहस्तवम गुणाक को क्याप्तान १९०, सहस्तवम माप में समय-यस्वता वा स्थान, १९९९, प्रहास्तवम माप में समय-यस्वता वा स्थान,

९. काल-श्रेणी का विश्लेषण

२१९-२३२

दीमंत्राशीत उपनित २१९, अलावाळीत दोळत, २२०, उपनित या दीमंत्राळीत परिवर्तनो यो निवाळते यी विवि, २२०, मुक्तहस्त धन विधि, २२१, गितमान माध्य विधि २२१, गितमान माध्य विधि २२१, गितमान माध्य विधि २२१, गितमान माध्य विधि २२४, अल्पवाळीत दोल्जो निवाळते विधि, २२५, ब्यूनतम वर्ग विधि, २२५, ब्यूतिस्य और अल्पवाळीत यो माप २२६, नियमित और अनित्मित पट-वही वर्ग माप, २२७, प्रका, २२९

१० सूचकाक

२३३-२६१

भूचनारों में बनाना २३४, पदा का चुनाव, २३४, आधार का चुनाव २३८, माध्य का चुनाव तथा भारण की प्रणानी र३६४, भारण कर आवश्यक है २४४, भारण का आधार, २४४, अस्पाट और स्पष्ट भार २४४, भारण की विदियों—आपितका की भारित माध्य विदिष्ठ, २४४, समूती व्यय विदिष्ठ २४३, क्यार को लिखियों सुवकार, २४४, क्यार को स्वार सुवकार, २४४, स्विष्ठ प्रतार के पुणान रूपका के लगान, २४५, भारित सुवकार, २४०, भित्र के आदलं मुकन की विपर्यक्षण २५०, ग्रांतल आधार सुवकार के वरणा, २४० आधार सुवकार के वरणा, २४० आधार सुवकार के वरणा,

बच्चाय

२५१, स्थिर आधार मूनकाक को श्वस्त्र आधार मूनकाक मै बरलना, २५३, सूनकाको का महत्त्व व उपयोग, २५४,

प्रस्त, २५५ ११. अन्तर्वेशन

হহ্হ-হ্ওড

पुष्ठ

कन्यतार्थे, २६२, अन्तर्थेशन की विधियौ—नेसाविश्वीन विधि, २६३, बीओस विधियो, २६४, परवशीय वत्र विधि, २६५, स्मृद्रन का सूत्र, २६३, स्टारीत मूत्र, २६६, परि-तित अन्तर विधि २३०, द्विपद-विस्ताप कैसे निवास आता है, २३१, उपनुसर, २३२, ४सन २३०

१२. गण-साहचर्य

२७**५-२९९** 

ताची और सरेना का उपयोग, २३८, माहवर्य, २३९, माह-वर्य-गुपाक, २८२, माहवर्य की अन्य परीलायें, २८९, लामिक माहवर्य, २९०, लामानी माहवर्य, २९०, मामग्री मे अविरोय, २९१, प्रका, २९२

१३. सास्त्रिकीय सामग्री का निर्वचन प्रतिवों के खोन, ३०१, उपमहार, ३०३, प्रस्त, ३०४

¥0€-00€

१४. भारतीय आंकडे

308-808

नारताल जानाड संब्रह प्रविति, २०८, मारत में आधिक आकड़ों की प्रकृति लौर क्षेत्र, २०९

 जन-स्था आहन्द्रे, २००, जनगमना वी प्रवृति, ३१०, १९३१ तम की जनगामाम, ३१०, १९९६ की जनगमाम निर्मे मेरिय मेरी परिवर्ण, ३००, १९९६ की जनगमाम निर्मे गर्ने परिवर्ण, ३१०, १९९१ की जनगमाम मे एकपिन मूजामी, ३१८, जनगमामा की महाना व उच्चोतिया, ३२०, माराम में अवस्थाना का सम्माठीनसासक मून्यावन, ३२०, माराम में अवस्थाना का सम्माठीनसासक मून्यावन, ३२०, १९६४ तनगमाम की ३९६

२. कृषि आक्ट्रें, ३२३, खेंदण्य वे जाकरे, ३२४, उपव वे आकरे, २२६, फमधो का प्राक्कणन, २३४, कृषि उत्पादन के सूची जब, २३५, कृषि सम्बन्धी जानको की उपयोगिना

- ३३६, हृषि आपडों में त्रुटि के थोत, ३३७, समालोचना, ३३९, हारय प्राकालनों में दोष, ३४२
- ३ मूल्य आकडे, २४२, विषत मूल्य, २४३, मूल्य सूचनान, ३४४, योत मूल्य सूचनान, ३४५, योत मूल्य ने मागितित सूचनान, ३४८, योत मूल्य ने सूचनान, महत्वपूर्ण वस्तुये, २५१, उपभोतता मूल्य सूचनान, ३५१, अस नार्याल्य ने निर्वाह सूचनान ३५२, सारत में प्राप्य मूल्य आवडो नी सामान्य सामालोचना, ३५३
- ४ व्यापार आंकडे, ३५३, भारतीय व्यापार वे गूचलाव, ३५४, शाणिज्य-मूचला निभाग मूचलान, ३५४, सचित स्रिकोम मूचलाव, ३५५, भारतीय व्यापार से सबिधत सामग्री, ३५५, भारत वे अन्तर्देशीय व्यापार से सबिधत सामग्री, ३५७, भारत के कुटलर व्यापार से सबिधत सामग्री ३५७, भारत के विदेशी योच व्यापार सवधी सामग्री, ३५८, भारत के व्यापारिक आकर्ष की सामग्रीन्त्र, ३६३
- ५. मजूरी आकडे, ३६३, कृपीय मजूरी ३६४, औद्यो-गिक मजुरी, ३६६
- ६. औद्योगिक आकडे, ३६७, वार्षिक निर्माण उद्योग गणना—१९४२ वा अधिनियम १७०, आवडा सक्तु अधिनियम (१९५३), ३७२, औद्योगिक अवडा वे अन्य प्रवासन, २७२, औद्योगिक निया उत्पादन और लाभ वे सूचन, २७४, कंपिरक वे बीचोगिक नियासीलता सूचक, ३७५, औद्योगिक उत्पादन वे सूचक, ३७६, औद्योगिर लाभी वे सूचकाक, ३७८
- ७ राष्ट्रीय प्रतिवर्धां सर्वेक्षण—आनय्यनता, २७८ विधि, २७९, सर्वेक्षण ने दौर २८०, तत्रयं सर्वेक्षण २८३, रा० प्र० स० ने नाय ना समालोधनात्मन अध्ययन २८८
- ट राष्ट्रीय आय, ३८४, भारत म राष्ट्रीय आय ने पहले अनुमान, ३८६, राष्ट्रीय आय प्रावक्लन करन की विधियाँ, ३८७, आय-गणना विधि ३८८, उत्पादन गणना विधि

भव्याय

३८८, सामानिक रेखानन निषि, ३८९, मारल में विग्रेष समस्या, ३९०, राष्ट्रीय आप समिनि प्रात स्वीकृत निर्मा, ३९२, वाउटे-गेंडर्नन और राष्ट्रीय आय समिति की परियोजनाओं की नुख्या, ३१३, डा० रास की निर्मा और राष्ट्रीय सास समिति की विग्रे से अनर, ३९६, गुपार ने

ियं बुछ मुसाब, २९६ भारतीय आकडो की सामान्य आलोचना, ३९९, प्रस्त, ४०३

परिशिष्ट

398-008

Mathematical Tables, YoZ, Method of Consulting, Yoz; Uses of Logarithmic Tables, Yee, Various Tables, Yey

Auswers

४२०

प्टउ

### अध्याय १

# परिचय

ऐतिहासिक षृष्टभूमि— रगभग एक दाताब्दी पहुने साब्विकी वम लेक-प्रिय दिवात था। भीरे भीरे इनका गहुल वस और आज देवका उपयोग प्राय पर्भा दिवातों में किया जाता है। इन एक द्यात्रधों में साब्धियतों की विभिन्नों के उसके व्यवहाद में आस्वर्धकन वृद्धि हुई, तिवका कारण हुँका कठिन नहीं है। अंके-देते मनुव्यों की क्रिजाओं में प्रभार हुआ, वे अधिकाधिक परिमाण में यत अनुभवों पर साबित रहते छमें और चुँकि मानिक अध्ययतों पर बालारिक अनुमनी से लिक्क दिव्यवतीम निकर्ण निक्री ली ता तमे हैं, इमिल्ट इतको उत्तर्ति होना स्वभाविक था। इस्तिएस आवक्रक साब्यिकी ना अन्य विज्ञानों के, जिनमें अर्पमालन और समाप्र साहत मुख्य है, आधार के रूप में अध्ययन विधा जाना ठीक हो है।

विद्य के सम्ब देश अनि पानीन काल से मास्त्रिकीय विधियों का अपरिष्ठत एव अवैज्ञानिक व्यवहार करके समको का राग्रह करते रहे हैं। आकटो का सबसे पहला उपयोग राजाओ द्वारा यह छेडने और दैनिक शासन प्रदन्य करने के लिए जन और धन शक्ति के लेखें रखने की प्रया में मिलता है। इसलिए इसे 'राज-विज्ञान' (science of kings) वहा जाने लगा या। परन्तु वैज्ञानिक विधि से आकड़ों का अध्ययन और व्यवहार करने का कोई गभीर प्रयत्न १८ वी रानाब्दी की अन्तिम दञ्चाब्दी तक नही किया गया । बल्जियन गणितज्ञ कुटलैट (Qutelet) पहला व्यक्ति या जिनने लोगो का प्यान सास्थिको के आधारमत विद्धान्त-सभाविता का सिद्धान्त (Theory of Probability)-की ओर आकर्षित किया। आजकर यह सिद्धान्त सांस्थिकी के मुलाबार नियमों में माना जाता है और सांस्थिकीय निष्कर्प महत्रतः इसी पर आधारित होते हैं। कुटलैट के अध्ययनो का उसके सयोग्य सम-सामगिक हैन (Hain) ने, जो एक जर्मन गणितत था, विस्तार किया। नैप (Knapp) और लेक्सिस (Lexis), दो जन्य गर्मन गणितज्ञ में जीवन आकड़ों में इस सिद्धात का उपनोग करने की दिया में महत्वपूर्ण असदान किये। बायनिक सास्यिकी विदो ने, जिनमें गाल्टन (Galton), कार्ल पिजर्सन (Karl Pearson) और एजवर्ष मुख्य है, प्रतिचयन (Sampling) और सभाविता के क्षेत्र में महत्वपूर्ण गवेपकाएँ की हैं। गाल्टन एक जीव शास्त्री था और उसने सौजनिकी स्कूल (School of Eugenics) की स्थापना की थी। उसने अपने वशापुगात्र ने सिदान्तो (theories of heredity) की परीक्षा साहित्यकार विधियों का उपयोग करके की। बाद में कार्ल पिअर्मन में गाल्टन में कार्य मा अनुसरण निया और मृतन्त निवात (anthropology) और सहस्वम-गुण्डने (correlation coefficient) में मिदानों में महत्वपूर्ण अरावान निए।

बीनवी गता दी ने सास्थिरी दियों में प्रो महल्नवीस (भारत), प्रो नेहिंगटन (Boddington), डा नाउले (Bowley), एम् जे मोरोने (M J Moroney), इ फिरार (I Fisher) उल्लेखनीय है। इनने अतिरिस्त नई अब लोगो ने सास्थिती को उसना नवामन स्थान दिलाने ने लिए सतत प्रयान किए और इनकी कई महत्वपुण देने हैं।

भारत में सांविधको की परम्परा—भारत में आवड़ों ना उपयोग प्राचीन काल से होता आया है। जब आय वहाँ निवास नरने लगे, उन्हें युद्ध करने और अवास नरने लें के लिए अपनी सस्या , भूमि और उपन सवयों आवड़ा की आवस्तवता पड़ी और वे इसके लिए अननाने हो सांवियनी ना उपयोग नरने लगे। इस सम्य सांवियनी अपनी प्रारंभिक अवस्था में थी। महाकाव्य युग में आवड़ों ने उपयोग का अविक सुध्यविध्य विद्यार विद्यार विद्यार है। इस समय आवड़ों ना उपयोग मुख्यत पानगीति और युद्धनीति (strategy) के रोत्र में होता था। आविक क्षेत्र में हनत उपयोग कर्म होने का नारण यह या कि जो भी आविक समस्यार उठनी भी वे राजगीति से सर्वायो उठनी थी। रामायण और महाभारत में हम पाते हैं नि युद्ध से पढ़ले जन सरसा और सह्योगियों ने बार में पूरी जानवारी प्राप्त नर लो जाती थी। आकड़ों का उपयोग सैन्य-पृटिकोण से किया जाता था और इसके लिए जिन विधियों का उपयोग सिन्य-पृटिकोण से किया जाता था और इसके लिए जिन विधियों का उपयोग किया जाता था ने अवैवानिक भी।

ऐतिहासिक काल में आवड़ी मा जपयोग आर्थिक क्षेत्र में भी किया जाने लगा और विधियों में हुछ मुसार हुआ। कौटिल्य के अपदास्त्र में हम पाते हैं कि आवड़ों की सहायता से विस्तृत आर्थिक विकरेणण किया जाने छना था। धीरे धीरे हिन्दू और मुगल राजा आर्थिक क्षेत्रों और विशेषत शासन-प्रवाध में आवड़ों का एयरिंच मात्रा में उपयोग करने लगे। अववार के वित्त मत्री टोडर मल ने भूमि, कृषि, व्यापार और वाणिज्य सबसी आवड़ों का सबलन किया।

ईस्ट इडिया नम्मनी के समय में भूमि और दृषि के आवड़ो ना सग्रह नरने की प्रमा नकती रही और दृषि एवं न्याभार सक्यों आंन्छ हो स्वीक निस्तृत रण से एक्ट्र किया गया और वे प्रकारिक किया गए। योजन के किटिश सरकार के हाल में आवाने के नाद में नियमित रूप से 'स्टिटिस्टक्क एमस्ट्रेन्ट्स्स में किटिश इडिया' (Statistical Abstracts of Britist, India) का प्रनासन करने लगे। ये

'एब्सटेक्टस' द्वासन-प्रबन्ध और व्यापार ने लिए प्रनाशित निए जाते थे । 'स्टेटिस्टिकल एब्सट्रेक्ट' एक वार्षिक प्रकाशन है जिसमें पिछले दस वर्षों के बारे में उपयोगी सुचनाएँ रहती है। इसके अतिरिक्त 'दो इम्पीरियल गजेटियर ऑफ इंडिया' (The Imperial Gazetteer of India) भी प्रकाशित निया गया । इसमें भी काफी साहियकीय सामग्री मिलती है। स्वतवता मिलने के बाद भारत सरकार ने 'स्टेटिस्टिकल एब्सट्रेक्टस्' का प्रकासन जारी रक्खा। चुक्ति 'एब्सट्रेक्ट' में दी जाने बाली सामग्री अधिकाधिक विस्तत होती जा रही है इसलिए १९४९ में यह निरुचय किया गया कि इसमें पिछले दस वर्षों नी सचना न दी जाय । अब अधिकास विषयो से सबधित सामग्री कैवल एक वर्ष के लिए होती है और कुछ विषयों के लिए पिछले कुछ वर्षों की सचना दे दी जाती है । ब्रिटिश सरकार ने विशिष्ट क्षेत्री जैसे रेल-मार्ग, उद्योग, मृत्य, मजदूरी, कृपि आदि से संबंधित साहियकीय सामग्री का नियमित रूप से जर्नेली, प्रतिवेदनी, पुरितनाका और पत्रिनाओं ने रूप म प्रजारान गराया। इनना निस्तृत वर्णन भारतीय समका के परिच्छेद में किया जायगा । यहाँ पर यह उल्लेखनीय है कि भारत में ऑनडो ने उपयोग में वृद्धि होते ने साथ साथ सास्थिनीय विधियो ना उपयोग अधिकाधिक वैज्ञानिक होता जा रहा है और आजवल हम आँकड़ो वे संग्रह और उनके सास्यिकीय वर्णन एव विरुटेपण में आधुनिकतम और वैज्ञानिक विधियो का प्रयोग करते हैं।

#### श्चान्य विज्ञानों से संजंध

सारिवारी और पणित—आधृनिक काल में सारिवारीय विभियों को असातीत सफलता मिली है और उनका वही तेशी से प्रसार हुआ है। यह उनके सब जगह उपयोग होने वा पर्यान प्रमाण है। परसु कई स्वानी में सारिवारी में परिवातसक होने ने कारण निकाई उपरिचत हो जाती है। गह सन है कि सारिवारी का आपार पणितासक है और तामशी का विश्वेषण केवल गणितीन विभियों से हो सन्ता है। परसु जीवा हम आगामी परिच्छेद में देखेंगे, सारिवारी का आपर परिचत है। आरिवारी के दो स्पन्न विभाग किए जा सनते है, पहला सामग्री-माद्रहण और इसरा उसका सारिवारी के दो स्पन्न विभाग किए जा सनते हैं, पहला सामग्री-माद्रहण और इसरा उसका सारिवारी विश्वेषण । गणित की जानावारी दूसरे के लिए आवस्यत है। मूर्कि ओकड़ों का एक मुख्य जड़ा यह है कि वे सारिवार कर में स्थवत दिए जाते हैं, सारिवारी के वेता है। वन हम सामग्रीमा की सुकना माप्यों (averages) या प्रतिस्तारी करते हैं, या नरों में सहस्वप पूराक द्वारा स्वय स्वारात करते हैं, स ४ जबहम अन

जब हुम अन्य सास्थिबीय विधियों द्वारा सामग्री ना निर्वचन (interpretation) करते हैं, तब गणित का सान आवश्यक हो जाता है। परन्तु यह ध्यान रखना चाहिए कि सास्थिको गणित नहीं है, इसमें गणितीय विधियों का उपयोग होता है। गणित एक प्रकार को तब-प्रणाली है जिसका सास्थिकों में उपयोग विया जा सकता है और किया जाता है। इस कारण यह आश्चर्य का विषय नहीं है कि कुछ विद्वान सास्थिक आरम्भ में गणितिल थे।

सास्यिकी और अयंशास्त्र-अयंशास्त्र और सास्यिकी के सबय की घनिष्टता इससे समभी जा सक्ती है कि आजकल साह्यिकी के विना वर्षशास्त्र का ज्ञान अपूरी समका जाता है। आर्थिक सिद्धा त के क्षेत्र में प्रगति होने पर इस बात का अनुभव किया गया कि आर्थिक नियमों का सत्यापन किया जाय । अर्थशास्त्र के वई नियम ऐसे थे जो निगमन तर्क-प्रणाली द्वारा निकाले गए थे और वर्ड अर्थशास्त्री आगमन-विधि को व्ययंद्वास्त्र के लिए अनुप्रवत्त मानते थे। परन्त किसी भी विज्ञान की प्रगति के लिए यह आवश्यक है कि वह तथ्यों के समीप रहे। फिर, प्रत्येक विज्ञान के आधारतत्व (postulates) वास्तविकता से लिये जाने चाहिएँ। इस प्रवार हम पाते हैं कि सर्यशास्त्र में आधारतत्व निश्चित करने और नियमो ना सत्यापन नरने ने लिए तच्यो का अध्ययन करना आवश्यक हो जाता है। इसके लिए सास्थिकीय विधियाँ सबसे उपयक्त है क्योंकि अर्थशास्त्री का अध्ययन विषय मानव-व्यवहार है। सोई अर्यदास्त्री प्रयोगशाला में बैठ कर अन्य प्रतिकारको (factors) को नियतित करके निसी एक प्रतिकारक का प्रभाव नहीं जान सकता। उसे मानव व्यवहार ना बाध्ययन करना पडता है जो बहुत जटिल कारणों पर निर्मेर रहता है। बेचल सास्यिकीय विधियाँ ही ऐसी है जिनके द्वारा मानव व्यवहार का उसकी सम्पूर्णता में अध्ययन निया जा सनता है। यह तो हुआ आर्थिक सिद्धान्ता का सदछ। परन्त जब हम अर्थशास्त्र के व्यवहारिक पक्ष पर विचार करते हैं तो सास्यिकीय विधियाँ अत्यन्त महत्वपूर्ण हो जाती है। आधिक नीतियो और वार्यों वा अर्थव्यवस्था पर भया प्रभाव पडता है, यह जानने के लिए सास्थिकीय विधियों का उपयोग करने के व्यतिरिक्त कोई उपाय नहीं है। सामाजिक विज्ञानी में (और भौतिक विज्ञानी में भी) प्रत्येक अन्वेपक को घटनाओं वा निरीक्षण करना पडता है और उन्हें नापना होता है। इसलिए यह आवश्यक है कि वह जानकारी प्राप्त करने की, उसका साख्यिकीय रूप से प्रतिपादन करने की, और अन्त में, उसे इस प्रकार प्रस्तृत बरने की जिससे घटना के सबने महत्वपूर्ण क्षमी पर प्रकाश पढ़े, नवीनतम प्रविधियो को जाने । बाउवर र बर्पशास्त्र के सिद्धान्तो और उनके व्यवहार में सांख्यिकीय विधियो का अधिकाधिक सात्रा में उपयोग किया जाता है। यहाँ तक कि अर्थपास्त्र का एक नया विषय अर्थमिति

(Econometrics) गुरू होगया है जिसमें आर्थित नियमों (जैसे मौग और पूर्वि के नियम), आर्थिक सिद्धान्तों (अँदे वेन्स का विद्धान्त), और आर्थिक राशियों (जैसे मौग की लोग) आदि ना साधिकतीय रूप से सत्यापन किया जाता है या उनके एस्यापान मूच्य निमाले जाते हैं। व्यंतास्त्र में आंकड़ों के महत्य के बारे में मार्थिक ने कहा है कि 'और वे भूते के समान हैं, जिनते जन्म व्यंशास्त्रियों की मार्थि मुक्ते हैंटें बनानी पड़ती हैं"।

वैज्ञानिक अनुष्यान के राज्या साथी क्षेत्रों में साहित्यकी की सहायरा देनी पहती है और ये अनुस्थान इसके बदके में साहित्यकीय सिद्धान्यों के अप्यक्ता और उनके विवरण (exposition) में सहायता देते हैं। यह ठीक ही कहा गया है कि 'विता आंकडों के विज्ञान फलदायक मही होते और बिना विज्ञान के ऑकडे समूज नहीं होते'।

विद्यान और पखा—सार्वियको एक विज्ञान है वर्गीक अग्य विज्ञानों की मंति इस की विभिन्नों वेषवद (systematic) है। यह सब है कि इसके द्वारा विकास में विकास के विविद्या वेषवद (systematic) है। यह सब है कि इसके द्वारा विकास के विव्यक्त कि विद्या के विद्यक्त की किया है। विद्या है विव्यक्त कर विज्ञान के विव्यक्त की कि विव्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विद्यक्त की विव्यक्त कि विष्ठ की विव्यक्त की विष्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विष्यक्त की विव्यक्त की विव्यक्त की विष्यक्त की विव्यक्त की विष्यक्त की विष्यक्त की विव्यक्त की विष्यक्त कि विष्यक्त कि विष्यक्त की विष्यक्त कि विष्यक्त की विष्यक्त कि विष्यक्त कि विष्यक्त कि विष्यक्त क

जहीं तक हम इन सिद्धानों को व्यवहार में लाते हैं, यह एक नरा भी है। इनका सफ़्क प्रमोग साव्यिनीदिक के अनुभव और उसकी कुशकता पर निर्मर करता है। ठोक और सही निष्पर्य निकारणना विकास नहीं जा सकता। यह व्यक्तिगत अस्मास और निष्प के नाल पर आधित हो

महत्व स्त्रीर उपयोग—सारिक्तों ना महत्व इसने डांग्य रिए जाने बारुं के स्ताए हैं। इसने महत्व प्राप्त स्त्रापत्र (multiple causation) से प्रमानित होने बालों वरिष्ठ सामग्री को सत्त्व नत्या है जिससे बहु आंवर आसारी से समम में आ जाय और उसकी मुख्य दिरोपताएँ सुगवता से सामने का जाये। साध्यक्तिया विभिन्न का ज्योग करते अप्य दिरोपता के प्राप्त देशों को आप परीमा जाती है और उनकी सत्त्वता संस्त्रामित की जाते है। इस प्रस्तर ये विभिन्न मृत्य के सात है और उनकी सत्त्वता स्त्रामित की जाते है। इस प्रस्तर ये विभिन्न मृत्य के सात के सेन में बृद्धि करती हैं। इसकी सहायता से हम तुक्ता करते में और सबस स्थापित करते में साथ होते हैं और इस प्रस्तर बातिविक्ता ना समुचित नेषद्वा

ऐसे सब छोगो के लिए जो सत्य की सोज में प्रयत्नदील रहते हैं और सास्थिकों का उदिस उपयोग नरना जानते हैं, सास्थिकों लयना उपयोगी और महत्वपूर्ण विज्ञान है। स्वापार-मुह, सरकारी विभाग, परिलर्चण (speculators), छोको-प्योगी सम्पर्ण, समाज सुधारक, सैद्धानिक अर्थरास्थी, वैतानिक आदि सभी अपने कामों और गवेषणाओं में सास्थिकों नी सहायता लेते हैं। सरकारों, व्यापार सग्यत, और अ्वय सार्वजिन सरबाएँ पिछले अभिलेखा नो रस्तारी है, जिससे अन्तत सास्थिकीय अस्पर्धान निर्मा सार्वजिन सरबाएँ पिछले अभिलेखा नो रस्तारी है, जिससे अन्तत सास्थिकीय अस्पर्धान ने महत्व नो अधिकारी सार्विवकीय विकर्णय के विद्यान महत्व मी अधिकारी सार्विवकीय विकर्णय के विद्यान समस्या का उसकी समस्या मिलत नेत्रद्वामा में अधिकृत्यन करना सभव नहीं है। इस प्रकार हम देखते हैं कि सास्थिकी विजन महत्वपूर्ण विज्ञान है। परन्तु सारिवकीय विल्येप विकर सार्वजि सार्वजि विजन महत्वपूर्ण विज्ञान है। परन्तु सारिवजीय विल्येप विकर सार्वजि विद्यान सहत्वपूर्ण विज्ञान है। परन्तु सारिवजीय विल्येप विकर सार्वजि विद्यान के विकर सार्वजि हो। अत्यान स्वर्णक और की सार्वजियनीय विरल्पण के लिए कच्चे मार्ल के समागत है अस्तर हो। अत्यान अन्तवण्य के को सार्वजियनीय विरल्पण के लिए कच्चे मार्ल के समागत है अस्तर हो। अत्यान अन्तवण्य की की ही। ही

अर्ति है सब प्रकार के आयोजन वा आपार है। सफल आयोजन वें लिए यह बावस्यन है कि हमारे पास देश के ससापना के प्रावक्टन (estimates) और उसकी जावस्यकतात्रा के निर्धारण (assessments) हो और हम योजनात्रा की प्रकल्ता का मृत्याबन्त कर सकें। इन सब के लिए माजिक अध्ययन करना जावस्यक है। अन्यवा साविश्वनेय विधियों का उपयोग नहीं किया जा सकता।

ध्यापारियों के लिए आंकडे अध्यक्ति उपयोगी हैं। गत सामग्री का सावधानी से विस्तृपण करने और इस के आधार पर अपने ग्राक्वनन निरित्नत करने व्यापारी वर्ष के विभिन्न महोनों में होने वाली समानी माँग ने ग्राक्वनन पर्याप्त परिसुद्धता (accuracy) से कर सकते हैं। इसी प्रवार सक्त परिकल्पना ने लिए यह आवस्तक है कि परिवल्सी मूल्यो और व्याज की दरों की उपनित और ऋतुनिष्ठ विचरण (trend and seasonal variations) जाने। एक वैकर गत जानकारी ना उपयोग इसलिए करता है जिससे यह जान सने कि व्यापृत वाल (busy season) में दिवली सचित (reserve) प्रसंक्त होगी।

हमी प्रकार वडी व्यापारी सस्याओं जैसे रेल्मामों और बीमा वस्यनियों ने लिए भी आंकड़े बहुत उपयोगी हैं। रेलमामों के नार्यवरण का साहितवीय विक्रेयण, सेवाओं की मुद्दरणा, उनकी आवस्यकताएँ और उनके प्रसार कार्य कमी को निर्पारित करने के लिए, बहुत उपयोगी है। वर्ष के विभिन्न मागों में की जाने वाली सेवा की मोगों के अभिसदा (records) को रखती है और आवस्यकता पक्षेत्र पर परिचय ७

अपनी दोबाओं में तदनुनार परिवर्तन करती है। इती प्रकार मृत्यु सारणी (mortality table) बनाने के लिए बीमा कम्मनियों को देश के बीवन बकियों (vital statistics) की ठीक ठीक जानकारी होना आवस्यक है। अन्य प्रकार की बीमा कम्मनियों को सक्क कर्यकरण के ठिए तत्ववणी सुवस्त वारिवरकीय जानकारी की आवस्यकता होती है।

समाज-मुपार के शेव में भी काम करने के लिए ऑकडो की आवत्यकता पहती है। वीमारियों का आपात (incidence), मिजारी समस्या या वरिवर-सुप्ताम का परिपाप, बाल-दिवाह का विस्तार, विषयाओं को सक्या आदि आपने के लिए और उनका समाधान करने के लिए खोकडे और उनका साशिकोर विश्लेषण आवस्यक है। कभी कभी सबधित घटनाओं के सबय की ठीक ठीक जानने की आवस्यकता पत्रती है। हम यह जानना चाह बकते हैं कि बौन घटना विस्त पर आधिन है। उदाहरणार्भ अपराधी विज्ञान का कोई अन्येषक यह जानना चाह सकता है कि प्रदास पीने और अपराध करने में भोई सबय है या नहीं वा नोई अर्थवाली मदी की कर्याओं निर्माहतानों में ठीन वस्य जानना चाहता हो।

हस प्रकार हुग देखते है कि साह्यक्षिय विधियों और अध्ययनों का उपयोग सर्वन निमा जा सकता है। 'साह्यक्षित का मान दिदेशी मारा या बीजगणित के समात है। यह किसी भी समस्य और देखते भी किसिसति में उपयोगी मिल्र हो सकती हैं। जान-विज्ञान का सायद हो कोई ऐसा क्षेत्र हो जो साह्यकों प्रत्येक च्यक्ति को मात्रावत करती है और जीवन के किस्ट कई स्थानों में आती हैं। जामोजन्यिं कारियों, व्यापारियों, यही व्यापारी-सस्याजों, समाज सुपारकों और कर्मताविक्यों को सामिक समस्याजी का अध्ययन करने, अध्यत्व और अनावश्यक तथ्यों का दिस्सन करने, क्ययं-कारण सबसों की स्थापना करने और आपक निगमों को बनाने के लिए सर्वेद सामिस्पत्री के सामाज के नी पद्यी है।

#### OHESTIONS

1 'Statistical method is less precise than experimental method but it can often be applied successfully when the latter fails'

Discuss the above statement and explain the importance of statistical methods in social sciences (M. S. W., Lucknow)

2 Discuss the role of statistics in a scientific study of the social problems of a country (M. S. W., Luchnow)

- 3 Discuss the role of statistics in Economic Planning How
- has the Planning Commission been handicapped in drawing the First Five Year Plan (B A, Lucknow)
- 4 Define 'statistics' and point out the main difficulties that a statistician has to face as compared with a physicist or a chemist
  - (B Com, Allahabad)
    5 Statistics is said to be both a science and an art Why?
  - 5 Statistics is said to be both a science and an art Whyi What relation, if any, has Statistics with other sciences?
    - (M A, Agra)

      6 Discuss the usefulness of Statistics to the state, the econo
  - mist, the industrialist and the trader (B Com., Lucknow)
    - 7 Write an essay on "Statistics in the service of the State"
      (I C S)

## श्रध्याय २ श्रर्थ और परिभाषा

# सांख्यिकी का अर्थ

अप्रेजी शस्य 'स्टेटिस्टिक्स' के उपयोग के तीन अर्थ है। सीभाग्य से हिन्दी में इन तीन अर्थों को व्यवत करने के लिए तीन विभिन्न सन्द है। ये शब्द है, ऑकरे, सारिक्षकी और प्रतिदर्शन ।

साधारण प्रयोग में 'स्टेटिस्टिस्स' का प्रयोग जॉकडे के जर्ष में होवा है जैसे भारत में कपात क्यावत्त के ब्रोकडें (statistics of cotton production in India) । क्योंकडे (statistics) का प्रयोग उन सब स्थानों में किया जा सकता है जहां करिक के जो को का प्रयास के स्थान कर स्थान के प्रतास के जीकडें (statistics) 'स्टेटिस्टिकळ एस्त-ट्रेम्ट्स कॉफ इंडियों, या जनगणना के प्रतिबंदनों में पाए जाते हैं। ब्रांकडें तथ्यों का अवने के रूप में किया गया प्रयह मात्र है। एस्त्रा यह उन्लेखनीय है कि इस अर्थ में अर्थनी स्थार 'स्टेटिस्टिक्स का हरेबा बहुतन में प्रयोग होता है।

'स्टेटिस्टिन्स' का दूसरा अर्थ उन विधियों से हैं विनक्त सास्थिकी में उपयोग किया जाता है। इस अर्थ में हम 'सास्थिकीय विधियों का प्रयोग करेरों । सास्थिकीय विधियों के अन्तर्गत से सब सिद्धान्त और गुनिवयों (devices) आंती हैं जिनका ज्योग कामों के मात्रिक विवरण का सग्ह, विश्वेषण और निर्वचन करने में किया बाता है। (इस वर्ष में भी स्टेटिस्टिन्स का प्रयोग व्यंत्री में बहबबन में होता है।)

'स्टेटिरिटनम' का तीसरा अर्थ साब्यिकी है। इस अर्थ में यह एक विज्ञात है और परिश का एक भाग भागा जाता है। (अपनी में इस अर्थ में स्टिटिटिन्स का स्प्रीग एकत्वपन में हीता है)। 'स्टिटिटिन्स' का प्रयोग 'स्टिटिटिन्स' के बहुवचन के इस में मी होता है। 'स्टिटिटिन्स' के लिए दिल्दी शब्द अतिदर्शक है। अदिवर्शक (statistic) का अर्थ समस्टि के सन्यासक गुणो को बताने वाली सब्या या सम्याकों का प्रान्कण है। भाग जीजिए हम एक प्रतिवर्श (sample) में और स्वक्त लिए माल्य, निकल्प या तहस्वय पूणक की गणता बरे। अब अगार इनके मून्यों की हम समस्टि के मून्यों का प्रान्कण मान के तो ये मिटिन्स कहलाईने।

व्यांकरणों के लज्ञ्या (characteristics of statistics)—किसी भी शब्द की परिभाषा देना कठिन होता है नघोंकि परिभाषा ऐसी होनी चाहिए जिससे उसनी सारभूत विदोपताओं और उतनी प्रवृत्ति एव विययवस्तु ना ठीक ठीक ज्ञान हो सने । यहाँ यह बताया जा सन्द्रा है कि औनडे नेनल सस्याएँ नहीं हैं । सस्याओं का सबह मात्र जीनडे नहीं नहलाएँगे । इसके लिए यह आदमन है नि सस्याएँ कुछ रातों नो पूरा करें। जगर वे इन सर्वों नो पूरा नहीं नरती औनडे नहीं नहलाएँगी। ये शर्वे जो जीनडों के लक्षण बताती है निम्मलिशित है

- (१) वे तस्यों थे सस्यासमा विवरण होने वाहिएँ (They must be numerical statements of facts)—अगर तस्यों वा गुणासम (qualitative) विवरण दिया गया हो तो यह समज हो सबना चाहिए कि वह निश्चित तस्यासन राधियों ने रूप में दिया जा बाते । जैते, विवाधियों को स्तर ने अनुतार अच्छे औसत और मामूली इन तीन वर्गो में बांटा जा सकता है। परन्तु दिना कोई सस्यासम निकथ (criterion) बनाएं यह निश्चित करना समज नही होगा कि कि चित्र ने विवाधी दिस वर्ग में है क्याचिय सर्पत्र निर्मा समज नही होगा कि कि चित्र ने वर्गो परन्तु करने विवाधी कि व्यक्ति ने साथ वरदनी जाएगी, परन्तु अगर हम यह तम करते कि ६०% से अविक अब प्राप्त करने वाले अच्छे, ४०-६०% वाले 'ओसत' और ४०% से कम मानूनी विवाधीं है, तो हम निश्चित सस्यासम विवरण दे सनते हैं अभिर से सस्यार केवल तमी आंके क कहारों ने विवाधीं है के कि स्वार स्वार स्वार कि विवरण दे सनते हैं अभिर से सस्यार केवल तमी आंके क कहारों ने प्राप्त स्वार स्वार केवल तमी आंके हम कहारों भी।
- (२) ब्रॉक्ड तथ्यों ने समृह है (They are aggregates of facts)— ब्रांचड़े निसी एक ब्यनिन या सदस्य ने बारे में नहीं ब्रांक्त एक समृह ने बारे में होते हैं। क्सि ब्यनित की रम्बाई अगर ६० इन हो तो यह सध्या 'ब्रांक्टडें' नहीं कहलाई जाएगी। वास्थिकीय दृष्टिकीण से किसी एक ध्यन्ति से सविधित अध्ययन महत्वपूर्ण नहीं है। सध्याओं को निसी समृह से सविधित होना चाहिए, किसी एक सहस्य से नहीं।
- (३) वे एक दूसरे से सर्वायत किये जाने योग्य होने चाहिएँ (They should be capable of being related to each other)—समानों नाममूत हमी कोन्दे नहां जा सकता है जन ये सस्वाएँ सजातीय हो और उनमें स्थप्ट सबस स्थापित किया जा सके। 'अते यह कहना कि कक्षा में ८० विद्यार्थी है, सक्कु में २० चपराती है और मैदान में ९ पेड हैं सरवात्यक सच्च है, और आंकड़ों के समूह भी है परन्तु वे एक दूबरे से सर्वायत किये जाने योग्य नहीं है इसलिए सास्थित की की नहीं महत्वा मिल करते।
- (४) अंकिड सोहेस्य होने चाहिएँ (They must have certam object behind them)—ऑन डो ना सवह निसी पूर्व-निर्मारित उद्देश्य से होता चाहिए !

सस्याएँ हिन्मी अनुत्यान (coquiry) से सविधित होनी चाहिएँ। जब तक यह बालूम न हो कि अक्टिड जमा करते वा बचा उद्देख है, तब तक में महत्याएँ मात्र ही रहेंने ! अक्टिडों वा उपयोग तमी विचा जा सकता है जब यह माहून हो कि वे विस उद्देश से जमा जो गई थीं। विमो स्कून में ८०० विद्यार्थी है और २० अप्यापन है, ये अक्टिड वहला सकते हैं, येस उद्देश हाम-अप्यापक अनुभात निवालता हो। परस्तु अतार हमारा कोई उद्देश नहीं है दो ये मैचल सस्याएँ हैं, अबिट नहीं।

- (५) वे कई कारमों से प्रभावित होते हैं (They are affected by a large number of causes)—जनते मूलों में किसी एक प्रतिकास(factor) के कारण परितर्जन नहीं होना चाहिए। अगर परिलर्जन केवल एक प्रतिकासप्रतिकास के कारण होना है तो उत्तवा अन्यवन माहिरनीच पृष्टिकोच से संस्वपूर्ण
  नहीं है। जैसे, अगर लम्बाई बटती है तो बजन भी बडता है। परन्तु बजन में होने
  बाली वृद्धि केवल लम्बाई वे कारण नहीं बल्ल अन्य प्रतिकारणे, जैसे जलवायु,
  आहर, जसीस स्वस्तों बादि ने कारण मही ती हिनी है। इसलिए से सह्याएँ आंकडे
  कुटकारोपी।
- (६) आहर में के साह में वर्षान्त मरियुद्धता होनी माहिए (A reasonable standard of accuracy must be maintained in collection of statistics)— आहर हो न समृह करने में साधारण ऐसी स्थितियों कोती हैं जब हम प्रवेश पद (Item) को मितियों में हम एक प्रतिदर्श केने हैं हो ऐसी स्थितियों में हम एक प्रतिदर्श केने हैं और उसके आधार पर समिट के सबय जान करते हैं। यहां यह आहरसक है कि औहने जान करने में प्यांत्त साम्यानी बदली जाब ताहि हम आवस्यक परियुद्धता प्राप्त नर सकें। 'पर्यांत्त' साम्यानी है और अमुस्यान के चहुँस एस उपनक्ष्य सामनी पर निर्मेष करता है।

यह तो हुआ उस पदार्थ का विवरण जिसका सास्थिको में उपयोग किया जाता है। अब हम सास्थिकी को परिभाषा पर विचार करेंगे।

#### सांख्यिकी की परिभाषा

साष्टियों को विभिन्न समयों में विभिन्न लेखने ने विविद्य प्रकार से परिभाषित हिया है। इतका नारण यह है कि साव्यिकों ने बड़ी तैजों से उन्नति को जोर तरनुरण उनके विययवरत में मी परिवर्तन होते रहे। साब्यिकों ने लेखनों में अपने काल के कस्तों महत्वपूर्ण मात्र पर बल देने का प्रकार निया। यहाँ हम एक ऐसी परिजाया हेने का प्रयत्त करेंगे विवर्धने अलगंत वह तम कुछ आ जाय जो आजकल सावारणतः साब्यिकों में विययवरत् मात्र वाता है। परनु हस्ती पहुँचे कि हम स्वय्य परिमायाओं की आलोचना करें और अपनी परिमापा हैं, यहाँ पर अच्छी परिमापा के उसका बता देना आवरवक है। एक उच्छी परिभापा हव पूर्ण होगी चाहिए। इसे विज्ञान के उन सब विपयो पर वर देना चाहिए जो उसके सारमूत है। हुवरे रावटों में, एरिमापा को पर्याद रूप से सामवेसी (inclusive) होना चाहिए। परिमापा को स्पट्ट होना चाहिए अपित इसने इसको कर वाच ने करना चाहिए आपित इसने इसको करा में करना चाहिए और विज्ञान को अन्य ज्ञान विज्ञानों से मुस्पट रूप में अलग करना चाहिए। अन्त में, एक परिमापा को स्वय व्याख्यात (sclf-explanatory) होना चाहिए। परिमापा का तात्रमं समभने के लिए यह आवरवक नहीं होना चाहिए कि सम अन्य जाहों में उसने व्याख्या हुँडें। परिमापा को वांच रूप ने की इस मारो से मुस्किन होना दिशाहिए कि इस अन्य जगहों में उसने व्याख्या हुँडें। परिमापा को वांच रूप ने की इस परिमापाओं को परीक्षा नरीं।

बाउन्ड ने अनुसार साहियको ',गणन विज्ञान' (science of counting) है। उपर्युक्त निजयो (criteria) से इसकी परीक्षावरने पर हम पाते हैं कि यह परिमाया पूर्ण नहीं है। यह साहियकी के उन मुख्य लक्षाणों को नहीं बतायी है जिनके कारण साहियकी अन्य गणन-विज्ञाना से भिन्न है। वेचल सारियकी ही गणन विज्ञान

एक अन्य स्थान पर बाउठे नहते हैं वि साह्यिकी मार्ध्यों का विज्ञान है('Statistics is the science of averages') । यह सन है कि माध्य साह्यिकीय विभियों भा एक महत्वपूर्ण माग है, परन्तु साह्यिकी वेवल माध्यों का वर्णन नहीं है। माध्यों के साथ-साथ साह्यिकी में अन्य महत्वपूर्ण विभियों का उपयोग किया जाता है। इसिंग्ए यह परिभाषा भी अपूर्ण है और साह्यिकी की मूलापार प्रवृत्ति वो मही बताती।

बाजले की इसरी परिमापा की मति बॉडिंग्यन (Boddington) भी अपनी पापाया में हमारा ध्यान साल्यने की एक अप विधि की और जानचित करता है। उसले कनुरार साल्यनों 'प्रीकल्ला और समानिताओं का वितान हैं (science of estimates and probabilities)। इसमें नोई सन्देह नहीं कि साल्यियों में प्राक्तक्लों और समानिता के पणितीय सिद्धान्त का उपयोग दिन प्रति-दिन बढता जा रहा है, परनु हम अन्य विधियों का उपयोग भी करते हैं। इसलिए इस परिमापा में भी वे दोण विध्यान हैं जो बाउले की परिमाया में से।

जपनी परिमापा ने विषय में ठब्बू॰ आहे॰ दिना (W I King) ना कहना है नि उनकी परिपापा सारिक्षनी की सीमाओं को दत्ताती है, क्यांत् यह पर्यान्त कर से समावेशी है। उनने अनुसार सार्क्षिनी 'प्राचननो नी प्रपाना सा सार्ही के विस्तेष्ण से आप्त परिपाम द्वारा सामृद्धिक प्राइतिक सा सामादिन पटनाओं ना विषेवन बरने की विधि हैं। 1 किय के अनुसार पह परिभाषा पर्याप्त क्यसे समावेदी है। परनु जैना परिमाषा की पढ़ने से कराता है, यह परिमाषा अनिष्वत रूप से समावेदी है। यह प्राप्त कर से अववर्षों (exclusive) नहीं है और इसिन्य इस्तार्थें की है। यह प्राप्त कर से अववर्षों (exclusive) नहीं है और इसिन्य इस्तार्थ के स्वतिरस्त और और पेंचे पितान है में प्रास्त्रक की प्रमान के मेर प्राप्तिक कर की प्राप्ति के स्वतिरस्त और प्राप्ति के स्वतिरस्त और प्राप्ति के स्वतिरस्त और प्राप्ति के स्वतिरस्त और प्राप्ति के स्वतिरस्त की प्राप्ति के स्वतिरस्त की प्राप्ति के स्वतिरस्त की प्राप्ति के स्वतिरस्त की प्राप्ति की स्वति के स्वत्य के प्राप्ति की स्वति के स्वत्य की स्वति के स्वत्य की स्वति के स्वत्य की स्वत्य के स्वत्य के स्वति कर स्वत्य के स्वत्य कर स्वत्य की स्वत्य कर स्वत्य के स्वत्य क

बाउले में एक और परिमाया दी है, निमके अनुसार साहितकी 'समान कें, उन्हों सम्पूर्णता और प्रव्यक्ति में, नाप का विज्ञान हैं। व यह परिमाया साहितकों को मनुष्य और उन्नके कार्यों तक सीमित्त रखती है। इस वृष्टिकोंग से यह सकीमें है। बाउके स्वय इस गत से सहस्त हैं। परन्तु जब हम 'सम्पूर्णता और प्रव्यक्ति' वाके साक्याय पर विचार करते हैं तो ऐसा रुगता है कि परिसाया से कीन बहुत अधिक विस्तृत हो गया है। रुगमम सभी विज्ञान मनुष्य से प्रव्यक्त या परीस रूप से सर्वाद होते हैं और स्व स्विटकोंग से यह परिसाया अध्यक्त व्यापक है।

#### ससंक की परिभाषा

<sup>1 &</sup>quot;the method of judging collective natural or social phenomena from the results obtained by the analysis of an enumeration or collection of estimates".

The science of the measurement of social organism, regarded as a whole, in all its manifestations.

सांख्यिका के विभाग सांख्यिकों का अध्ययन सामारणत दो व्यापन वर्गों के अन्तर्गत किया जाता है। ये दो वर्ग है (१) सांख्यकीय विधियां(Statistical Methods), और (२) व्यवहारिक सांख्यिकों (Applied Statistics)

(१) सारिव्यक्तीय विधिया—इस वर्ग के अन्तपात वे युक्तियां (devices) आती हैं जिनता साहिष्कों में उपयोग किया जाता है। अकि जमा नरते वा हमेचा कोई न कोई उद्देश होता है। इन्हें अधिक बोकाम्य बनाने या, दुवरे राज्यों में अधिक कोई के कोई उद्देश होता है। इन्हें अधिक बोकाम्य बनाने या, दुवरे राज्यों में अधिक उपयोग्य बनाने, के लिए यह आवस्यक है कि इनका टिवंबन ये अधिक महत्वपूर्व हो सकें, और इनसे ठीक-ठीक निक्यं निवाल जा सकें। अपनी प्रात्मिक्त अवस्या म सम्रहीत सामग्री क्यों माल के समान है। उनका निवंबन करते से पहुंचे यह आवस्यक है कि वे उपयोगों क्या में पत्री जीम। यह नाम चाहित्यकीय विधियों के तरती हैं। इसलिए, साह्यिकीय विधियों वे विधियों हैं जिनका उपयोग मात्रिक (quantitative) समग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है, जिससे सामग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है, जिससे सामग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है, जिससे सामग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है, जिससे सामग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है, जिससे सामग्री का विश्वपण और परीक्षण करने में होता है,

किसी भी साह्यिकीय अनुस्थान में पहला स्थान सामग्री-सपहण (collection of data) का है। इसके बाद सामग्री का विस्त्रेपण किया जाता है और इस विस्त्रेपण के आधार पर असना निवंचन किया जाता है और इसी पर पूर्वामुमान (forecast) आधार कि होते हैं। इन सब में 'सामग्री-विस्त्रेपण' साह्यिकी विद् के दृष्टिकोण से सबसे महत्वपूर्ण है और इसमें बहुत सावधानी, धैयं और वैज्ञानिक ज्ञान की आवश्यकता होती है।

आंकडो के रुक्षणो में एक महत्वपूर्ण रुक्षण यह है कि वे वई कारणो से एक साय प्रभावित होते हैं। इसिंछए संगृहीत सामग्री बहुमा ग्रूगम नहीं होती और सरलता से समक्त में भी नहीं आती। इस दशा में इसका ठीक-ठीक निर्धवन नहीं किया जा सकता । विश्लेषण का कार्य-कारण बाहुत्य से उत्पन्न प्रभावों को अलग करना और इन्हें कम करना है। प्राकृतिक विज्ञानों में यह कार्य प्रयोगशालाओं में परीक्षा करके किया जाता है, परन्तु सामाजिक विज्ञानों को इसकी गुविधा नहीं है। अतएव इनके लिए सास्थिकीय विश्लेषण बहुत महत्वपूर्ण हो जाता है। चुँकि किसी एक कारण का पूर्णत एकलन करना सभव नहीं है, इसलिए जो निष्कर्ष निकाले जायें उनका ठीक-ठीक रूप से वास्तविक होना आवश्यक नहीं है। ये निष्कर्ष प्राक्कलन (cstimates) होते हैं। सांस्थिक का काम इस प्रकार के निष्कर्प निकालना है। इसके लिए जिन युनितयों का उपयोग किया जाता है वे अत्यत प्रारंभिक से अत्यन्त कठिन सक होती है। कुछ इतनी सहज होती है कि कोई भी व्यक्ति उन्हें समभ लेगा, परन्तु कुछ इतनी कठिन और जटिल है कि केवल उच्च गणित का विद्यार्थी उन्हें समक्त सकता है। इन युनितयो का उद्देश्य और लक्ष्य महत्वपूर्ण प्रतिकारको का एकलन (Isolate) करना है। परन्त विश्लेषण करने से पहले यह आवश्यक है कि सामग्री की सुव्यवस्थित रूप में रखा जाय। इसके ठिए सामग्री का वर्गीकरण (classification) और सारणीयन (tabulation) किया जाता है। इसके बाद निर्वचन करने के लिए सामग्री पर आश्रित रहने वाले स्थिराको (constant) की, जैसे माध्य (averages), प्रतिशत (percentages), सहसवध-गणाक, आदि, गणना की जातो है। इस प्रकार गणना के प्रक्रिया-नियम (rules of procedure) जिनके दारा सामग्री के समृहो का निवंचन किया जाता है, सास्यिकीय विधियाँ कहलाते हैं। ये वे यक्तियाँ है जिनकी सहायता से कई कारणों से प्रभावित सामग्री का संग्रहण और विश्लेषण किया जाता है, जिससे वह संरलता से बोध्य हो जाती है।

सास्त्रिकी में जिन विविध विधियों का उपयोग होता है, दे निम्नलिखित है

- (१) सम्रहण (collection)
- (२) वर्गीकरण (classification)
- (२) सारणीयन (tabulation)
- (४) माध्य अदि द्वारा तुल्ला करना (comparison by averages etc )
- (५) सहसवय (correlation)
- (६) निवंचन और पूर्वानुमान (Interpretation & forecasting)

इन विधिया का वैज्ञानिक प्रतिपादन करना साह्यिकी के अन्तर्गत आता है। (२) ध्यवहारिक साश्यिको (Applied Statistics)—व्यवहारिक सास्यिकी

के अ तर्गत वास्तविक समस्याजा को हुल करने के लिए उनका सास्यिकीय प्रतिपादन करना आता है। इसमें हम मुख्यत सास्थिकीय विधियो या सामग्री का निर्वचन करने बारे सामा य नियमों को व्यवहार में लाते हैं। विसी व्यवहारिक समस्या से सर्वाधित सामग्री का विस प्रकार संग्रह विश्लेषण और निर्वचन विया गया. यह व्यवहारिक सास्यिकी का विषय-क्षेत्र है।

व्यवहारिक सास्त्रिकी का समिचित ज्ञान प्राप्त करने के लिए यह आवश्यक है कि हम बणनात्मक और आयमिक या वैज्ञानिक विधियों में भेद करें। वर्णनात्मक विधियो में हम घटनाओं के संख्यात्मक विवरण पर विचार करते हैं। और इनके द्वारा सरयाजा के समृह को बोध्य और स्मम बनाने का प्रयत्न करते हैं। इस विधि के क्षेत्र में आगमिक सामारणीकरण (inductive generalization) नहीं आसा। निर्वचन या पूर्वानमान के द्वारा निष्टप निकालना इस विधि के अन्तर्गत नहीं आता । यह अरागमन ना क्षेत्र है। 'आगमिन साहियनी' (inductive statistics) की मुख्य विरोपता यह है कि इसके द्वारा हम निष्कर्ष निकाल सकते है और अपने की दी हुई सामग्री तक ही सीमित नहीं रखते वित्क उससे आगे भी जा सकते हैं। निष्कर्ष निकालने ने लिए केवल इतना हो आवश्यक नहीं है कि सास्थिक उपलाप सामग्री पर ध्यान दे, वल्कि यह और भी अधिक आवश्यक है कि वह उन विविध प्रतिकारकों पर विचार कर सके जिनके कारण सामग्री उत्पन हा सकती है।

चेत्र और परिसीमाएँ (Scope and Limitations)-अव तन सास्त्रिकी की परिभाषा, प्रयोग और विभाषा के बारे में जो कहा जा चका है, उसमे सास्थिकी की व्यापकता में कोई सादेह नहीं रह जाता । आधुनिक काल में सास्थिकी का क्षेत्र इतना विस्तृत हो गया है कि प्रत्येक अनुसवान में जहाँ मात्रिक अध्ययन किया जाता है, सांस्थिनी का उपयोग होता है। परन्तु इसका कदापि यह अर्थ नहीं है कि सास्त्रिकी का उपयोग आँख मूद कर किया जाय । वास्त्रव में साहिएकी की परिसीमाएँ हैं और इसका उपयोग इन्हें ब्यान में रखकर किया जाना चाहिल अध्यया जो निष्कर्ष निकाले जाएँगे वे स्थामक हागे। पर त इन सोमाश्रा के मीनर साहितकीय विधियों बा उपयोग किसी भी क्षेत्र में सक्त रुवारूवक किया जा सकता है । साहिरकीय विधियो का प्रयोग करते समय जिन परिमीमात्रा का ध्यान रक्ता जाना चाहिए वे निम्न-रिवित है

(१) सांस्थिकीय विधिया का उपयोग नेवल उन्हीं स्थानों में निया जा सकता है जहाँ तच्यों नो सस्यारमक रूप में व्यक्त किया जा सके । जैसा बताया जा चुका है, सास्तिशीय विविधां केवल आंकडों के लिए उपयुन्त हूँ इसिन्ए ऐसे तब्यों में लिए जी मावित कर में नहीं लाए जा सबने मास्तिशीय विविधां अवश्राय है। उपार हम इतना साम्मिकोय प्रतिदादन करता चाहते हैं ता हमें पहने ऐसी परिप्रायाएँ मैंग निक्य बताने पंडों वितरे आगार गर पे तब्य मानित रूप में एसे वा सकें। उदा-हरणार्थ, हत दो देती में हुए आधिक निकास में गुज्जा तब नव नहीं कर सकते जब तह हम पिकाम नी ऐसी परिप्राया और निक्य नहीं दे देने जो और घा के रूप में व्यवत्व नी जा को नी से हम विकास नी स्थित का ज्यागो अस्पतालों, विविधा-न्याओं आदि नी सच्चालों ने आपार पर जान समने हैं। दूर्गी प्रनार समुद्धि 'बृद्धि,'सच्चाई' आदि का सास्तिशीय अप्यत्न तर गान समन नहीं है जब तक नोर्ट ऐसा निक्य (criterion) नहीं बना लिया जाना जो सरना मन कर से ब्यवत विधा माने

(2) साध्यक्तिय नियमों के संज्ञानिता पर आधित रहने हे कारण एक अन्य परिपोगा उद्यक्त होनी है। वह यह कि साधिसकीय नियम माध्यन (on an average)और दोने नाल में तथ होने हैं। इस बात का एक उदाहरण देकर समभाया या सकता है। उपार एक निकता उद्यक्ति वात का कृत या तो चिन्न (head) निरोगा या पद (tail)। संज्ञानिता का सिद्धान्त जहना है कि चिन्न या पद पिरने की गंभीक्ता है है। परन्तु यह वेक्टन तभी संब है जब निक्का बृद्धमध्या में उद्यक्त जाय। अतम दह नेकड यो सार उद्यक्ति वाता हो सकता है कि यह दोनों बार पित गिरे या दोना बार पट। पर जैने वैसे होत उद्यक्ति की सक्या बदाते जाते हैं वैसे नी पत्र और पट की मच्या कुल मध्या की आयों के अभिकाधिक निकट होनों जाती है। यदि हम निक्का देन हजार बार उद्योगे वा चिन्न और पट की सहया ५ हजार ने बहुत आस-पान होंगे। द्दन परिमोमाओं ने साथ-माथ दूर्षे कुछ अन्य वातों का भी ध्यान रस्तर्ग पडता है। अगर इनका ध्यान न रसा जाय तो गल्न निवन्धं निरुष्टेंगे। (१) सांध्यिकीय सामग्री एक सम (uniform) होनी चाहिए और उसके मुख्य करूप पूरे व्याययत-काल में स्थायी होने चाहिए। उराहरणार्थ, अगर हमें दो खानेगें में मजदूरियों की जुलना करनी है, तो दोनो उपोगों में एक ही प्रकार ने मजदूरियों की जुलना करनी चाहिए। यह नहीं कि हम एक खोग में काम करने वार्य पुरागों की मजदूरियों के मजदूरियों के मजदूरियों के मजदूरियों की मजदूरियों के मजदूरियों करने में मी हुआ ता गी हिंगें अल्ट करों में मां मां मां में मां मिल्केंगी है। वह स्वाया मां मिलकेंगी है। वह स्वाया मां मिलकेंगी है। वह सिंह आवडा का प्रत्यन्त किया न पर कहीं मच्या वाना में निवर्ष्णों है। विश्व यह है कि आवडा का प्रत्यन्त किया निर्मेश को मिलकेंगी है। वह है कि आवडा का प्रत्यन्त किया न मां मिलकेंगी है। वह किया के पहले के सिंह के मां मां मिलकेंगी है। वह सिंह के मुख्य के साथ की सिंह के मुख्य के मां मुख्य के मां मिलकेंगी है। वह सिंह के पहले किया के पहले के सिंह के मां मिलकेंगी है। वह सिंह के मुख्य के सिंह के मां मिलकेंगी है। वह सिंह के मुख्य के मां मुख्य के मां मिलकेंगी है। वह सिंह के मुख्य के मां मुख्य के मां मिलकेंगी के मां मिलकेंगी है। वह सिंह में मां मिलकेंगी है। वह सिंह में मिलकेंगी के सिंह मां मिलकेंगी है। अपया का मां मिलकेंगी है। अपया का मां मिलकेंगी के सिंह मां मिलकेंगी है। अपया का मां मिलकेंगी हो। अपया का मां मां मिलकेंगी हो। अपया हम बात वी बहुत स्वाय के सिंह मा में सिंह में मिलकेंगी हो। अपया हम बात वी बहुत स्वाय के सिंह में सिंह में सिंह में मिलकेंगी हो। सिंह मां मां मिलकेंगी हो। सिंह में मिलकेंगी हो। सिंह में मिलकेंगी हो। सिंह में सिंह में सिंह में मिलकेंगी हो। सिंह में सिंह मां सिंह में सिंह में

प न्यू इन परिमामाना व नारण मान्यिनों ना महस्त नम नहीं हो जाता है। इसम ना वच यह निक्य निकारा जा मकता है कि सभी दशाना में मान्यिनों वा प्रशा नचना उप्युक्त नहीं है और यह बात लगभग सभी विज्ञाना पर लगू होती है। प्रशेव नियम न मात्र बुड उमें जुड़ी होती है और या वार्षे हों उसकी परिमोमाल है। भान्यिकों न नियमों ने लावनित्त जियमों परिमोमाल है। भान्यिकोंन नियमों ने लावनित्त उपयाग के मात्र भी हुट दर्जे जुड़ी रहती है जितन पूरा होते पर नियम ने हारा निकार पर निज्यं सब होते हैं अन्यया उनमें पत्त है हो भार्यकों है। और डो की परिमामता भी एव साते हैं जा वेचल मास्यिकी में हो नहीं विकार मानि विज्ञाना में पूरी हात्री चाहिए। वास्तव में समूह ना अव्यवन उमी ममत्र हा गक्ता है जब दूर प्रकार हो अस्था वह समुद्ध है नहीं रह जाता।

स्रॉक्कड्रों पर श्रिनिश्वास (Distrust of statistics)—सर्वसाधारण स्रोक्डा की अवाजीम सममना है। किंदन के एक प्रधान मनी ने यही कक नहा है कि 'कह नो तीन काटिमा (degree) हाती है—स्कृत, सर्वेद मुठ और औरडें। इस नक्षर के कवन अक्डा को उसमित्रा और उनने महत्व को अस्पिक हाति पहुंतन है और नान्विकों के दूरिस और मानियात को मिस्सा वहाति है।

इसका कारण यह है कि आकड़े मन्दर की वृष्टि से देखे जाते हैं। सन्देह का एक कारण यह है कि मात्राण्य - द्याश का सक्ताएं मुद्रोध कही होती और वे दयने करें से रहत हैं। अगर औकड़ों क द्वारा कार्ट बात निद्ध की वाद तो वे वयने की द्यागा स समसने हैं। पण्यु दर्शक अंतिरिक्त अविकास का एक अन्य सहस्वपूर्ण कारण

है जो छोगो की भावना पर आधारित नहीं है बल्कि आंकडो से निकाले गए निष्कर्पी और साधारणीकरणों के गलत सिंख होने के कारण उत्पन्न होता है। यह देखा जाता है कि सामग्री के पर्याप्त सावधानी से किए गए विश्लेषण और परीक्षण के बाद जो निष्कर्ष निकारे जाते हैं, दे तक वास्तविक जगत में अधार्य (untenable) होते हैं और सही नहीं उतरते। अगर सावधानी न बरती जाय तो गलत निष्कर्षों के निकाले जाने की सभावना कही अधिक हो जाती है। निम्नलिखित उदाहरण पर विचार कीजिए। अमरीकी नौरोना में मृत्यु-दर ६ प्रति सहस्र है और न्यूयाकं मे मुख पर ३० प्रति सहन्त्र है। ये दोनो तस्य है। परन्तु इनसे अगर हम यह निष्कर्प निकालें कि चूँकि न्यूयार्क की मृत्यू दर नी सेना की मृत्यु दर की पाँच गुनी है, इसलिए नौसेना में जीवन-प्रत्याशा (expectation of life) न्यूयान से अधिक होगी, तो यह निष्कर्ष सन्देहजनक होगा । कोई भी सामान्य बुद्धि वाला व्यक्ति यह सौचेगा कि गुणा-भाग तो ठीक है, परन्तु कही न कही कुछ गडवड अवस्य है। इस गलत निकर्ष निकलने का कारण यह है कि हमने तो समान स्थितियों में बुलना नहीं की है । नीनेना में रहन-सहन की व्यवस्था न्यूयार्क से कही अधिक स्वास्थ्यवनक है। फिर, नौसेना में केवल स्वस्य युवक चुने जाते हैं, जब कि न्यूयार्क में सभी प्रकार ने लोग रहते हैं। माध्यो और प्रतिशदों का उपयोग करने में भी इस प्रकार के म्नान्तिकारी निकर्ष निकल सकते हैं। दा फर्मों के तीन साल के औसत लाभ बराबर होने से यह निष्कर्प नहीं निकाला जा सकता कि दोनों की दशा एक सी है। हो सकता है कि एक समृद्ध हो रही हो और दूसरी में धाटा हो रहा हो। ऐसी दशा में भाष्यों से हमें सही स्थिति का ज्ञान नहीं होता । यही बात प्रतिशतों पर भी लागू होती है । विद्यार्थियों के दो रामृहों की परीक्षा की गई। एक में केवल दो विद्यार्थी थे और दूसरे में १००। अब यदि पहले में दोनों उत्तीर्ण हो तो परिणाम १००० होगा और यदि दूसरे में ९९ उत्तीर्ण हो तो परिणाम ९९% होगा । इन दो प्रतिशतो से यह निष्कर्ण निकालना कि पहला समृह दूसरे से अच्छा है, स्नामक होगा। हो सकता है कि दूसरे समृह के विद्यार्थी पहले से वही अधिक अच्छे हो । परन्तु इसका अर्थ यह नही है कि हम आंक्डो के आघार पर निष्कर्य ही न निकाल । 'आँकडे उस मिट्टी के समान है जिससे भगवान और बैतान दोनो की मूर्ति बनाई जा सकती है'। यह मूर्तिकार पर निर्मार करता है कि वह क्या बनाता है।

इसका यह अर्थ नहीं है कि हम ऑकवों को निष्प्रयोग्य ठहरा दे और यह निष्कर्त निकार्त कि 'ओनकी से कुछ भी पित्र किया जो सकता है'। सही उपाय यह है कि हु हम अंकियों का माध्यित उपयोग करें। यह बाद राजना वाहिए कि 'बोलेक पूरे गई।' होते परन्तु भूठे अंकिट बनाए जा सकते हैं'। साथारता यह होता है कि होए अन्त्री

पूर्व धारणाओं से प्रभावित होनर अपवहित (rash) निष्नर्प निवालते हैं। अगर आंकडो का उचित उपयोग किया जाय तो उपयुक्त निष्कर्ण निकल्ते हैं परन्तु यदि अल्पन्न उनका गलत उपयोग करते हैं तो म्यान्तिकारी निष्कर्ष निकलेंगे हो, और यह ऑक्डो का दोप नहीं है। साख्यिकीय विश्लेषण एक सूक्ष्म कार्य-प्रणाली है जिसे हम मात्रिक जानकारी पर लागू करते हैं और विश्लेषण के परिणाम अधिकासन इस बच्चे माल पर निभर बरते हैं। सास्यिक रसविद (alchemist) नहीं है। उससे इसकी प्रत्याशा व रना बेकार है कि यह किसी भी कुण्य घातु (base metal) से सोना बना देगा '। परन्त यह सच है नि औंवडो की सहायता से कोई भी अन्वेपक सरय की दिशा में काफी आगे बढ़ सकता है, बशर्ते उसे अपना मतलब न सिद्ध करना हो । माराल ने सत्य बहा है कि "आंबर्ड वे कच्चे माल है जिनसे अन्य अयंशास्त्रियो ने समान मै निर्वाह करता हैं । बास्तव में 'औकडे गीली मिट्टी के समान है जिनसे आप चाहे एक राक्षस का रूप या एक भगवान का रूप बना सकते हैं"। जो व्यक्ति सास्यिको का उचित प्रयाग करते हैं वे मानो उससे भगवान का ही रूप बनाते हैं।

सामान्यन मे ब्रिट के स्त्रीत (sources of errors in generalization)—सांख्यिकीय विश्लेषण द्वारा निकाले गए निष्कर्पों में बटि (error) होने ने निम्नलिखित स्रोत हैं

(१) अतुलनात्मक सामग्री (Non-comparable data)-एक सामान्य गलती यह की जाती है कि लोग ऐसी सामग्री से जो सर्वथा सजातीय (homogeneous) न हो, या जिनवा समान महत्व न हो, या जो एक इसरे से सारत भिन्न हो. निष्कर्ष निकालते हैं । दो विश्वविद्यालयो, के और ख के विद्यार्थिया की सास्त्रिकी की परीक्षा ली गई और यह पाया गया कि व के परिणाम ख से अच्छे थे। बाद में पता चला कि क के जो विद्यार्थी परीक्षा में बैठे थे वे सास्यिकी में एम ए पाम कर चुने थे, परन्तु ख के विद्यार्थिया ने वी ए भी पास नहीं त्रिया था। स्पष्टत ऐसी तुलना अनुचित है और इससे निकाला गया निष्कर्ष मामक है। बॉटिन्अन (Bertillion) ने नहा है कि 'प्रभावों की तुलना सदैव उन्हें उत्पन करने वाले कार्यों से की जानी चाहिए'।

(२) माध्यो और प्रतिशतों का उपयोग (Use of averages and percentages)-एक दूसरी प्रचलित त्रुटि का कारण माध्यो और प्रतिज्ञता का उपयोग है। यदि निसी सेमिनार ने १० विद्यार्थिया में एक का मासिक व्यय ५०० रू. कीर पोप ना १०० रू. तो दूसरे यह निकर्ष निकासमा यस्त नामा हि चैंकि औमत व्यय ११० र० है इसलिए प्रत्येन ११० र० खर्च करता है। इसी प्रकार जगर सह बहा जान कि भारत में रे०% छोग एक कम्पनी के जुतो ना उपयोग करते हैं तो इससे यह निप्पर्ण नहीं निकालना चाहिए कि द६ कठोड लोगों में १६ छास लोग इस कम्पनी ने जूते पहिलते हैं चयोकि ३६ करोड में से कुछ लोग मंगे पीव चलते होंगे और कुछ जुतों ने स्थान पर चप्पल आदि पहनेते होंगे।

- (३) मुतप्पता का अनाम (Luck of Preciseness)—इसके कारण भी गठन समान्यन हो सकते हैं। अंदे 'एक शहर में एक साधारण व्यक्ति मतिदन गांच नियरे पीता है। शहर में '१० हजार व्यक्ति रहते हैं, इसकिय बुळ '५० हजार तिनारेट प्रतिदित्त भी जामेंगी'। यह जुल्याना के अभाव का उत्तहरण है। प्रत्म यह है कि कौन व्यक्ति साधारण है और क्या शहर के एक निवासी सिनारेट भीते हैं। हो सबता है कि सब लोग सिनारेट न भीते हो। सामान्यन करते में पहले इन प्रत्मों वा ठोल ठील उत्तर देना आवश्यक है. अन्यया सामान्यन गठन होगा।
- (४) अपुजवहरूप (Non-sequester)—सामानवन करने से पहुले यह अप्यादस्य है कि विविध प्रतिवाहनों के प्रमावी ना एवन (isolation) में दिया जाय । पुववहरूप न करने से बहुवा मरुदी हो जाती है। पर मान कीजिश हम एक सुचरे हुए बीज के कारण उपज में वृद्धि देखना चाहते है और प्रयोग करने के छिए उसे एक खेत में बोले हैं। अब अगर हुए माने हैं कि उपज में वृद्धि हुई है तो एक वस्त यह तिनम्पें निनाना कि यह पुपरे हुए बीज न माभाव है, गजत हो सजता है। क्सील हों कर सहस्य में अपन प्रमान कीज का जाता हा सा सामारण बीज बोमा जाता तब मी उपज अधिक सर्वाही। या बुंकि स्वीग दिया जा रहा या, इविल्य किंपी हों सा आदि की अधिक सर्वाह की गई। जब तह इन कारणों से हुई वृद्धि को प्रमान हों कर दिया जात, तब तक उपवृक्त निनम्पें प्रमान हों सकता है।
- (५) साहवर्ष को कार्य-कारण संबय समसना (Mistaking Association for correlation)—ित भी साहर में यह देखा गया कि विद्यार्थी सिनेमा अधिक देखते हैं। इसमे यह निलयं निकालना कि चूँकि ने विद्यार्थी हैं इसिलए ने सिनेमा देखते हैं, या इनका बिलोम, गलत सामान्यन होगा। इनमें कोई कारण सबय नहीं है, नेवल साह्य्यं है। इस प्रकार साहच्यं और कार्य-कारण सबय में भेद न कर सकने के बारण भी ग्रामक सामान्यन हिए या सकते हैं।
- (६) अप्रतिनिध सामग्री (Non-representative Data) —एक साम-बार पत्र आगामी भूताव ने परिशाम का पूर्वेतुमान करते ने लिए सत्र श्रव्ह करवात है और हम मात्रे के भागपर रिजय निया निवालता है कि एक समीरवार अपनेविरोधी से दन मूना अधिक मत्र पाएगा। निर्वोचन होने पर पाया गया कि विरोधी १०%

मतो से जीता। पत्र का निष्कर्य गलत या क्योंकि कारण ढंढने पर जाना गया कि यह पत्र पहले उम्मीदवार के समर्थकों में ही पढ़ा जाता था। अन्य लाग इसे बहन कम पढते थे । निष्कर्ष के गलत सिद्ध होने का कारण अप्रतिनिधि सामग्री थी।

- (७) अभिनति (Bias)-अनुसमानवर्ता की अभिनति के कारण भी गलत सामा यन हो जाते हैं। अगर वह पहले से ही विन्ही कारणों से कुछ धारणा बना लेता है, तो वह जाने अनजाने सामग्री से ऐसा निष्टर्ष निवालेगा जो उमनी धारणा की पूष्टि करते हा। अगर किसी परीक्षक की धारणा यह है कि बी॰ ए० के निचार्थी बी॰ एसु॰ मी॰ व निचायियों की अपेक्षा कम मेहनती होते हैं, तो उसक परिणामी का भुकाव वी०-एस्० सी० वे विद्यार्थिया वे पक्ष में हागा।
- (८) क्तकं (Bad logic)—गळत तर्क करने के कारण भी सामान्यन श्रुटिपूर्ण हो सकते हैं। जैस यह बहना कि चूंकि शराब पीने वाला में ९९% व्यक्तिया की मृत्यू १०० साल से पहले हो जाती है, इसलिए शराब पीना दीवें जीवन ने लिए बुरा है, एक तर्क-विरुद्ध निष्कर्ष है, क्यांकि हमें यह नहीं मालूम है कि शराब न पीने बालो में बितने प्रतिशत व्यक्ति १०० साल तक जीत है। हा सकता है कि दूर पीने वालो में भी ९९% व्यक्तियों की मृत्यु १०० साल से पहले ही हो जानी हो।
- (९) वर्गीकरण में उपवर्गों पर विचार न करना (Overlooking of sub classes in classification)—अगर यह वहा जाम कि दश वे समन्त उत्पादन में १५% की बृद्धि हुई है, तो इससे यह निष्कर्ष निकालना कि अब लोगो को पहले से अधिक सुविधा मिल रही है गलत होगा। समस्त उत्पादन के अन्तर्गत विभिन्न उत्पादन क्षेत्रों में हुए परिवर्तन पर विचार निया जाता है और ये उत्पादन समस्त उत्पादन के उपवर्ग हैं । हो सकता है कि कुछ क्षेत्रा में कम वृद्धि हुई हो और बर्ध-व्यवस्था के असत्तित होने के कारण लोगों को अधिक कठिनाई का सामना करना पड रहा हो । अतएव समस्त के आधार पर निष्कर्ण निकारने से पहुने उपवर्णी पर अवस्य विचार किया जाना चाहिए।

सार्क्ष्यिकी ने प्रत्येक सावधान विद्यार्थी को इस प्रकार के म्यान्तिकारी निष्टार्थ निकालने से बनना चाहिए । क्षेत्रल वे ही निप्कर्ष निकाले जाने चाहिएँ जो मामग्री पर आधारित हो। ऐसा नोई भी निष्टमं जिसने लिए दी हुई सामग्री से अधिक जानकारी की आवस्पकता हो, हमेशा स्मान्तिकारी हागा। सामग्री का निवंचन करना और उस से निष्कर्ष निकालना एक अत्यधिक कठिन काम है और इसमें जिन्नी भी सावधानी बरती जाय, वह नम हैं। यह नेवल विशेपज्ञ का नाम है। यह ठीक है कि 'अगर सास्थिकीय विधियों का उपयाग अल्पन्न करता है ती ये गवसे भयकर

उपकरण हो जाते हैं। सास्थिकी उन विज्ञाना में है जिसमे प्रवीण व्यक्तिया का बलाबार का सा आत्मसयम रखना पडता है'।

#### QUESTIONS

- Reconcile the following statements -
- (a) Statistics can prove anything
  - (b) Statistics prove nothing
    - (B Com, Allahabad) "Statistics is the science of counting" Give the important
- uses and limitations of Statistics (B Com , Madras) 3 "Statistical methods are the most dangerous tools in the
- hands of the inexpert Statistics is one of those sciences whose adapts must exercise the self restraint of an artist" Explain clearly the significance of the above statement

(M Com , Agra)

# श्रध्याय ३

# सोस्यिकीय अनुसंघान

(Statistical Enquiries)

िएठ अध्यास में बनाया जा चुना है कि सास्थितीय विधियों में सामधी मजहण जमानुसार सबसे पहले अना है। अगर सामधी न हो तो न हम किल्क्यण कर मनते है और न निजयं ही निवाल सनते हैं। इसिएए 'सबहण' 'पहला पा है। यह एक महत्वपूर्ण विषय है क्योंकि सपूर्ण परिधाम सबहोत मामधी ने गुलो पर आधिन रेट्या और इसिएए हम जिननों भी मावभानी से सामधी-मजह वरें, बहु कम ही है। अनुमधान वी सफ्टा की दृष्टि से यह सदैव लामकारी है कि मामधी सबह करने से एहँ है हम एसकानीपुत्रक आधीजन कर लें। एक उनिस नीति से सोबी-विचारी मई मीजना में निम्मिटिणत बातों पर ध्यान दिया जाना चाहिए

- (क) समस्या ने क्षेत्र की परिभाषा (defining the scope of the problem) ।
- (ख) अनुमधान-विभि (method of enquiry)।
- (ग) अन्य बाने (other details), जैसे
  - (१) सास्यिकीय इकाइयों की परिभाषा (Definition of statistical units)
  - (२) अमीष्ट यथावंता-परिमाण (Degree of accuracy desired) अर्थात् अनुमोदित पृटि वा परिमाण (the magnitude of error permissible) ।

# (क) समस्या का चेत्र

सामान्यत अनुसवान व उद्देश्य और प्रयाजन उनका क्षेत्र निर्धारिन करते हैं। अनुसान का प्रयाजन (purpose) और उनका क्षेत्र निर्देश्त करता बहुत आवस्पन है क्यांकि इमी पर आवस्पन साक्तिकों सामानी का स्पन्न निर्धन दिवा है। यदि अनुसान का उद्देश्य ठीन ठीन अनिस्प रूप में मुद्देल ही नहीं बता दिया गया हाती बाद में गडकों और बिल्माइस प्रेम हो सकता है कि ऐसी मामनी का समूह कर दिया जाय अनुसान के प्रयोजन को देशने हुए मुमगत नहीं। इसक्तिए यह आवस्पन है कि समस्या ने सन वक्षी की सामानी से जीन कर ली जाय, जिससे फिर दूसरा अनुसधान करने की आवश्यकता न पडे और तृटि की सभावनाएँ न्यूनतम रहे ।

# (स) अनुसंधान-विधि

मामग्री-सगह को वह विधियों है जिनका प्रयोग निया जा सकता है। निसी विधि-नियोग का औविषय अनुसमान के उद्देश्य और प्रयोजन पर आधित रहता है। स्य विधियों सब अनुसमानों के लिए उपयुक्त नहीं है। इन विचिय विधियों को वो सामान्य नमों ने बीट सकते हैं, प्राथमिक और दिसीयक (Primar) and Secondary)।

प्रायमिक और दिलीयक विधियाँ-चिंद सास्यिकीय प्रतिपादन, निर्वेचन, और प्रशासन के लिए सामग्री का पहली बार संग्रह किया जाता है, तो इसे प्राथमिक सामग्री कहते हैं । जिस विधि से प्राथमिक सामग्री का सग्रह किया जाता है उसे प्राथ-पिक विधि कहते हैं। जब ऐसी सामग्री का किसी दूसरे प्रयोजन से या उसी प्रयोजन से किसी दूसरे अनुसंधान में उपयोग किया जाता है तो उसे द्वितीयक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से इसका सम्रह किया जाता है उसे हिसीयक विधि कहते हैं। एक उदाहरण से इनका अन्तर स्पष्ट हो। जायगा । मान लीजिए हमे एक गाँव में ऋणिता (indebtedness) का विस्तार जानना है। अनुसधान-पर्यन्त जिस सामग्री का संयह किया जाता है उसे प्राथमिक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से इसका सब्रह किया जाता है उसे प्राथमिक विधि कहते हैं। यदि इसी सामग्री का उपयाग इस प्रकार के किसी अनुवर्ती अनुसमान में या अन्य प्रकार के अनुसभान में निया जाता है ता इसे द्वितीयक सामग्री कहते हैं और जिस विधि से अब इसका सम्रह किया जाता है, उसे द्वितीयक विधि कहते हैं । द्वितीयक सामग्री का उपयोग उन स्थितियो में किया जाता है जब या तो प्रार्थमिक सामग्री उपलब्ध न हो, या जब सामग्री के पर्याप्त और प्रामाणिक विवरण उपलब्ध हो और इसलिए संग्रह करने में समग्र और सावनों का उपयोग करना व्यर्थ हो। दितीयक सामग्री का उपयोग करने में बहुत सावधानी बस्तुनी चाहिए क्योंकि प्राय इस निधि से निकाले गए परिणाम विस्वस्तीय नहीं होते । द्वितीयक विधि का उपयोग करने में यह सदैव निश्चित कर रेना चाहिए कि सामग्री का राग्रह पहले किस उद्देश्य के लिए और किस विधि से किया गया था। द्वितीयक सामग्री का उपयोग करने पर अनुसंधान का उत्तरदायित्व बढ जाता है। उसे उपलब्ध सामग्री की सावधानी से परीक्षा करनी पड़ती है. जिससे वह जान सके दि क्या उपलब्ध सामग्री अपने वर्तमान रूप में उपयोज्य है या नहीं; और अगर नहीं है तो कितनी अतिरिक्त जानकारी और गणना करने पर वह उपयोज्य हो जाएगी।

उपर्युक्त दो सामान्य विभाजनो ने साम साय अनुसंधान विधियों में उप विभाजन विए जा सबते हैं। ये उप-विभाग उपर्युक्त विभागा वे अन्तर्गत आन हैं। नीचे इसना संक्षिप्त वर्णन विया जाता है।

(क') साणना-अनुस्थान और प्रतिदर्ध-अनुस्थान (Census Enquiry & Sample Enquiry)—यदि नामको मध्य पूरे अनुस्थान केन में प्रधानकाता है तो देश नगणना नम्मान न्हों है परन्तु यदि अनुस्थान न्हों है पागों में नब्धिम देश नगणना अन्यान नहों है। इनमें में चौन भी विधि चुनी जाएगी यह दस बात पर आधित है ति निम प्रकार की मामकी का मध्य करता है और अनुस्थान निर्ण तिन्ते नामकी का स्थान करता है और अनुस्थान निर्ण तिन्ते नामकी का स्थान स्थान है। अगर पूरे थेत के प्रयोक सदस्य ने प्रथम में जातना है। प्रान्त करती है तो समयना-अनुस्थान निया जाता है। परन्तु सामना का अगन होने के नारण हमेशा नगणना अनुस्थान करना मन्त्र नहीं होता। पेसी निष्यति में प्रतिदर्धा (samples) है क्यें आते हैं और यह मान क्या काता है। स्थान निष्या जाता है। स्थान निष्या काता है। स्थान निष्या काता है। स्थान करना स्थान स्थान काता है। होता। येसी निष्यति में प्रतिदर्धा (samples) है क्यें आते हैं और यह मान क्या जाता है। स्थान क्या जाता है। स्थान स्थ

कभी-भी यह होता है कि ममुह वाभी वडा होता है और उसमें ऐसी विशेव-ताएँ होनी है जिनका प्रतिदश्त में प्रतिनिधित्व होता चाहिए। अगर ये विशेवनाएँ कर्षीहत की जा सकती है ता स्तरित प्रतिकर्स (Strauffed Sample) का उपयोग विशा जाता है। स्तरित प्रतिदर्श देने ने शिए एक्ट समुह को वार्गों में विशायिन कर दिया जाता है और फिर प्रत्येव वर्ग में से कुछ सदस्यों को यदृष्ट चृत िष्या जाता है। इत बर्गों को स्तर (strata) बट्टों हैं। स्तरित प्रतिदर्श-विधि वा उपयोग तब विधा जाता है जब समूह विधमागी (heterogeneous elements) में मिरुवर वता होता है और यह आवरयक होता है वि दल अयों वा प्रतिविधित प्रतिदर्श में उसी अनुपात में दिया जाम जिसमें वे पूरे समृह में हैं। इसने प्रतिदर्श में प्रतिविधित हों जाता है और वह अधिक विदर्शीय हा जाता है।

यहाँ वह पूछा जा सकता है कि क्या प्रतिवसी-विधि से नारों एवं परिणाम। वहते ही विस्तवसीय होंगे जितने सगणना-विधि से जाने गए परिणाम। यह देखा जाये हैं कि इस तोने में जियन अपना-वाही होंगा। इसकी व्याप्त मानीविश्तिकाल की सहायता ते की अपनी हों की परन्तु होंगे। इस हर तरह भी ममफ सकते हैं कि यदि सब सरमा। (जप्यूनि उदाहरण में ३० हजार गांगो) ना अप्यप्त किया जाय तत्त्व सेता नहीं की की मानाना रहेगी जो बुत्धी पत्ती जाती है। यूनि सरस्यों सो सदया नहीं कि कि स्वत्य केता जाती है। यूनि सरस्यों सेत स्वत्य नहीं अपनी जीत है। यूनि सरस्यों सो सदया नहीं अपनी और सप्तयान की ममजना और अनुमानाओं में अन्तर के वारण उदान बुद्धियों वड आएंसी। अगर इस हव पर निवस्य पता ता तो अनुस्तान में इतना अधिक समय होगा और हता और हा अधिक समत को साम ता की स्वत्य होगा और हता अधिक समत को साम ति हता सिंक होया की स्वत्य होगा और हता अधिक समत को साम ति हता लिख उद्देश की सुद्धि के हिए। वह क्यों हो जाया।

यह तो हुआ बाद्दिन्ज प्रतिरां चुनने का वर्णन । कभी-नभी यह विभि साध्य या व्यवदानं नहीं होती । ऐसी रिपति में सदस्यों का सिवारा (dchbcrate) सा सेदेन्य (purposive) प्रवरण (selection) किया जाता है। इस विधि में अनुस्थाता ऐसे सदस्यों का आन्युक्त कर और क्षत्रीवन प्रवरण करता है जिन्हें वह समूर्य की वास्तविक दशाओं का प्रतिनिधि समभता है। यह विधि मद जगह काम में नहीं शाई जा सकती क्योंकि कोई सा अनुक्याता एक्शात-रहित नहीं होता । ऐसी रिपति में यह जाने-अनजाने ऐसे मदस्यों को चुन केया जो उसने मिदान्त का समर्थन करने हो या जिनके प्रति उनका निगी प्रकार का क्यान हो।

- (ख) वैपन्तिक अनुसयान या गणनकार द्वारा अनुसथान (Personal enquirv or enquiry through enumerator)—नैयन्तिक अनु-क्षांमान में अनुस्थान वियय का अध्ययन मूल्यान्त (first hand) जानकार्य के लिए स्वय करता है। इस कहार के अनुस्थान पणनवार्य को निवृक्त करने भी निए जा सकते हैं। ये गणनवार अनुस्थाना थी ओर में पाम चरती हैं।
- (१) वैयनिषक बनुसमान प्रत्यक्ष स्वयं निरीक्षण (direct personal observation) द्वारा निया जा सकता है। इसमें अनुसमाना स्वय तस्यान (on the spot) अनुसमान करता है और प्रत्यक्ष स्वय निरीक्षण करने अनुसमान के

पिणामों का अभिलेखन करता है। इस प्रकार ने अनुस्थान का पहला दोष यह है कि यदि अनुस्थान का शेव वित्तृत है तो प्रस्य या पन के अभ्यव के कारण अवजर आ समस्य या पन के अभ्यव के कारण अवजर आ समस्य है। इसमें थे किलाइयों भी सामितिल हैं को मानुष्यों को स्वाभाषिक अक्षमता ने कारण जलन होती है। इस का इसरा दोप यह है कि सामग्री के परिणाम व्यक्तियत पक्ष्मपातों से कार्य प्रभावत हो सकते हैं। तीसरा दोप यह है वि इस अनार के अनुस्थान में यह प्रस्थान की जाती है कि व्यक्तियत पंत्रिय योग्यताएँ हो, जैसे व्यवहार-इशक्ता, सामभानी, तिरोक्षण में अवस्ता, सर्वसायारण ने रीति-रिवायों और मानेवृत्ति को समभने की योग्यता आदि। इन सब का एक ही व्यक्ति में होना सामान्य नहीं है।

इन सब ने होते हुए भी यह निधि सबसे अन्छी है। यदि यसार्थ (accurate) और शहन (intensive) जनुमधान वरना हो तो सामान्यत इसना उपयाग करना चाहिए। सावधान अनुसारता होने पर इसने द्वारा विश्वसानीय और सही जानवारी प्राप्त की जा सन्ती है क्यांनि निरीक्षण प्रत्यक्ष अनुभव द्वारा गूचना देता है।

(२) वैयक्तिन अनुमधान परोक्ष स्वयं निरोक्षण (indirect personal observation) द्वारा भी निया जा वस्ता है। इस विधि मा उपयोग स्वायरणत सरकारों द्वारा नियुक्त भी समितियों या आयोग करते हैं। इस विधि में बहुत शान-धानी को आवस्यरणता होती है जो स्वयं प्रत्योश मा परोक्ष रूप से समस्या हो सविधा में कहत शान-धानी को आवस्यरणता होती है जो स्वयं प्रत्योश मा परोक्ष रूप से समस्या हो सविधा होते हैं है प्रत्योग पर उनने अपने मत और विचार होते हैं। इस सूचना ने गुण स्वभावत सूचना देने वाले व्यक्तियों ने गुणों पर आदित रहते हैं और उनके परायता एवं उनने परिसोगारों भूचना को प्रभावत करती है। इसलिए जब तक परोक्ष साध्य की सपुष्टि अप स्वतन्त्र सोतो से न हो जाय, उस पर अदित विद्वारण नहीं करना चाहिए।

जब अनुमयान गणनवारा को निवृक्त करने विचा जाता है तो उसके वर्ष हम भेद हो सकते हैं (१) स्थानीय समारदाताओं (local correspondents) की निवृक्ति को जा सकती है जो भूवना देते रहते हैं। साधारणत समादाताओं के माम्मायरवंग ने लिए एक नियमावको का वो जाती है। ये समादवाता नियमित समायातारा में भूवना देते रहते हैं और बहुधा मूचना-अभिकरण (information agencies) वा नाम भी करते हैं और पूचना देने ने अतिरिक्त अन्य नाम भी करते हैं। इसलिए यह विधि मित्रवर्षों और अविकास है। (२) सारकों द्वारा भरेते जाने काली सार्यकार्य (उट्टीक्ट पित्रवर्षों के अतिरिक्त अन्य नाम भी करते हैं। इसलिए यह विधि मित्रवर्षों और अविकास है। (२) सारकों द्वारा भरेते जाने काली मार्यकार्य अव्यवस्था काला करने काली स्वर्वा है। इस विधि का उपयोग तब किया जाता है जब मूचना दे सनने वाले लोगों की सहया बहुत बड़ी हो और वे शिक्ति हो।

इस विधि के द्वारा कम समय में और कम ब्याय करके जिस्तृत अनुस्थान किए जा सकते हैं। सूचना प्राप्त करने के लिए कवल प्रश्नावली छमाने और उसका वितरण करने का ब्याय उठाना पडता है।

इन विधिया ना दोष यह है, ि साधारणत लाग अनुस्थाना के प्रति ज्वासीन रहते हैं। अधिक सहसाम पायन मरने के लिए मुख्य नयण-सरसाएं तायको का झन-त्यान आदि को पुनियाएँ वती हैं जिससे उन्हें स्थान न स्थान कि । दमसे सुस्थान पाना अधिक सुनिधित्त हो जाता है। क्यीनानी आवस्थान कूनान दने वाला क लिए पुरस्तार हों व्यवस्था भी की जाती है। ये गुनियाएँ और आवस्था दना मित्रों सस्थाना के लिए आवस्थान होता है। परन्तु बदि इस प्रकार के अनुवचान रास्प झारा साथित होते हैं तो इतने गीछे वैधानित दबाब हाता है और इसलिए प्रभुत्तर अधिक आत है। चूँकि निजी सरसाना का यह गुनिया प्रान नहीं है इसलिए उन्हें प्रकोशन देनर और विनाती करने मुक्ता प्रान व रसी चन्नी होती है

वाहे कितने ही भी आन्येष, बुवियाएँ और प्रावनाएँ की जाएँ, लागा का उद्यक्षितवा ने नारण भूवनाएँ गल्द और अपर्याप्त हो सनती है। अवएन यह आवरपन है नि प्रस्तावली सावयानी से बनाई जाम। प्रस्तावलों में प्रारम में हो यह देवता रिया जाना चाहिए कि अनुस्वाम ना उद्देश क्या है और विधोचत इस बात पर का दोहए कि अनुस्वाम के परिणामों से नामक को बिन कामो के होने की समावता है। यदि ऐसे प्रस्त पूछे जा रहे हैं जिनका उत्तर सबके मामने नहीं दिया वा सकता या जायक उन्हें सार्वजनिक नहीं करणा चहिला तो यह बता दिया बाता साहए कि अनुस्वाम गीपनीम है और जायक में यहिलान ना उपयोग नहीं किया आएमा। जहीं तह हो सके सामक को बहुत बड़ी सख्या ने सहिष्य प्रस्त पूछ नर परियान नहीं करणा चाहिए। ऐसा करने पर वह अनिक्ता (biased) और कतावयानी से उत्तर देगा। विदिष्ट । ऐसा करने पर वह अनिक्ता (biased) और कतावयानी से उत्तर देगा। विदिष्ट । एसा करने पर वह अनिक्ता (biased)

(३) अनुतमान नी एक अन्य प्रचलित विधि में प्रधनावकी गणनकारों को ये पी लाती हैं। इस विधि पर उपमोच वहाँ दिया जाता हैं जहाँ चिद्धित छोग नम हो या जहाँ प्रस्तों प्रचल के व्यादमा और प्रस्तुतरों ना सत्यापन करना पढता हो। इस विधि में प्रचित्न विस्तुत (detailed) अनुतम्यमा किए या सनते हैं। परन्तु यह पहुरी विधि से अधिन स्वरंत एक प्रदेश के प्रस्तुत में प्रस्तुत के प्रवास के प्रस्तुत स्वरंत के प्रस्तुत के प्रस्

इस प्रकार के अनुस्थान में गणनकार के चुनाव में बहुन सावधानी बरहती चाहिए। उसकी सामान्य गुढि प्रकर होगी चाहिए और वह अनुस्थान के उद्देश्य ये प्रोत्माहित होना चाहिए। अपने वाम सकल बनाने के लिए उसे अपने कप्टों की परबाह नहीं करती चातिंग। दूसरे शन्दों में उसे बुद्धिमान और मेहनती होना चाहिए। उसे व्यवहार कुतल और प्रिय स्वभाव का होना चाहिए। वह ऐसा व्यक्ति होना चाहिए निस पर यह दिश्शास किया जा सने कि वह सम्रम में काम रिमा और व्यक्तिगत पत्रप्रतारों को हटा सनेना।

गणनवारो या चुनाव कर छेने ये बाद जनका अनुमधान वे काम में प्रसिक्षण विदा जाना चाहिए। गणनगरो का प्रसिद्धण अनुसमान वा एक अति मुख्य भाग है। पादि गणनवार प्रसिक्षित है और अनुमधान के उद्देश और अभिप्राय से सुदिग्वित है ना अनुस्थान में एक मनात्वा आ नवनी है।

प्रश्नों का चुनाव (Choice of questions)—यह पहले बनावा जा बुना है कि प्रस्त सरया में बम, सरल और अमदिय्य होने चाहिएँ और ऐसे बनाएं जाने चाहिएँ जा आपरा को भावनाधा का चाटन पहुँचाएँ और उन्हें अभिनत न बनाएं। सफर और सनायजनर अनुमधान के किए प्रस्तावकी (questicnnaire) का बनाता बहुत महत्वपूर्ण है। निर्मी अच्छी प्रस्तावकी में निम्नालिकत बाते होगी नाहिएँ

- (१) प्रश्नावको सरक और स्पष्ट होनी बाहिए—प्रश्ना को सरकना और स्पष्टमा बहुन महत्वपूर्ण है। आपना के पान जानर प्रस्न पुठने नो मुनिया मिक्ना सर्वय नमन नहीं हाना। अगर यह पुथिया हो ता प्रगन्नार मिक्ना सर्वय नमन नहीं हाना। अगर यह पुथिया हो ता प्रगन्नार मिक्ना है। दम द्वा में जब तक आपन प्रश्ना पा अब और उननी ठीन-ठीन प्रवृत्ति नहीं सम्मने, उनमें मुख उत्तरों नी प्रत्याना नहीं नरीं चाहिए। अस्तावनों ने सरक्ता न शासमें, उनमें मुख उत्तरों नी प्रत्याना नहीं नरीं चाहिए। अस्तावनों ने सरक्ता न शासित उत्तर मिक्न के ममान्त्रान मा मारिया जार मिक्न के ममान्त्रान मा साहि प्रत्या स्वाप्त के ममान्त्रान मा हा जाती है नयां जिसकों मो पडनडीं में पड जाते हैं। स्व जाते हैं। स्पष्टता वा तात्यमं यह भी हैं नि टिप्पीण्यों, खतुरेश (Instructions) मिल्मापाएँ आदि स्पट और अमित्य कर्म से पाव-टिप्पियों मा प्रश्ना ने माय—जहीं की इस-दी वानी वातिएँ।
- (२) प्रश्नो का विन्यास सर्वसाल त्रम में किया जाना चाहिए.—प्रश्न ऐसे विन्यासित निए जाने चाहिएँ नि एक वे बाद तुमरा स्वभाविक सा लगे। वृत्ते को भूवना प्राप्त वरनो है जमे सीर्पेबन-ज्य-शीर्पेबने में वा दौर नेना चाहिए और इनका विन्यास मोच सम्मक्त वरना चाहिए। यहाँ बात प्रस्ता वर लागू होती है। जैसे, अगर हम बुद्धस्त-बजर ने बारे से अनुसमान करना चाहते हैं तो तीन सोर्पेक होगे। बुद्ध के सहस्यो से सविधन मुखना, जनकी आव, और बन्त में जनके आव। पहले

हें अत्तर्गन कर्ता (head) का नाम, परिकार के सदस्यों की सख्या, उनका वर्षे या समूह आदि आएँगे। दूसरे के अत्तर्गन आय के साधन और तीयर थ अनर्गत विभिन्न बस्तुआ जैसे बन, साक, आदि पर किए गए व्यय आएँगे। यह मही कि कर्ता का नाम पूछने के बाद अन पर किया गया क्यब पूछा जान और फिर बच्चा की नस्या आदि।

- (३) प्राप्तों के उत्तर ऐसे मिलें जो सक्षिप्त हो और जिनका साहियकीय प्रति-पादन विद्या जा सन्दें —मैंसे अगर जापन से आपनी आर्थिन स्थिति का व्यांन करने व लिए बहुत जाय थे। मुक्ता निक्तित सावद हो होगों और यह ऐसे रूप में मिलेंगों के उनका साहियतिय प्रतिपादन नहीं विद्या जा मेंगा। वह ऐसे प्रदेश का प्रवास के गो निक्ता परिलागा नहीं हो गा है १ इसलिए प्रम्म ऐसे होने चाहियों जिनके उत्तर निक्ति और गोदाच हो, जीने क्या यह एस जबैन (आस्त्रिन/आस्त्रिन अर्वेज है।
- (४) प्रत्न ऐमे हो कि उनके ठीक-ठीक उत्तर दिए जा सकें—इस नप्रथ में हातव्य है कि बुछ प्रस्त ऐसे होते हैं जिनका ठीक ठीक उत्तर देना सभव नहीं है और बुछ ऐसे होते हैं जिनका ठीक-ठीक उत्तर ता दिया जा भक्ता है, परन्तु इस मुचना का नापन गापनीय समभना है और इमलिए उनना मही उत्तर देना नहीं चाहना । इस ना उपचार यह है कि प्रश्न ऐसे बनाए जाएँ जिनके उत्तरा का ठीक ठीक वर्गों से मार-धीयन किया जो मने और जापका का विश्वान दिया दिया जाना चाहिए कि उनकी भूचना का उपयोग गापनीय और अर्वयक्तिक रूप म किया जाएंगा। उदाहरण के लिए हम जन-गणना के प्रतिवेदन पर विचार करेंगे । सामारफेन स्थाग अपनी आयु पूर्णांका में बतलाते हैं जिनका अन्तिम अब सून्य या पाँच हाता है । फन्दरबरूप सून्य . और पाँच में अला होने बाली मरुयाओं में लागा या संत्रत्येण हो जाता है। इसका उपचार यह है कि आयु-समृह ५ से कम, ४-१०, १०-१५ आदि नहीं बन्ति २ है में बम, २३-७३, ७३-१२३ आदि बनाने चाहिएँ। इसी प्रकार अगर किसी ऐसी बीमारी के बारे में मूचना एकत्रित करनी है जिसे छाग नहीं बनाना चाहने, तो उन्हें इस बात का निश्वास दिलाना चाहिए कि मूचना गोपनीय समभी जामगी। इनना यह भी तात्मन है कि कुछ प्रकार के प्रदेना का गामपानी से पहिरण (avoid) गरता चाहिए नवोकि या तो वे अवाद्यनीय समभे आएँगे और उनके उत्तर नहीं दिए आऐंगे बा उनके गलत उत्तर दिए जाएँगे। यदि मजदर-नेनाआ से पूछा जाय वि मजदूरा की अनुचिन मौगो का क्या कारण है,ना इसका ठीक उत्तर नहीं दिया जायगा। अगर उत्तर दिया जाता है तो इसका अर्थ यह हुआ कि मागे अनिवन है इसलिए भजदूर-नेता प्रस्त में 'अनुचित' सन्द के प्रयाम को चुनौती दना। इसी प्रकार सदि विद्यापियों में पूछा जाय नि क्या अनुसासनहीनना का उत्तरदायित्व विद्यापियों पर

है या विद्वविद्यालय के अधिकारियो और सरकार की नीति के कारण यह यदा है, तो अधिकाय उत्तरों में अस्तिम दो को उत्तरदायी बताया जायगा ।

(५) प्रक्र ऐसेहोने चाहिए कि उनके उत्तरों का सपोवण (corraboration) और सत्यापन (verification) किया जा सके—प्रस्तावली में बुछ प्रस्त नेवल इसी उद्देश से पूठे जाने चाहिए । बुठ दशाओं में प्रस्त स्वय एक दूसरे की मरसना विद्व करते हैं। बुदुव बजट में दिए गये उशहरण में आय और कुछ ब्यय में समानता होनी चाहिए । इसी प्रकार एक अन्य प्रत 'कहां काम करता है' पूछ वर आय का सत्यापन विया जा मकता है।

सबसेपना विचा जा सबता है। सबसे अच्छी नीति यह है कि प्रस्तावली की मदैव पर्गशा करनी चाहिए और अनुभव के आधार पर उसमें ससोधन कर देना चाहिए। यदि यह सभव न हो तो अन्तिम रूप देने से पहुँल उसे अनभवी व्यक्तिया को अवस्य दिला देना चाहिए।

## (ग) अनसस्थात के खन्य त्योरे

उपर्युक्त बातो ने साथ-साथ अनुस्थान में अन्य नई बाता ना ध्यान ररका पडता है। यहाँ हम नेवल दो अध्यन्त महत्वपूर्ण बानो पर बिचार नरेंगे। इन पर मानधानी पूर्वन ध्यान दिया जाना नाहिए।

(१) साहिष्यकीय इकाई को परिभावा (Defining the statistical unit)—यहाँ अनुसान के विषय (subject) और उद्देश्य (object) में मेर करना आवश्यक है। यदि हम गहर में पुत्रवान करने वाले विज्ञानियों को सस्या जानना चारने हों तो अनुसान का उद्देश विज्ञानियों में पुत्रवान का प्रवन्न, इसमें हुए परिवर्तन आदि जानना हो सकता है, परन्तु अनुसान का विषय या गयन प्रकार (unit in terms of which counting will be made) विज्ञानियों हों।

प्रथम दृष्टि में लगता है कि इनाई नी परिभाषा करना आसान नाम है। परन्तु ऐसा नहीं है और सारिवनीय इनाई की परिभाषा देना एक अय्यन कठिन नाम है कि प्रित सावकारों से करना चाहिए। उपर्युक्त उदाहरण में हमने 'विद्यार्थों कि पूरी सावकारों से करना चाहिए। उपर्युक्त उदाहरण में हमने 'विद्यार्थों कि नहीं हैं। कि प्राचित्र विद्यार्थी कि होते हैं। कि प्रचार के विद्यार्थी कि होते हैं। कि प्रचार प्रयोग को लोग व्यक्तिगत स्थाप प्रयोग कि प्रचार कर हम के प्रचार कर करने कि प्रचार के करने होते हों। कि प्रचार के करने के लोग व्यक्तिगत करने होते हों में परका को कि प्रचार के करने होते हों। कि प्रचार के प्रचार के करने होते हों। कि प्रचार के प्रचार के प्रचार के करने होते हों। कि प्रचार के करने होते हों। कि प्रचार के स्वार्थों हैं। इसने साथ हमें 'पुत्रपान करने वाल' इसके

अन्तर्गत आएगा ? आदि । अनुसंपान वरने से पहले इत सबका स्पर्धाकरण कर दिया जाना चाहिए ।

परितासा दूर और असंविष्य होनी साहिए। ऐसा नहीं नि गणनवार उनकी अपनी आदास करने लगे। यह भी आदासक है कि जा परितास दी में है विक्र सनुमाश में परितास निपास है नहीं कि सनुमाश में परितास निपास कि परितास कि है होना साहिए जिससे तथ्यों का नजाफ किया ता सहे। यदि हमें यहर में मूट बीमने बाकी की सब्या जानवी है ता मुख्य कियाई इसकी परिनामा की नहीं बील यह पुनित्वत करने की होगी है जो उसका प्रतास हमा है। उसने में, इक्ट के लक्ष्य कर पुनित्वत करने की होगी है जी स्थास करने के लक्ष्य कर पुनित्वत करने की होगी हो जी साहिए प्रतास के प्रतास करने के लक्ष्य परिवास हो अन्त में, इक्ट के लक्ष्य परिवास (arable) नहीं होने चारिए।

इकाइयो ने प्रनार (Kinds of units)—हनाई नह नस्तु या 'गुन' है जिसके एव में चीजो (विषय) की गणना, मामन या तुल्ला मी नाती है। यह या वा गणन-इनाई (unit of enumeration) या विस्लेषण और निर्वाचन हनाई (unit of analysis and interpretation) हा सकती है।

(अ) गणन इकाई वह है जिस के रूप में चीजे (विषय) नापी आती है। यह दो प्रकार की हो सकती है—(क) सरल इकाई (simple unit) यह सामान्य अर्थ को ब्यक्त करती है और ऐसे गुणो को बनानी है जो साथ होने है जैसे विद्यार्थी नेता, मात्री, मील फुट आदि । (ख) संयुक्त इकाई (composite unit) यह साधारणन या या अधिक मरल इकाइयो का मिलाकर बनती है। यदि सरल इकाई में कोई विरोपण (शब्द या वाक्यास) जोड दिया जाय तो मज़क्त इबाई बन जाती है, जैसे विद्यार्थी-नैता, यात्री-मील (passenger unit) आहि । एक सरल इकाई सामान्य हाती है, परन्तु अब विशेषण लगा कर उसमे एक सपका इवाई बनाई जानी है तो बिपय की परिभाषा अधिक परिवड और यथार्थ (strict and precise) हो जाती है। समुक्त इसाई प्राय सरल इसाई स अधिक अच्छे प्राक्तरून देती हैं। उदाहरण ने लिए, यदि हमसे बहा जाय कि 'क' रेलवे में १०० यानी और 'स' में ५०० यात्री चरते हैं तो इसने हम यह निष्ट्रप नहीं निहाल सबने नि 'स' रेलवे जविक लोकप्रिय है। हमें यह भी दलना होना कि ये यात्री कितने गील चले। यदि के रेलवे में यात्री १००० मील गठे और 'व' रेलवे में ५० मील तो इन के यानी-मील नमरा १ लाख और २५ हवार होने । अगर अन्य परिस्थितियो (जैसे वम दूरियों ने लिए मोटर-वर्ता भी व्यवस्था आदि) ना व्यान रखा जाय तो 'क' रेलवे अधिक उपयोगी और व्यक्तिय मिद्ध होगी।

- (व) निश्चेषण और निर्वेचन की इकाई वह है जिसने क्य में विषयों की तुछना, विस्तेषण या निवचन किया जाता है। तुष्ठना सभी सभव है जब बस्तुएँ एक ही अवार की इवाइयों में नापी जाती हैं, या इवाइयों से स्वतन्त्र होती हैं। अपया तुष्ठना व्याच अवे वही होता। इस प्रवार की इवाइयों प्रतिस्तत, अनुपात, औसत, गुणाक जाहि हैं।
- (२) परिसुद्धता और उपसादन (Accuracy and Approximation)—
  एक परिभाषा के अननार नारियन ने गणना व नाम न को जा सने । इसिल्ए
  का विभाग है। यर ममन है कि ठीन-ठीन रणना वा माम न को जा सने । इसिल्ए
  सह आवरफ है नि परिसादता ना । स्तर पहुंठ ही निश्चित पर दिया जाय । इस सम्बन्ध में एकममना होना नितात्त आवरपम है। सदैन यह बता दिया जाना व साह सम्बन्ध में एकममना होना नितात्त आवरपम है। सदैन यह बता दिया जाना चाहिए कि औन है नहीं नम मही है। जैसे मूल्य औन हो में यह बताया जाना चाहिए कि मूल्या म उदरण आने मन सही है या पाइया तक या स्प्त्याई इसो तम सही है या इस ने दमने हिम्म नम आदि। परिस्दुद्धत-परिमाण (degree of accuracy) विसानी हानी चाहिण यह एक सामेशिय चौन है और अनुस्थान ने उद्देग्य और प्रकृति पर आधिन नहना है। इसके मम्बप में भोई निहिन्दत बात नहीं नहीं जा मक्वी और वज्य व्यवहारित जान ही मार्ग-दश्व है। असे अगर हम यो नगरों में दूरी नाथ रह है वा तमा नक सही नापना वर्षाव्य होगा, इसो एक सही नापना उपसुक्त नहीं सममा जाएसा। पगन्तु अगर एक व्यवित में कम्बाई नापी जा रही है तो इसो तक ठीन नापना जीवन ही होगा।

इसी प्रवार गणना बरने में यह बता दिया जाना चाहिए की हम वितास सही उत्तर वाहते हैं, अरात् दश्हें सक, क्यां है तक या निताने दरामध्य स्थान तथ । व्यक्त में स्थान कर ने हिए सही उत्तर वाहते हैं, अरात् दश्हें सक, क्यां है तक स्थान तव ने हिए सही उत्तर चाहिए, उत्तर में स्थान तव ने माने जाने । विते आर २ द्रामण्य स्थान तक सही उत्तर चाहिए तो गणना है दरामण्य स्थान तक मही जाने वाहिए, आदि । अब, यदि अतिम स्थान ना अव ' या उपनो निर्माण है तो उत्तर पहिं एक स्थान है अब में (अबां जहां तक महीं यणना वरती हैं) १ जाड दिया जाता है, परन्तु विद अतिम अव ' से कम है तो उम छाड दिया जाता है और उसते पहले का जब से सही सम है तो उम छाड दिया जाता है और उसते पहले का उन देते हैं और उसते पहले मा अब देते हैं और उसते पहले मा अब देते हैं और उसते पहले में अब होने वाली सहमाएँ अित होते हुए में पर वहाया जाता है और कुछ में बैसा ही। छोड दिया जाना है। सिन उपनाद का उदाहण दिया। पता है। यदि ५ में अब होने वाली सहमाएँ नीच उपनादक ना उदाहण दिया। पता है।

वास्नविक अक	दो दशमलव स्थानी तक सही
	उपनत (approximated) अक
इ. ३१२	६३१
3 3 5 5	६३२
- ३१५	६ ३१ या ६ ३२

उन्नादन ने लिए इन सारू नियमों को नियमित नरने की आवश्यनना पड़ने ना नारम यह है कि साध्यमीय विश्लेषण में यह शावत्वक है कि एक्सन नार्न प्रमानी हुनी चाहिए। अपया विभिन्न गणननारी द्वारा निवाले गए परिचाम एक ने नहीं होने।

# मांख्यिकीय शुटियाँ (Statistical Errors)

त्रुदि का माप (Measurement of Error)—उप्युक्त उदाहरण ने यर स्पर ही जात जारिए कि निर्मा भी मागन-निज्य में त्रुदि सदिव निरिद्ध है। इस्तिए यह जायन्य है कि हम यह जानि कि हमारे परिपास कि स्वीमाओं तर बटक सबते हैं। इस दृष्टिकोण से हम दो अवार से तृष्टिया को नाम समते हैं। (२) सायेस मृदि (Relative Error)—निरऐस पृटि और प्रावस्तित मृद्ध के अनुपात के बरावर है। इसकी गणना नरने ने छिए निरऐस मृदि में प्रावस्तित मृदि में प्रावस्तित मृदि के अनुपात के बरावर है। इसकी मानित मुदि में क्या नुकर के मानित में है। उपर्युक्त उद्योग में सायेस मृदि में स्मार्थ मिल के स्वार्थ के स्वार्थ के स्वार्थ के स्वर्ध के स्वार्थ के स्वर्ध के स

बृटि वा वास्तविक महत्व जानने के लिए निरोध तृटि वी अपेशा गारिश वृटि अधिक उपमुक्त है। निरोध नृटि कुल तृटि बताती है, जब कि सापेश तृटि प्रति इनाई सूठि बताती है। तुलना करने के लिए यह आवस्यन है कि नृटियों एक ही एकाई में गांधी जायें। उच्चेंक्त उदाहरण के पहले हिस्से में हमने किरोश तृटि र" निवाली में । त्यन्त कार्यक्त एक दूवरे प्रयोग में मानकिश्त कार्याई १००० "है और अब भाग जीतिए एक दूवरे प्रयोग में मानकिश्त कार्याई १००० "है और तास्तविक लाखाई १००२" । निरोश तृटि अब भी र" है, परण्हु इस बार प्रावक्त पहले की जयक्षा नहीं अधिक अच्छा हुआ। निरोध तृटि इस बारे में कुछ मही बताती। अब परि हम सरोश तृटियों को देखें तो परणी दया में वह ००४ है जब कि इसरी दशा में ०००२ वे बरावर है। इस प्रवार साथन तृटि विनयस नृटि की अपेशा जीवन अच्छा मार है।

त्रुटियों के त्रर्ग (classes of errors)—उपर्युक्त विभाजन ने अनि-रिक्त सास्थिकीय त्रृटियों के दूसरे वर्गीकरण भी किये जा सकते हैं। ये वर्गीकरण सास्थिकी-सिद्धान्त के दुष्टिकोण से अधिक महत्वपूर्ण है

१ अभिनत और अनिमनत मुहियां (Bissed and unbiased errors)—अभिनत मुहियां वे हैं जो गणनवार की अभिनति या प्रशासन (bissed or prejudice) ने कारण या मायक (mersuring instrument) ने दोगों के बारण उत्तरत होती हैं। हमेगा अभिनावकन (over-estimate) या अव-प्राव्वकत (under-estimate) करना इस बात का चीतन है कि बहु व्यक्ति अभिनत है। इसी प्रवार यदि कार्य एटक्ट ११६% इस है सो उससे नामने में प्रयोव यार, "ह इस वो नुदि होगी। इस दोनों द्याओं में पुष्टि एक हो दिया में जुद्धते हैं। यह अभिनत नृदि वी प्रवार है।

अनिभनतं त्रुटियाँ गणनवार वे बिना जाने अनजाने में और बिना मापक के दोप के अपने आप उत्पन्न होती है। ये अन्याँ मास्यिकीय विजयों में निष्टित है। इस हिसी भी भी व को विज्कुल टीक-टीक नही नाप सकते हैं। अधिक से विपक्त हम केवल उन सीमाओं को निवासित कर सकते हैं जिनके सीतर सही गाप होंगी मारिट कर हम बूटियों के होने को उस प्रवास के स्वास के हम के स्वास के स्वास के हम के स्वास के स्वस

अभिनत और अनितनत बृदियों के प्रमाव—उपर्युंनत वर्गन से यह मुस्पप्ट हो गरैम होना कि अभिनत कृटि के प्रमाव संबद्धी (cumulative) होते हैं, अब कि अन-भिनत सुदि के प्रमान संबद्धारी (compensating) होते हैं। अगर एक कम अ-क्यादाँ नागे जा एते हैं और कुट-इक कू इच छोटा है तो प्रयोग बार इससे गमने पर के इस ना अन्तर पड़ जाया। और आर कमरे की लम्बाई ४८ फीट है सो इससे नामने पर ४९ फीट आएतों। जैसे-जैसे सम्बाद करती जाएगी बासविक रुम्बाई और मापित स्पनाई में अन्तर बददा चला लाएगा। इसिक्ष्य कीमनत चूटि सदैव अवाछ-गीय है और इससे हमेवा सावध्यानी से बचना चारिए।

अनिमता श्रीट के प्रभाव समकारी होते हैं। यदि कार्ट व्यक्ति किसी समय स्मीत पा अधिक रामदा है ता दूबरे समय पीका सा नम नाम लेवा है और जितनी ही अधिक बार इस तुम्मेश कुल जन्में में अजार कम हो वाएमा। इस्तिए अनिमता वृद्धि विगोप हानिकर नहीं है और चूंकि यह समकारी है इसकिए प्रयोग को कई बार दुद्धिक पर यह कम हो जाती है। कुछ गास्त्रिकों ने यही तक कहा है कि अभिनत कुटि विलाइक नहीं होनी चाहिए और बननिनत वृद्धि दिवती ही अधिक हो उत्तान हैं। अच्छा । इसका यह अबं कहारि नहीं है कि पूर्ण गरिस्ट्राद्धा नहीं होनी चाहिए। अगर पूर्ण परिदाद परिधाम निकार्त जा सके हो बहुत बच्चा है, परन्तु यह समक नहीं है। प्रयोग का होना स्वामनिक है और हमें इस बात का च्यान रखना है कि अभिनन नन नुटिनों न हो।

२ प्रावय त्रुटि और संभाव्य जुटि (Possible Error & Probable Error)—त्रुटियों का यह एक अन्य प्रचलित वर्गीकरण है। शक्य त्रुटि उपसादन वे वारच हो सबने जात्री त्रुटि वा माप है। यदि हमें पूर्वाकी में उत्तर देता है बहर्ती चर्ला जाएगी, जाप थाएगे कि सिनका रूपभग आयो बार चित गिरना है।
बुक्त क्षेत्रा (throws) की महस्र जेम जीस बहनी जाती है बैसे-बैंग किन या
पट की सरसा कर कुल सन्या से -जुलात दे के जिल्लाकिक निकट आसा जाता है।
यह दे जा एक 'जाहरा है, जरार-मागीवता क्रहराता है। और उपर्युवत क्षक माशिक्तांक नित्रमं का पर्युवत क्षक माशिक्तांक नित्रमं का जुला के नित्रमं के जुन्
मार सर्वि क्सी परी जा सा सा सह हुरामा जास और काई घटना के बार घटनी है
ता जैसे-जीन हम का बहाते चर्ल जात है, बैस-बेस अनुपात नं श्रीस संवाद कर बहे बड़े होने पर एक क्सिक प्रवाद के जात है। अनुपात नं श्रीस ही उत्तर-मागिता है। जाप सिक्ता उठालकर स्वया का प्रयाद की स्वाद और सन्धाद रस और
रन्धव पर नं सि स्वाद र एक रेसाचिक सीचिक। आप दे और सन्धाद रस बीर
रन्धव पर नं सि स्वाद र एक रेसाचिक सीचिक। आप दे और कि जीम जैस स बड़ा
हाना जाएगा रिसाचिक पर जिल्ला दे के अनिकारिक निकट होने जाएंगे।

बृह्त सरकाओं को जहात का निक्रम—उपयुक्त प्रयोग का अगर आपने तिया तो आप पह चात देवाने कि न सा में दिवाता वक्त ता आती है अब स कारी बड़ा हा आता है। अप एक प्रयाग कर महत है। यदि आता एक प्रयाग में मिनक देन बार उद्याग के और देन प्रयाग के मिनक देन बार उद्याग की देन के बार का प्रयाग के मिन के देन हैं। यदि आता एक प्रयाग में मिनक देन बार उद्याग की तीन कार देन अपना का तीन बार दुराएं ता चिन की सहयाओं और १० व जनुगान में मिन के ना १०० वार उज्ञार जाय की देन प्रयाग का तीन बार दुराया जाय की अनुमान है के अधिक निजय होंगे और उत्तम अपना में अन्तर पहने की अपका वन होंगे। १००० वार उज्जार ने पर व है के और अपन वा होंगे। १००० वार उज्जार ने पर व है के और अपन वा अनत और भी कम हो जाएगा। इसम यह निजयं निकार मा है कि ईंग-ईंसे महत्वा ववती जाती है। अपना में अपिता पिन स्थाग की जाती है। यही कृत्

#### OUESTIONS

Distinguish between (a) primary and secondary data, and
 primary and secondary sources

Fxamine the methods used for the collection of statistical data for different types of investigations (MSW, Lucknow)

Γxamine critically the various methods used in the collection of primary data
 (B Com , Allahabad)
 Compare the different methods used in the collection of

numerical data

4 "In collection of statistical data commonstrate is the chief

requisite and experience the chief teacher. Discuss the above statement with comments (M.A. Palna)

- 5 What are the essentials of a good questionnaire? Draft a suitable questionnaire to enable you to study the effects of Prohibition in Madras among industrial workers (B. Com., Madras)
- 6 Λ certain state has just passed an enactment making attendance at school compulsory for all children between ages 5.15. You are asked to collect all statistics that might be necessary for the purpose of enforcing the Act.

State how would you proceed with the work and what statistics you would collect. Draw up a suitable questionnaire on blank form to collect the necessary information. (B. Com. Madras)

- form to collect the necessary information (B Com Madras)

  7 What are statistical units? How would you define them?
  Describe the various types of statistical units and explain the importance of determining them.
- 8 What standard of accuracy is required in statistical calculations? How is approximation generally made? Give examples (MA. Allahabal)
- 9 What is a statistical error? How does it differ from a mistake? How would you measure it? (B Com 4liahabad)
- 10 Discuss the application of the theory of probability to Statistics (M. A. Allahabad)
- 11 Expluin the meaning and use of the law of statistical regularity. How is it effected by the number of items under investigation? (B. Com., Lucknew)
- 12 What do you understand by sampling? Explain the statement 'a moderately large number of items chosen at random from a very large number of items should have the characteristics of the larger group? (MSW Luckhow)
- 13 A coin is tossed 1600 times, and heads uppear 830 times. Is the coin biased? Discuss the theoretical principle involved (B Com Horis, Tracascore)
- 14 You are asked to make a survey of the yield per acre of land under rice in an Indian province. What method would you adont?

and under rice in an indian province What method would you adopt?

What use, if any would you make of any existing statistics in it e survey related to your own province?

(B. Com., Medical)

- the survey related to your own province? (B. Com., Madras)

  10. Describe the procedure involved in collecting data in each of the following cases—
  - (a) Survey of handloom industry in India
  - (b) Survey of housing conditions in a city (c) Credit survey of a village
  - (d) Survey of the educated unemployed in a city

#### ष्यध्याय ४

## सामग्री उपस्थापन-वर्गीकरण और सारणीयन

(Presentation of Data--Classification and Tabulation)

स्वामा ना मान चरन कर ने बार उसका धावधानी स सम्पादन करना परता है। माणिका प्रस्तावरिया और मीलिक उत्तरों में परीक्षा करना ना मान मानी वरित्त है और रूपम प्रमाप्त मतकता की आवर्षकता होती है। यह प्रावस्था का लाता है कि बहुत भी अनावर्षक नामग्री क्या की गाँद है। यह अवर्षक है कि उत्तरद विचार न किया जाय। इसके बार प्रयाजनाथ भामग्री (requisite data) की जांच बरना परती है जिसस उसमें विकास और निविद्य अवराग कहीत व्या भा होता वाला बदियों देसा जा सक। सहा निवचन करना और उन्न निध्य मिकारण कर रिए अक्षात और विद्या ग्रामा भी हुंग देनी परता है।

इस प्रकार का सामग्रा का परीक्षण करन के पश्चात उस स्पटित और सनिजन रूप म प्रस्तृत करना पडता है। सामग्री या ता उसी रूप म उपस्थापित कर दी जाती है जिसम वह प्राप्त हर्न हो या उसका सास्थिकीय प्रतिपादन करक रूस प्रस्तृत किया जाता है। सामा यत् सर्र और स्वाध सामग्री उसी रूप म उपस्थापित का जाती है जसे बह प्राप्त होता है। इस प्रकार का नामग्री का केवल सग्रह और सम्पारन करना हाता है। परन्तु जटिल और किन सामग्री का उपस्थापन करन से पन्ने उसका सास्त्रिकीय प्रतिपाटन करना आवष्यक होता है। उपस्थापन का रीति (manner) बहुत महत्त्वपण है। यदि सामग्रा का उचित रूप स उपायापित तृत्रा विया गया है ता उसन मुख्य र रण और विरापनाए प्रवट नहीं हा पाएगा और अपना कार च्यान आरुपित नहा नरगा। बाद मः नित्रचन म किनाई आ सकता है आर गरन निष्कप तिकल सकते हैं । यदि मामग्री एसा है जो आवत्यक सूचना स्वय है हता है ता उस इस प्रकार उपस्थापित वरता चारिए जिसम वह आसाना संसम्भ मंशा जाय थीर रामा का ध्यान अपनी आर आकर्षित कर सक । चित्रा और रुखा चित्रा व द्वारा यह प्रभावपूण तम स विया जा सकता है । यन यन न्यरणाय नै कि उपस्थापन वे लिए चारे कार्र भी रीति अपनार जाय इसका मध्य उरण्य यर है कि काइ प्रतिन नामग्री व मन्त्वपुण भागा वा जामानी स और नीद्यता स समभ जाय और उनम स्पष्ट भन्वर सव ।

उपस्थापन की विधियाँ—मामान्यतः उपस्थानन के लिए सारितका में निम्बलिबिन विधियों का उपयोग किया जाता है

(१) विवरण के रूप में धपम्यापन (presentation in the form of statements)--- इस विधि में सूचना को सन्दा और अको मे दिया जागा है। नीचे उदाहरण के लिए एशिया और सदूर पूर्व के नयका राष्ट्र के आर्थिक आयाग (UNECAFE) के १९५५ के बार्षिक प्रतिवेदन में से एक मानदा दिया जा रहा है

'इबाफें (ECAPE) ना प्रतिबेदन इस तथ्य नी आर ब्यान आवर्षित वरता है वि भारत ने भोधनानार (balance of payments व अतिरेक में बमी व साथ देश के ब्यापार के परिमाण में वृद्धि हुई। इस प्रकार १९५४ में आल खाने मे शोधनालर अभिरेक १९५३ के ५८७ करोड़ र० से घटनर ३७ कराड रपया रह गया, परन्तु इनी अवित्र में व्यापार-स्तर मे ६% वृद्धि हुई। जबीव १९५४ में व्यापार के परियाण में २०% कमी हुई थी।

' भारत के आयात में हानेवाली बद्धि का एक मात्र कारण निज-रेपे (private accounts) में आवानो की बृद्धि होना था और वह औद्यापिक उत्पादन में हुई बृद्धि

को और उदार आयान नीनि को प्रतिबिधित करता है"।

इस विधि का यह लाभ बनाया जाता है कि उपस्थापन की मास्थिकीय विधिया से अपरिचित व्यक्ति भी सामग्री को इस विधि में प्रम्युत कर सकता है। इसका दूसरा लाभ यह है कि अभा की व्याख्या करने के लिए व्याख्या नक टिप्पणियाँ (explanatory notes, दी जा मनती है (उपर्युवन उदाहरण में दूसरा अनुच्छेद)। इनी प्रकार जहाँ आध्रस्यकता हो अनो और निष्वर्षों पर बल दिया जा सकता है। परन्तु इनमें दाय भी हैं। पहला दाय यह है कि समभने म पहले विवरण का अत्यिजि साबनानी ने पटना पड़ता है और नाई सुचना पाने के लिए परा विवरण पटना पडना है। उपस्थापन को विधिया का उपयाग जटिलमा का कम करने के लिए किया जाना

है और इस दिप्टिकोण से यह अधिक स्नामदायक नहीं है । इसके अतिरिक्त उपस्थापन करने की यह रीनि सदैव प्रभावजानी नहीं होती ।

इस विधि म यह लाभ है कि जा अब महावपूण समभे जाते हैं उन्हें प्रमुख रूप से विवरण मे अञ्म दिलाया जा सकता है। विवरण में व्याख्यात्मक टिप्पणियाँ दी जो सकती हैं। अबा का एकरन कबने के बारण सामग्री सुबीध और सुग्राह्म हा जाती है और गडवडी का सभावना इम हो जानी है।

(३) सारणी के रूप में उपस्थापन (presentation in the form of a table)-इस रीति में सामग्री का कई बगों में विभाजित कर दिया जाता है और उहें सारणी में समस्ति स्तुभा में स्थान दिया जाता है। सारणी का शीर्पक सक्षेप में उननी विषय वस्त बताता है और यदि शीपन मावधानी से चुना जाय ता वह स्वय-व्याख्यात (self explanatory) होता है। सारणी में सम्प्रण सुचना संक्षेप में और ठीव-ठाक रीति स दी जानी है और उसका परिलोकन करना आसान हाता है। पाद रिप्पणिया दकर और अका को बड़ा लिखकर विशेष तथ्य और अका की आर ध्यान आर्वित विया जा सकता है। इस प्रकार इम रीति से जटिल सामग्री आमानी म समक्ष म आने याग्य बनाई जाता है।

(४) रेखाचित्रीय और त्याचित्रीय उपस्थापन (diagrammatic and graphic presentation)-इस रीति का उपयोग साधारणत दृष्टि-महाय (visual aid) के रूप म किया जाता है और अब यह भीर धीर प्रमुख हाती जा रही है। मामग्री उपस्थापन की यह एक प्रभावपूर्ण रीति है। इसका विस्तृत वर्णन पाँचवें अध्याय में किया जाएगा ।

## सामग्री का वर्गीकरण

यस्तओं की अनेकहरपता में रहनेवाली एकता के आधार पर उन्हें विभिन्नवर्गी या अनुक्रमो में विभाजित करने की किया को वर्गीकरण कहते हैं। यदि वस्तुआ के प्रायेक लभग का महत्व ममान है तो सामग्री वा उतने ही बगाँ में विभाजित विया जाना चाहिए जिनने पद है। परन्तु इस प्रकार स वर्गीकरण करना व्यथ है और इससे विनी प्रवार की मविधा नहीं मिलती। परन्तु सामा यत हम कुछ लक्षणों को अधिक महत्वपूर्ण समभने है और उनके आधार पर वर्गीकरण करते हैं। हम ऐसे चरुते ह मानो अन्य रक्षण विद्यमान नहा है । विसी सामग्री का वर्गीकरण अनुसंघान के उद्देश्य पर निर्भर करगा, क्यांकि इसी के द्वारा हम जान सकते हैं कि कीन रुक्षण महाजपूर्ण है और कौन नहा है।

वर्गीहरण की आवश्यहता और इसका उद्देश्य-जैसा बताया जा चुका है हमारी समस्या जटिलतात्रा का सरत बनाना है। बहुत परिमाण में जटिल सामग्री कुछ भी बताने में असमय है और इसलिए यह आवश्यक है कि इसे परिवर्नी रूलणा के आधार पर ययोजित तामुहो में विभाजित करके समुचित रीति से उमस्थापित निया जाय। इसिएए वर्गाक्सप वर्ग मूस्य उद्देग्य सामग्रों में पिटिकता गी इंटर रता और मुखेग्य मताता है। इसके सामनााय मुंकि वर्गाक्स्य क्षमां के सामृद्धा के अनुसार निया बाता है इसिएए इसवा दूसरा उद्देश्य देमान और अस्तामत क्षमणे में अक्ष्य करता है। इस प्रकार भेडकारी क्षमण इस्मा हो जाते हैं। इससे यह काम है कि विना केंक्स्य पदी पर अक्ल-अक्ष्य नियार निया हुए हुए हुत तुल्ता वर सकते हैं और तिना नियाल उत्तर्व हैं। इससे असिरिस्त यह गानिस्त पहार और दुष्टि उद्दाव का वार्य करता है और सार्यायन के नाम को वस्क बनाता है। यहाँ यह भी उन्लेखनीय है कि वर्गाकरण आवस्तक कर से एक स्वतात जिला है और इसिएए सामग्री

## वर्गीकरण के प्रकार

सामधी को प्रकृति के आधार पर वो प्रकार से वर्षोकरण दिया जा जरता है। वरि सामग्री ऐसी है जिसके रुपयों वा पूणों को नाथा नहीं जा सकता, पण्लु जिल दशों में वे रुप्ताण है उन्हों निवा का सकता है तो हम गुणानुसार वर्षोकरण (टिव्हा fication according to attributes) करते हैं, देने को और पुण्य, भारतीय और अभारतीय आदि। पण्लु यदि रुपयों या गुणों को नाथा जा मकता है तो वर्षातरों के अनुसार वर्षोकरण (classification according to classintervals) किया जाता है, जैसे आप्, रुप्याई आदि के रुपयार पर निए पण्

गुण्यानुसार वर्गीकरण—इस प्रकार ने वर्गीकरण में समूह गुणी की समानता ने बाधार पर विभाजित निया जाता है। वे सब पर जिनमें एक प्रकार के गुण है एव वर्ग ने अन्तर्गत रखें बाते हैं। गुणानुसार वर्गीकरण दो प्रवार वा हो सबता है

(१) सरस वर्गोकरण (simple classification) में वेबल एक गुज के अनुसार वर्गोकरण किया जाता है। दिसी पर में यह गुण या तो होगा या नहीं होगा । कोर्स तीसरी समावना नहीं रहतीं है। एक बार गुण की परितृद्ध परिभावा करने ने बाद कर्गीकरण का बात सरस हो जाता है। वैद्य अगर हमारा गुण ५५ खोट से अधिक सम्बार्ध है तो या तो लोग ५५ छोट से अधिक सम्बे होते या ५५ छोट और उन्हों कम कमा वे। अपींद वर्ग परसार निवास (mutually exclusive) होते हैं। इस अवार के वर्गीकरण के अन्य उदाहरण है। पुराय और अपुरा, सामर और निस्तार आदि। एक गुण के आधार पर क्षांत्रिया करने केले जाते वी किया को दिसान द्वारा वर्गोकरण (classification by dichotomy) कहते हैं, जीते, पहुरे हमने पुरुष गुण वे आधार पर जनसङ्या को दो भागों में बांटा, फिर इन दो बर्गी का विवाहित के आधार पर उपकार में बांटा, आदि।

(२) बहुवगींवरण (manifold classification)—जहाँ एक सं अभिन गुणो ना निरीक्षण विद्या जाता है, वहाँ सामग्री वर्द वर्गों और उपकारों में बेंट जाती है। मिह हम द्विपाल द्वारा वर्गोकरण वरते कोठ जाने तो हम बहुवर्गोंन जा वर रहे हैं। बहु-वर्गोंन रण वरने की हमरी रीति तह है कि वह गुणो के आधार पर एक साथ ममूह गा विभाजित वर दिया जाय। जैसे भारीपन के गुण को हरुका, मध्यम और भारी नाव वर्गा में बीटा जा सनना है आदि।

गुणानुमार वर्णोव क्या यह आवश्यव है कि विभाजन वरने वाला गुण परिदृष्ठ क्य से गरिमाणिव हो और विभेदन्यना (line of demarcation) पूर्णत स्पट हा। अतिक्छादन (overlapping) वी मस्भावना नहीं होनी चाहिए, अन्यवा मही परिचाम नहीं निकाले का सर्वेशे। इसमें वे सब बाने लागू होनी है जा मारियनिया इनाई की परिसामा के सबब में कहीं गयी थी।

यभीतर के ब्रामुसार वर्गीकरण्या— विर हम मूर्णा को नाग मनन है ना विभी समृह र लिए हमें उतनी ही नाएं मिलेंगी जिनने उसमें पह होंगे। नाएं क इस ममूह का मुखा र बनाने के लिए उन्हें बार्गी और एगिला में ऐसिका के दिवा जाता है। प्रत्येव वस को मीमाएँ होंगी है जा स्वेच्छा में या मुक्तिगत्सार निर्मावत की जाती है। वस नामें जो विभी वसी बी सीमाओं हे भीतर आती है उस वसी से रूप दें वाली है। इस प्रवार के वर्गीवरण वा वर्गीवर व अनुसार वर्गीरण वहीं है। वाही यह उन्तर्शनीय है लि कई देखाना म मुसावस्तार वर्गीरण करने महत्त्व पात्रीकरण करने पहले हमें वर्गी कर इस करना माने वाही हो। वहीं यह उन्तर्शना वर्गीवरण को निर्मावर्ग की स्वार्थ के नतुसार की काम करने वाही ना पहले हमें वर्गीवरण निर्मित करने पात्री की विभाग की सिक्त करने पात्री हों वर्गीय इसकी काई हमरी देशक दें हम परिमाणा सम्बन तहीं है। बालू ने वाग व नतुसार में क्षमा के से बाम वर्गी हम सिन्या हों की स्वार्थ हमें वर्गी (बाज), १०-१० वर्ग (मिला), २०-१० वर्ग (बाज), १०-१० वर्ग (बाज), २०-१० वर्ग वर्ग वर्ग हों की वर्ग वर्ग हों हों सार्येष्ठ हों सार्येष्ठ

बर्गानगर न अनुनार बर्गीररण नरने में पहले इसने मार्गान कुछ हारों नो जानना आगस्यन है। प्रायेन बय का निश्चित करने में रिए दा मध्याना ना आवस्य-क्या पत्नी है। ये मध्याप्त वय-नीमाएँ (class limits) करणती है। उद्देशन उदाहरण में निया नी दार्गामाएँ 6 और ५ है बारच का बार्गामागर और १० है जाहि। इसम पहले संया वर्ग में। अबर गोमा (lower limit) और हुनाएँ सख्या या गी अपर गोमा (upper limit) करणता है। अबर गोमा और बहुते हैं। यदि पूरे वर्गावरण में वर्ग अतरण समान रहते हैं तो वर्गावरण समान कां-अतरालो (umform class intervals) में जिया गया है और यदि ये जनमान है ता असमान वर्गातरालों में । उपर्यक्त वर्गीकरण दूसरी प्रकार का है और इसके बग असराल कमरा ५, ५, १०, १५ आदि है। किसी वर्ग के अन्तर्गत जाने चारे पदो की नश्या को वर्ग-बारवारता (class frequency) कहते हैं। नो हमें सचयी-बारवारता (cumulative frequency) मिलता है।

यदि विनी वर्ग की बारवारता में उससे पहले के बर्गों की बारवारता जोड़ दी जाय वर्गातराल बनाने को बिधियाँ—वर्गातराल बनाने की थी विधियाँ हैं. (१) निवारक पिपि (exclusive method), और (२) समावेशी विधि (inclusive method) । ये विधियाँ वर्ष-सीमाएँ निश्चित करने की समस्या का समाधान करती है। समस्या यह है कि उस पद का क्या किया जाय जिसका मून्य मीमा पद के मूल्य के बराबर है। उपयुक्त उदाहरण में कदि किमी की आयु ठीक ७ वर्ष है ता उसे दिन वर्ष में रखा जाय ? क्योंकि ५ दो दगों की सीमा बनाता है। यही बात १०, १५ आदि पर लागू हाती है । निवारक विधि में जा पद तिसी वर्ग की अपर सीमा में बरादर होता है उसे अगले वर्ग में रखा जाता है। इसीलिए इसका नाम निवारक विधि है। उपर्यक्त उदाहरण में ठीक ५ वर्ष की आप वाले व्यक्ति का इसरे वर्ग में ठीक १० वर्ष की आप वाले व्यक्ति को तीसरे वर्ग में रखेंगे। इसका नारपर्य यह हुआ कि निवासक विधि से निश्चित किये गये बगानिगल ५-१०, १०-१५ ना अर्थ है '५ से लेकर १० से कम तक', '१० से लेकर १५ से कम तक' आदि। दसरी विधि या नमावेशी विधि में इस सदिखता का हर करने के लिए पहले वर्ग की अपर सीमा इनरे वर्ग की अधर सीमा से एक इकाई कम कर दी जाती है। इस प्रचार उपयंका उदाहरण के वर्ग-अतराल ०-८, ५-२ या ०-४५, ४-९५ या ०-८९. ५-९९ आदि होंगे। इस प्रकार के बर्गांतरा का भी वहीं प्रभाव है जो पहली बिद्धि में । बहने का तार्लय यह है कि इन प्रापेक अवश्याओं में वर्ण-अंतरण ५ ही माना

नाएगा ।

अधिक' जोड दिया जाता है। इस प्रकार को सामग्री का सारियकीय प्रतिभावत करने से पहले इन्हें साथारण क्षणेतरों के रूप में व्यक्त करना पदता है। निम्मलियित उदाहरण से यह स्पष्ट हो जाता चाहिए कि उपर या नीचे से सचित की गई सामग्री को किन प्रकार साथारण रूप से व्यक्त किया जाता है।

(१) उपर से सचित वर्ग-बारवारताये (२) नीचे से सचित वर्ग-बारवारनायें

नापें	स० दारबारताये	नापे	स॰ दारवारतायें
5 से क्म	10	0 से अधिक	55
10 ,,	22	5 ,,	45
15 ,,	37	10 ,,	33
20 ,,	50	15 ,,	10
25	55	20	5

वर्ग-वारक्षारता निवालने के लिए पहले वर्ग को सचयी बारवारता से घटा देते हैं । इस प्रकार उपर्यक्त सामग्री निम्नलितित रूप में आ जाएगी

नापे	बारवारताएँ
0 5	10
510	12
1015	15
15-20	13
2025	5

सांख्यिकी श्रेगी (statistical series)

पदो का तर्न सगत या व्यवस्थित विन्यास श्रेणी है। जैसे यदि हम वस्मुर्या या मुणो को गिर्ने या नापे और उन्हें कमानुभार ब्यवस्थित रूप में रर्ल तो ने एक श्रेणी बनाते हैं। विभिन्न प्रवार की श्रेणियों के बारे में आगे बताया गया है।

- १ फालिक, स्थान सम्बन्धी और दूसा अेखी (Instorical, spatial and condition series)— वास्थिनीय समयी समय, स्थान या द्याओं के बारे में होनी है। इनमें से प्रत्येन ने समय हम श्रेणी बना सबते हैं अर्थान् इनसे सबिध समयी को ध्यानिय रूप से स्थान हम से सी प्रत्यास्थ रूप से स्थान प्रदार की श्रेणियां मिलती हैं।
- (व) वाल्कि या वाल-भेची (historical or time series) वे श्रीण्या है जो विसी चीज वे इतिहास या समय वे बारे में होनी है। इन श्रीण्यो वी मृख्य विभेषता वाल्क्नम (chionology) है। समय स सविधत सामग्री वो

ध्यवस्थित नरना सरल है। इस सब में नाल या समय स्वनन वर (independent variable) होता है और अन्य बाते परतंत्र चर हाती है।

#### उदाहरण:

## भारतीय रेल मार्गो में विनियोजित पूँजी (१९५१-५८)

बगं	पूँजी (वरोड २०)	वप	पूजा (कराइ ६०)
1348-47	c40 38	१९५५-५६	९६८ ९८
१९५२-५३	८५७ ३८	१९५६-५७	१,०८७ ०९
१९५३-५४	८६९ ३०	१९५६-५७(ससी०)	१,०६७ ०३
१९५४-५५	९०१.५८	१९५७-५८(वजट)	१,१९१ : २०

यह श्रेणी भारतीय रेल-मानों में किये गये पूँजी विनियोग का इतिहास बनाती है और इसमें 'वर्ष' को मुख्य स्थान दिया गया है ।

(स) स्वान सम्बनी येगी (spatial series) में तब्बी का तबम स्थाना से होता है। जिस प्रकार पदवार्ष समय में होनी है उसी प्रकार स्थानों में भी होनी है मेरी दग श्रीणयों में वच्च स्थानों से मदीचत किये बता है। इन्हें मौगीजिङ श्रीणवीं भी कहते हैं। इन श्रीणयों में स्थान स्वतन पर होता है।

## उदाहरण :

## भारत में पांच सबसे बड़े नगरो की जन संख्या (१९५१)

	नगर का नाम	अन सस्या (१९५१)
	<b>न</b> लक्सा	४५ ८ लाव
2	बम्बई	۶۲.۶ "
į	मदरास	<b>έλ.</b> σ "
c	देह्जी	१३८ "
١	हैयराबाद	٤٥٩ ,,

उपर्युक्त श्रेणी में समय (१९५१) अनल है और स्थानो की जननस्या बदल रही है।

(ग) दशा-भेगी (condition series) में विषय-बातु की दशाओं का वर्णन रहता है। इसमें शामान्यन कुछ पढ़ों की वारवारता बताई जाती है। हम्माई, बदन, आनु आदि की श्रीणाई दशके अन्वर्णन जाती है। इसमें जिन दशाओं के शरे में जातगारी मान करनी है वे स्वन्त चर होंगे हैं। उदाहरण

#### पराक्षा में विद्यार्थियों क प्राप्ताक

प्राप्तार	विद्यार्थिया की सख्या
0 5	3
510	10
10—15	18
1520	8
20 25	2
	याग 41

- एकेंट निरीचण की श्रेणी, राहित श्रेणी श्रीर सतन श्रेणी (series of individual observations, discrete series and continuous serie) —अविवा का यह एह दूबन वर्षीतरण है। इसर अनुवार अधिता ना वणन आग निवा जा रहा है।
- (क) एक कि निरोभण को सेनी में प्रयोग पर अने पालिया जाना है। इसे किसी समृद्ध में बहु। प्या जाना। अर्थन प्रयोक पर एक क्या बनाता है। सर्विद् विद्यालया के प्रानाक एक एक करने दिये जायें तो हमें एक निरोधना का सेनी मिनेगी। सहीं यह अर्थाध है कि प्रयक्त प्रकार का अंत्री में पदा का निरामण एक एक परक किसा अर्थाह है। इसक और अर्थ सेनिया में अत्तर है कि जबकि अर्थ सेनिया में इन एक निरीपणा के मनूह बना दिये बात है इस सेना में यह एक कर में प्रसन्न कर मा प्रसन्न

उदाहरण

_	c	 _	प्राप्ताक

नामात्र	प्राप्तान	नामाव	प्राप्ताव
1	10	4	18
2	25	5	12
3	15	6	22

(त) लिक्नि भैनी तर प्राप्त हाना ह जब जिस उप्ता गुल बा पर ना नाप का का मुंही है बहु एसा हा जैन वह निष्ठित इसाइया न गुणिना (multiples) कह्न में हा दिया ना स्वीत नमरा नी मच्या। यह हमना पूर्णोक ही हानी न्यारि है या है कमरे का मान नहा होने। इसा प्रकार सनुष्या की सम्या भा हमना सिन्न श्रीणा कम्म में दाना सनदा है। उदाहरणः

## दिए हुए कमरों में रहने वाते परिवारो की संख्या

कमरो की सस्या परिवारों की सस्या कमरों की सस्या परिवारों की सस्या

•	-	•	-
2	g	5	6
3	10	6	1

इत प्रकार की श्रेणी की असतत (discontinuous) श्रेणी भी कहते हैं।

(म) तंतत भेगी—नव लक्षण, गुण या पर ऐसा है कि बहु कोई यी सींब हैं।
सकता है तो हमें सतत श्रेणी मिनडीं है। इस द्यार्थ में सर(LAIDALE) को
जीन-जीन नहीं तमा जा समता जैसे रुप्याई । धर हम लोगों की उपयाई तमारे को
तो बहु (अधिनातत) ४ भीट के ७ भीट तक कुछ भी हो सकती है। वयित दम सीमाओ
ने भीतत वर कोई भी मूख के सकता है। इस प्रमार की भीगयों का विज्यास
सपूरों में विद्या जाता है। कभी-कभी असतत वर को भी समूहों में राखा जात है।
ऐसा तक मरते हैं जब चर को विलुक्त कोक रूप से नहीं नाया जाता। पिछ' पृष्ठ
पर दी हुई दया थेगी (विद्यानियों के प्राप्तान) का उदाहरण एक सतत अंगी है।
यह विचारतीय है कि पदी की सतनता अटूट है और जहीं एक वर्ग समारत होता
है उसी सार्ग वे स्पर्ता को सार्वना। अटूट है और जहीं एक वर्ग समारत होता
है

### मामधी का सारणीयन

सामयों का वर्गोक्टफ करने के बाद उसका सारणीयन किया जाता है अर्थात् वह एक या अपित्र सार्यक्रमों के स्वाम्मों (columns) और प्रविज्ञमों के जनार्यक्र एक दो जाती है। सारणीयन यह प्रविद्या है जिसके वर्गोक्टन सामयों को स्वयंश्वित रोति से उपराप्यंति किया जाता है, जिससे उसकी सारभूत विशेवताएं और मुख्य क्षण सम्मुक्त आ जारें। सारणीयन सामग्री के सकलन के काम में अन्तिम स्थिति है और सामग्री का ऐसे प्रस्तुत करती है जिसमें उसका साश्यिकांग विरोज्ञान किया ता रकें।

सारणियो,का उपयोगः इनका लाभ और महत्त्व—सारणीयन वे लाभ और महत्त्व निम्नलिखित है

१ यह सामग्री का ऐसा शेति से उपस्थापन करता है जिससे उनका उपपान करने वाले उसका मर्वोत्तम उपयोग कर समें । अमेक्षित सूचना जातानी से मिल जानी है क्योंकि धान्यों में कोई वर्णन नहीं रहता है ।

- २ सारणोमन ने द्वारा सामग्री सक्षेप में और इनट्टे दी जाती है। इस प्रचार वारबार अन्य ब्यौरे और व्यारवातमन टिप्पणियों देने नी आवस्यनता नही पडती।
- ३ सारणियो की सहायता से तुलना करना आमान हो जाता है। दो या
- अधिक सार्राण्या को साथ रख कर आसानी से तुलना की जा सकती है। ४ सारणी में सामग्री हमेगा तर्क मगत त्रम मे रखी जाती है और इमलिए
- उसको समभना आसान होता है। यह सुविधा अन्य प्रकार ने विवरणों में नहीं मिलती। ५. सारणों ने रूप में सामग्री का उपस्थापन करने का एक लाभ यह मी है कि इस प्रकार की सामग्री अधिक शोधता से याद हो जाती है क्योंकि इममें समान
- कि इस प्रकार की सामग्री अधिक सीझता से बाद हो जाती है क्योंकि इममें समान पद साथ रखे जाते हैं और इंसिल्प यह क्रय-सहाय का काम करता है और सामन पित्र बनाने में सहायता पहुँचाता है। इसके अतिरिक्त लिखित विवरण की तुल्मा में यह कही कम ज्याद बेरता है
- सारणीयन के फलस्वरूप सामग्री से गणना करना आसान हो जाता है और यह गलतियाँ और कुको को पवडनें में सुविधाजनक हाता है 1

सारिएयों के प्रकार—प्रथानुतार धारियनों में नाम में ठाये जाने वाकी सारिष्यों दो बगों में बोटी जाती हूँ (१) सामान्य या निदंश सारिषयों (general or reference tables); (२) मिक्क्त व्यूत्पन पा निर्वेचनातमक सारिष्यों (summary, dern attwe or interpretative tables)।

- (१) सामान्य सारिणयो में विषय-वस्तु से सविधित सब समत मूलना विस्तार में दो जाती है। अतरण इस प्रवार की सारिणयों कहुत बडी होती है और कई पृष्टो तक जा सकती हैं। इस प्रवार की सारिणयों का उद्देश्य यह होता है कि किसी समस्या से सविधित सब सामग्री एक स्थान पर एकतित कर दो आय जिससे छोत उसे आसाती से प्रान्त कर सकें। इस प्रकार की सारिणयों विशोप अध्यवनों या प्रनिवेदनों ने परि-सिष्टों में प्राय पार्ड काती है।
- (२) सिक्षन सार्राणयां किसी विधिष्ट उद्देश को पूरा करने ने लिए बनाई जाती है। में वर्षसाहत छोटो होती हैं और सामग्री ने किसी पक्ष-दिश्येष पर बल देती है। इन सार्राण्यां ना श्रोत सामग्य सार्राण्यां होती है, इसलिए इन्हें खुल्तप्र सार्राण्यां भी कहा जाता है। युन, विशेष प्रश्नों ना समायान करने ने लिए इनमें निवंचन भी क्या जाता है। इसलिए इहें निवंचनाराव सार्राण्यां भी कहते हैं। इस प्रकार नी सार्राण्यां सामाग्यत सरल होती है।

सारिण्यों का श्राकार(Forms of Tables)—जनार ने दृष्टि नोण से सारिणया नो दो सामान्य भागा में विज्ञानित निया जा मनता है

- (१) सरल सारणी
- (२) अटिल सारणी 🛊

सरल सारिणयों में सवधित सामग्रों के नेवल एक कुरूक (sct) की सूचना दी जावी है। सरल सारिणयों में साधारणत दो स्तम होने हैं जो एक दूसरे के साय-साथ रहते हैं।

## उदाहरण

निम्मलिखित उदाहरण में एक परीक्षा में विद्यापियों के प्राप्ताकों की सूचना दो गई है:

प्राप्ताक	विद्यार्थियों की सस्या	प्राप्ताक	विद्यार्थियो को संख्या
0-5	10	15-20	20
5-10	12	20 - 25	15
10-15	17	25-30	8

जटिल सार्याचयो में कई समकक्ष विषयों से सविधत नुवना होती है। यदि दो समक्ष विषय (coordinate factors) हो तो सारणी को दिगुम सारणी (double table)कहते हैं। यदि समकक्ष तमृहों को सक्या तीन है तो इसे विगुम सारणी (treble table) नहते हैं। यदि समक्य-सन्तृहों का सक्या तीन से अधिक है तो सारणी को बहुगुच सारणी (multiple table) कहते हैं।

जपर्नुन्त सारणी में मदि विकासियों को निवास स्थान (छात्रावासी, पुरवासी सादि) के आधार पर और आगे नियाशित किया जाय तो यह एक द्विमुण सारणीयन ना जदाहरण होगा। मदि बनकी और भी आगे पर्म के आधार पर विभाजित किया जदाहर यह नियाशित सारणीयन होगा। पुत्र कहें राष्ट्रीवता, राज्य द्वादि के आधार पर विभाजित करने हम बहुगुण सारणी बना सकते हैं। जैसे-पेस समस्या नियमों की सस्या बदली जाएगी, सारणी अधिकाषिक जटिल होती जाएगी।

अगले पृष्ठ पर एक बहुमुण सारणी दी गई है। यह सारणी विविध परस्पर जाधित प्रस्तो का उत्तर दे सकती है

- (१) सामान्य ज्ञान की परीक्षा देने वाले विद्यायियों की सख्या कितनी है ?
  - (२) ये विभिन्न प्राप्तान-समूह में किस प्रकार वितरित है ?
  - (३) त्रिविध प्राप्ताक समूहों के विद्यार्थी निवास स्थान के अनुसार क्सि प्रकार वितरित हैं ?
  - (४) जनको राष्ट्रीयता क्या है--भारतीय या अन्य ?
- (५) किनने विद्यार्थी उत्तर प्रदेश से परीक्षा दे रहे हैं और क्तिने अन्य राज्यों से ?
- (६) रोजम के अनुसार उनकी सख्या क्या है?

### निवास-स्थान, सेवस, राष्ट्रीयता और राज्य के आधार पर परीक्षा में प्राप्त किए गए

			_		_						жічп			
प्राप्ताक			_								विद्य	- पियो	की	
	छात्रावामी								-					
1		Ŧ	गरती	य	3	 ाग्य			<del>र</del> ू		भ	भारतीय		
			_		_		Ī		7					
		ê			٠			٥	1		ê			
		30 %	अन्य	(S)	do Xo	अन्त	E	ak of	अन्य	E,		अन्य	E)	
	30		_		Γ		_		L					
05	स्त्री				L						_			
	<b>दु</b> श	_	٠		_	_	_	_	Ĺ.,	_			ᅵ	
	A.	1		_	L	<u>į                                    </u>	_	i		_	نـــا	إ	_1	
5-10	स्थी	+-		<u> </u>	L-	ļ_	_	_	,	_	$\perp$	_	-4	
	<u>₹</u> 78	- -	<u></u>	_	<b> </b> _	_	-	_		_		_		
10—15	हु <b>व</b>	<del> </del>	-	_		-							-1	
10-15	- इव 	ļ	-	-		<del> </del>	-				-	4	$\dashv$	
	30	-	-		-	<del>-</del>				-				
15-20	स्री	1	4		-		{			-1		-	-1	
	34	1			است		7			7	7		-	
20-25	-		~	-	7	_	7		_		_		-	
	स्त्री			-		_	-1						7	
	बुख		_ [						_	_[		7		
	30						$\Box$			_ \			$\Box$	
कीय	स्त्री	_	_[							_1	_		4	
	28		]	_]		_	_1			j			_1	

### विभाजित किए गए विद्यायियो हारा एक समान्य ज्ञान अकों की सारणी—254८

सस्या				
पुरत	रासी -		बुल	
अन्य	कुल	भ⊤रतीय	्र अन्य	बुल
30 70 अस्य कुल	च <b>े</b> प्र अस्य हुस	उ० प्र अ.स. मूल	- अन्य मुख	े उर प्र अन्य - उस
			<u></u>	<u> </u>
	<del></del>		) 	
	<del> </del>		<u> </u>	F
	<u> </u>	<del>`</del>		

टिपणी----पु =पुरव, स्त्रोत-अविक भारतीय समान्य ज्ञान परीक्षा, ८० प्र०, की प्राप्ताक-मची t इन सूचनाओं से अनिरिक्त इस सारणों को और अधिक विस्तृत बनाकर अव्य सूचनाएँ सैसे आजू, ममूदा में जियावियों का विनरण आहि, दी जा सकती है। इस प्रकार में सरक मारणों की पश्चियों या स्नाम्भों में समक्ष जिपयों को स्थान दकर उसी दिवस, जिनए या बहुतन मारणी बनाया जा सकता है।

सारणीयन के नियम श्रीर उसमें मान्नधानियाँ—सारणीयन ने लिए नोई नजोर और दृढ नियम नहीं बनाये जा मनने। अनुभन्न और अस्थाम से अच्छी सार्गणये बनाई जा मननी है। परन्तु इस बात ना ध्यान रमना चाहिए नि जिन्न उद्देश्य से सारणी बनाई नार्ट है उसे बहु सूत्र नरे और सामग्रो नो मुबोध बनाये। इन उद्देश्य के ध्यान में उस नर माध्यानों ने मार्गन्योंन में लिए नुष्ट प्रतिया-नियम (rules of procedure) बनाये गये हैं—

- (१) मुख्य विचार इस बात वा करता चाहिए वि सारणी जितनी हो सके जनती सरक बनाई जाग, जिसने मामजी वे मुख्य क्षेषण और आवस्यक मुचना आतानों में जानी जा नहें। सारणीयत ना उद्देश्य मामजी को मुख्यक वताना के, इसिक्ए इस विशेषात ना निमी भी परिस्थिति में स्थाप नहीं करता चालिए। यदि सूचना जा परिसाण जिबन है तो बहुत्य जमें दो या अधिक सारणियों में प्रस्तुत करना अधिक मानियां में मानियां में स्थाप एवं होता चाहिए। यदि मारणी में महत्त अधित स्थारे दिये पर्वे हैं तो तुकता करता और स्थाप परकास विकाद हो जाता है। इस्तिव्य इसमें मावदान रहना चाहिए। सारणी को ऐसा कराना चाहिए कि पदी ना बोई और विकास करते और स्थाप ना वाहिए। सारणी को ऐसा कराना चाहिए कि पदी ना बोई और विकास करते और उत्तर पहिला सारणी को एसा कराना चाहिए कि पदी ना बोई और विकास करते की उत्तर पहिला सारणी को एसा कराना चाहिए कि पदी ना बोई और विकास करते की उत्तर पहिला सारणी की स्थाप पर निर्मार हो पहिला सारणी की समानियां की सारणी की सारणी की सारणी की सारणी की सारणी कर के ना चाहिए। व पर वेद व्यवताना चाहिए।
- (२) बिन अदा वी नुरना वरती है व एव दूसरे वे निनने निवट हो सकें उनने निवट रासे साने चाहिए और दोनों, निरंप्त अब एव सापेक्ष अब (जैंमे प्रनिचन निविद्य सापेक्ष अब (जैंमे प्रनिचन निविद्य मार्ग्यों में ने बे जाने चाहिएँ। बिन अवो वी तुख्ना वरनों है वे जहाँ वह हो सवे गीर्ग-निवास (vertical columns) में खिल्के जाने चाहिएँ वयोकि को ने निवास अपना अपना रामान हो जाना है। योग यमानमब हमेगा मोटे अवरों में दिने जाने वाहिएँ।
- (३) प्रत्येव मारणी को उपयुक्त भीषंक देना चाहिए, जो साम्णी की विषय वस्तु नाय निकरें। शीर्यक और उत्तरीषंक स्वत पूर्ण होने चाहिएँ। ऐसानही कि मारणी में

क्या क्या मया है दो बाताने के लिए इघर-वघर वोजना पढ़े। भिर सारणों सहुत बिटल है तो उसका पीर्पक क्षमक्षे लग्धा हो बाता है। एमी क्षितायों में दा बोल हैने का चनन है। मुख्य तीर्पक दे पहले एक 'आकर्षक तीर्पक' दिया जाना चाहिए जो बहुत गर्शय में सारणों ने बार में बतायें। कुछ स्थितियों में मुख्य वीर्पक के बाद एक प्रसादनात्मन भीर्पक (prefatory title) दिया जाता है जो ग्रपूर्ण सारणों की ब्यास्था स्टात है। एक ५५-५५ में दी गई सारणों ना आवर्षक पीर्पक मानाय आत रहीशा का प्राप्तार' हो सकता है और प्रसादनात्मक तीर्पक में विज्ञा जा सकता है कि वेबट 'मामलत प्राप्त सम्बातों के निवारित वार्यों हो सम्पित्तत हिए गरी हैं '।

- (४) व्याख्यात्मक टिप्पणियों हमेशा पाद-टिप्पणियों के रूप में दी जानी वाहिएँ और स्वत पूर्व हांना चाहिएँ, जिनके उन्हें सम्भने के छिए अन्य स्थाना में क्रूंद्रवन एटं। गाद-टिप्पण्तों में सामग्री का स्रोत अवस्य बताना चाहिएँ। यह ने बंब लीजन्यता है, ब्रांला पट इन लोगों को सी सहायता नहुँचाता है जो सामग्री का उपयोग करना और उसकी विश्वनतीयता जानना चाहते हैं। स्रोत दे देने के बाद सामग्री का उपयोग चरने बाजा स्थ्य भी अको आदि की गलती और बृद्धि के लिए उत्तराख्यों नहीं रह जाता। यदि सारणी में उद्धरित सामग्री में किसी प्रवार का चिन्नेद (discrepancy)मा अगर्तनते हैं तो गाद-टिप्पणी में उन्नक्ष ओर अवस्य ध्यान आवित्व दिन्या जाना चाहिएँ। मृत्य सारणी में जिन बातो या अका के लिए पाद-टिप्पणियों की आवस्पदाता हो उन्हें अको से (वेसे १, २, ३ आदि), अवसरी से (क्रीस क, त आदि) वात्वेतों से (क्रीस के प्रवार विन्ह वात्वेत कर देना चाहिएँ और समय विन्ह वात्वेटिपणियों में छिन्न देना चाहिएँ और समय विन्ह वात्वेटिपणियों में छिन्न देना चाहिएँ और समय विन्ह वात्वेटिपणी में छिन्न देना चाहिएँ और समय विन्ह वात्वेटिपणियों में छिन्न देना चाहिएँ और समय विन्ह वात्वेटिपणी में छिन्न देना चाहिएँ और
  - (५) रेलानम में इस बात का ध्यान रखता चाहिए कि मुख्य बाते, जो उप-शीर्यनों के अन्तर्गत है, मोटी रेखाओं से अलग की जायें।
  - (६) प्रत्येक महत्वपूर्ण और मुख्य घीएँक के लिए अठन स्तम होना चाहिए। होना है। 'विशव्य' गीर्मक के अत्वतंत नेवाल है ही रह तेन पहिएं सार हुन्यरे से होना है। 'विशव्य' गीर्मक के अत्वतंत नेवाल है ही रह होने पहिएं या एक दूसरे से बहुत निन नहीं हैं। यहाँ जायम्यक हो, वहाँ सान मीर्मकों में इकाय्यों ना भी उत्तरेख निया जाना चाहिए। वहाँ तम हो सक्ते अपने में हजारों, मैंब्बरें अपाद में देक रखों नो गीराव्य वना लेना चाहिए। ऐसा नर्जे पर या तो घीएँक में स्पष्ट लिख देना चाहिए कि इनारे निया है अर्थान् १००, १०० आदि, या जिताने गून्य अत्वों में छोड रियं पर्ये हैं, वे किस देने चाहिए पर पर किस की गुरिया के किस स्तभों ने धीर्ये पर पिनचों में किस तम निया है।

- (७) यदि काई सामग्री अप्राप्य हा ता यह सूचना पाद टिप्पणी में द दी तानी चारिका
- (८) मारणी बताने में इस बात ना ध्यान रखना चाहिए कि उससे अब उचित प्रकार म रिव्य गय हा । अर्थात इसाई के नीच इसाई, दहाई के नीच बहाई आदि रिक्स जाना चाहिए । मही ता सारणा ध्यवस्थित नहीं रुपेणी ।
- (९) मारणी में पदा का तर्जमतन त्रम में राजना चाहिए। ने परिमाण, वण. स्थिति या बालत्रम आदि के अनुसार व्यवस्थित निये जा सबने हैं।
- (१०) सामान्यत एव साधारण टाइप राइटर सारणीयन में रिप उपयुक्त नहीं हाता ब्यानि यह बणी ना वहे-छाटे टाइप में नहीं छाप सनता है। इसी प्रचार पन गी कोर माटी रत्याएं नहीं भीषी जा मनती है। सारणीयन में रिप विशेष टाइप-राइटर आने हैं जिनना उपयाण निया जाना बाहिए।

#### QUESTIONS

- (1) Classify the main articles of import into twelve different classes and prepare a blank table to compare the quantity and volume of different classes of goods imported into India during the last ten years (B. Com., Agra)
- (2) Prepare a table with a proper title, divisions and sub-divisions to represent the following heads of information —

(a) Import of cotton piece goods in India (b) From U K, Netherlands, Belgium, Switzerland, Italy,

(b) From U. K., Netherlands, Belgium, Switzerland, Italy Strait Scitlements, Japan

(c) Amount of piece goods from each country (d) The value of goods from each country

(d) The value of goods from each country (e) Pre war average, postwar average, 1924 25, 1925 26, 1926 27, 1927 28

(f) Total amount imported during each period (g) Total value of imports thring each period

(B Com , Lucknow)

(3) Put the facts in the following extract in tabular form—
"The shipping returns for the port of London for Tehruary
1926, show a reduction in the aggregate of forninge entered
and an increase in toning e cleared when compared with the
corresponding month a year ago. They also reveal a retrocity of the contract of the corresponding month a year ago. They also reveal a retroalupping. Total toninage entered amounted to \$3,00,000
tons as against \$3,25,000 tons, the British share of which
fell from 2,594,000 tons to 2,565,000 tons. Toninage cleared in Tehruary 1926 was about \$2,000 tons higher at
higher at the contract of th

4,7% 000 tons but the share of British tonnage fell from 3 091 000 tons to 3,000,000 tons (M.A., Cela =

- (4) Draw up in detail, with proper attention to spacing, doub'lense see and showing all sub-totals, a blank table in which could neared the numbers occupied in six industries, on two dates, distinguishing males from females, and among the latter single, married and widowed.
- (a) Prepare a specimen form in blank, with suitable heading and sparing, for use in collection of data on one of the following
  - (a) Survey of trades in your district.
    - (b) Standard of living of middle class families in a small town.
  - (c) Expenses of students in a University
  - (Dip in Econ, Madras)

    (6) Explain, how you would tabulate statistics of death from
- principal diseases by sexes in different provinces of India for a period of five years

  (7) The mode in Higher Mark and a control of the period of the years
- (7) The marks in Higher Mathematics reterved by candidates in examination are given below. Using class intervals 0—19, 20—30 and so on, construct a frequency table.

30 and	so on, constr	vet a frequ	ency tabl	e	
163	153	115	د10	73	73
185	140	128	90	د۹	90
150	143	85	125	93	60
135	133	128	123	13	23
168	125	100	8ə	90	20
135	155	133	75	53	23
113	130	100	130	70	33
165	170	120	130	<b>c</b> 0	48
153	145	120	108	GA)	25
140	138	115	85	98	20
143	133	138	52	83	03
160	140	73	98	E3	18
145	103	123	73	-40	40
130	130	150	93	75	3.3
12a	95	135	88	25	23
135	143	48	8a	68	63
160	90	123	113	43	20
115	118	70	113	78	50
138	135	103	65	65	33
140	163	90	100	36	3
				(B Cor1,	Merres)

### अध्याय ५

## सामग्री का उपस्थापन---लेखाचित्र और रेखाचित्र Presentation of Data---Graphs and Diagrams)

पिछले अध्याय में बनाया जा चुका है कि सामग्री का उपस्थापन विवरण और सारणी के रूप में किस प्रकार किया जाता है। परन्तु अगर कई पुस्त लग्ने सारणियों प्रस्तुत की जारें जिनके कई कंठम हो, तो यह तुलना आदि करने के लिए वृद्ध ता प्रस्तुत की जारें है। ऐसी पिरिस्तितों में दृष्टिन्विषियों (visual methods) की आंतरकक्ष्मा प्रतित होनी है, जिससे मितिक सामग्री को आसानी में प्रहा कर नके। यदि सामग्री का उपयोग ऐसे व्यक्ति करने वाले हैं को आदिक विपयों से परिवत नहीं है ता यह विदीय बहुत प्रमानी होती है व्योधि कोई जो व्यक्ति विद्या का अविद ने सहायता से सामग्री को आसानी से समफ सकता है और जुलना कर वक्ता है। यदि विद्या का पान की का सामग्री को आसानी से समफ सकता है और जुलना कर वक्ता है। यदि विद्या का पान की का सामग्री को असानी से समफ सकता है और जुलना कर वक्ता है। यदि विद्या का पान की सामग्री की असान की सामग्री की सामग्री कि सामग्री की सामग्री का सामग्री की सामग्री का सामग्री की सामग्री की सामग्री का सामग्री की सामग्री की

इन विधिया से उपस्थापित सामग्री न बेबल मुबोध होती है बल्टि उसका स्थापी-भगाव भी पड़ता है। बहुमा व्यक्ति सारणी में दी गई सामग्री जन्दी हो मुल जाते हैं। अपर बोई बूबनदार महार कम बरने वे लिए चत्हों भी २५% वस मूल पर बेब रहा है, तो इस बात वा विवापन बरने वे लिए चत्हों और अदो बी तुल्ना में विश्व अधिव प्रभावोतायब होने क्योचि वे सीजता से अपनी और व्यान आर्वाधन करेंगे और अपड भी उन्हें समम सबने। विवा को सहायता से उन्हें सीजामूर्वक पहले के मूल्यों और अब वे मूल्यों वा अन्तर मानून पड जाएगा (उसे १ इन के सिक्वे के बाद १२ आने के विक्ने दिखाता)। रेखाचित्र प्रभाव पड़ता है।

एव रखाचित्र, और बभी-सभी एवं ऐखासित्र भी, भारणी में अधिव आवर्षक बनाया जा सकता है। अत्रा चौ सारणी वा अध्ययन बही व्यक्ति बरेगा जिनको विषय में पहरे हो से बीनुत है, परनु उपधुन रफ-विच्यान की सहायना से प्राप सभी वा व्यान आवर्षित विद्या जा सनता है। इम्मिल्ट रैखाबित्रों और रोजासित्रों नः प्रचार में बहुत महत्व है। सामानात प्रचार का उद्देश्य सर्वेनापारण का ध्यान चीवा को ओर आवर्षित करना होता है। अगर आवस्यन सूचना को जग्युकन दिनों के रूप में प्रदेशित किया जाय तो मचार (propaganda) का प्रभाव जल्दी प्रकट को जाएगा।

उपर्युक्त विरोगताओं के कारण रेजांचित्रों और रुग्याचित्रों वा मामग्री के उप-स्थारत में महुत महुत्व है। उपरवारत का मृष्य उद्देश अडिल आमग्री को मरल टप में रचना और उसे आवर्षक बनाता है। देखांचित्र और रेगांचित्र इस उद्देश मो विरोग पन से पूरा बरते हैं और इसर्लिए ये इतने लोगिंद्रम हैं।

लेखावित्रों और रेखाचित्रों की परिसोमाएँ—इस प्रकार के मामग्री-उपस्थापन को पहली परिसोमा यह है कि बहुत से लोग इनके अन्यान नहीं, होंने और गामान्यत देशे अधिक महत्त्व नहीं देते हैं। पित्रीम, रेखापित्रीम और लेखानित्रीय उपस्थापनी मो गमीरता से नहीं लिया जाता, जबकि सारणी में दी गई सामग्री को गभीर और महत्त्वपुर्ण मामा जाता है।

रेक्षा या लेका-चित्रों के रूप में धानधी का उपन्यापन करने के लिए बहुत धाववानी की आवश्यक्तता पत्ती है क्योंकि इसने विना ये बहुमा धामक जूकना देने हैं जीर पहला छाए छोड़ जाते हैं। चितापर और राजनीनित प्राय इस प्रवार के उपत्यापन करते हैं। इस कारण इस विज्ञों का अध्ययन सार्तियों के साथ करना चाहिये।

तींतरी परिसीमा यह है कि बिज के रूप में वह सब सामग्री नहीं दो जा सकती हो एक जीवत माकार की सारणी में प्रस्तुत की जा सकती है। देखाजियों से अधिक मह बाग रिसापियों मा जिस्ती पर छागू होती है क्योंकि एनकी समसा और भी कम होंगी है। इसिलए एक सक्षित्व सारणी को दिखाने के लिए कई विश्रों को बसामा आवस्यक ही जाता है।

चीपी परिसीमा यह है कि सेसा और रेखानिश्रो में इतनी परिमुद्धता लाग कि विजय किसी सारणी में मंत्र है। कारण स्टट है। सारणों में दूसना सब्याओं में दी जाती है जी मुनिनिजत है। परन्तु नेता और रेखानिश्रों में वहती विजयह तो मुनिरिजत दकाई नुमने की होती है और अगर यह मित्र भी गई तो आयह ही कोई व्यक्ति केसा और रेसारिजों से ठीन-ठीक मूचना प्राप्त करने के लिए एन्हें मारता है।

जत में, लेखा और रेखाबिज बनाने में सारणी की अपेक्षा वहीं अधिक समय रूगता है। ल्या और रेला चिता की इन परिसामाओं को देने का उद्देश्य यह नहीं है कि सामग्री उपस्थापन भी इस उपयोगी सुकिन का भोत्साहन न दिया जाय। ये केवल जन सावसानिया को महत्व देती है जिन पर लेखा और रेखानित्र वनाने समय हमेशा च्यान रपना चाहिए। यहाँ यह समरणीय है कि लेखा और रेखानित्र मुक्ता में बोड वृद्धि नहीं चरते और इसलिए व सारणियों और विनरणा का प्रतिस्थापित नहीं चरते है। इनका उपशेष बेवल राप्णवरण में होना चाहिए। इनको बनाने वा बाम किसी बिज को हो देता चाहिए वर्गावर हमें सामान्यत सामग्री क बुख बगों पर वल दिया जाता है और इसलिए अनावरवर और अमगत सुबना का सहस्व देवर काई बग्न इन्हें ग्रामव बना सनता है।

लेखा और रेखाचित्रों के कार्य—एमा और रखाचित दा उर्देश्यों को पूरा करते हैं और ये ही इनर प्रयाजन भी है

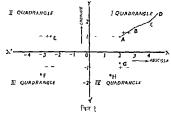
- (क्) आक्ष्यक रूप से सामग्री का प्रस्तुत करके ये जटिल सामग्रा का सरस्र और मुद्रोध बनात है।
- (स) इनकी सहायना स सबधित गामग्रा का साथ-साथ रखकर नुल्वा आमानी से का जा सकती ह।

# तेखाचित्रीय उपस्थापन

ल्खानिना भा ज्याग विशेषत समय से सबधित श्रेषिया जार बारबाग्दा बटना (frequency distributions) वा उत्तरवाद करना म बिया जाना है। इस जनार में सामग्री ना रणाषित्रण करने म आपत-मामो (rectangular coordinates) वा उत्तरवा निया जाना है। सामग्री वा निरंग करने म बरूर कावज पर बारे लेला है जो एक दूसर ना ९०° क नाग पर नगजी है जमें एक दूसर का ९०° क नाग पर नगजी है जमें एक दूसर एक व्यवस्था है जो एक दूसर का १०° क नाग पर नगजी है जमें एक दूसर एक व्यवस्था है जो एक दूसर का १०० का नर जान (x-axis) मा जाति (abscissa) और घोष (vertical) रना ना र-अग (y-axis) मा नाटि-अश (ordinate) बहुते हैं (विशेष विषय १)। जिन स्थान पर वे रलागे एक दूसरे को नाटता है उत्ते मूर्णविज्ञ (orgin) बहुते हैं। मूर्णविज्ञ दिनाने में रिप् इस स्थान पर ० (वा म) लिया जाना है। चित्र में XX' थ अन है जेर 27' स्थान एक वा मूर्णविज्ञ है। ये स्थान मान वा मा चन्या (quadrants) में बोटती है। चित्र म रनमी सन्या नगस है। I, II II और IV है। जिस सनार निर्मा धारह म एम मनान नो रियंज जानने न थिए हम दा माना ना—मन्य और स्थान के निर्मा प्राण्य हों हो प्राण्य पर विज्ञानी की स्थान नामत नामन पर विज्ञानी की स्थान नामत नामन विषय सनान ने मार्ग की रस्थान ने मार्ग के निर्मा प्राण्य है ये रोस्थामा ना जान हाना चाहिय। पर्णने सरस्थान ने पर्णने स्थान विषय सनान ने मार्ग विषय साम नाम नाम नामित्र । पर्णने सरस्थान नाम जान हाना चाहिय। पर्णने सरस्थान के नाम जान हाना चाहिय। पर्णने सरस्थान के नाम जान हाना चाहिय। पर्णने सरस्थान के नाम जान हाना चाहिय। पर्णने सरस्था

जिसे य- ग्राम (x-ordinate) बहुते हैं यह बनाती है कि कोई विन्तु र-अस से कितनी हुर हैं और दूसरी, जिसे र-याम बहुते हैं, यह बताती है कि यह बिन्तु य-अस से कितनी हुर है। दन दो बागो को जान जिसे से हुप रेज्यावित्र म बिन्तु की स्थित जान उत्तर है। प्रथातुकार समन्त्रकारों मूळीवित्र को चाहितों और और उत्तर जगर नामी जाती है और अप्र-सरकारों मूळीवित्र के बाई आर और मीच गानी जाता है। जगर य-याम जनात्मन है तो वह मूलवित्र  $\alpha$  से  $\Delta$  की और नापा जाएगा। जगर अप्र-स्थापत्मक है तो वह सूलवित्र  $\alpha$  से  $\Delta$  की और नापा जाएगा। इसी प्रवार अगर र-याम प्रनासक है तो वह एकवित्र को  $\Delta$  की और नापा जाएगा। इसी प्रवार अगर र-याम प्रनासक है तो वह ने  $\Delta$  की और नापा जाएगा। इसी प्रवार अगर र-याम प्रनासक है तो वह ने भी की आर नापा जाएगा। इसी प्रवार अगर र-याम प्रनासक है तो वह ने  $\Delta$  की आर नापा जाएगा। इसी प्रवार अगर है ता  $\Delta$  में की आर नापा जाएगा। इसी प्रवार के वित्र है तो की आर नापा जाएगा। इसी प्रवार के वित्र है।

- (१) य-याम (पहली सहया) धनात्मक आर र-याम (दूसरी संख्या), धनात्मक-बिन्द I चरण में होता।
- (२) य-याम ऋणात्मक, र-याम धनात्मक-बिन्दु II चरण म होगा ।
- (३) य-याम ऋणात्मक, र-याम ऋणात्मक-विन्दु III चरण म हागा।
- (४) य-याम धनात्मक, र-याम ऋणात्मक-बिन्नु IV चरण म हाना ।



बिन्दुरेला पत्र पर बिन्दु-अकत

बिन्द अकन करने में निम्नलिखित बार्न विचारणीय है।

(१) यह आबस्तक नहीं, है नि मूर्लबन्दु नामज व श्रीव म हा। यदि गर नस्यावे बनात्मन हैताबचल पहला बरण दिन्माना ही पना नामा नामा पर पेनाल के ही बरण बनाए जाने चाहिएँ जिनवी आवस्तनना हा। मर बरण बनाना सामन को ब्यर्थ करना है। जैसा आगे दिये हुए चित्रों में स्पष्ट ही जाएगा, मूळविन्दु सामान्यत : कागज के किनारों पर हाता है।

- (२) प्रथा के अनुसार स्वतन घर के मूल्य स-अंध पर और परताघ कर के मूल्य र-अंध पर दिवाये जाते हैं। स्वतन और परताच कर में में द कराना राज दिवातियों में ममन नहीं होता। रेही दिवारों में वह मुक्तिमानुसार निदिचत किया जाता है। परता बुद्ध स्थितियों में यह विता कि तिस्वत किया जा सरता है, जैंन बाल- श्रेणी में बाल हमेंचा म-अक्ष पर दिवाया जाएगा क्योंकि काल विना अन्य चर के मूल्य पर निर्भर नहीं करता। इसी प्रकार दारवारता-यटन में पर की नामें क्वतन कर मानी जा सदती है।
- (३) इसके बाद रेखाजिन ना पैमाना (scale) निहिचत करना होना है। उपयुक्त पैमाना केंद्रे निहिचत किया जाय, इस बारे में कोई निमम नहीं है। वेजल इस बात का स्थान रस्ता चाहिए कि सब अब एक दिये हुने आकार के नागन में आ जायें और इसार एस विश्व है। जो को को है के मूह्या की काल अपी का रेसाधिन नताना है तो १ वर्ग १ इस में पैमाने वर १ २६ कि को है के मूह्या की काल अपी का रेसाधिन नताना है तो १ वर्ग १ इस में पैमाने वर १२६ कि इस को काल अपी का रोस्ताव उन्हों और यह स्थानिय को ने उद्देश्य में दिवारी के होंगा। और ना प्रेमाना १ र "—१० वर्ग होना वाहिए क्यांकिय के उद्देश्य में दिवारी के होगा। और ता हो की प्राचन का प्रेमान श्री अधिक वर्ग होंगा। अपित हो की प्रियान का प्रेमान का प्रेमान की अध्याव का निर्माण का स्थान का हो प्राचन का प्रेमान की प्राचन का प्रेमान का प्रेमान की अध्याव का निर्माण का स्थान का हो प्राचन का प्रियाप वाल का स्थान की प्राचन का प्रेमान की प्राचन का प्रेमान की प्राचन का प्रेमान की प्राचन का भी प्राचन का चार की प्राचन का भी प्राचन का चार का भी प्राचन का चार की प्रमुख्य का भी प्राचन का चार का भी प्राचन का चार की प्रियाप का स्थान का भी प्राचन का चार की प्रियाप का स्थान का भी प्रमुख्य का का स्थान की प्रमुख्य का भी प्राचन का चार का स्थान का भी प्याप करना चारिए। भी प्राचन की अधिका निर्माण का स्थान की प्रमुख्य की अधिका निर्माण का स्थान की स्थान करना चारिए।
  - (४) इसके बाद विन्दु-अनन विधा जाता है। जैसा बताया जा नुनन है, विन्दु-रेसा-पन पर कोई बिन्दु दो सहयाओं द्वारा निर्मित्त होंगों है या दो बरो ना रमन (function of two variables) होता है। गाब्लियों में भी नम में नम दो पर होते हैं। यह निरिच्त कर ठेने ने बाद नि नौन पर पञ्चल में और कौन रूजन में रिलाया जाएगा, विन्दु-अनन हिमा जाता है। चित्र १ में निर्माणिता हिमा है गावि हो भी ने होंगी प्राप्त है।

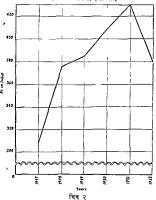
A	20, 10	E	-25, 10
В	30, 15	Γ	-30, -15
C	40, 20	G	20, -05
n	45 96	t.r	15 15

इनमें से प्रत्येक विन्दु दो सरुपाओं द्वारा बताया गया है, जैंमें A विन्दु २० और १० के द्वारा आदि। पहली मरुया य-अक्ष में नापी जाती है और दूनरी र-अक्ष और पैमाना पुराना ही रखा जाता है। नीचे के उदाहरण में इस विधि को समभाषा गया है।

उदाहरण--निम्नलिखित श्रेणी का लेखानिक बनाइए

वर्ष	थोक मूल्य सूचवाव	वर्ष	थोक मूल्य सूचकाक
	(1939 = 100)		(1939 = 100)
1947	308	1950	409
1948	376	1951	. 430
1949	385	1952	380

### GRAPH SHOWING WHOLESALE PRICE INDEX IN INDIA 1947 52 (1939-100)



चित्र २ में दिखाया गया है नि उपर्युक्त अब विस प्रवार तूट आधार रेखा व उपयोग न रहे रेखाचित्र ने रूप भे दिखाय जाते हैं। इस चित्र में बूट-आबार रेव मी दिलाई मई है। केवल एक रेवा सीचकर भी कूट आधार रेखा दिसाई जा सकती है। कुट आधार रेखा की उपसीमिता जानने के लिए पाठकों को इस बिन के आकार का एक विना कूट रेखा की सहायता किये हुए सीचा हुआ दिन बनाना चाहिए और इस चिन की बिन र से हुलना करनी चाहिए।

कूट-आधार रेखा का प्रचलन धीरे-धीरे कम हो रहा है क्योंकि अब यह बनावरयक औपचारिकता समभा जाता है। जब कूट-आधार रेखा नही दिखाई

जाती है, यह बात हमेशा पाद टिप्पणी में लिख दी जानी चाहिए।

कूट-आधार रेला की सहायता से ननाये गये चिका वा निरीक्षण सावधानी से किया जाना चाहिए नहीं तो ये आवक ही तकते हैं। लेकाचिया ज उपयोग दृष्टि-सहाय के हमें पर चिक्त उपयोग दृष्टि-सहाय के हमें पर चिक्त उप (distorted impression) वल कतती है। उदाहणाएं, मान सीजिय हम दें। कते हैं। उदाहणाएं, मान सीजिय हम दें। कते रे अके १,००० और १२५० को ऐसाचिक में कीट अक्ष पर दिसाना चाहते है। यदि साजारण देखाचित सीचा जात तो उनका अनुवातिक समय ११२५ स्वप्ट एम से सामने बाता है। परन्तु परि कृट-आधार रेला का उपयोग किया जाता है तो यह सबय चित्र ने खुल हो जाता है। इसी पकर यदि कुट-आधार रेला का उपयोग करके धीय-रीजाने को ५०० से गुरु दिसा जाय तो अनुवात ११२५ न उनकर ११५ करोगा। इस प्रवार कुट आधार रेला का उपयोग अनुवातिक सबय का लोग बर देश है। से ती से प्रवार परि कुट आधार रेला का अनुवातिक सबय का लोग बर देश है। से प्रवार के से सुरु दिसा जाय तो अनुवाति ११२५ न उनकर ११५ करोगा। इस प्रवार कुट आधार रेला का अतिस्तित विसी अन्य अक से शुरु दिसा जाता है। स्वार परि का समुनात वस्त जाता है।

## काल-श्रेशियों के लेखाचित्र

सतत काल श्रीणयो व लेखानिया को कालिक निन (historigrams) भी नहते हैं। में साधारण पैमाने पर या अनुपातिक पैमाने पर खीचे जा सक्ते हैं। पहले हम साधारण पैमाने पर विशार करेंगे और फिर अनुपात-पैमाने पर।

सायारण पैमाना (Natural scale)

इसके अन्तर्गत हम तीन स्थितियो पर विचार करेंगे, शिवके आधार पर तीन प्रकार में चित्र सीमें जा सबते हैं

१ एक चर के निरोध कार्किक चित्र (absolute historigram of one variable)—ऐसे चित्र जिन में एक चर के बास्तविक मूक्तो को छेखा-चित पर अनित निया जाता है एक चर के निरोध रेखाचित नेहळाते हैं।

२ दो मा अधिक चरो थे निर्मास कालिक चित्र (absolute historigrams of two or more variables)—इन चित्रो में दो या अधिक बरों के बास्तविष मूल्या ना नेताचित्र बनाया जाता है। अनर ये घर सजाताय हैं तो इसे एन ही स्वाइया में दिवाया जा सबता है और बाल्जियन वार्यमाना एक हा होता है, परतु यदि य विजातीय है ता नाटि अन चित्रप्त पैमाना से आवस्पत्तना पढता है।

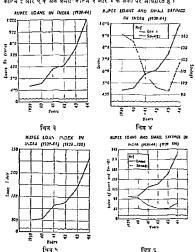
३ सूचनाव नालिक चित्र (index historigrams)—यदि हम चर के प्रतिवात परिवतना का अध्ययन करता चाहत है वा निरोग राणिया कर रावा रार सूचनात ना उपयोग करता है। इस प्रसार न चित्र निर्मा सूचनात निर्मा आते हैं सूचनात नाणिक चित्र न रहराते हैं। सूचनात्र निर्मा में आ एवं या अधिक चर दिखाये जा सनते हैं। चित्र २ एक चर ना भूचनात्र नालिक चित्र है और भारत में १९४७ ५२ व बान मूच्या ने मूचनात्र दिखाता है। इस चित्र है और भारत में १९४७ ५२ व बान मूच्या ने मूचनात्र व आपार वप नी सुक्या में ६८% अधिक य। इस प्रमार एक या अधिक प्रनार का परनाक्षा ने आपार के या स्वय ने परिवतना का निसा निरिचत तिथि से सबधित करने सापेश क्य में जाना जा सच्या है। साधिवाग अध्ययना में हम निराश्य ना अपना सारोग परिवतना नो अधिन महस्व वत है और इसिएए मूचनान नार्जिक चित्र वहत

अब हम एक उदाहरण देक्र इन कालिक चित्रा का अक्ति करेंग । हमें निम्न रिखित सामग्रा के लेखाचित्र बनान है

भारत में रुपया-उधार अञ्चलनत (१०३०-४४)

ALCO A GARLONIC MILANO (C. 162-0-)						
रुपया उवार	सूचकाक	अल्प सचन	मूबकाक			
2	3	4	5			
438	100 0	141	100 00			
450	102 8	139	98 63			
577	131 8	109	77 27			
612	139 6	96	68 08			
749	171 0	93	65 92			
1 000	230 7	118	83 75			
	सपया देवार 2 438 450 577 612 749	राया देवार सूचका 2 3 438 100 0 450 102 8 577 131 8 612 139 6 749 171 0	2 3 4 488 100 0 141 450 102 8 139 577 131 8 109 612 139 6 96 749 171 0 93			

चित्र ३ में रुपया-उपार ना निराम नामिन चित्र दिया गया है जा नाम्म १ और २ स बताया गया है। चित्र ४ दी चरा-रुपया उपार और अन्य बन्ध-ना निराम नाम्बिन चित्र है और नाम्म १ २ और ४ स बताया गया है। चित्र ५ रुपया उतार ना एन मूचनान नामिन चित्र है और नाम्म १ और ३ म बनाया गया है। चित्र ६ दो चरा-रुपया उपार और अल्य बन्धा---ना भूवनान नामिन चित्र है और कॉल्म १, २ और ५ से बनाया गया है। यहाँ यह स्पष्ट हाना चाहिए कि कॉल्म २ और ५ के अक कमडा नॉल्म २ और ४ के अको पर आधारित हैं।



अनुपात-पैमाना (ratio scale)

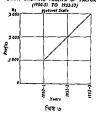
अन तह जा कॉल्क क्वित सीचे गए हैं उनका पैमाना साधारण या अर्वीत क्वित में यरावर दुरिया के लिए बरावर इकाइमा का अन्तर होना या । दूरियाँ समातर श्रेती में थी। यह पैमाना निरसक्ष परिवर्तन दिखाने के लिए उपयुक्त है। अनुपाद- पैमाना गुणीसर-श्रेणी ने अनुसार होता है। सामारण पैमाने में बराजर दूरियाँ १,२,३,४ आदि अना से और अनुपात पैमाने में बरावर दूरियाँ १,२,४,८ .. आदि अना से दिखाई जाती हैं। एन अनुपात पैमाना सापेस परिवर्तनों को विखाता है। जिन ७ और ८ साधारण पैमाने और अनुपात पैमाने ना अन्तर दिखाती है।

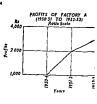
यहाँ यह स्मरपीय है नि नेवल नोटिन्जरा 'र' मा 'y' ना पैमाना माघारण या अनुपात पैमाने में दिखामा जाता है। जहीं तन सन्धव नी वात है, जो नाल मानाप बचाता है, यह होम्सा साधारण पैमाने में दिखाया जायगा। अनुपात पैमाने ने मंबन में एक दूसरी महत्वपूर्ण बात यह है नि चूँचि प्रत्येश अनुपारी (successive) पर पहले ना हुमाना होता है, इसलिए यह बम्मी ० से मुख नहीं होता।

अनुपात-पैमाने ना उपयाग नरने भर उपस्थापन में जो अतर आता है वह निम्न लिखित उदाहरण और चित्रों से श्पप्ट हो जाएगा।

एक फर्स के लाभ वर्ष जाम बृद्धि% 1950-51 1,000 .. 1951-52 2,000 100 1942-53 3,000 50

# GRAPH SHOWING PROFITS OF FACTORY A





चित्र ८

उपर्युक्त सामग्री चित्र ७ और ८ में साधारण और अनुपान पैमाने में दिलायी गयी है। चित्र ७ दिखाता है कि लाम समान दर से वट रहे है, जब कि चित्र ८

बनाना है कि वे बढ़ तो रहे हैं, पर बटने की कर कम हो नई है। अगर सामग्री का माबवानों में निरोक्षण किया जास तो देवा जाएगा कि १९५२-९९ और १९५०-५६ की कर १९५०-५१ और १९५६-०० की दर की आगी है। यह मज है कि वा बसाओं में जाग में क्याकर, कमीत् १००० रहते की, वृद्धि हुई है, परन्तु वास्तव में महत्त्वपूर्ण अनुपालिक वृद्धि है, नामारण बुद्धि नहीं।

रुपुनणकीय लेखावित (Logarithmic graph)—यदि हम वर्ड वर्गो के परिवर्गत की दर का सापेक्ष अध्ययन करना चाहें, तो रुपुनणकीय कालिक चित्र बनाए जाने हैं। यह दो प्रकार से किया जा मक्ता है।

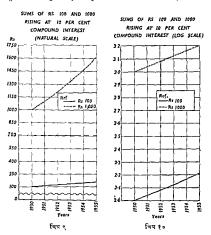
- १ दी हुई राश्चिम को एक विशेष प्रकार के लेखा पत पर, जिमे लघुगणकीय लेखान्यत्र कहते हैं अकित करना।
- दी हुई राशियों के ल्युनणकों को माधारण पैमाने के अनुमार अक्ति
   करना।

पहरी विधि सरक है। इस रेक्सान्यत की रेसाएँ विशेष प्रकार की होती है और अनुगाननीमाने के मिद्धान्त के अनुगार कियो रहनी है। इस विधि से हम बान्तियन मन्यात्रा को अनित कर नकते हैं और उनकी गुरुना नर सबने हैं। परन्तु इस प्रकार के रोज्यानक साथारणन नहीं मिछने। इसलिए दूसरी विधि का प्रयोग करना पढ़ता है।

ज्वारण निम्नलिखित सारणी में वा राशिया १०० ६० और १००० ६० १०% चन्नविद्व नी दर से बढ़ती हैं

वर्ष	वर्षारभ में १००/-वामूल्य	स्तभ २को राशियो केलधुगणक	वर्षारभ में १०००/-कामृत्य	स्तम ४की राशिया केलधुगणक
1	2	3	4	5
1950	100 000	2 0000	1,000 00	3 0000
1951	110 000	2 0414	1,100 00	3 0414
1952	121 000	2 0828	1,210 00	3 0828
1953	133 100	2 1239	1,331 00	3 1239
1954	146 410	2 1644	1,464 10	3 1644
1955	161 051	2 2068	1,610 51	3 2068

षित्र ९ में सामारण पैमाने में चनवृद्धि दर पर राशियां दियाई गई है। १०००र० का वन बाद में अधिक ढालु हो जाना है, जो इस बात का सूचक है कि बाद में ब्याज की दर बढ़ जानी है। परन्तु हम जानने है कि यह सब नही है। बिज १० में से बक लघुगणनीय पैमाने में दिखाए गए है। १००० र० और १०० र० बाल वस एकं दुसरे ने समान्तर है और यह बताते हैं नि राधि ने बडने नी दर बरावर है।



अनुसातनेमाने के ज्वयोग—वार्ट हम बृद्धि की दर वा अव्यवत वर रहें हैं हो एक अनुसात-केनसीचर को या तो गुगोसर वेगी में या अयुन्तवतीय पैमाने पर सीचा गया है, अस्तु-व्यित वा मही चित्र प्रस्तुत करता है। पूच्चाक नारिक चित्र भी अयुग्तकीय पैमाने पर दिल्बाये जाने चाहिए। भूच्चाक न्यय आनुसातिक परिवर्तनों वा अव्यायन करते हैं और हमीलए रन्हें ऐसे पैमाने पन दिगाना चाहिए जी हम विभिन्न पर बहा है। जनुष्तान्येमापे वा उपयोग दीर्घरालीन उपनित (trend) का अध्ययन करने में मी क्या जाता है और पूर्वानुमान एव बाह्यपणन (extrapolation) के लिए में विदोष उपयोगी है। टेखानिय में दिए गए वक को आगे दडा कर दिए हुए यह के सेवान मूल्य की जाना जा सकता है।

परन्तु, दमना उपमीप करने से गहुँ इसने परिमीमाओं का घ्यान रखना चाहिए।
गुनोत्तर भेजों में बढ़ने बाउं या कपुनजनोय नैगाने की नहराना ऐसी नहीं है कि सर्वसावारण उने नर नहें। इनकी दूसरी परिसीमा यह है कि सून या क्यासम रागिया इसमें नहीं दिखाई जा सननी। गुगोस्तर भेजी अगर सून्य या क्यास्कर सहयाएँ होंगों तो सब सख्याएँ सून्य या क्यास्कर होंगी। अमुनजनोय पैमाने में इनके नोई अर्थ नहीं हैं।

## वारंबारता बंदनों के लेखाचित्र

हम बना बुने हैं कि श्रीमान्नी तीन प्रकार की होनी है (१) एकैक निरोज्ञणों की श्रेणी, (२) खड़ित श्रेणी, और (३) सत्त श्रेणी। प्रधानुसार एकैक निरोज्ञणों की श्रेणी वा बारवारता बटन वहीं वहा जाता, परन्तु परिशाधिक अर्थी में यह भी एक प्रचार का बाज्यारता बटन है किनम्म प्रवेश के की बारवारता १ है। बारवारना बेटनों के नेखानिय बनाने की निम्मणित विभिन्नों है

# (क) एकंट निरीक्षणों को श्रेणी

बदि एर्नन बदो से सबिधन निक्षी भी सामग्री को छेलाबिन के रूप में उपायमित बदता है तो जुरू परिमाणनुसार खारोही सा अवदेशित नम में व्यवसिवत नदता चाहिए और इनके बाद करने छेला कागउ पर अनिन करना चाहिए । उदाहरण के रिए, हम २० लड़नों के प्राचानों को अनित कर रहे है

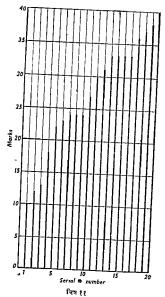
क्रम	प्राप्ताक	সৃদ	দ্বাদ্যার	नम	সাণাক	नम	प्राप्ताक	कम	प्राप्तक
सस्या		मरग	1	मस्या		मध्या		गम्या	
1	10	5	22	9	24	13	33	17	36
2	12	, 6	23 24	10	27	14	33	18	37
3	13	7		11	30	15	33	19	38
4	18	8	24	12	31	16	33	20	40

चित्र ११ में उपयुक्त मामग्री को अकित किया गया है। अक्न-विधि स्थत स्पष्ट है।

# (स) संडित श्रेणी

चंडित शेषियाँ रेक्स वा दह बारबारता चिन्ना (line or bar frequency diagrams) इस्स निरुपित की जाती है। इस प्रकार के चित्र बनाते में पढ़ का

MARKS OBTAINED BY 20 STUDENTS IN A CLASS TEST IN ECONOMICS

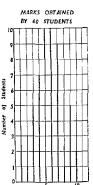


मुख्य क्षेतिज पैमाने पर क्यि। जाता है और बारवारता शीर्ष पैमाने पर। उदाहरण के लिए हम निम्नलिबित सामग्री को चित्र में प्रस्तुत कर रह हूँ

प्राप्ताक	विद्यायियो की संस्या	प्राप्ताक	विद्यार्थि की संख्
1	2	6	10
2	3	7	9
3	5	8	7
4	7	9	5
	10	10	9

यह सामग्री रेखा या यह जित्र के रूप में जित्र १२ में दिलाई गई है। यदि आवश्यकता समभी जाय तो बारवारता दिखाने वाली रेखाएँ अधिक माटी बनाई जा सकती है, जिससे वे अधिक प्रमुख स्वात लगे।

चित्र ११ एकंक निरीक्षणों को प्रेमी का चित्र है और चित्र १२ एक खदित प्रेमी का चित्र है। ये देने चित्र उसी त्रादा है है जैसी ये भैनियाँ है। चित्र ११ में प्रयोक रेखा को लम्बाई विद्यार्थी होरा भारत निर्मुणए अरु बताती है और चित्र १२ में प्रयोक रेखा की लम्बाई दिए हुए अस्त्र प्रयोक्त रेखा की लम्बाई दिए हुए अस्त्रता है।



Marke

चित्र १२

### (ग) संतत श्रेणी

(१) बारबारता चित्र (Histogram)—यदि पर वर्ग-बनराजों में विष् एप है, तो विस्टुन को आपार मान कर चिन नही सीचे वर्ग-बाहिर बेलिन वर्ण-कराज को आधार मानना चाहिए। इन चित्रों में भी वर्ग को ऊंचाई वर्ग-बारवारता बताती है। इन प्रकार के चित्रों को बारबारता-चित्र या आयताकोर चित्र (rectangular diagram) नहते हैं। चित्र १२ में एक बारबारता चित्र दिया गया है जो निम्मिलिंद्य भाग्यों को निहारित बनता है

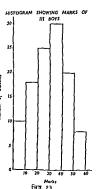
प्राप्ताक	तिचायिया नी संख्या	मचयी बारवारता
010	10	10
1020	18	28
2030	25	53
30-40	30	83
4050	20	103
50-60	8	111

इस बारबारता चित्र का निरीक्षण कुर् करने पर इस चिम्मित वर्षों के सार्वेषित्र कु महत्त्व का बान वाने हैं। परन्तु, इसने कु सात य (continuity) वा बोच नहीं कु होना, जबवित्र मत्त्व केशी इसने वह हैं बनाई जानी है। दूसरा थेग यह है कि बारबारता चित्र से ऐसा प्रतीन होना है जैसे १० विद्यारिया गैं। भे १० तत्त्व क्ष मिर्छ है। परन्नु प्रत्येक निवार्मी वो चिन्मित कर मिछने हैं।

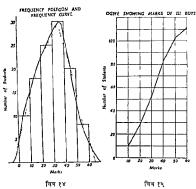


नाई चा दूर रुप्ते हे िए बारबारती बहुमूज बनावा जाता है। इसमें मह मान िया अता है ित बारबारती वर्षे हे मध्य में निद्धत है और इस बिन्हुओं मां जोड़ रूप जा आकृति बनती है ज्ये बारबारता-बहुमुज कहते हैं। बारबारता-बहुमुज कर जा आकृति बनती है ज्ये बारबारता-बहुमुज करते हैं। बारबारता-बहुमुज के अन्तर्यंत और रुप्पत्र जनता हो होता है जितना बारबारता जिस के अन्तर्यंत आमे वारण क्षेत्र। जित्र १४ में बिस्पुनेरेसा बारबारता-बहुमुज दिसाकी है।

(३) बारबारता वन (frequency curve)—बारबारता बहुमुत्र भी
गान न वाष्प्र नहीं ना वर्गीन प्रत्येन बिन्दु पर रेखाएँ नाण बना कर मिल्नी
है। इन गाना न पुर नर्ज ने छेप यह आवस्य हो आता है कहना सरफन
(smoothing) निया जाय। चित्र १४ में सरिल्त वन दिखाना गम्म है।
बक्र-मारुल ने नाई निर्देशन नियम सदी हैं और विभिन्न व्यक्ति रहे समझत बल्ला
न्या प्रदार से करेंगे। हो इम बात ना ध्यान रमना चाहिए नि वस निनास सर्छ
हो में उनाम सर्छ बनाया जाय, परसु वह बहुमुत्र से बहुत जीनन विचलिन नहीं।



बारवारता-वक बनाने के लिए हम पहले वारबारता चित्र , फिर बारबारता-बहुभुंग जोर अत में बारबारता-वक सीचते हैं।



संबयी बारवारतावक—तोरम (Cumulative frequency curves— Ogives)—एक बारवारता वक में और सचयी वारवारता वक में यह अन्तर है कि पहुँचे में पूरे वर्ष के किए बारवारता अकित करते हैं, परनु दूबरे में सचयी वारवारता वर्ग-अतराज की अपर-भीमा पर अवित की जाती है। चित्र १५ सचयी वारवारता वक का (विते दौरण भी कहते हैं) उचाहरण है। इनमें १११ विद्यार्थियों के प्राप्ताकों से सबभित सामग्री विद्यार्थी गई है।

सन्तर्मी बाग्बास्ता बक्र ना मुख्य लाभ यह हैं, नि इसके द्वारा मध्यका (median) नदुर्वेक (quartiles), स्थानक (deciles) आदि ना अध्ययन लेखानिन से निया जा सन्तर्ग है। इसकी बहायता से हुम यह भी जान सन्तर्भ है कि निरुत्ते पद देने हैं निक्तां गस्य निर्दा विष्ठ हुए स्तर्भ के मा अधिक है। यही हम के बल तोरण बनाने वी विधि पर विचार कर रहे हैं। आगामी अध्याय में इसने उपयोग पर विचार किया जायगा।

### रेखाचित्रीय उपस्थापन

रेखाचित्रीय उपस्थापन की कई रोतियाँ हैं, जिनका सक्षिप्त विवरण नीचे दिया जा रहा है। ये रोतियाँ निम्नलिखित वर्गों में बाँटी जा सकती हैं

- एक-विस्तारी रेलाचित्र (one-dimensional diagrams)—यरि बर वे पीचर्त्रामी हे बनुसार रेलाचित्र में हेकल एक विस्तार में परिष्त किया जाता है तो वह एक-विस्तारी रेलाचित्र है। इस श्रेणी वे रेलाचित्रों ने उदाहरण है रेला और इड चित्र । इड चित्र या तो सरक हो सकते है या अलबिस्तार ।
- द्वि-विस्तारी रेखाचित्र (two dimensional diagrams)—चर के मस्यो में परिवर्तन होने पर जब चित्र को थे विस्तारी में परिवर्तन करना होता है, तब उमे द्वि-विस्तारी रेखाचित्र कहते हैं, जैमें आयताकार या वर्ग चित्र।
- १ वि-विस्तारी रेसाचित्र(three dimensional diagrams)—जहीं सामग्री को उपस्थापित करने के लिए चित्र के तीनो विस्तारी का उपयोग किया जाता है. उसे त्रि-विस्तारी रेसाचित्र कहते हैं जैस घन रम या गोल चित्र आदि।
- ४ वृत्त चित्र (circular diagrams)—इन नित्रों में नृत ने क्षेत्रकल में चर के मूल्यों के अनुसार परिवर्तन विचा कार्या है। ये हिर्नक्षनार्था चित्रों के अनुसार परिवर्तन विचार कार्या है। ये हिर्नक्षनार्थी विचार
- ५ वित्र और नवसे (pictures and maps)— इनमें सामग्री वित्रों के रूप में या नवसों में दिखाई जाती है।
- एक प्रकार की सामग्री एक से अधिक प्रकार के विशो के द्वारा निकसित की जा सदनी है और सामस्पात यह निर्धिवन करना बर्टिन होता है कि कौन सबसे उपयुक्त रिति होगी। मीचे कुछ उदाहरण लेकर प्रयोक किस रंप्यांकित करने बताया गया है। किस रीति को उपयोग किस जाय, यह निश्चित करने के लिए केवल इस बात का प्यान स्तना पर्यान्त होगा कि विश्व प्रमावीस्थाइक होने काहिएँ।

रेखाचित्र बनाने के नियम —रेखानित्र बनाने के कुछ नियमों का सासान्य प्रयोग विया जा सबता है और वे नियम इस मीर्यन ने अन्तर्गन दिने जा रहे हैं। यह निम्बत नरने के छिए नि बीन सा रेखानित्र गय से उपदुबन होगा इस बार को इस्टेंद स्मरण रक्ता जाहिए नि रखानित्र ऐसा हो जो सामग्री को सर्वीरन स्थाना से निरुद्धित क्षर सहै। रेखा नित्र उपयुक्त आकार ना होना चारिए कोणि यह एक दृष्टि सहाय है। वह सीधजा से ध्यान आर्थान स्वारत होना चारिए। प्रयोग प्रयोग सहा साय उनका पैमाना दिया जाना चाहिए जिससे सामग्री का परिमाण जाना जा सके । प्रत्येक रेलाचित्र का मोटे बबरों में एक उपयुन्त शीयंक होना पाहिए जो यह बताये कि चित्र तिस के बारे में हैं। यदि प्रतियोजनक हो तो रेखा चित्र में रंगों का उपयोग भी किया जा सकता है। चित्र मुद्दर होना चाहिए। इसके लिए मचाई, सुकेस आदि पर स्थान रसना चाहिए।

# (क) एक-विस्तारी चित्र

(१) सरस रंट दिल (simple bar diagram)—एन निकों में हर को जैंचाई या लगई में तामधी ने अनुवार परिवर्तन होने हैं। तब दट एक ही लगार पर निगाए जाते हैं। रहें एक दूसरे से अलग करने के लिए इन के बीच में जगह छोड़नी चाहिए।

भारतीय सध के भाग क राज्यों का विकास व्यय (लाल क० में) १९५३-५४ में निम्नुटिखित था

1. कृषि 10,231 2 पर्विहन 2,052

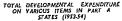
3 उद्योग 235 4 विविध 160 (लगभग) चित्र १६ उपमेंचत सामग्री को सरस

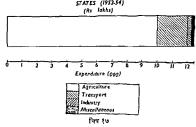
रह जिनों में रुप में दिखाता है। ये दह मारों खाली छोड़े जा सकते हैं था इन्हें एमा या भाग जा सकता है। इह दहों में मोटाई दरादर होनी चाहिए। यदि बोर्ड मुख्य ठीक-ठीक मासूम मही है तो उसनी जारी देखा सीभी न स्मिन्स टेडी-मेडी सीबी जाती है



जिसना अर्थ यह है कि दड खुळा हुआ है (जिप्र में विविध वाला दड देनिये)। २ (स) निरोक्ष आधार पर अन्तर्विभक्त दंड चित्र (sub-divided

२ (क) निरोक्ष आधार पर अन्तिज्ञिक्त दंड जित्र (sub-divided bar diagrams on absolute basis)—ये चित्र सर्वे और उसके आधी को एन ही जिन में निरुपित नरते हैं। सरुर दह विन्न भागा ने एन दूसरे से सबध को दिवाते हैं परनु इतना दोष यह है नि ये सपूर्ण ना भागों से सबध नहीं दिवाते। गदि उन्पूर्वत सूचना ने साथ यह भी दिया गया हो नि नुरू व्यय १२,६७८ लाव रुपया था, तो एक ऐसा रेखानिन बनाना पडेगा जो सपूर्ण और भागों को दिवाए। ऐसी व्यविचाने निर्फालना स्वत्य उत्तर उत्तर उत्तर उत्तर अपना स्वत्य विन्न १७ एक अन्तिनमत दह जिन दिखाता है। इसमें पूरा दह नुरू व्यय दिखाता है और उनने भाग विभिन्न मुदो पर निष्ट गए व्यय दिखाते हैं।



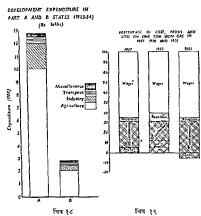


इसी प्रकार एक से अधिक अन्तिकिशन दड बनाए जा सकते हैं। यदि उपर्युक्त सूचना के साथ साथ फिन्निलिखित सूचना भी दी गई हो तो एक से अधिक अन्तिकिश्तर दड बनाए जा नकते हैं भाग ख राज्यों का ध्यय

	(लाख	ध्ययाम)	
1	कृषि		2,171
2.	परिवहत		274
3.	<b>उद्याग</b>		323
4	विविध		9
		<b>बु</b> ल	2,777

चित्र १८ में सब मूचना निरूपित की गई है।

(२) (स) प्रतिज्ञत आधार पर अन्तविभन्त दंड चित्र (sub-divided bars on percentage basis)—रैस्नाचित्रीय निरुपण का एक मुस्य कार्य



सामधी को तुष्तना बोन्य बनावा है। किन १८ में दो बाँ सामधी के आधार पर तुष्तना करता करता है तो समझ हो। अपर उचित्र तुरना करती है तो सामधी को एक है। आधार पर दक्तना बाँहिए। दक्तिय समस्त (aggregates) हैं। कराने के की आधार पर दक्तना चाँहिए। दक्तिय समस्त (aggregates) हैं। कराने की आती हैं। दक्ति की जेवाई से एक्याई वरावर होंगी है क्योंकि से सब प्रत्येक रिवार्टी में १०० दिलाती है। इस प्रत्येक से स्वार्टिंग है। इस प्रत्येक से स्वार्टिंग है। इस प्रत्येक से स्वार्टिंग है। इस प्रत्येक से से सामधी स

हम निम्नलिखित सामग्री को प्रतिदात के आधार पर अतर्विभक्त दढ चित्रा हारा निरूपित कर रहे हैं।

	बच्चे लोह वी उत्पादन लागत				
	1947 1950 195				
	रु०	र्∘	र्∘		
प्रति टन लागत—					
मजदूरी	127 4	60 O	79 5		
अधिशुल्क	5 6	8 0	5 0		
विविध	54 6	20 5	45.1		
<b>কু</b> ল	₹87 €	88.5	129 6		
प्रति टर्ने आगम	199 1	100 0	121 6		
लाभ (+) या हानि (-) प्रति टन	+11 5	+11 5	-8 0		

चित्र बनाने से पहले यह आवश्यक है कि उपर्युक्त सामग्री का प्रतिसत्तों ने रूप में रूपा जाय जैया तीवे विद्या गया है.

	194	7	195			55
	ξo	प्रतिशन	₹¢	प्रतिशत	₹ ৹	प्रतिशत
प्रति टन आगम	199 1	100	100	100	121 €	100
प्रति टन रुग्गत →						
मजदरी	127 4	64	60 O	60	79 5	65
अधिराज्य	56	3	8 0	8 0	5.0	4
विविध	54 6	27	20 5	20 5	45 1	37
कूल	187 6	94	88 5	88 5	129 6	106
न्या मा सनि	11.5	6	11 5	11 5	-80	-6

लाम या होना

उपमुख्य कमा से बात होगा कि १९४७ और १९५० के बुळ लाम बरावर है

परचु १९४७ में लाम कुछ लागम के केतल ६% है जबिन १९५० में ११५%

है जो १९५० का लगमग दूता है। यह विधेयता नेवल प्रतिशतों के लामार पर
बनाए गए जनादिक्तन द चित्रों हारा ही दिवाई जा सकती है। जित्र १९ इस
की निर्देशित करता है।

# (ब) द्वि-विस्तारी चित्र

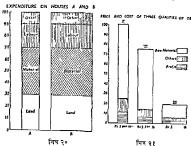
(१) आयत चित्र (rectangular diagrams)—रत रेमाचित्रा में आयतो से ऊँबाई उसी अनुपात में बदलती है जिससे सामग्री बदलती है। इन में और प्रतियतों न आधार पर कराए गए चित्रों में यह मन्तर है नि इनमें आयता नी चौडाइ समस्त ने अनुपात में होती हैं। यदि आयत चित्रों के द्वारा सामग्री की निरुपित करना है तो ऐसे आयत कनाए जाने हैं जिजकों चौडाई के अनुपात समस्त से अनुपातों से बराबर होते हैं। इनकी जैजाई उत्पृक्त पैसाने पर समस्त के भागों को उसकी प्रतिप्रात के रूप में दिसाते हैं। मीचे इनका उदाहरण दिना जा गढ़ा है,।

दो मकान A और B का निर्माण नमश १०,००० रु० और २५,००० रु० ब्या करके किया गया है। ब्यय की विविध मर्दे निम्नालिखित है

		A	В
<b>ग</b> मीन		3,000	8,000
सामान		4,000	9,000
मजदूरी		2,000	5,000
अन्य	•••	1,000	3,000

उपर्युक्त जित्र बनाने से परले यें राशियाँ प्रतिगतों के रूप में दी जायेंगी

	A			3
	ब्यय	<b>ম</b> বিহার	ब्यय	प्रतिश्वत
जमीन	3,000	30	8 000	32
सामान	4,000	40	9 000	36
मजदूर	2,000	20	5,000	20
अन्य ।	1,000	10	3 000	12



चित २० में उपर्युक्त सामग्री को दि-विस्तारी चित द्वारा दिखाया गया है। विना प्रतिसतों के भी दि-विस्तारी चित्र बनाए जाते हैं। इन में आयत की

विना प्रतिवादा के भी डि-विस्तारी चित्र बनाए जात है। इन में आयत की सम्बाई एक तथ्य को और चौटाई दूसरे तथ्य को निरूपित करती है। निम्नलिखित अक चाय के मूल्य, लागत और राशि को बताते हैं

	I प्रकार	II प्रकार	।।। प्रकार
मत्य प्रति पौ० (६०)	2	3	5
वेची गई राशि (पौ०)	100	75	20
वच्चा मारु (६०)	150	175	70
अस्य व्यय (१०)	25	30	20
लाभ ( <b>६०</b> )	25	20	10

चित्र २१ में एक डि-विस्तारी चित्र द्वारा उपर्युक्त सामग्री का निरूपण किया गया है।

(२) बग-वित्र (square diagrams)—विद ऐसी सामिययों को तुलना करती है जिनहा एक दूसरे से अनुगात बड़ा है, तो आयत-वित्र क्रुपपुत्त हा जाते हैं। ऐसी स्वित्या में वर्ग-वित्रा ना प्रयोग विश्वालाता है। क्यं वित्र बतानं को रीत यह है कि पत्रेर रामियों का वर्गमूल के दिया जाता है। इस बग्रं मुन्मा के अनुगात में बग्रों को भूजाओं को रुम्माइयों निरिन्तत की जाती है। इस मुजाओं पर जो वर्ग बनते हैं, वे सामधी को निक्तित करते हैं।

वर्ग-चित्र बनाने में दो बाना का ध्यान रखना चाहिए (१) सब वर्गों का आधार एक सीच (एक काल्यनिक सरल रेखा पर) होना चाहिए। (२) रेखाचित्र के साथ उसका पैमाना अवस्य दिया जाना चाहिए।

उदाहरण: निम्नलिसित अक भाग क राज्यो द्वारा किए गए १९५३-५४ के विकास व्यय दिसाने हैं

	(लाख ६०
<del>वृ</del> पि	10,231
परिवहन	2,052
<b>उद्योग</b>	235
विविष	160

हमें इन्हें बर्ग-चित्रों द्वारा निरूपित करना है। सबसे पढ़िरु इनके वर्गमूल निकार जाने हैं तो नीचे दिये गए हैं।

	र्∘	वर्गम्ल	वर्गकी भुजा (से०मी०)
	(लास)		• कॉलम ३—२५
1	2	3	4
कृषि	10,231	100 9	4 036
परिवहन	2,052	45 29	1 812
उद्योग	235	15 35	0 6144
विविध	160	12 56	0 506

वित्र २२ में उपर्यंक्त राशियाँ वर्गों के द्वारा निष्टपित की गई है।

EXPENDITURE ON DEVELOPMENT IN PART A STATES (1953-54) Scale I sq am -Re 617 lakks approx



चित्र २२

# (ग) त्रिविस्तारी चित्र—घन

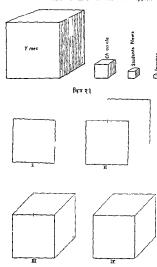
कई बार सामग्री ऐसी होती है कि उसके अधिकतम और न्युनतम में बहुत बड़ा अन्तर होता है । ऐसी स्थितियों में रालना करने के लिए इड या वर्ग चित्र अनप्रयक्त होते हैं। इसलिए ति-विस्तारी चित्रों का उपयोग किया जाता है। अब तक हमने जिन रेखाचित्रो का वर्णन किया है। वे पृष्ठ चित्र (surface-diagrams) कहलाने हैं, परन्तु त्रि-विस्तारी चित्री में हमें लम्बाई चौडाई और ऊँचाई, क्षीनी पर विचार करना पडता है। इसलिए में परिपाचित (volume diagram) भी बहलाते हैं। इन्हें बनाने की पिधि सरल है। पहले दी हुई राशियों का धनमल निकाल लिया जाता है। ये घनमल या इनके अनुपातिक राशियाँ घनों की अजाएँ बनाती है।

निम्नलिखित सामग्री १९५५ में भारत में कुछ समाचार-पत्रो का प्रचलन बताती है

### सास्थिकी के सरव सिदान

# CIRCULATION OF CERTAIN NEWSPAPERS

Scale I cube Inch 100 m Il on approx



वित्र ४

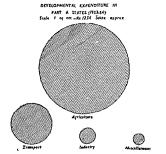
सभाचार पत्र	चलन (000)	घनमूल	घन की भुजा (कॉलम 3∸100)
(1)	(2)	(3)	(4)
दी टाइमस	12,11,900	106 7	1 067
दी कोनिकल	35,800	32 96	3296
दी स्टडेन्ट्स् न्यूज	1,200	10 62	1062
र्दा इनवेस्टर	250	6 29	0629

नित्र २३ में विष् गए बार पन इस सामग्री ना निरुपण करते है। जैवा कि बिन देखते से स्थट हो आहता, ये पिन प्रचलन का जकता तुल्तातक निरूप्त परते हैं। पन बनाने की रिविड साला है और बार जिसाने में में पात स्वति हैं। एवं भी बनादरें विज्ञार है और बार जिसाने में में वा कि स्वति हैं। (२) एक ऐसा ही दूबरा बंग इस प्रकार बनाइरें कि उतका बागों निवला कीना पहुँठ को के ठीक बीच में हो और दोनो क्यों की सगर मुजाए समानावर हो। (३) वर्षों के उत्तर दे वाचे वाची की और नीचे के बाहिन कीनी की मिलाइसे। (४) सर्वित देशा हारा दिसाई मई भुवाओं में में स्वारी विज्ञार के वारे किया विवर दे में सिता हरा दिसाई मई भुवाओं से में स्वारी विज्ञार विवर दे में में सिता हरा दिसाई में की रागों की साम विवर दे में सिता हरा हिसाई में की रागों से साम विवर हो। प्रमोश निवर के साम पैमाना देना आदयक है।

# (प) वृत्त चित्र

- चित्र २५ में भित्र २२ में दिलाई गई सामग्री को बुत्तो के द्वारा निरुपित किया गया है। अन्तर नेवल इतना है कि वॉलम ४ वे अक कॉलम ३ के अको की ५० से विभाजित करके निवाल गए हैं।
- (२) कोणीय या बृतसंड रेखाचित्र (Angular or Sector Diagram)— वृत्त रेखा चित्रो में इनका वही स्थान है जो दट चित्रो में अन्त्र्यिभक्त दह चित्रो का

और इम्लिए इनका उपयोग उन सब स्थानो पर किया जा सकता है जहाँ अन्तविभक्त इड चिन्नो का किया जाता है, अर्थात् जहाँ सम्यूर्ण और उसके भागो को दिखाया जाता

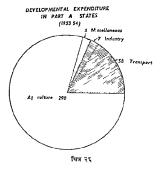


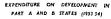
चित्र २५

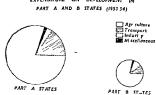
है। चित्र २६ और २० में वही सामग्री कोगीय चित्रो द्वारा निरूपित की गई है जो चित्र १७ और १८ में निरूपित की जा चकी है।

केलीय या बुतनर चित्र बनाने के किए सम्पूर्ण में 250° ने बरावर मान किया जाता है। ३६0° का कोण बुन के बेन्द्र पर बनना है। इसके आवार पर मामो के स्पाद कोणों की गणता कर भी जाती है और ये बोण केन्द्र पर बनाए जाने हैं। यह प्रकार निम्मण्डिक उदाहरण में एक्ट हो जाएगी

-		-	•		
	माग क राज्य		माग र	त गण	
व्यवनी मर्दे	राधि (लाव १०)	कोष (अझ) (लगसग)	শগি (ন্যাৰ হ০)	कोण (अग) (स्यमग)	
कृषि परिवहन स्ट्रांग विकिय कुछ	10,231 2 052 235 160 12,678	290 58 7 5 360	2,171 274 323 9 2,777	282 35 42 1 366	







चित्र २७

यदि किसी समस्त के अन्तगत कुछ वही मर्दे हा और इन भदा के अन्तर्गत कुछ छाटी मद हा तो निरूपण करना कुछ जटिल हा जाता है। निम्नलिखित उदाहरण पर विचार कीजिये

माग की सदें	राशि (लाख र०)	काण अश (लगभग)
प्रव⁻घ	2 33,6	46
भरम्भत	5,71,1	112
विदिध	1,94,7	39
श्रम-करयाण	31,1	6
चारन व्यय		
वमचारी	3,54,1	70
ईंधन	3 07,2	60
अन्य	1,33,5 7,94,8	27 157
	1.82.53	360

चित्र २८ में उपयुक्त सामग्री ब्यौरे सहित निरूपित की गई हैं।



चित्र २८

# (द) चित्र खीर नक्शे

पहने में सामग्री चित्रो द्वारा निरूपित की जाती है और दूसरे में नक्शो पर । ये विधियाँ बहुत प्रचलित हो रही है क्योंकि ये प्रभावोत्सादक होती हैं और सर्व साधारण इन्हें सरखना और धीक्षता से समभ समृता है। इन विधियों से तुखना भी मी जा सकती है। निरक्षर लोगों ने लिए में वियोप उपयोगों हैं। परन्तु इनमें यह दोष है कि साधारणन लोग अच्छे वित्र नहीं बना सकते।

हमने बिविष प्रकार के चित्रों का वर्णन किया है। परन्तु यह एक पूर्ण विवरण नहीं है, इसलिए यह वर्णन सक्षिप्त रहा है।

### QUESTIONS

- I. Write a short essay on the use of graphic method in Statistics. (MA, Calcutta).
  - 2 Represent the following information graphically and also draw a graph on the same sheet to show the Balance of trade.

### Indian Export and Import in Millions of Rupees.

Period	Import	Export	Period	Import	Export	
P46 April	217	213	1947 January	325	364	
May	218	304	February	320	255	
June	205	254	March	336	307	
July	263	238	April	360	258	
August	227	211	May	409	362	
September	289	200	June	385	354	
October	299	259	July	436	286	
November	313	253				
December	325	330				

<sup>(</sup>B Com , Madras).

3 What are the advantages of the graphic representation of data? Represent the following information graphically and show how the graph can be used to give an idea of the profitable working or otherwise of the department.

Recense and Working Expenses of the Irdian Telegraph Department (Rs lakhs)

) ear	Total Revenue	Total Working Expenses	Year	Total Revenue	Total Working Expenses
1930-31	327	398	1935-36	357	378
1931-32	328	370	1936-37	365	378
1932-33	323	359	1937-38	356	347
1933-34	340	380	1938-39	355	371
1934-35	360	346	1939-40	417	381

(B Com., Madras)

4 Represent graphically the data given below on a single sheet of graph paper to bring out clearly the relative fluctuations in the prices of various articles Draw such conclusions as you can from the graph

	Wholes Race		ın Kanpu Lınseed			maund) Tobacco
1928	7.3	7.7	7.0	6.5	34 1	17 3
1929	7 7	5.5	8 0	7 3	29 8	17 1
1930	5.8	3.6	6.5	6.2	7 3	14 5
1931	4 I	2 7	4 2	4 2	13 3	11 6
1932	4 3	3 4	3 5	3 5	14 8	4 9
1933	4 1	3 2	3 4	3 I	12 9	49
1934	3 7	28	3 6	4 1	13 2	5 7

(M Com , Allahabad & Lucknow)

5 The following table gives the normal monthly temperature in the shade at the following three places —

Month	Sımla	Bombay	Calcutta
January	46	83	77
February	47	83	82
March	55	86	91
April	65	91	95
May	72	88	95
June	73	88	91
July	69	85	89
August	67	85	88
September	66	85	88
October	63	89	87
November	56	89	82
December	50	87	77

Compare graphically the temperatures at the above three places and account for the differences in fluctuations (BA. Luckno.t)

6 The following table gives the production of sugar in Cultas, Yava and India during 1930—35 in millions of quintals Represent the figures by a suitable diagram and comment on their relationship

Year	Cuba	Java	India
1929-30	44	29	17
1930-31	30	28	20
1931-32	25	26	24
1932-33	19	14	28
1933-34	22	6	30
1934 35	25	5	31
1935-36	25	6	36
1936-37	29	14	40
1937-38	29	14	32
1938-39	26	15	27
		71.5	D. C

(M.A , Patna)

export of

gold

Average

wheat

price of

7. The following table gives the prices of gold and wheat and net export of gold during the years 1931-32 to 1938-39 — Average price of gold

	/per tola	per maund	Crores of
	Rs a	Rs.	$\mathbf{R}_{\mathbf{S}}$
1931-32	25 4	3 3	53
1932-33	30 12	3 3	65
1933-34	33 6	2 8	57
1934 35	35 8	3 1	52
1935 36	35 4	3 2	37
1936-37	36 0	39	28
1937-38	36 6	3-0	16
1938-39	37 12	3 4	13
Plot the above	figures on a graph p	paper, and com	ment upon
the relationship	• • • •	<i>t</i> ) (5	A , Agra).

Years

8. Represent the following data graphically and comment upon their relationship, if any

-

Year	Area (Crores of acres)	Produc- tion (lakhs of tons)	1 ear	Area (Crores of acres)	Produc- tion (lakks of tons)
1920 1921 1922 1923 1924 1925 1925 1927	250 300 315 400 420 300 300	140 142 150 160 160 158 152	1928 1929 1930 1931 1932 1933 1934	500 550 480 480 540 590 520	165 170 169 163 158 153 157
1927	405	155	_	_	-

(M S W., Luchnow).

9 Plot the following figures relating to population of India so as to show the proportionate increase in population from one period to another—

Year	Population (000,000's omitted)	Year	Population (000,000's omitted)
1872	210	1911	315
1881	250	1921	320
1891	290	1931	350
1901	295	1941	390

(B Com , Nagpur)

10 What are the advantages of the Ratio Scale over the Natural Scale? Plot the following data graphically on the logarithmic scale —

Year	Total Notes issued in crores of Rs	Notes in circulation in crores of Rs
1933 34	177	167
1934-35	186	172
1935 36	196	167
1936 37	208	192
1937 38	214	185
1938 39	207	187
1939-40	252	237
1940 41	269	258
1941 42	421	410
1942-43	650	625

(B Com , Nagour)

11 The following table shows the total sales of gold by the Bank of England on foreign account Represent the data graphically on the logarithmic scale —

Year	£'000
1910	14 488
1911	8 228
1912	9,670
1913	7,943
1914	8 027
1915	43,076
19[6	2,360

(B Com, Allahabad)

12 (a) Explain the terms "Histogram", "Trequency Polygon", and "Frequency Curve" and state briefly how these could be drawn

(b) Draw the Histogram from the following data and on the same diagram draw a rough sketch of the frequency curve (You might readjust the frequency groups in any way that you might find necessary)

# Difference in age between Husband and Wife in a community

Difference in years	Frequency	Difference in years	Frequency
0 5	449	25-30	52
510	705	30-35	16
1012	302	37	2
1215	205	38	1
1518	182	39	1
1820	99		
2025	109	Total	2 123

(B Com, Madras)

- 13 Draw the 'Histogram' from the following data and on the same diagram draw rough sketches of the frequency curves on each of the following assumptions—
  - (a) All the workers are in the same industrial establishment
  - (b) They belong to two different industrial establishments, the level of wages in one being marked higher than in the other

Range of wages per month	No of workers	Range of wages per month	No of workers
30-35	4	5860	96
3540	16	60 65	342
40-45	32	6570	102
4550	136	7075	36
50-52	121	7380	17
52—55	161	84	12
55—5B	134	90	1
		Total	1 210

(You might readjust the frequency groups if necessary)

(B Com , Madras)

14 The following table gives the distribution of employees in a certain firm. Draw a graph to show the number of employees above any given age. With the help of a graph, find the number of employees between the ages 30 and 50 and the number above 60.

Age	Number of employees	Age	Number of employees
12-14	9	3545	546
14-16	106	45-55	464
16-18	145	55-65	286
18-20	148	65-70	81
20-25	320	70-75	49
25—35	577		
		Total	2,731

(B Com , Madras)

No of

15 Represent the following data giving the age distribution of 3 154 married men graphically and use the graph to find the number of married men in the age groups 20-25, and 36-40 State whether you can use the graph to prepare a frequency table giving the number of married men of ages 15-20, 20-25, 25-30, etc, and if so how would you proceed to prepare such a table -

Age above	married men	Age above	married men
15	3 154	55	92
20	3 102	65	32
30	1 971	70	12
35	416	80	1
45	194		

No of

Number of

(B Com Madras)

16 Draw a cumulative frequency graph and estimate the number of persons between the ages 30-32 in the following table -

Age	persons	Age	persons
20-25	50	40-45	150
2530	70	4550	120
3035	100	5055	70
35-40	180	5560	59
			(B Com , Agra)

What is the importance of diagrams in statistical works? What are the common mistakes in diagrams?

Represent the following data by a suitable diagram or diagrams --

Type of Institutions	Number of students 1931 32 1936 37		
Colleges	3 760 6 830		
High Schools Middle Schools Primary Schools	86,880 1,43,950 1 80,910 2 26,150 20 81 550 26 05,080		

(B Com, Madras)

18 What different types of diagrams could you draw to represent the following information diagrammatically? Which of

Distribution of population according to sex and civil conditions in certain Provinces and States						
Civil condition						
Province or State	Sex	Un- married	Married	Widowed	Total Population	
Madras	Male Female	12,149,098 8,923,018	10,010 551		23 082,999 23.657,108	
H <sub>7</sub> derabad	Male Female	3,124 066 2,199,822	3,878,362 3,763,422	367,582 1,102,894		
Madras	Male	1,964,207	1,305,597	103,228		
States	Female	1,582,410	1,362,436	436,606		
Mysore	Male	1,866,180		169,766		
	Female	1,295,533	1,339,597	568,209	2,203,339	

(B Com, Madras)

19 Show by suitable diagrams the absolute and the relative changes in the student population of the Colleges A and B in the different departments from 1940 to 1947 —

	College A		College B	
	1940	1947	1940	1947
Arts	300	350	100	200
Science	120	500	150	250
Commerce	200	650	130	150
Law	100	300	100	120
			(B Con	Agra)

20 The following table gives the details of the monthly expenditure of three families —

-	_					-
Items of Expenditure	Fami	ly A	Fami	ly B	Fami	ly C
	Rs	a	Rs	а	Rs	a
Food	12	0	30	0	90	0
Clothing	2	0	7	0	35	0
House Rent	2	0	8	0	40	0
Education	1	8	3	0	12	0
Litigation	1	0	5	0	40	0
Conventional Necessity	0	8	3	0	60	0
Miscellaneous	1	0	4	0	23	Ó

Represent the above figures by a suitable diagram Which family is spending the money most wisely ? Give reasons

(B Com, Agra)

21 Represent the following data by means of a bar diagram and comment on their relationship --

Country	Birth rate	Death rath	Infant Mortality
U K	15 5	11 8	55
USA	17 6	10 6	51
Japan India	27 0	17 6	114
India	34 0	24 O	167

(M S W, Lucknow)

22 The following are the figures of population of the various countries of the world and of the total world population in 1931 -

Country	(000 000 omitted)	Country	(000 000 omitted)
China India U S S R U S A Germany Japan	412 352 161 124 65 65	U K France Italy Others World	46 42 41 705 2013

Represent the above data by a circular diagram divided into sectors (B Com , Lucknow)

23 Interpret the data given below and illustrate any two by a suitable diagram -

	Percentage of						
Continent or Country	Wor lan	d	Wor. cultiva lan	tcd	World Production of cereals	We Po- lat	
Asia (excluding U S S R)	18	6	32	9	31	53	1
North America	17	3	21	2	21.5	8	2
USSR	16	1	16	8	22	7	6
Europe(excluding U S S R)	3	7	16	3	16	17	9
Mid and South Ameri	a 13	2	5	7	4.5	5	0
Africa	24		5	6	4	7	7
Oceania	7	Ō	ì		ĺ		5
Total	100	0	100	0	100 0	100	0

(М.А., Лиалаваа

24 Draw a suitable diagram to represent the following information —

l'actory	Wages Rs	Materials Rs	Pronts Rs	Units produced
A	2,000	3.000	1,000	1,000
В	2,400	2,400	1,000	800

Show also the cost and profit per unit

(B Com , Allahabad)

25 Diagrams are meant for a rapid view of the relation of different data and their comparison—Discuss

Draw a Bar' or Pie' diagram to represent the following data —

Output and Cost of Production of Coal

Cost per ton disposed commercially	1924	1928
Wages	12 74	7 95
Other Costs	5 46	4 51
Royalties	0 56	0.50
Total	18 76	12 96
Proceeds of sale per ton	19 91	12 16
Profit (+) or loss (-) per ton	1 15	-0 80

(M A Agra)

Principal Heads of Revenue

# Represent the following by a suitable diagram -

	Takus of 1/2	Lakits of ICs
Custom	4050	4588
Central Excise Duties	868	652
Corporation Tax	204	238
Taxes on Income	1374	1420
Salt	812	1080
Optum	50	46
Other Heads	112	130
	(F	Com , Nagpur)

Represent the following by sub divided bars drawn on a percentage basis ---

1938 39

Particulars	1951 Rs	1956 Rs
Cost per table—		
(a) Wages	21	9
(b) Other Costs	14	6
(c) Polishing	7	3
Total Cost	42	18
Proceeds per table	40	20

Profit (4) or Loss (-) per table (-)2(+)2

1939 40

(B Com, Allahabad)

#### श्रध्याय ६

## वर्णनात्मक मापन-केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन

# (Descriptive Measures-Measures of Central Tendency)

परन्तु भेषी के फिजीब स्वान' मा 'माम्य' के कई अप हो सन्ते है और जब तक हम इत सब्दों की पिरमाय नहीं देहें, केप्रीम प्रवृत्ति के मापन नहीं जाने जा सकते। वृत्ति के स्वापन नहीं जाने जा सकते। वृत्ति के स्वापन माम्य की कहें परिमायारों से जाती है, इसिल्स हम कहें प्रवार के केन्द्रीय प्रवृत्ति के मापन बना सकते हैं। इत मापनों को 'माम्य' (averages) या प्रतिरूप (type) कहा जाता है क्योंकि ये किसी पटना का प्रमाप (standard) मिस्यत करते हैं। या प्रतिरूप्ती (typical) पटना है। माम्य (averages) कई प्रकार के हो एकते हैं। आगि विजित्त प्रकार के माप्यों की गणना करने की रीति और उननी उपयोगिता पर क्यार किया जाएगा।

भाष्य का उद्देश कर के मूल्यों के समुद्द का सरक और द्वशित्त रूप से प्रिक्ति निषय करना है, जिससे हम समुद्द के पदों के सामाग्य आतार को जान सके और विभिन्न समुद्दों में दुलना कर सकें। अर्थाद्द माध्य का मुख्य कार्य पूर्ण करातीय सामग्री के लिए सर्वाधिक प्रतिनिधि अक के कप में काम करना है। यह स्पष्ट है कि सब मकार के माध्य सम्मान्त प्रतिनिधि आहे हो करते। इसस्य हमें कुमाम्य चुनना पडता है को दी हुई पिस्सिति में सकते प्रमुखत हो। जानानी पूळी में हम अधिक प्रचलित माध्यों पर विचार करते। में है:

- १ समातर माध्य या औसत (arithmetic average or mean)।
- २ माध्यिका या मध्यका (median)।
- ३ वहलक (mode)।

### १. सर्मातर माध्य

समातर माध्य सबसे अधिक प्रचलित माध्य है। केन्द्रीय प्रवृत्ति के माप के रूप में इसका व्यापक उपयोग होता है। इसके दो सामान्य प्रकार हैं.

- (क) सरल समातर माध्य (simple arithmetic average)
- (स) मारित समातर माध्य (weighted arithmetic average)

## (क) सरल समीवर माध्य

ित्तती श्रेणी या समूह ना सरश्र समातर माध्य उसके पदो के मूल्यों के योग नो उनने सब्या के विभाजित नरने प्राप्त होनेवाली राशि होता है । इस प्रकार ७ और ९ का माध्य  $\frac{9+9}{2}$  = ८ है; १०, १४ और १८ का माध्य  $\frac{9+9}{2}$  = १४

है, और ८, १०, १२ एव १४ ना साध्य  $\frac{C+20+12+12}{2}$  =११ है। इन सब माध्यों में आप पाइनेगा कि से सेनी या समूह के बीच में स्थित पर है। समतर साध्य की एक विरोदता यह है कि साध्य और परो के बीच के कलारों ना मेंग सुख्य होता है। उनमुंत उत्पर्शन उत्पर्शन C=0 श्रीर १-0 श्म १-0 श्रीर १-

लागू होती है। सरक समांतर माम्य को गणना—इसनी गणना करने के लिए दो रीनियो ना रुपयोग निया जाता है। पहलों को प्रत्यक्ष रीति (direct method) और दूसरी को लाख रीति (short-cut method) मनने हैं।

- (१) प्रत्यक्ष रीति—इस रीति में पदो को जोड दिया जाना है और इस योग में पदो की सख्या का भाग दे दिया जाता है। पहले दिए गए उदाहरणों में इमी रीनि का उपयोग किया गया था।
- (२) लाघव रीति—यह समानर माध्य ने इन गुण पर वार्घारित है कि समातर माध्य से क्याय परो ने विचकत (deviations) वा मोग पूज होता है। इस पीत में पहले किसी मुविधानतक राधि नो माध्य मान लिया बाता है सिव नेश्वित माध्य (assumed mean) वहने हैं। इस निलात माध्य से समुद्द या स्थेगी के परो के

विचलनों की गणना की जाती है और इनके माध्य को कल्पित माध्य में जोड दिया जाना है। पदो के विवलनों को बीजीय चिद्ध (algebraic sign) के साय रवाजाता है :

इन विवियों का उपयोग जब भिन्न श्रीणयों में किया जाता है, तो रीनियाँ कुछ मिन्न हो जाती है।

लायब रीति वा उपयोग उन सब स्थानो पर लाभपूर्वक विया जा मकता है जहाँ (१) पदो के आकार एक दूसरे से बहुत भिन्न न हो, (२) जहाँ श्रेणी लम्बी हा, और

10,638

(३) जहाँ सस्याएँ बहत बडी हो।

(क) एकंक निरोक्षण की श्रेकी (Series of individual observation)-इस श्रेणी के लिए उत्पर दी गई प्रत्यक्ष रीति निम्नलिखित बीजीय मकेती (notations) में दी जा सनती है

माध्य
$$=\frac{x_1+x_2+\ldots\ldots+x_n}{n}$$

जहां x1, x2 आदि श्रेणी के पद हैं और n पदों की मस्या है। उपर्युक्त सूत का सक्षिप्त रूप है :

$$a = \frac{\Sigma x}{\Sigma}$$

जहाँ a समातर माध्य, Ex(इसे योग x वहा जाता है) श्रेणी के पदो का योग है और n श्रेणी के पदो की सख्या है।

लाधद रोति से समातर माध्य की गणना निम्निटिखित सूत्र ने अनुसार की जाती है :

$$a=x+\frac{\Sigma dx}{2}$$
;

जहाँ र कल्पित समातर माध्य है और 2'dर कल्पित माध्य से पदो के विचलनो का योग है।

उदाहरणएक व्यापार-गृह वे पाँच	। साल के लाभो के माध्य की गणना करनी 🕻 :
লাম	कल्पित माध्य 10612
₹∙	में विचलन (dx)
10,600	-12
10,610	- 2
10,612	õ
10.625	+13

(i) प्रत्यक्ष रीति 
$$a = \frac{\Sigma x}{n} = \frac{53,085}{5} = 10,617$$
 ह

(n) लाभव रीति 
$$a=x+\frac{\Sigma dx}{2}=10,612+\frac{25}{5}=10,617$$

जपर्युक्त जदाहरणों से यह स्पष्ट हो जाता है कि दोनों रीतियों से माध्य वहीं आता है।

(स) खडित थेणी (discrete seriés)—सडित थेणी में आनार ने अनुसार पदो को वर्गों में रखा जाता है और यह विभिन्न मापो के अन्तर्गत पदो की सस्या बताता है।

यदि हम प्रत्यक्ष रीति ने अनुसार गणना वरते हैं तो पहले प्रत्येन वर्ष नी माप ना उमनी बारवारता में गुणा हिया जाता है। इन गुणनफलों के योग नो बारवारताओं ने याग से भाग दे दने हैं। इम प्रकार जो रांति मिलती है वह समातर माध्य है। सूत्र ने रूप में  $\sum_{n=1}^{\infty}$ 

 $\Sigma_f$  जहाँ  $\Sigma mf$  मापी (m) और उनने सगत बारबारताओं (f) ने गुणनक्छ का योग है।  $\Sigma f$  को n के बराबर समझना चाहिये।

लायब रीति में बहिलन माध्य (x) ने पदो के विचलनो को उनके समत बार-शारताओं से गुणा करत है (fdx)। इत गुणनक्लो के मोग को जिसे कुल विचलन कहा जाता है, बारवारताओं के पाप से विभाजित करते हैं और इस प्रकार मिलने बाली राशि को बहिलत माध्य में जोड़ देते हैं। मुझ के रूप में

$$a = x + \frac{\sum f dx}{\sum f}$$

उदाहरण—निम्नलिखित सामग्री के समातर माध्य की प्रत्यक्ष और छाघव रीति से गणता बासी है।

साव स गुन	गाय रगाहा			
प्राप्ता <del>व</del> '	विद्यार्थिया की संस्या	कुल प्राप्ताक (कालम १ × २)	कल्पित माध्य (३) से विचलन	बुल विचलक (कॉलम२×४
(m)	(f)	(mf)	(dx)	(fdx)
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)
1	7	7	-2	-14
2	10	20	-1	-10
3	15	45	0	0
4	12	48	+1	+12
5	2	10	+2	+4
Total	46	130		<del>+4</del> <del>-8</del>

(i) प्रत्यक्ष रीति से समावर माध्य (कॉलम 1, 2 और 3)

$$a = \frac{\sum mf}{n} = \frac{130}{46} = 2 \cdot B261 \text{ Marks}$$

(ii) लायव रीति से समातर माध्य (कॉलम 1, 2, 4, 5)

$$a=x+\frac{Lfdx}{n}=3+\frac{-8}{46}=3-\cdot1739=2\cdot8261$$
 Marks

(ग) सतत श्रेणी (continuous series)—जब परी का वर्गिकरण वर्ग-अपने में प्रतृतार किया जाता है जो इसका सारायों यह है कि निविध्त पूलना जनव्य नहीं है। यह सीमाओं के अलगीत रखें जाते हैं और इसिंग्स सम्ब्री निव्धित नहीं होती है। ऐसी स्पितियों में हम यह मान पर चलते हैं कि वर्ग की बारबारताएँ वर्ग के मध्य-स्थान पर केन्द्रित है अर्थाद पणना करने के लिए समेचल वर्ग के मध्य स्थान और वर्ग की बारबारता पर विचार करते हैं। यह मानना अर्जुल्व नहीं है स्थानिक हम यह जातते हैं कि परी में मध्य-विन्तु के आसमास एकत्रित होने की प्रवृत्ति होती है। इस कलाता के बार यणता करने की रीति गहते ही जैसी है।

उदाहरण—निम्नलिखित सामग्री से प्रत्यक्ष और लाघव रीति द्वारा समातर माध्य को गणना कीजिए

विद्यार्थियो माध्य कूल कल्पितमाध्य अत्र कुलविचलन कूल (12·5)से श्रेणियन (कॉ2× अवर्श्वणीयन प्राप्ताक की मान प्राप्ताक (कॉ2×कॉ3) विचलन (कॉ5-5) कॉ5) (कॉ7-5) सस्या  $\{m\}$ (f)(m') (rf)(dx)(dx/t)(fdx)(fdx|i)(1)(2) (4) (7) (8) (3) (5) (6) 0--5 10 2 5 -10 25 0 -2 -100 -20 7.5 -5 5-10 12 90.0 -1 -60 -1210--15 20 12 5 250 0 -0 0 0 0 15~20 15 17.5 262.5 +5 +1+75+15 20-25 5 22 5 112 5 +10+2+50+10<del>-35</del> 62 740 0

(i) प्रत्यक्ष रीति (कॉलम 1, 2, 3, 4)

$$a = \frac{\sum mf}{\pi} = \frac{740}{62} = 11.9355$$
 अक

(11) राघव रीति (कॉलम 1, 2, 3, 4, 5, 7)

$$a=x+\frac{Efdx}{n}=12.5+\frac{-35}{62}=12.5-5645=11.9355$$
 अक

यहाँ यह उल्लेखनीय है कि पुनैन निरीक्षण की श्रेणी में प्रत्येक पद (अर्घान वग) की बारबारता एक हाती है। जबनि खडित और भतत श्रेणी में ये बारवारताएँ अञ्ग अलग होती हैं।

मध्य-बिन्द की समस्या (the problem of middle point)-सरल समातर माध्य के सम्बन्ध में मध्य-मान की समस्या पर भी विचार कर लेना चाहिए। इस सबच में एक सरक्ष नियम यह है कि मध्य-बिन्द का मृत्य वर्ग अंतराल की अपर सीमा और अधर सीमा ने योग ने आधे के बरावर होता है। यह कोई दुढ़ और कठोर नियम नहीं है क्योंकि मध्य दिन्द्र निश्चित करने में वर्ग-अतगल की सीमाओ की निश्चित करने के अभिप्राय पर हमेशा विचार कर लेना चाहिए। इस प्रकार ०-५ का मध्य बिन्दु २५ बिर्यात् (०+५)/२] है। परन्तु यदि वग-अन्तराल दूसरी प्रकार से ध्यक्त विया जाता है, तब मध्य बिन्द की गणना था ता अपर्यक्त रीति स करनी चाहिए या श्रेणी का अभिप्राय देख कर । दोनो रीतियाँ सही होगी । निम्नलिकित उदाहरण से यह बात स्पष्ट हो जायगी

4 46 410 44	દ ફા પાયના			
	ब <b>र्ग-</b> अन्तराल	मध्य- (२ य	बिन्दु ग ३)	
	(1)	(2)	(3)	
(1)	0—4 5—9	2 00 7 00	2 5 7 5	
(n)	0—4 9 5—9 9	2 45 7 45	2 5 7 5	
(m)	0—4 5 5—9 5	2 25 7 25	2 5 7 5	
(w)	05 510	25 75		

वर्ग-अन्तराल निरिचत करने का अभिप्राय श्रेणी को सतत बनाना है इसलिए साघारणत कालम ३ में दिए गए मध्य बि दुओ का उपयोग करना चाहिए । में सुविधा-जनक भी है।

अब श्रेणीयन को रीति (technique of step deviation)--उपयुक्त चदाहरण में नॉलम ६ और ८ में अवश्रेणीयन की रीति का उपयोग किया गया है। इस रीति में ब्रव विचलतों को दिशी ऐसी सस्या से विभावित करते हूँ जो उनको पूरा विमालित करें। यह सस्या सेपी के वर्षाव्यवस्ताल ने परिमाण के बरावर होती है। इससे यह स्पष्ट हो जाना चाहिए कि जबसेपीपन रिस्ताल विध्याल सेपी क्या करता है जब बर्ग सवराल दरावर हो। अन्वयेपीपन के फलस्वरूप गणना करता सर्ल हो जाता है क्योंनि बारवारताओं से अब इन विमालित विचलनों को गुणा किया जाता है, विचलतों को गही। इस प्रकार रागि में को क्यों हो जाते है उसे बाद में किंदल माम्य में विचलतों ने मान्य का जोडते मान्य पूरा कर लिया जाता है। विमालित विचलतों के मान्य का वर्ष-स्वरास के परिचाल से गुणा करके किंदल मान्य में जोडा जाता है। इस प्रकार उपर्युक्त उराहरण में

$$a = x + \frac{\sum f dx}{n} \times i = 12.5 + \frac{-7}{62} \times 5$$
$$= 12.5 + \frac{-35}{62} = 12.5 - .5645 = 11.9355 \text{ अव}$$

व्यवश्रेणीयन की रीति भी गणना करने की एक लाघव रीति है।

(स) भारित समीतर माध्य (weighted arithmetic average)

 १०८ सास्यिको के व

हम मजदूरियो को बरावर भार नहीं दे सबते । अगर हम सख्या के अनुपात में भार दें, तो भारित माध्य को गणना निम्नलिखित रीति से की जाएगी ।

भारित माध्य = 
$$\frac{(5 \times 40) + (3 \times 60)}{100} = \frac{200 + 180}{100} = \frac{380}{100} = 3.8$$
 र॰

सत्र करूप में

भारित माघ्यः=
$$\frac{\Sigma u \, x}{\Sigma_w}$$
 जहाँ  $x$  पद है और  $w$  उनके भार ।

भार पंते निर्धानत किये जांव ? यह बताया जा जुना है कि भार नेवल पदी के सापनिक महत्व को बताते हैं। पदी के सापीशन महत्व निता अतिरित्त जानकारी के नहा मालूम किये जा सकते। हमें यहाँ पर यह देखता है कि भार निस्तित करने के लिए नित्त मुक्ता ना उपयान जिया जा सकता है। वह स्थितियों में भार दिए हुए रहुए हैं जहीं वे नहीं वे नहीं दिए हैं एं दहने वह में मालूम के अपने है। भार पहले हैं अहरे

- निश्चित करने के लिए निम्मिंग्लित जानवारी वा उपयोग किया जा सकता है (१) वर्गीकृत सामग्री म भार निश्चित करने ने लिये किसी एक वर्ग, समृह द्वा प्रवर्ग (category) में आने बल्ले पदी वी सख्या के आधार पर ।
  - (२) यदि सामग्री बस्तुआ के मल्यो और राशियों से संबंधित हो तो
    - (क) उत्पादित राशि, या
    - (ख) वित्रयाध प्रस्तुत राशि, या
    - (ग) विजीत राशि, या

(घ) उपमुक्त राशि, आदि के आधार पर भार निश्चित किए जा सकते हैं।

यदि सामधी में भारो ना उल्लेख नहीं किया गया हो ता उपर्युक्त राभियों मार मानों जा सकती है और ठदनुनार माध्य की गणमा नो जा सकती है। इस प्रकार से गणना किया गया भारित समातर माध्य वास्तविक (actual) भारी पर आधारित है।

प्राय वास्तविक भार नहीं दिए रहते परन्तु क्षामग्री ऐसी होती है कि मारित माय की गणना करती पडती है। ऐसी दशाओं में आकर्तन्त भारों (estimated weights) का उपयोग किया जाता है। मारी का शतकरून तूरी उपक्रव-सामग्री के आदार एर क्या जाना चाहिए।

भारित समीतर माध्य की गणना—निम्नलित श्रेणी के लिए भारित समातर माध्य की गणना कीजिए

कर्मचारी	सस्था (भार)	दैनिक मजदूरी	सस्या और मजदूरी का गुणनफल	कल्पित माध्य(२) से विचलन	
	(w)	(x)	(xu)	(dx)	(udx)
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
पर्ववेक्षक	2	40	8	20	4 0
निरीक्षक	2	3.0	6	10	2 0
कुशल मजदूर	4	25	10	0 5	2 0
अर्थेकुशल गजदूर	8	20	16	0 0	0 0
अकुराल मजदूर	14	15	21	-05	<b>—70</b>
	30		61		1.0

मारित माध्य (प्रत्यक्ष रीति) कॉलम १, २, ३, और ४

$$=\frac{\Sigma xw}{\Sigma w} = \frac{61}{30} = 2.03$$

मारित माध्य (लाघव रीति) कॉलम १, २, ३, ५ और ६

$$=x + \frac{\Sigma dxw}{\Sigma w} = 2 + \frac{10}{30} = 2 + 03 = 2.03$$

उपर्युक्त प्रस्त में भार कॉलम २ में बिये गए है और कॉलम के वीमेंक में 'भार' लिख दिया गया है। अगर यह नहीं भी लिखा जाता तब भी ये सख्यायें भार सम्भी जाती क्योंकि इस सामग्री में केवल ये ही सांपेक्षिक महत्व बताती है।

स्पितियां जिनमें आदित समांतर माध्य को गणना करना जावश्यक है—माध्य का मुख्य कार्य लेगी की विशेषताओं को डोक प्रकार से बनागा है। माध्य की प्रमाना सुष्य कार्य लेगी की विशेषताओं को डोक प्रकार का प्राप्तिविद्धव्य करें। इस्तिष्य ग्रह नहीं सोचना चाहिए कि हमें सरक और आसित माध्य के बीच चुनाव करना है। इन दोनों में किसी प्रकार की स्पर्धा नहीं है। हुछ स्थितियों में भारित माध्य और कुछ में सरक माध्य सामग्री का अधिक उच्छा प्रतिनिधि हो सक्ता है और जो माधित स्थान माध्य अधिक उच्चान है। निम्निशिद्ध ति स्थानियां में भीरित समाजर माध्य अधिक उच्चान है।

(१) यदि हमें ऐसे समूह ना नाष्य निकालना है जो नई विभिन्न प्रकार के उपवर्षों में विभाजित है, तो केवल भारित समातर माप्य ही वास्तव मे प्रतिनिधि सममा जा सकता है। इसकी पुष्टि इस बात से होती है कि यदि हम भारित माध्य को पदो वी सस्था से गुणा करें तो हमें पदो का भोग मिलेगा। यदि एक फैक्टरी को मिलने वाली मजदूरी का माध्य निकालना हो तो भारित माध्य हो निकालना चाहिए क्योंकि फैक्टरी में कई मकार के मजदूर होते हैं।

- (२) यदि विभिन्न उपनार्गे में पदो को सस्या अलग-अलग हो, तो मारित माध्य निकालना चाहिए। अगर विभिन्न उपनार्गे में पदो को सस्या एक ही है तो उनका कार्धितक महत्व बरावर रहेगा और इसलिए भारित माध्य निकालना व्यर्थ होगा। इसी मकार यदि पदो की सस्या अलग-अलग है और हम एक बार भारित माध्य नुके हैं, तो गए विरे से भारित माध्य निकालने की आवर्यकरता तभी पढ़ेगी जब श्रेणी में परिवर्तन होने ने कल्टबरूक भारों के अनुगारी में भी परिवर्तन हुए हो। अगर सब भार एक हो राजि से गुणा किये थाते हैं, तो नए विरे से माध्य निकालने में कोई आवर्यकरता नहीं है, भ्योंकि माध्य नहीं रहेगा।
- (३) यदि हमें उपकारों के माध्यों का माध्य निकालना है और हम प्रत्येक उपकार्य में पदी की सस्या जानें तो मारित माध्य की गणना खबरय करनी वाहिये। मान लीजिय किसी निर्माणों में कर्मचारियों की तीन उपकार्यों में माध्य मबदूरियां कमान २ क०, ५२० और १० रु० है और हम पूरे समूह की माध्य मबदूरियां जानना चाहते है। यदि इन तीन उपजार्यों में कर्मचारियों की सस्या कमल ६०, ३० और १० है तो १०० व्यक्तियों के पूरे समूह का माध्य

$$\frac{(3\times60)+(5\times30)+(10\times10)}{100}$$
  $\epsilon_0 = \frac{430}{100}$   $\epsilon_0 = 4.3$   $\epsilon_0 = 81011$ 

(४) अत में, यदि हमें अनुभातो, प्रतिसतो और दरो का माध्य निकालना है तो भारित माध्य ही निकालना जाहिए। उदाहरणार्थ हो परिशाकों में उत्तर्भेष विधायिमों ना प्रतिसाद कमार्थ १०० और ५० है। तो साथारण माध्य ५ प्रतिसाद (३.५%%) होगा परन्तु यह गस्त है। जब तक हमें विधायियों को सच्या मात नहीं होतो, सचुक्त प्रतिसात ना माध्य नहीं जाता जा सकता। यदि हम जानने है कि पहली परीसा में ४ और इसरो में ४० विधायों बैठे थे, तो उपयुक्त माध्य की मत्सी प्रमाणित हो जाती है। क्यों कि इसके अनुसार पहली परीसा में विधायों की स्वस्ता भी कि उत्तर्भ में ३० विधायों के निकास की स्वस्ता भी १० विधायों जिल्ला हम्म विधायों अप कर कि वास्त में ३० विधायों वार्णा हुए अवर्षित सकता में उत्तरीभं विधायियों को सक्सा २५ है (४ ना १००% और ४० का १०%)।

अब यदि हम प्रतिशतों को विद्यार्थियों की संस्था के अनुपात में भार दे तो हमें सही उत्तर मिलेगा। उपर्युक्त प्रतिशतों का भारित माध्य

 $=\frac{(100\times4)+(50\times40)}{4+40}=\frac{2,400}{44}=54.55$  (लगभग) प्रतिकत

यह माध्य उपर्युक्त रातं को पूरा करता है क्योंकि :

4 কা 54 55 সবিষার = 
$$\frac{4 \times 54.55}{100}$$
 = 2·182  
40 কা 54·55 সবিষার =  $\frac{40 \times 54.55}{100}$  = 21 82

24 002 =24 (उपसादन)

हम पहले देख चुके है कि कुछ २४ विद्यार्थी उत्तीण हुए वे और भारित माध्य से भी यही परिणाम निकलता है।

समातर माध्य के लाभ—समातर माध्य किसी श्रेणी का सबसे सरल केन्द्रीय प्रवृत्ति का माण है। इसे व्यायक रूप से समजा जाता है और इसका मुख्य उपयोग भेगों के मुख्य करलपो को संजिद्ध रूप से प्रसुद्ध करने और सामग्री को तुकता योग्य बनाते में किया जाता है। इसके इतना अधिक प्रयक्ति होने का कारण इसके निम्म-लिख्य गुण है

- इसका मुख्य पूज यह है कि यह सुकोप (casy to understand) है। साम्राएस सभी और इसकी जानते हैं और अमश्री गणना करते हैं। साध्यिमीय मापों से अपिरिचित व्यक्ति के सामृश्व तथ्यों को प्रस्तुत करने में इसका उपयोग किया जा सकता है। यह इसकी सबसे महत्वपूर्ण विशेषता (qualification) है।
- २ इसकी गणना करना बहुत आसान है। जोड-गुणा-भाग का प्रारिभक झान होने पर कोई भी व्यक्ति इसकी गणना कर सकता है।
- ३ सास्थिकीय विभिन्नों में इसे महत्वपूर्ण स्थान इसलिए दिया जाता है क्योर्कि इसका उच्चीन बीजगणितीय शैतियों में सुगातत से किया जा सकता है। क्यार्कि इसका उच्चीन बीजगणितीय मार्च इस पर आभारित हैं, असे विचलन, सहसवस आदि की गाँ।
- ४ समातर माध्य की गणना करने में पदो को कमानुसार एखने या वर्षबढ़ (grouping) करने की आवश्यकता नहीं होती। हम विना कोई परिवर्तन किये सीधे सामधी से समातर माध्य की गणना कर सकते हैं।
- ५. इसकी गणना करने में श्रेणी के सब पदो पर विकार किया जाता है और यह प्रत्येक पव को उचित भार देता है। इसिलिए यह माध्य पूरी श्रेणी था प्रतिनिधि माना जा सनता है।

- ६ इसनी गणना निश्चित रूप से को जाती है और इसनी परिसाधा परिदृड (rigidly defined) है। इसनी गणना नरने में अतर्वेधन (interpolation) मुद्दी करना पडता और न ही यह नभी अनिषंत (indeterminate) रहना है।
- तुलना करने के लिए यह बहुत उपयुक्त है। यदि पदो नी सस्या बृहन् हो तो यह असामान्यताओं को कन कर देता है और डमल्एि तुलना अधिक अच्छी तरह की जा सकती है।
- यदि सामग्री विस्तार में उपलब्ध न हो तब भी हम समांतर माध्य भी गणना कर सकते है वर्गाहि समातर माध्य मित्रालने ने लिए हमें नेवल पदो ने योग और जनकी सच्या की आवस्पनता पदती है। इसी प्रचार यदि मासातर माध्य और पदो की मध्या माल्य हो तो पदो का मोण निवाला जा सत्ता है।
- ९ समातर माध्य से विभिन्न पर्दों के विज्ञक्षनों का योग शूग्य होता है। इस गुण ने आधार पर हम समानर माध्य नो रूप रीति से निनाल सन्ते हैं और इस प्रनार गणना करना और सो सरल हो जाता है।
- १० अगर हमें नई श्रीमयों ने ममातर माध्य और पदों नी सक्या दी हुई हैं तो हम संयुक्त श्रेणी ना माध्य उसने निनाल सनते हैं। फिर से पूरी सामग्री पर विचार नरने ने आवस्यनता नहीं रहती।
- ११ यह वेन्द्रीय प्रवृत्ति का अधिक स्थायी मापन है और इस पर दैव विचरणों (chance variations) का प्रमाव कम पडता है।

समातर माष्य के दोष : उसकी परिसोमाएँ—उपर्युक्त गुणो के होने पर भी कई स्थानो पर इसका उपयोग सतोपजनक रूप मे नहीं किया जा सकता नयीकि इसमें कुछ दोष भी है

- (१) यदि सेची में पर्दों की सस्या बहुत कम हो तो समांतर माध्य पर चरम-दर्धे (extreme items) का अनुचित प्रभाव पडता है क्यों कि पदी की अध्यवस्था एक क्षूपे दो बरावर नहीं कर पाती । ऐसी दवाओं में माना पता माध्य में प्रमान निल्यों निकल्पे हैं। यदि किसी फर्म के लाभी का औमन निलाल आ रहा हा तो वह किसी एक वर्ष के असामान्य व्यय या हानि में बहुत प्रमावित होगा ।
- (२) परि माध्य के साथ श्रेणी के पर नहीं दिये जाते हूं तो इससे गलत पारणा बत सकती हूं ! विशेषत जुलता करने में इक्ता ध्यान रकता चाहिए। तमान माध्य के होने हुए मी श्रीचार्यो पूर्णता विरोमी शियों दिला मक्तों है। उदाहरण के रिए दो फैस्टियों क और ख क लाभ पर जिवार की जिये.

न्यं	र्वन्टरी क र∘	र्पेक्टरी स र०
1950	10,000	20,000
1951	12,000	18,000
1952	15,000	15,000
1953	18,000	12,000
1954	20,000	10,000

इन दो फैस्टरियो द्वारा अजिन विए हुए गाव्य लान १५,००० ६० हैं । परन्तु दौनों को स्थिनियों जिन्न हैं । पहली में यह बाउनीय स्थिन का प्रोतक है, परन्तु दूसरों में स्थिनि बिलकुल अवाउनीय हैं ।

- (३) समातर माध्य प्राय: ऐसी राजि होनी है जी धेनी में न हो और वर्ड स्थितियों में तो यह ऐसा माय होता है जिमे सोचा भी महीं जा सबता ! ३ यड्डारी वी बाल्मीक मजदूरियों ५ २०, ३ ६० और २ ६० है, तो माज्य मजदूरी ३ १० ० हुई जी बिनो में मजदूर की मजदूरी नहीं है। इस्मित्य कोई जी मजदूर माध्य मजदूर नहीं बहा जा मबना और न ही कियों मजदूर को माध्य मजदूरी मिठती है। होता अबार जार तीन 'ओल्टर में २० 'क्व' वर्ने ता प्रति औरहर माज्यन ८३ 'स्त' बने। परस्तु ८९ रम ना वर्गे अर्च नहीं होता। इन उदाहरकों में स्थानदर हाय्य वर्गिय कामा है।
- (४) श्रेणी का निरीक्षण करने झात्र में हो समांनर मात्र्य नहीं जाना जा सकता,
   जबिन मध्यका और बहुल्क इस प्रकार नाले जा सरले हैं।
- (५) समानर माध्य को गागना करने के लिए यह आदश्यक हैं कि हम सब परो के बास्तविक मुख्य जानें । परन्तु मध्यका या बहुत्तक की गागना करने के लिए यह आवश्यक नहीं है—हममें करम पदो को छोटा जा सकता है।
- (६) सामान्य मध्य देवन दन अवहाँ में निवाला जा सबता है जो पूर्ण क्य से समान हो। परन्तु ऐता राज्य है हिंग बीन्ड समान न हों और यह बात मध्यक तम्यन होंगे हैं। व्याहरण के लिए, एन विश्वविद्यालय के विनिन्न विमागों में क्यारे के बेटकार का व्यवस्व करने से घर मासून होंगे कि मनेत रिजात में जीनवार १० कमे हैं। इनका यह निवाल जीवार कर मामून होंगे हिंग हमने की वेकल कमरों की कमरों की सस्या १० से कम है, स्वान की कमी है। हमने तो वेकल कमरों की सस्या की एमना की है, और वजने माम की विवाद में नहीं रक्षा है।

श्रन्य प्रचलित माध्य (other averages in common use)

सरल और भारित समातर माध्य के साथ साथ निम्नलिखित माध्यों का भी सामान्य उपयोग किया जाता है

१ संचयो माध्य (Progressive Average)-पह माध्य निसी श्रेणी में पहले के पदो पर आधारित होता है। पहले पद के लिए सचयी माध्य उसी पद के बराबर होता है। दूसरे पद के लिये सचयी माध्य पहले दो पदो के माध्य के बराबर होता है. इत्यादि । इस प्रकार किसी पद के लिए सचयी माध्य उसके व उससे पर्व उपलब्ध सब पदों के माध्य के बराबर होता है।

सचयो माध्य का उपयोग उन दशाओं में किया जाता है जहाँ पदो की सख्या इतनी अधिक नही है कि उनका गतिमान माध्य (moving average) निकाला जा सने । सचयो भाष्य का उचित उपयोग व रने के लिए इसमें होने वाली वृद्धि या नमी को देखना चाहिए । यदि सचयी माध्य बदता चला जाता है तो श्रेणी की उपनित (trend) उपर को होगी।

गतिसान साध्य (Moving Average)---गतिमान माध्य का उपयोग वाल-श्रेणी का विश्लेषण करने में किया जाता है। इसका मध्य कार्य श्रेणी की उप-नित (trend) बताना है। गणना करने में सर्वप्रयम एक उपयन्त अविध निश्चित वर ली जाती है और इस अवधि के लिए माध्य निकाला जाता है। मान लीजिए यह अवधि ३ वर्ष है। पहले ३ वर्षों ना माध्य निकाला आएगा और उस बीच वाले वय के आगे रख दिया जाएगा। फिर, पहला वर्ष छाडकर और चौथा वर्ष जोडकर तीन वर्षों ने माध्य की गणना कर ली जाएगी। इस प्रकार पहला वर्ष छाटकर और अगला वर्ष जोडकर गतिमान माध्य की गणना करते चले जा सकते हैं। ये माध्य बीच बारें थर्प के सामने रखें जाते हैं। नीचे दिये हुए उदाहरण में सचयी और गति-भान साध्य की गणना की गई है

مراجع المراجع المراجع

<b>વવા</b> ફરવ	या हुई सामग्रा स समया	जार गावनाच माज्य	યા મળતા પ્રાંગલ ક
वर्ष	लाभ	सचयी माष्य	३ वर्षीय
	₹0		गतिमान माध्य
(1)	(2)	(3)	(4)
1950	30,000	30,000	<i>∷</i>
1951	32,000	31,000	31,000
1952	31,000	31,000	31,333
1953	31,000	31,000	29,333
1954	26,000	30.000	31,000
1955	36,000	31,000	34,000
1956	40,000	32 286	

(३) वर्षनासक माम्य (Descriptive Average)—मदि मान्य पूर्णक प्रतिनित्र या प्रति स्पो न हो तो वये वर्षनासक मान्य कहने हैं। मान की बिप्त हम श्रेमों के स्रतिक पर का बरावर सहत्व दें और परूरकारण परम मूल्य मान्य की प्रमासिक कर दें। ऐसी स्थित में मान्य नस्तुव प्रतिनिधि या प्रतिक्षी नही होगा। परन्तु श्रीवां वा वर्षन करते में इसवा उपयोग विचा जा सकता है। इसलिए इसे वर्णनासक मान्य कहेंगे।

पुन, यदि माव्य ऐसा हो कि उस प्रकार के माय का भीतिक बस्तित्व होता अनम्ब हा तो बद वर्षनात्मक माम्य न्हा जाएमा। उदाहरणार्थ, मान सीतिए किसी मृहके में प्रति परिचार वच्चों की सस्या २२ है। यह एक ऐसी सस्या है वो बच्चों पर रूग नहीं होतों।

लपूर्ण वा लयपार्थ सामग्री से पमना निए गए माध्य नो भी वपनात्मन समभा जाता है। यदि वहले या लित्स वर्ग-लनात्म को कमश अपर और अपर सोसाएँ नहीं दो गई है ता सामग्री अपूर्ण मांनी जाएगी और उन्हान माध्य वर्गनात्मक समभा जाएगा। इती प्रकाद वर्ग-बद्ध सामग्री भी भूग्ने और अपवार्थ है और उत्तक्षा माध्य पमतात्मन माध्य है।

यदि हम हिन्ती श्रेणी ह माध्य की गाना वरें और वह श्रेणी के हिन्ती पद के बाबर न हो, तब भी उस वसीनामी वर्णनात्मक वहां जाता है। उताहरणाये ३, ६ और १२ वा माध्य ७ है, परन्तु यह श्रेषी के विमी अक ने बरावर नहीं है।

उपर्युक्त अर्थों में वंपना मक माध्य वा उपयाग किया आता है। परन्तु इतका नवाधिक सामान्य और प्रचलित अर्थ पहला है जियमें नाध्य अर्थी का प्रतिरुप्त नही

हाना ।

पित्रतीय नाम्य (Quadratic Mean)—द्विशनीय नाम्य पदी के वर्गी के माध्य का वसमूल होता है। उदाहरण के लिए ३,६ और १२ का द्विधातीय वर्ष मूल निकालने के लिए पहले हम इनके वर्ग निकालने जो कमध्य ९,१६और १४४ है।

सब दिशानीय माध्य =  $\sqrt{\left(\frac{9+35+144}{3}\right)} = \sqrt{\frac{189}{3}} = \sqrt{63=7.937}$ इनका बहुत कम स्वद्धार होता है। इसे वर्ग-माध्य-मूळ (Root Mean Square) भी कहते हैं।

प्रमाणिहत मृत्युरर (Standardized Death Rate)—जमाणिहत मृत्युरपर्य हमस्या माणी में सिएम है। बच्च केत बही गींवे दी गई रीति वा स्वताम निया जा महात है, बृत्तिन्दर, विवाहनर आदि है। यहाँ हम वेवल मृत्युर वा उत्तहरण लेवर प्रमाणिहरण पर विवाह करेंगे। प्रमाणितरण द्वारा विकित स्वाती. देशों आदि से प्राप्त एक ही विषय से सबिवत सामग्री की तुल्ला की जा सकती है। अगर हम विभिन्न प्रक्षों की मृत्युदरों की तुल्ला करना काह ती मृत्युद को की तुल्ला करना काह ती मृत्युद को की तुल्ला करना काह ती मृत्युद की की तुल्ला करना काह ती मृत्युद किया कर वार्विक स्वाप्त से विभिन्न स्वाप्त में विभिन्न स्वाप्त में विभन्न स्वाप्त में विभन्न स्वाप्त के की ति स्वाप्त के जनस्वा का विषक्ष सामा उच्चतर विभिन्न से ती मृत्युद अधिक होगी। इसने विपरीत विद्यान स्वाप्त किया तिमत्त क्योवगीं में से की ति ति है तो मृत्युद कम हो जाएगी। इन दो स्थानों की जनस्वा निमन्त क्योवणीं में से की ति हम देश की ति की ति स्वाप्त की अपति हम की निम्न की ति हम की निम्न की ति हम ति ह

प्रमाप स्वान को मृत्युदरों को प्रमाप जनतस्था की सामान्य (या क्योपित, प्रमापित, या संयोपित) मृत्युदर करते हैं। इस प्रकार प्रमाप जनतस्था की सामान्य (या क्योपित) मृत्युदर कीर प्रमापित (या संयोपित) मृत्युदर एक ही चीज है। ऐंगे स्थान की मृत्युदर जो प्रमापित नहीं किया गया है, और जो बही की जनस्था के आधार पर निकाली गयी है, सामान्य (या क्योपित) मृत्युदर करनाती है। प्रमाप जनस्था काषार पर इस स्थान की भी मृत्युदर होनी है वह प्रमापित (या संयोपित) मृत्युदर कर होती हो। निम्मितिक व्यवदरण से यह विकरण की कि स्थान हो। चीणित व्यवदरण की कि स्थान हो। सामान्य ।

उदाहरण : निम्नलिखित सामग्री से दो जन-सस्याओं के और ख के लिए सामान्य और प्रमापित मृत्युदरों की गणना कीजिए

		तप जनस नगरक	स्या	₹¤	ानीय ज नगर	
वयीवर्ग	जनमस्या	मृत्यु संख्या	मृत्यु दर प्रतिहजार	जनसंस्था	मृत्यु संख्या	मृत्युदर प्रीत हजार
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
5 से कम 5—30 30 से अधिक	15,000 20,000 10,000	360 400 280	24 20 28	40,000 52,000 8,000	1,000 1,040 240	25 20 30

सामान्य (या अशोधित या सशोधित या प्रमापित) मृत्युदरः  $= \frac{15,000\times24+20,000\times20+10,000\times28}{45,000}$ 

$$=\frac{3,60,000+4,00,000+2,80,000}{45,000}=\frac{10,40,000}{45,000}=23\cdot1$$

सामान्य (अशोधित) मृत्युदर.

नगर हा = 
$$\frac{40,000 \times 25 + 52,000 \times 20 + 8,000 \times 30}{1,00,000}$$

$$-\frac{10,00,000}{1,00,000} = \frac{22,80,000}{1,00,000} = 22.80$$

सशोधित या प्रमापित मृत्युदर

नगर स = 
$$\frac{15,000 \times 25 + 20,000 \times 20 + 10,000 \times 30}{45,000}$$
  
=  $\frac{3,75,000 + 4,000,000 + 3,000,000}{45,000} = \frac{10,75,000}{45,000} = 23.9$ 

अपर हम दोनो नवरो को सामान्य मृत्युदरो की गुरुना करें तो हम पाते ह कि स्न की मतुदर कम है और इसलिए वहाँ लोगों का स्वास्थ्य अच्छा है। परन्तु यदि हम प्रमासित मृत्युदरों की तुरुना करें तो हम स्तका उलटा पाते हैं वर्षात् नगर क के विवासियों का स्वास्थ्य अधिक अच्छा है।

### माध्यका (Median)

हिसो भेगी का गामियका उस पर के (बासतिक या आस्कित) गरिसाण के स्वाच्ट होता है तो थेगी को आरोही या जवरोही कम में सकते पर उसके मध्य में आता है। येगी को जारोही या जवरोही तम में रहने कि किया को जन्मियास करता है। वेगी को जारोही या जवरोही तम में रहने कि किया को जन्मियास करता (arraying) कहते हैं। मामियका उस पद के परिमाण के बराबर होता है कि तसे पहले के और उसके बाद के पदी को सक्कार्य दायदर होती हैं। यह अंभी के स्वय्य में होता है अपने को बराबर समा में विभाजित करता है।

माध्यिका की गण्ना—यदि श्रेणी में पदो की सस्या n हो तो उसका माध्यका  $\frac{n+1}{2}$  वो पद के परिमाण के बराबर होता है।  $\frac{n+1}{2}$  वौ पद श्रेणी का मध्य-पद है।

(क) एकँक निरोक्षणों की श्रेणी—यदि श्रेणी में पदो को सस्या विषम है तो  $\frac{n+1}{2}$  वौ बास्तव में होगा और वही माध्यका पद होगा। परन्तु यदि पदो की सस्या

सम है तो कोई बीच वा पद नहीं होगा और वस्तुत माम्यिना नहीं होगा। परन्तु यह मान नेते हैं कि माम्यिना औच के दो पदों के माम्य के बरावर होता है। अर्थात अराय की सस्या विपम है तो माम्यिका  $\frac{n+1}{2}$  वें पद वे बरावर और

अगर सम है तो  $\frac{n}{2}$  वें और अगठे पद के माध्य के बरावर होता है। यहाँ स्मरजीय है कि  $\frac{n-1}{2}$  माध्यका का स्थान बताता है, उसका परिमाण नहीं।

उदाहरण नौ दिद्यार्थियो ने प्राप्ताको का माध्यिका निकारना है

कम सख्या	प्राप्ताक	श्रम सस्या	प्राप्ताक
1	10	6	24
2	12	7	26
3	15	8	27
4	18	9	27
5	20	(10	30)

रीति

माध्यिका 
$$=\left(\frac{n+1}{2}\right)$$
 वें पर ना परिमाण  $=\left(\frac{9+1}{2}\right)$  वें पर ना परिमाण  $=\left(\frac{10}{2}\right)$  , , , , , , , =5th , , , , , , , ,

हम देखते हैं कि ५वें विद्यार्थी के प्राप्ताक २० है इसलिए माध्यिका प्राप्ताक २० हए ।

उपर्युक्त उदाहरण में विद्यार्थियो को सख्या विषम थी, अब यदि यह सख्या सम हो अर्थात एक और विद्यार्थी (१०वाँ विद्यार्थी) भी हो तो माध्यिका निम्नलिखित रीति से जाना जायया

माध्यिका =n/2 वें और अगले पद के परिमाणो का माध्य

(क्ष) खडित श्रेणी—यदि सामग्री खडित श्रेणी के एप में दी गई है तो माध्यिका की गणता निम्नलिखित रीति से की जायगी।

उदाहरण निम्नलिखिन श्रेणी का माध्यिका निकालना है।

		मचयो			सचयी
परिमाण	बारवारता	वारवारता	परिमाण	वारवारता	वाखारना
(1)	(2)	(3)	(1)	(2)	(3)
1	3	3	6	20	70
2	7	10	7	15	85
3	10	20	8	12	97
4	12	32	9	10	107
5	18	50	10	5	112
£				<del>****</del> > <del>***</del> *	

डिप्पणी कॉलम १ और २ प्रश्त दिए हुए हैं और कॉलम ३ हल का भाग है।

माध्यिका 
$$\frac{n+1}{2}$$
 वें पद के परिमाण के बरावर होता है।

$$\therefore$$
 माध्यिका  $=\frac{112+1}{2}$  वें पद का परिमाण

कॉलम २ में हम देवते हैं ५१वें ते ७०वें तक ने २० पदो वा परिमाण ६ है। ५६ ५वीं पद भी इनके बीच में आना है इमिन्नवें यह भी ६ होता। अनत्व मध्यिश≔६ (प) सतत श्रेणी—सतन श्रेणी में दी गई मुचना वम निश्चित होती है क्योंकि

इसमें बापां परिमाण बाते पर नहीं दिये एते बनिन वे दिए हुए वर्ग-अनरात ने मीनर किसो भी परिमाण के हो बबने हैं। इस मिलन में भी भाषिमत को गानता पहुंच — 1 वे पर का परिमाण निकाल कर को जाती है। परन्तु परिमाण निकालन के लिए कुछ कप्पनाओं के अल्पनंत अंतर्पेस (interpolation) करना करना है। अल्पनंत्रत का वार्त्य है अजात मुख्य ने लिए पर्माधिक उपदृश्य मुख्य जानता हू उराहुरण - निम्मलिवित श्रेणी का माध्यक्त निकालों। \$74.5 10572

| The state | The

मान्यिका का स्थान निर्धारण

माध्यिका 
$$\Rightarrow \frac{n+1}{2}$$
 बें पद का परिमाण

$$M = l_1 + \frac{l_2 - l_1}{f_1} (m - \epsilon)$$

जहाँ

M—माध्यिक-मूल्य है  $l_1$ — माध्यिका न्यें (जिस वर्ग में भाध्यिका है ) की अधर सीमा है

l. - माध्यिका-वर्गको आर सीमा है

f<sub>1</sub>---माध्यिका-वर्ग की बारबारता है

m—मध्यवा-पद है

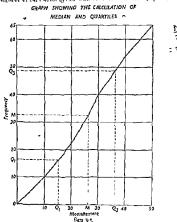
c—माध्यिका वर्ग से पहले के वर्ग की सबयी बारबारता है।

उपर्युक्त मुची में उदाहरण के मृत्या को रखने पर

 $M=20+\frac{30-20}{10}(33-22)=20+\frac{10}{10}\times11$ 

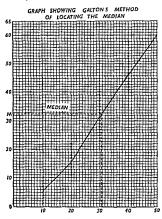
माध्यका के मूत्र का आधार—जग्रुंनन मूत्र वा प्रयोग करते समय यह करणता (assumption) करी जाती है कि प्रतेण वर्ग के पदा का वितरण पूरे वर्ग जतरण में समान रूप से हुआ है। उपर्युक्त उदाहरण में माध्यका वर्ग २००६ है और वर्ग वारवारता १८ है। करलान्ताग ये १८ पद वस मूच्या में समान रूप से वितरित है। इसिल्ए जब नाग एक दमाई में बढ़ती है, ता पदो की सख्या १८ से बहती है। इस्वेण प्रज नाग एक दमाई में बढ़ती है। इसिल्ए नाग समाई से बद्धी हिंद करिल्म ३) ३३ हाती है। चूनि १८ पदा के लिए नाग इनाई से बद्धी है, इसिल्ए १९ पदा के लिए नाग (११×१/८८) इनाइगो च ६११ इनाइगो से वदेगी। २० में ६११ जाड कर हम माध्यका जान रेते हैं। यह २६१६९०+६९१) है।

लेखाचित्र द्वारा माध्यिका का निर्धारण-लेखाचित्र की सहायता छे माध्यिका निम्नलिखित रीतियों से निर्धारित किया जा सकता है (१) तीरण द्वारा (By an Ogive)—तीरण सचयी वारबारता यक को कहुंगे हैं अर्थात नाम की धारबारता को अंकित न कर के नाम की सचयी बारबारता को अंक्ति किया जाता है। स्त्रभावत वक हतेया अगर को उठता हुआ है होता है। मध्य-पर निकारते के लिए n/2 जोके पूत्र का उपयोग किया जाता हुआ और इस बिल्यु से आधार के समानातर रोगा जीवी जाती है। वहाँ रेखा बीरण को कारती है, वहाँ से आधार पर (अन्यका पर) कृष्य काम जाता है। कहाँ का अधार विज्य मार्गिकाश का स्थान वराता है, जिसे केवांचित्र में पढ़ लिया जाता है (देखिर



चित्र २९) । इसी रीति से चतुर्पेको, दशकको आदि को बाना जा सकता है इन पर आगे विचार किया जामगा।

(२) गाल्टन की रोति (Galton's method)—इस रीति में रिखाचित्र दूसरे प्रकार में खीचा जाता है। तिसी नाप के मगत बारवारताएँ उम बिन्दु से ऊपर की ओर बिन्दु रख कर दिखाई जाती है। ये विन्दु पद की बाग्वारता दिखाने हैं। बिन्दु अकित करने का नियम यह है कि बाद में आने बारे पद का निम्नतम बिन्दु पहल आने वाले पद के उच्चतम बिन्दु से एक इकाई उपर पहला है (दिखिये चित्र ३०)। ०---१० वाले वर्ग की वारवारता १० है। य-अक्ष पर



चित्र ३०

१० की सीध में १० बिन्दु रखे गये हैं। १०-२० बाले वर्ग की बारवारता १२ है। २० य-अक्ष पर २० वीं सौंब में उपर वी ओर १२ बिन्दु पहुने रखें गये १० बिन्दुओं के उपर है। इसी प्रकार अगले बर्गों के लिए भी। किया जायगा बिन्द्रओं के इन क्लेकों

(sets) के मध्य से वक सीचा जाता है । इससे माध्यिका उद्यी प्रकार निर्यारित विद्या जाता है जैसे पहली रीति में । तुलना करने पर आप पाएँगे कि इन दो रीनियो से निर्धारित विए गए माध्यिका के मृत्य पोडे अलग होते हैं ।

साध्यका के लाम— ?. साध्यका का उपयोग करने वा पहला और मुख्य लाग मह है कि यह एक ऐसा माप है जो चर के चरम मृख्यों से प्रभावित नहीं होता । समातर माप्य में यह गुण नहीं है। इसलिए ऐसी स्थितियों में जहां श्रेषी के चरम मृख्य प्रतिसिधि होने के गुण को नहीं रहने देते, माध्यिका का प्रयोग किया जाना चाहिए।

- २ इसका ज्यांना ऐसे स्थानों में भी दिया वा सनता है वहीं बर के मून्य माने नहीं जा सकते, केवल कमानुसार रहे जा सकते हैं, देंते वृद्धि, दीमानदी स्वास्थ्य आदि । इन रिवर्तियों में यह बताया ना तकता है कि कीन अधिक वृद्धिमान या अधिक ईमानदार है, परन्तु यह नहीं नहां जा सकता कि ठीफ नितना बृद्धिमान या ईमानदार है। इस प्रकार के अन्य उदाहरण हैं लाय मा देव पदार्थों का स्वाद, स्मीत आदि ।
- ३ इसकी गणना सरस्ता से की जा सकती है और यह सुबोध है। यह बात विषोधत एक निरोक्षणों की अंगी और स्वित श्रेषी पर लागू होती है। वर्द स्वितियों में यह श्रेषी का निरोक्षण करने से ही लाना जा सकता है और इसिल्ए गणना करने से क्या जा सकता है।
- ४ यदि श्रेणी के चरम मूच्य तात न भी हों, तब भी माध्यका की गणना की जा सकती हैं। इसे निकालने के लिए केवल केन्द्र-स्थित पदी और पदी की सख्या जानना आवस्यक है।
- ५ यदि पदों की संख्या विषम हो और खंडित श्रेणी हो तो यह श्रेणी का ही एक पद होता है, अर्थात वास्तविक राशि होता है।

माप्यिका के दोष (किमियां)—(१) माध्यिका निकालने के लिए पदो को आरोही या अवरोही कम में रखना पडता है और यदि पदो को सस्या बृहत हो तो बडी कठिनाई होती है।

- (२) यह उच्चतर वीजगणितीय रीतियो के लिए उपयुक्त नहीं है, इसलिए इसका सीमित उपयोग किया जा सकता है।
- (१) इस पर दैव विचरणो का प्रभाव अधिक पडता है इसलिए यह समातर माध्य से कम स्थापी मापक है।

- (४) यदि श्रेणी में पदो वा वितरण अनियमित हो तो यह प्रतिरूपी प्रतिनिधि नहीं उह जाता। इसलिए जहाँ पदो में बहुत भिनता हो इसवा प्रयोग नहीं किया जा सकता।
- (५) इसकी गणना निश्चित रूप से नहीं की जा सकती और न ही इसकी गरिमापा परिदृब रूप से दी गई है। सत्त श्रेणी में इसका मून्य निवानने के लिए अन्तर्वेदान नरना पड़ता है जो इस बल्पना परआधारित है कि प्रत्येत वर्ग में पदो का सम बितरण है। समस्पत यदि पदो की सस्या सम द्वो तो इसका प्रावनन्त्रन करना पड़ता है।
- (६) यदि पदो को सापेक्षिक महत्व या भार देते है तो इसका उपयोग नही किया जा सकता।
- (७) प्रतिनिधि होने वे अतिरिक्त यह धेणी के बारे में कुछ नही बताता और न ही इसे जोड घटा वर सयकत श्रेणियो का माध्यका निकाला जा सकता है।

### माध्यिका-सिद्धान्त पर आधारित अन्य मापक

माध्यना श्रेणी को दो बराबर भागो में बीटता है। सगस्पत हम श्रेणी को बार (बजुर्पकी), पौन (पनसने), दत्त (दयमको) और सी (शततमने) वराबर भागो से बीट सनते हैं। यह स्पट हो जाना चाहिए कि से ने नीय प्रवृत्ति के सामक नहीं है। यह इनको गणना नरने नी विधि न वर्णन करने को नारण यह है कि ये शी सिद्धान्त पर सामाध्य है, किसपर माध्यका अप्रांति है।

निस प्रवार एक माध्यिका श्रेमी को दो बराबर भाषों में बटिना है, उसी प्रकार ३ जतुषक (quartiles), ४ प्रवाक (quintiles), ९ दमाक (deciles) और ९६ सततमक (percentiles) श्रेषी को त्रमा ४, ५, १० और १०० बराबर भागों में बारेटी हैं। स्माट है कि दूसरा चतुर्यक, पांचवी दशानक और पनावती सततमक श्रेमों के माध्यवा है।

इनका मुख्य उपयोग यह जानने में किया जाता है नि बिसी कोटि (grade) में नितने पद है। इसलिए शिवस-स्वयी और मनोनेज्ञानिन अध्ययनो में इतना प्रयोग होता है। उदाहरणायं, पहला चतुर्यक हमें बताता है कि पहले चतुर्यास में नितने पद हैं, नवीं दशमक बताता है कि अन्तिम १०वें प्रतिगत में चितने पद है, आदि।

उदाहरणा निम्नलिखित श्रेणियों ने पहले (लप्) और तीसरे (गुरू) चतुर्पन, दूसरे पचमक, सातवें दशमक और ८२ वें शततमक मो शत नरी:

# (1) एकंक निरोक्षण की श्रेणी

क्रम सस्या	माप	कम सस्या	माप
1	10	6	27
2	12	7	30
3	14	8	32
4	18	9	36
5	22	10	40

प्रथम चतुर्पेक $=Q_1=\frac{n+1}{4}$  वे पद का परिमाण

= दूसरेपद का परिमाण $+(दूसरेऔर तीसरेपद का अन्तर)<math>\times$  75 =  $12+(14-12)\times$  75=12+1 5-13-5

त्तीय चतुर्यक= $Q_3 = \left(\frac{n+1}{4}\right) \times 3$  वें पद का परिमाण

हितीय प्रमक- $Qu_2=\left(\frac{n+1}{5}\right)\times 2$  के पर का परिमाण

सातवाँ दशमक= $D_7 = \left(\frac{n+1}{10}\right) \times 7$  वे पद का परिमाण

८२वाँ शततमक= $P_{82}$ = $\left(\frac{n+1}{100}\right)$  $\times$  82 वें पद का परिमाण

 $=36+(40-36)\times02=36.08$ .

### (n) खडित श्रेणी

		सचयी			सचयी
भाप	वारवारता	वारवारता	माप	वारवारता	बारबारता
1	10	10	6	21	106
2	12	22	7	20	126
3	18	40	8	15	141
4	20	60	9	12	153
5	25	85	10	8	161
ਜਿ					

रीति

$$Q_1 = \left(\frac{n+1}{4}\right)$$
 वें पद का परिमाण=40 5 वें पद का परिमाण=4

$$Q_3 = {n+1 \choose 4} \times 3$$
 , , , , =1215 , , , , =7

$$Qu_2 = \left(\frac{n+1}{5}\right) \times 2$$
 ,, ,, , =64.8 ,, ,, ,, =5

$$D_7 = \left(\frac{n+1}{10}\right) \times 7$$
 ,, ,, ,, =1134 ,, ,, ,, =7

$$P_{82} = \left(\frac{n+1}{100}\right) \times 82$$
 ,, ,, ,, =132 84 ,, ,, ,=8

# (111) सतत श्रेणी

•		
परिमाण	बारबारता	सचयी बारबारता
0-10	22	22
10-20	38	60
20-30	46	106
3040	35	141
4050	20	161
_		

$$Q_1 = l_1 + \frac{l_2 - l_1}{f_1} (q_1 - \epsilon) = 10 + \frac{20 - 10}{46} (40.5 - 22)$$

$$=10+\frac{10}{46}\times18$$
 5=10+4 02=14 02

$$Q_4 = 30 + \frac{40 - 30}{35} (121.5 - 106) = 30 + \frac{10}{35} \times 15.5 = 30 + 4.43 = 34.43$$

$$Q_{u1} = 20 + \frac{30 - 40}{46} (64.8 - 60) = 20 + \frac{10}{46} \times 4.8 = 20 + 1.40 = 21.04$$
  
 $D_7 = 30 + \frac{40}{35} (113.4 - 106) = 30 + \frac{10}{35} \times 7.4 = 30 + 2.11 = 32.11$ 

$$P_{83} = 30 + \frac{40 - 30}{35}(1328 - 106) = 30 + \frac{10}{35} \times 268 = 30 + 766 = 37.66$$

मध्यक की मौति चतुर्यक, दशमक आदि का मृत्य छेखाचित्र से भी जाना जा सकता है। इसका सिद्धान्त वही है जिसका प्रयोग मध्यक निकारके में किया जा चुका है (देखिये जिन्न २९ और ३०)।

### बद्दतः (Mode)

माध्य न वणन म हमने दक्षा या कि वह चरम-मूच्या से बहुए प्रमानिन होता है। माध्यिका इस दाय का ता दूर करता है, परनु इसमें यह बोग है हि यदि श्रेमी में परो वा विदाय अनिवासिन हुआ या यदि व एक हमरे से बहुत मिन हुए तो यह मिन्सिन हुए तो यह मिन्सिन है है कि एस यहकर या यहुक्क-मूच्य (Modal v luc) का उपयाप करता है। यहुक्क वह सून्त है ने लेगी में स्वित्यस बार सिक्ता है अपने इस पर दो वारदाराता मदो अपिन हानी है। श्रेमी का वह प्रमान है कि हो है ने स्वत्य (density) बाठे स्थान पर होता है। इनने आगायाम सवसे अपिन महेता (density) बाठे स्थान पर होता है। इनने आगायाम सबसे अपिन महेता होता है।

बहुकक के मुख्य लक्षण है (१) यह मबस अधिक बारबारता वाले पद के परिमाण के बराबर हाना है (२) पहिंच क्षणम के हाने हुए भी, बहुबक मुख्य लगाना के पदो में प्रमाधिक होना है। इतका बन्धे पहुंचा कि पदि लगानात के पदो की बारबारता निवास कि माने ही किया पद की बारबारता निवास कि पह है। कि पह कहुक्त महीं माना आएग। इसके विकास के आमप्ताक के पदो की बारबारता ताएँ अधिक है ता सक्षा कि बारबारता निवास के पदा के स्वास के पदा की बारबार कार्य अधिक है। से पदा वहुक्त माना आएग। इसके विकास के पदा है।

पहली विमेपना ने यह लगना है कि बहुजर का स्थान-निर्मारण करना और उसका मुख्य जनना व्यापन होगा, परन्तु इतन लक्ष्य के कारण करिनाई जाती है। परि वास्त्र पर्यापना होगा है। परन्तु इतन लक्ष्य के कारण करिनाई जाती है। परि वास्त्र पर्यापना होगा है। वस्त्र किया कारण (uniquely) निहिन्दन नहीं विचा जा सकता क्यों कि पर एक दूसरे से बहुत कम भिग्न हाते हैं और इसलिए बहुलक निर्मारित करना किन हो जाता है। ऐसी स्थित में, बहुलक को प्रधानता देने के लिए बारधारताओं का समूहन (grouping) कर लेते हैं। ममूहन करना तब तक जाती रहां जो लाता है जब तक क्यों कि बारायारता बारा पर सहचान ने लिया जाय। समूहन करने की कोई-एक रीति नहीं है। बस्तुत जो जैसे चाहे वैसे बान-वारताओं का समूहन कर सकता है। परन्तु समूहन करने का उद्देश्य हमेशा ध्यान में रखना बाहिए और बहु यह है कि अनिधानता दूर की आय। प्रचलित रीति यह है किया पादों को समूहन वरना चाहिए। इसके बार समूहत वरना चाहिए। इसके बार समूहत वरना चाहिए। इसके बार समूहत वर्गायों का सिक्त पर सह सा समूहन करना चाहिए। इसके बार समूहत वर्गायों के स्वतं वर्गायों का सा समूहत वर्गायों का सा समूहन करने का जो की सा सा समूहत वरना चाहिए। इसके बार समूहत वर्गायों का विक्त पर है। विस्थाय है जिसमें सबसे अधिक पर हा। निम्निविद्यत उदाहरणों से यह रीति स्थय्ट हा जाएगी। गहाँ हम एकंक निरोधकों को अभी पर किवार नहीं वर रहे हैं क्यों के इस अधी में प्रदेशक पर की बारबारता एक होती है और इसलिए इस अधी वा बहुलक नहीं होता।

### बहुलक का निर्धारण

# (क) खंडित थेणी

उदाहरण १ निम्नलिखित थेणी का बहुलक निकालना है --

परिमाण	वारवारता	परिमाण	वारवारता
1	5	6	19
2	9	7	18
3	12	8	8
4	18	9	4
5	20	10	2

पदी वे उनतव्वितित बटन (distribution) से हम देखते हैं नि ५ परिमाण की बारबारता सबसे अधिन है। परनु यह हो सनता है नि ४ और ६ वाले परिमाण का प्रसाव अधिक स हो और वहलन निजय हिए स्वरे रहान पर हो, और ६ पर नयों कि पर १ और १९ (भ्या और ६०) जा प्रमाव है जब नि ६ पर २० और १८ (५ वो और ० वो) का। इसिलए बहुलन मुनिश्चित करने ने लिए हम बारबार- खाओं का तमुहुन करते हैं।

### समूहन सारणी

परिमाण	वारवारता				
1 2 3 4 5 6 7 8 9	5 } 14 12 } 30 18 } 30 20 } 39 19 } 39 18 } 26 4 } 6	} 21 } 38 } 37 } 12	}26 }57 }30	}39 }57 }14	} <b>50</b> } <b>4</b> 5

### विद्वतेषण सारणी

	परिमाण	3	4	5	6	7
	कॉलम					
	1 9			1	,	
	3		ļ	į	,	
	5		1	I I	ì	1
_	6	I	l	1		
_	कुल	ı	3	6	3	I

इस प्रकार हम पाते हैं कि बहुल र ५ है।

उदाहरण २। अव निम्नलिखित थेणी पर विचार कीजिए

### समृहन सारणी

		સમૂર	्न सारणा		
परिमाण	<b>बारबार</b> सा				
1	10 22		1		
2 3	15 34	}27	37	46	)
4 5	191	139	١	- (	54
6 7	8 28	} 39	<b>}47</b>	32	15
	41 7	12	ኃ 🤊	} <sub>7</sub>	1,3
8	3 } ' 2 } .	} 5	}	1,	}5
10	2 } 4	1	,		,
11	1	{ 3			

#### विश्लेषण सारणी

परिमाण	2	3	4 '	5	6
कॉलम					
1				1	
2		1	1		
3			1	1	
4			1	1	1
5	1	1	1		
6		1	1	1	
<b>कु</b> ल	1	3	5	4	1

यहाँ हम पाते हैं कि समूहन करने पर परिमाण ४ बहुनक है, जबकि निरीक्षण से परिमाण ५ की बारबारता सबसे अधिक है। इससे यह स्पन्ट हो जाता है कि आसपास के पदी की बारबारताओं के कारण बहुनक ५ से हटकर ४ पर जा गया।

यहाँ यह स्मरणीय है कि समूहन करके बहुरफ नेचल तभी निकाला जाता है जब उनका स्थान निस्तित नही होता। परन्तु यदि अधिकतम बारवारता और आसपास के पदो की बारवारता बहुरफ को निश्चित कर देती है, तब समृहन करना आवश्यक नहीं क्योंकि वह वेचल निरीक्षण करने से जाना जा सकता है।

### (स) सतत श्रेणी.

सतत श्रेणी में बहुलक परिमाण निवालने में एक विशेष समस्या आती है। इसका स्थान निर्मारण समुहन या निरीक्षण करके निया जा सकता है। परन्तु इससे हमें केवल बहु या जात होता है जिसमें बहुल्क हो। जाने जतरण में इसके क्या मूल्य है इसके लिए हमें एक क्या रीति का उपयोग करता पडता है। अध्यक्ष भी भीति बहुल्क के मूल्य को अलबर्वेंगन करके ही जाना जा सकता है।

उदाहरण १ निम्नलिखित थेणी में बहुलक-परिमाण निकालना है

परिमाण	वारबारता	परिमाण	वारवारता
010	10	3040	11
10-20	12	4050	8
20-30	18	50-60	6

निरोक्षण से हम पाते हैं कि बहुळक २०-३० वाले वर्ग-अतरण में है। इसका दीक मुख्य जानने के लिए हम अन्तर्वेशन के निम्नलिखित सूत्र का प्रयोग करते हैं

$$Z=l_1+\frac{f_1-f_0}{2f_1-f_0-f_2}(l_2-l_1)$$

232

जहाँ

. ८ वहल∓ है,

I, बहुलक-वर्ग की अधर सीमा है,

 $l_2$  बहुलक-वर्गकी लगर सीना है,

 $\int_0^{\infty} a g \cos \pi = \pi i$  से पहले के दर्ग की बारबारता है,  $\int_0^{\infty} a g \cos \pi = \pi i$  की बारबारता है.

 $f_2$  बहुटक-वर्ग के बाद के वर्ग की बारवारता है। मुत्र में प्रश्न के मुख्यों को रखने पर

$$z=20+\frac{18-12}{2\times18-12-11}(39-20)$$

$$=20+\frac{6}{13}\times10=20+4616\approx24\cdot616$$

यहां यह जातचा है कि बाँद सुत्र का प्रयोग करने पर प्रनास्मक चिन्ह के बाद का नाग प्रधास्त्र बाता है, तो बहुतक पहुँचे ने वर्ग में होगा वहां उचका स्थान निर्मास नहीं हुआ है। ऐसी स्थित में बगों का दोन्दों करने चमूहन कर क्षिया बाता है और तरमुक्तर बहुक्क रिकाल क्या बाता है।

उदाहरण २: निम्नलिनित श्रेपी में बहलक निनालिये.

				बादारता	परिमाण
		7		5 3 12	0-10
		31	1 26	7 3 12	10-20
)	- 44		120	19 37	2030
<b>}53</b>	,	<b>3</b>	34	18)	30—10
)	7	{ <del>44</del>	50.	16 26	40-50
	31	,	J 15	10 }	5060
	,		712		60 70

#### विद्रलेशण सारणी

बालम	1020	20-30	30-40	40-50	50-60
1 2 3 4 5 6	1	1	1 1 1 1	1 1	1
मोग	ı	4	5	3	1

बहुलक ३०-४० वाले वर्ग अंतरण में है । अतर्वेशन द्वारा:

$$Z = l_1 + \frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_2} (l_2 - l_1)$$

$$= 30 + \frac{18 - 19}{36 - 19 - 16} (40 - 30) = 30 + \frac{-1}{1} \times 10$$

उपरोक्त समूहन के अनुसार बहुठक ३०-४० वर्ग अंतरण में होना चाहिए था, परन्तु यह पहले के वर्ग में आ गया है। इसलिए हमें परिमाणो की दो-दो समूहों में रखना होगा। नये वर्ग निम्नलिखित हैं:

परिमाण	बारवारत
0-20	12
20-40	37
40-60	26
60 00	5

स्मप्टत बहुलक २०-४० बाले वर्ग-अतरण में है। अन्तवेंशन से.

$$\begin{split} & \mathcal{Z} = l_1 + \frac{f_1 - f_0}{2f_1 - f_0 - f_0} (l_2 - l_1) \\ & = 20 + \frac{37 - 12}{47 - 12 - 26} (40 - 20) = 20 + \frac{25}{36} \times 20 \\ & = 20 + 1389 = 3369 \end{split}$$

सत्त येणी में बहुकत नी गपना करने में एक अन्य बात का ध्यान रखना चाहिए। बहु महु कि सत्तत येणी में बहुकत तभी निवाला जा सकता है जब वर्ग-अन्तरण बहु यह हि सत्तत येणी में बहुकत तभी निवाला जा सकता है जब वर्ग-अन्तरण बरावर हो। यदि वर्ग-अतरण बरावर नहीं है, तो जह वरावर बना लिया जाना चाहिए। अगर यह सभव नहीं है, तो बहुकत समिन्त (indeterminate) माना चाहिए। अगर यह सभव नहीं है, तो बहुकत समिन्त (indeterminate) माना

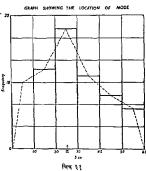
## जाना चाहिए। जदाहरण ३: निम्नलिखित सामग्री के लिए बहुलक निकालना है

0-10	10	40-46	12
10-15	8	4650	8
15-20	7	50-52	8
20-22	8	5560	7
22-30	10	6070	12
30-37	15	70—75	6
37-40	10	75—80	2

उपर्युक्त श्रेणी को पहले बराबर वर्ग-अतरण बनाकर रखना पडेगा और फिर बहुरूक निकाला आएगा। बराबर वर्ग अंतराल वाली श्रेणी निम्नलिखित हैं।

010	10	40-50	20
10-20	15	5060	15
20-30	18	6070	12
30-40	25	70—80	8

यदि श्रेणी में दो या अधिक पदी की बारबारताएँ अधिकतम है तो श्रेणी को कथन दिन्सुलक (bi-modal) और बहुनहुलक (multi-modal) श्रेणी कहते हैं। प्राय: समूहन करके श्रेणी को एक बहुलक (mi-modal) श्रेणी क्याय अध्यक्ष के स्वाया जा बकता है, परंणु जब यह क्षत्र न हो तो श्रेणी उपर्युत्त नामों से बनाई जाएगी।



बहुकक का लेखाविजोच स्थान-निर्धारण—लेखाधिज की तहायता से बहुकक का स्थान निर्धीरित करने के लिए या तो वारवारता बहुभुज बनाया जाता है पर बारवारता-कह । नैसाविज का सर्वोच्च बिन्दु बहुकक का स्थान बताता है । चित्र १२ में लेखाविजीच रीति से बहुकक का सान-निर्धारण निया गया है। लेखाधिज पहले जवाहरण की प्रेमी का है, विजमें बहुकक का मून्य २४५६१६ था। लेखाधिज में बहुकक का मून्य २५ है। हम पाते हैं कि बहुकक का मून्य न्यूप्ट है। बहुलक के लाभ—बहुलक के कार्य और उपयोग को अभी तक ठीक से नहीं सममा गया है, इसलिए इस उपयोगी केन्द्रीय प्रवृत्ति के मागक का प्रवलन कम रहा है। यह नियों अपो का स्वाधिक एटय पर है, और यदि येगी नियमित है तो यह उस का सबसे अच्छा प्रतिनिमि है। वब दीशानिक अध्ययनो में बहुलक का प्रयोग अधिक ही रहा है। व्यापार और साणिज्य में भी बहुलक का बहुत व्यावहारिक महत्व है। किसी वस्तु का निर्माता यह जानना चाहता है कि किस प्रवार की, या किस डिवाइन की या किस अस्ति स्तु की क्यात सबसे अधिक है। यह इत विभिन्न पूण बाली वस्तुओं की गाध्य या मध्यक क्यात नहीं जानना चाहता वगीक वह उस वस्तु का उत्पादन अधिक करना चाहता है जो अधिक विके।

- १. लोकप्रियता का अध्ययन करते के लिए बहुतक विहोच रूप से उपयोगी है।
- २. बहुलक वा दूसरा लाम यह है कि बहुचा इसे केवल निरीक्षण से जाना भा सकता है।
- इस पर घरम मृत्यों का प्रभाव नहीं पड़ता । बहुधा यह वास्तव में प्रति-रूपी पद होता है ।
- धरम-पर्दो का ज्ञान न होने पर भी इसका निर्धारण किया जा सकता है,
   बशर्दे बटन निर्यासत हो।
  - ५- यह सरस एवं सुतस्य (precise) है। मतन येणी के अतिरिक्त वह अन्य श्रीणयों में उनका एक पद होता है।
  - बहुलक के दोष और कमियां—(१) यह एक बहुत सुक्ष्म माप है और कई स्थितियों में अंतियाँत रहता है।
  - (२) चूंकि यह निकटवर्ती बारवारताओं से प्रभावित होता है इसलिए पर्दों को कमानेसार रक्षता आवश्यक हो जाता है।
  - (३) यदि वारवारता-बटन अतियमित हो तो यह एक ही प्रकार के अल्प सन्यक पदों से प्रमावित होता है।
  - (४) यदि पर्वो पर सापेक्षिक महत्य के अनुसार विचार करना हो तो यह सनुपप्कत होता है।
  - (4) इसला उपयोग उच्चतर बीजरणितीय रेसियों में नहीं किया जा सकता। बहुरूक जान केने से येणी के बारे में बीर क्षिक हुछ नहीं जाना जा सकता। किर, बहुरूक निकास्त्रे में उपयुक्त रितियों में इस बान का प्रथम निग गया है कि यह बास्तव में प्रति क्षी पर हो जीर करण्यहर गणियीय मुख्यत

स्रोर पारिमापिक परिवृद्धता का त्याग निया गया है। फिर यह श्रेणी ने सब परो पर आधारित नहीं है।

- (५) बहुळक का मूल्य निकालने में समूहन करने की रीति का बहुत प्रभाव पड़ता है। बर्षांत्, यदि हुम गहले एक प्रनार के नमं-अन्तराला में अणी को रखें और दुसरी बार दूसरे वर्ग-अतरालों में, तो हमें उड़ी श्रेणी के लिए बिभिन्न बहुलक निलेंगे।
- (७) यदि बहुलक और पदो की सख्या मालूम हो तो कुल मापन नहीं मालूम किया जा सकता है।

### श्रन्य केन्द्रीय-प्रवृत्ति के मापक

उपर्युक्त केन्द्रीय प्रवृत्ति के मापको के अतिरिक्त दो अन्य मापक भी है जिनका बपेक्षाकृत कम प्रयोग होता है। ये हैं गुणोत्तर माध्य (Geometric ave age) बौर हरात्मक माध्य (Harmonic average)।

### गुलोत्तर भाष्य

n पर्दों का गुजोत्तर साम्य उनके गुजनक का n वो मूल है। उदाहरण के छिए यदि दो पर २ और ८ है तो देनका गुजनक १६ हुआ और चूंकि दो पद है उस छुए १६ का वर्षमूल ४ इतका गुजोत्तर माम्य हुआ। इसी प्रकार यदि तीन पद अपना . ९, ६ और ४ है तो इतका गुजीत्तर साम्य हुआ। दोत चुंकि तीन पद हैं इस्तिजे २६१ का प्रतासक २ इरका मुजोत्तर साम्य हुआ। परनु अगर पदा को बस्मा २ के अधिक हो तो प्रवास कर वी स्कृतिक निम्म नहीं है इसिजे १ इसिजे प्रवास कर वी स्कृतिक निम्म नहीं है इसिजे एक स्वास के स्वास कर स्वास के स्वास की स्वास के स्वा

$$G = \sqrt[n]{x_1 \times x_2 \times ... \times x_n}$$

हर्ह  $x_1, x_2, \dots x_n$  श्रेणी के पद है और G उनका गुणोक्तर माध्य है।

या, 
$$G=$$
प्रतिलघु  $\left[\frac{\pi \sqrt[n]{x_1+}}{\pi}\frac{\pi \sqrt[n]{x_2+...+}}{\pi}\frac{\pi \sqrt[n]{x_n}}{\pi}\right]$ 

गुणोत्तर माध्य की गणना—हम तीन प्रकार की श्रीषयो को अलग अलग कैंकर मुगोत्तर माध्य को गणना करने की रीति बतायेंगे।

 (क) एकँक निरीक्षणो को खेणी: निम्नलिखित थेणी का गुणोत्तर माध्य निकालिये 2,000, 35, 400, 15, 40, 1500, 300, 6, 90, 250

पहले इन संख्याओं के लघुगणक निकालने होंगे और उनसे गुणोत्तर माध्य .

परिमाण	रम्	परिमाण	ल्यु
2 000	3 3010	1500	3 1761
35	1 5441	300	2 4771
400	2 6021	6	0 7782
15	1 1761	90	1 9542
40	1 6021	250	2 3979
		Total	21 0089
40			2 3979

G=ਸ਼ਰਿ ਵਾਧੂ (21 0089 )=ਸ਼ਰਿ ਲਬੂ 2 10089=102 1

(स) खडित श्रेणी पहले कालम में दिए गए अनुपातो का गुणोत्तर माध्य निकालना है

चारन अवपात (operating ratio)	षात (power)	र <b>पु</b> गणक	<b>पात ×लघुगणक</b>
11 13 15 17 19 21 23 25 27	10 28 108 170 196 190 136 73 54 33	1 0414 1 1139 1 1761 1 2304 1 2788 1 3222 1 3617 1 3979 1 4314 1 4624	10 4140 31 1892 127 0188 209 1680 250 6448 251 2180 185 1912 102 0467 77 2956 48 2592
योग	998		1292 4455

G=प्रति रूपु (1292 4455) - प्रति रूपु 1 295=19 72

(ग) अतत भेगी अतत भेगी को पहुँच पांडव भेगी ने पर में रखा जाता है। इसके लिए सम्बद्धाराजें ने मध्य मात्र निजाल निय जाते हैं। उपहुल्यामें मान कीर्जिय जाता तथा अत्यादाराजें ने मध्य मात्र निजाल नियं तथा अत्यादार्य के पर १२ १४ १४ है और शायदारायार्य के प्रत्य अति एक स्वर्ध भेगी अदित अममी जायगी और बारबारायां पदा के पांत हो आएंगी (देखियें उपगूंकर जाइतथां)

भारित गुगोलर माध्य की गणना भा उपयक्त रीति से ही भी जाती है। अन्तर कवर इतना ही है कि घाती के लिए बारवारताओं के स्थान पर भारों वा उपमार्ग किया जाता है।

गुणोत्तर माध्य के उपयोग—गुणीत्तर माध्य का उपयोग सूचकावो (Index aumbers) में निया जाता है। गुणातर माध्य का प्रयोग करते से सूचकाक घरकाम्य (Reversible) वनते हैं और यह समान परिवर्तन-अनुपातों की समान भार देता है। मूलवाको में ये कुण होने चाहिए और दशिलए इन गुणो की व्यने बाला माध्य अवस्व ही अधिक अच्छा होगा । गुणोत्तर माध्य बढ़े पत्रो नो वन और छोटे करों को अधिक भार देता है। इसिलए सामाजिक और आधिक समस्याओं का अध्यान करने में यह वियोग रूप से उपयोगी है। मूलवाको में गुणोत्तर माध्य के उपयोग पर सुनदान के अध्यान में विस्तारपूर्वक विचार किया गुणोत्तर माध्य के

गुलीसर गाध्य का सबते महत्वपूर्ण उपयोग करो की वेगी, वियोगत का उन्धेकी, में परितर्ग की दर का माध्य निकालने में किया जाता है। मान डीनिय एक ध्यक्ति वितिय स्थानों में पांच यहें के लिए १० हजार रुपये का विनियोग करता है। मीचे यी गई सारणों में प्रत्येक वर्ष के जाता में उपने नाम पर होने वाली रागि दी गई है। केलिय १ में प्रत्येक वर्ष के अन्त की रागि और उद्ध धर्य के प्रारंभ की यदित का अनु-पात दिया गया है। केलिय ४ में प्रत्येक वर्ष के लिए कोलम ३ में प्रारंभ ब्या अर्थ माध्य दर सी गई है।

वपं	प्रत्येक वर्षके अन्त में सन्ति	ञनुपात	माध्य व्याज दर	कारूम ३ के अकी कांस्पृगणक
1	2	3	4	5
1	10,398	1 0398	3 98	0 0170
2	10,713	1 0303	3 03	0 0128
3	11,201	1.0456	4 56	D 0195
4	11,576	1 0335	3 35	0 0145
5	12,294	1 0620	6 20	0 0261
	योग	5 2112		0 0899

हम यह जानना भारते हैं कि वह माध्य ब्याजन्य क्या होगी किस पर विभिन्नोण करने में इस ब्यक्ति का ५ वर्षों के अला में उतता ही मिले जितना जेले ५ विभिन्न ब्याज की दरों पर विभिन्नोण करने पर मिलता है। माध्य ब्याजन्य जानने के लिए हम बॉल्य रे से दिए गए अबने का माध्य निकालते हैं। परन्तु कीन सा माध्या? महाँ हम वाते हैं कि समातर माध्य निवायनवर नहीं है।

अनुपानी को समातर माध्य  $=\frac{5\cdot 211}{5}=1$  0422

मान्य अनुपात वे १ ०४२२ होने का अधं यह है कि वर्ष के प्रारम की राशि १००० र० --वर्ष के अल में १०,४२२ ४० हो जानी है। इसलिए १०,००० र० पर ४२२ र० ब्याज मिला जर्यान् ब्याज की दर ४०२२% प्रति वर्ष हुई। अनुवातो वा गुणोत्तर माध्य = प्रिल्डियु  $\left(\frac{0.0899}{5}\right)$  = प्रतिलघु 0.0178

माध्य अनुपात १ ॰ ४२ है, इसिएए ब्याज की दर ४ २० % प्रति वर्ष हुई। गुणोत्तर माध्य का प्रयोग करने निकाली गमी ब्याज की दर समातर माध्य का प्रयोग करने कि तहाली गमी ब्याज की दर समातर माध्य का प्रयोग करने कि तहाली गर्द ब्याज की दर से कुछ कम है। हम इस निकार्य पर पहुँचते हैं कि यदि ब्यान्त एकमम (uniform) ब्याज-दर पर विनियोग करना पाहता है, तो उपर्युक्त सारणों में हो पई रासियों को प्राप्त करने के लिए उमे ४ २२० प्रतिस्त पर विनियोग करना चाहिए।

यदि अन्त-मून्य (end-values) दी हुई हो तो गुणोत्तर माध्य वा प्रयोग व रहे वर्ष वतराल ने भीतर ने मून्यो वा अत्तरहंगत और बाहर ने मून्यो वा बाहर-वेतान (extrapolation) विचा जा सकता है। उपर्युक्त उदाहरण में हम भ साल ६ महीने वाद वी राणि वा अन्तर्वेतन और ६ साल वे अन्त में होने बाली राशि वा बाह्येयन वर सबते हैं।

(१) चार साल छ महीने के अन्त में होनेवाली राग्नि का अन्तर्वेशन : इस वर्ष में बृद्धि का अनुपान = 1:0335

अनएन प्रति मास बृद्धि का अनुपात=(1 0335)<sup>1/12</sup>=1 002 इसलिए ६ महीने के अन्त में होने वाली राजि

= 11576 (1.002)<sup>6</sup> = 11576 × 1·011 = 11,703 रू (लंगभग)

(२) ६ माल ने अन्त में होने वाली राशि का बाह्यवेशन

इस बल्पना पर वि बृद्धि की दर श्रेणी के गुणीत्तर माध्य अर्थात् ४२० प्रतिगत, प्रति वर्ष के बराबर होगी, ६ वर्ष के अन्त में होने वाली प्राक्कलित रागि

= 12,294 (1 042) ६० = 12,810 ६० (रगमग)

इसी प्रकार इसी रीति का प्रयाग उन स्थितियों में भी कियों जा सकता है जहाँ , हम जनसंख्या-बृद्धि या गुणोत्तर-बृद्धि या घातीय नियम (exponential law) पर विचार करते हैं !

गुणोत्तर माध्य ना प्रमाग नम निया जाना है नयोनि यह जटिन है और आसानी से समझ में नहीं आता, इननी गणना नरता भी अपेक्षारून निव्न है नयोनि इनमें रूपमुगन ना सान आवस्य है। पिर, पिर अंशो ना नोई पर मुख्य सा ग्रूणात्मन हुआ ता गुणात्मर पान्य नी गणना नहीं नी जा मनती। तीसरी नभी यह है नि प्राय से भी में है नि प्राय से भी में ने नराव नहीं होना। इनिएए यह उम अर्थ में प्रतिनिधि नहीं है जिसमें मध्यत और वहुलन है।

## हरात्मक माध्य

ह्यत्मक मान्य येगी के वर्दों के ब्यून्कमों के समानर भाष्य के ब्यून्यम ने बराबर होता है। वर्षात् कार हमें 2 और 4 ना ह्यात्मक भाष्य निवानना है तो पहले हम हमें ब्यूत्यम निवालने जो जमता है और है हैं। इन ब्यूनमों का समाजर मान्य है + हैं। 2 - हैहजा। और है ना ब्यूनम है - 2 हैं इन पत्ने का ह्यात्मक मान्य हुंगा। सुक कर में में

$$H = \frac{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2} + \frac{1}{x_n}}{\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_n}}$$

जहां H हरात्मक माध्य है ;  $x_1, x_2 \dots x_n$  श्रेणी के पद हैं और n उनकी सख्या है ।

हरातमक भाष्य को सभाग-व्यवहार में त्यात्मक माध्य ना प्रयोग बहुत कम होजा है। बही हम एक निरोज्ञण को लेगो ना हरातमक माध्य निवालने। इस रिजि का उपयोग सिंहत और सतत लेगों ना हरातमक माध्य निवालने में दिया जा सबता है।

उदाहरण: निम्नलिक्षित श्रेणी का हरात्मक माध्य निकालना है ' 2000, 35, 400, 15, 40, 1500, 300, 6, 90, 250.

परिमाण	ब्युत्त्रम	परिमाण	ब्युत्स्म
2000	0005000	1500	0006667
35	0285700	300	0033333
400	0025000	6	1667000
15	0666700	90	0111100
40	-0250000	250	10040000
		77.4.1	0000=00

Total 209050 H=ब्युलम <u>10</u> =ब्युलम 020905=47 85

हरात्मर माध्य के उपयोग—हरात्मर माध्य ना बहुन परितािमत उपयोग होवा है। इक्तिए पह नमकोर प्रिय है। पत्तु बहुँ सबय, बर, और मूह्याँपर दिवार करता है, यहाँ यह अधिय उपयुक्त है। पह यह पदा को कम और छोटे पदी को जीवक मार हैता है।

समय और बर से सबीयत समस्यात्री में हमने उपयोग की उत्राहरण में समामाया जा सनता है। एक पायुयान एक वर्ष के बारो और उटना है, तिमनी प्रत्येक मुजा १०० मील है। पहली मुत्रा के जबर उसकी गति १०० मील प्रति घटा, हुसरी मुद्रा के ऊपर २०० मी० प्रति घटा, तीसरी भुजा ने ऊपर २०० मी० प्रति घटा, और चौघी भुजा के ऊपर ४०० मील प्रति घटा है । अगर हमें वायुगान की माच्य गति निनालनी है तो हरात्मक माच्य का उपयोग नरना चाहिए समातर माच्य गलत परिणाम देगा :

समातर माध्य- 100+200+300+400 =250 मी॰ प्रति घ॰

हरात्मक माध्य = व्यक्त्रम 
$$\left\{ \frac{\frac{1}{100} + \frac{1}{200} + \frac{1}{300} + \frac{1}{400}}{\frac{1}{400}} \right\}$$

=  $\frac{1}{4}$   $\left(\frac{0.0100+0.0050+0.0033+0.0025}{4}\right)$ 

निम्नलिखित विवरण से यह स्पष्ट हो जाएगा नि हरात्मन माध्य नयो सही है: पहली मजा के अपर उडने में लिया गया समय=60 मिनट

दूसरी ,, ,, ,, =30 ,

तीसरी ,, ,, ,, =20 ,, चीयी ,, ,, ,, =15 ,,

400 मील जडने में लिया गया समय=2 पटा 5 मिनट=2  $\frac{7}{12}$  घटा प्रति घटा उदी गई माध्य दूरी=400  $\div$  2  $\frac{7}{12}$  =400  $\div$  2  $\frac{7}{12}$  = 192 00 मील प्रत्य घट

इन दो रीतियो से माप्य निकालने में आने बाला ० ३का अन्तर व्युत्कम निकालने में किये गए उपसादन के कारण है।

इसलिए जहाँ समय परिवर्सों हो और दूरी समान रहे, हरात्मक माध्य अधिक उपमुक्त है।

हरात्मक माध्य का जयगेग उन स्थाना में भी किया जाना है जहां मूख्य दिये हुए हो और क्य सर्वित नापनी हो। वह सब जानते हैं कि जितना की क्य सिक्त जुला, उतनी ही अधिक द्रव्य-दक्ताई की क्ष्य सिक्त होगी। द्रव्य-दक्ताई काय सिक्त मूल्यों के ब्युक्तम से नापी जाती है। यदि ४ एक सेर गेहूँ का रुपयों में बूब्य है हो। 1/४ एक रुपये में सरीदे जा सकने वाले गेहूँ को माजा देशों में बताना है।

मान लीनिए निमी बस्तु के चार वर्षों के मूल्य ५ इ०, १० इ०, १२ इ० और ६५ १० फीर मन है। स्मीर उपसेला प्रत्येत वर्ष वस्तु की वस्तार आगार्य वर्तरता है। सीम वस्तु के बात सामानर माध्य, वर्षात् १० ५ इ०, होगा । परन्तु वैना सामायाव्य मूल्य इन वा समानर माध्य, वर्षात् १० ५ इ०, होगा । परन्तु वैना सामायाव्य होगा है, मान लीनिए कि बीत वस्तु की मानार्य मध्यो पर निमेर करती हूँ। इस रिवात में चार वर्षों में दिया गया माध्य मूला मारित समातर माध्य द्वारा समुचित रूप से रिवा जाएगा। यहाँ भार एक वी हुई रूप से, साम कीजिए १ रसमा, सरीदी जाने वार्ज मात्रा के अनुसाद में होगी। उपर्युक्त उवाहरम में ये भार क्रमस. १२, ६, ५ और ४ होगे और भारित समातर माध्य

$$= \frac{(5\times12) + (10\times6) + (12\times5) + (15\times4)}{12+6+5+4}$$
$$= \frac{60+60+60+60}{27} = \frac{240}{27} = 8\cdot9$$

हरात्मक माध्य भी इसी के बरावर होगा :

$$H = \frac{1}{5} \left\{ \frac{\frac{1}{5} + \frac{1}{10} + \frac{1}{12} + \frac{1}{15}}{\frac{4}{4}} \right\} = \frac{12 + 6 + 5 + 4}{60}$$

$$= \frac{27}{520} = \frac{20}{20} = 6 \cdot 9.$$

उपर्युक्त विवरण से यह स्पष्ट हो जाना चाहिए कि हरात्मक माध्य ऐसा केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापक है जो सरल नहीं हैं। इसलिए यह कम प्रचलित है।

#### साध्यों में संबंध

माध्यो का परस्यर सबध दो समूहों में किया जा सकता है। पहले समूह में समातर माध्य, माध्यका और बहुलक जाते हैं और दूसरे में समातर माध्य, गुणोश्तर माध्य और हरात्मक माध्य आते हैं।

माध्य, माध्यम और बहुलक—अगर बारबारता बटन समीमत (symmetrical) है तो ये तीन मार्ग वरावर होती है। नगर बटन अति-असमीमत (highly asymmetrical) है तो दन तोनो के बीच कोई निचित्त सबय गही रहता, परमु विद्य बटन पायारण असमीमत (moderately asymmetrical) हो तो निमालितित सबय रूपमय सही रहता है:

बहुलक=3 माध्यका—2 माध्य  
या 
$$Z=3M-2a$$

यदि इनमें से कोई दो मापे दी गई हो, तो उपरिलिखित सूत्र से तीसरे का प्रावकलन किया जा सकता है। यदि हम तीसी को गणना करें, तो समीकरण के दोनों पत्नों में जितना हो अधिक बतर होगा, बटन उतना हो अधिक असममित होगा।

मान लीजिए एक अनित लखमित बटन में माध्यका और बहुलक कनाः २५ २७ और २९ ०१ है। गाध्यका प्राक्तलन करते में उपयुक्त सुन का लपयोग किया जा सनता है: हम जानते हैं कि  $\mathcal{Z}{=}3M{-}2a$  या  $2a{=}3M{-}\mathcal{Z}$ । सूत्र में प्रश्न के मुख्या का रखने पर

2a=3×2527-2601 =5781-2601=498 a=249 (ल्पभग)

माध्य गुणात्तर माध्य और हरासन माध्य—यदि येगी में सब पद समान हों ता ये ताना मार्गे बराबर हानी है। परन्तु पदि ब लला लल्प है ता समातर माध्य गुणातर साध्य स बहा और गुणीतर माध्य हरात्मन माध्य स बहा होता है। इसका नारण मह है कि गुणीतर माध्य बड पदा ना नम और छोरे पदा नो लियन भार देता है और हरात्मन माध्य बडे पदा ना और भी नम और छोरे पदा नो और भी लियक भार बता है। मुन न रुप में

 $a \geqslant G \geqslant H$ 

## **OUESTIONS**

- I Point out the advantages and disadvantages of the chief kinds of averages used in Statistics (M.A., Calcuta)
- 2 What are the functions of a statistical average? Explain, by taking suitable examples the use of any three of the averages generally used in statistical work (B Com., Luchnow)
- 3 How will you find (a) the average marks of a class of students to show the level of untelligence, (b) the average cost of goods purchased in different lots to determine the selling price, (b) the average size of groups of items for the purpose of classifications, (d) the average rate of increase in prices when the prices increase and at different rates during stucestive period;

Explain why you adopt a particular method in such case
(B Com., Agra)

- 4 'An average is a substitute for a complex group of variables but it is not always safe to depend on the substitute alone, to the exclusion of individual measurements of the group' Discuss (B Com., Allahabad)
  - 5 Criticise the following statement -

"The length of a line was measured twenty times and the arithmetic mean of the measurements gives the true length'

6 What is a statistical average? What are the desirable properties for an average to possess? Which of the averages you know possess these properties? (M.A., Delhi)

- 7 Define a weighted average. How does it differ from an unweighted mean? Discuss critically the use of weighted mean in stansics describing the cases in which the weighted mean is better than the unweighted mean. (B Com, Calcuta)
- B What is the purpose served by an average? Discuss the special advantages attached to the different averages and illustrate their use (B Com , Agra)
- 9 Statistics help collective agreements of wage adjustments. What data are required for the consideration of a revision in wage rates in a factory? (M. Com, Allahabad) 10. Compare the ments and the dements of the median and
- the mode. In which of the following problems would they be most useful. —
- (a) Skull measurements, (b) Size of holdings (c) Comparison of intelligence, (d) Marks obtained in an examination, (e) Heights and weights of students
- II In what circumstances would you consider the Arithmetic Mean, the Geometric Mean the Harmonic Mean respectively, the most suitable statistics to describe the central tendency of a distribution? (I A S)
  - 12 Criticise the following statement -

For a manufacturer of hats the mode is a more important measure of central tendency than the arithmetic mean (M.A. Allahabad)

13 Explain clearly the fact that in averaging a group of simple relatives antimetic mean gives an upward bias and the harmonic mean gives a downward bias (M.A., Allahabar)

14 The following table gives the number of persons with different incomes in the U S A during the year 1929 —

Income in thousands of dollars	No of persons in lakhs
Under 1	13
2— 3	90 81
3 5 510	117
10-25	66 27
2550 50100	6
1001000	2 2

Calculate the average income per head (B Com , Luchnew)

15 The following table gives the male population of Kannur

and Jaipur in 1931

Age group (Years)	Population of a Kanpur	males in thousands Jaipur	
		Janjan	
0 5	14	9	
510	13	8	
10-15	13	8	
15-20	13	7	
20-30	33	15	
30-40	29	12	
40-50	17	9	
EO EO	7	6	

60-80

Calculate the average age of males at Kanpur and Jappur separately and account for the difference, if any

(B Com, Allahabad)

16 The following table gives the distribution of population according to age in India and Japan at the time of the last census (1931)

Age group in years

Population in cullions in

ge group in years	Population in	millions in
	India	Japan
010	98 9	17 8
10-20	72 5	14 3
20-30	63 2	11 3
30-40	48 6	86
40—50	32 6	6.5
5060	19 4	54
6080	13 2	5 1

Calculate the average age of people in India and in Japan, and comment on the difference (B Com, Allahabad)

17 Given the following frequency distribution, calculate the

Monthly Wage	Workers	Monthly Wage	Workers	
Rs Rs		Rs Ra		
12 5-17 5	2	37 5-42 5	4	
17 5-22 5	22	42 5-47 5	6	
22 5-27 5	19	47 552 5	1	
27 5-32 5	14	52 5-57 5	1	
32 5-37 5	3			

(M Sc , Punjab)

18 The frequency distribution of cost of production of Gur in rupees per maind for different holdings in two districts is given below Find the average cost in each district, and test whether there is any significant difference

Cost in supees per	District	District
maund	A	В
2 3	9	1
3 4	32	10
4 5	37	34
5 6	21	23
G 7	13	21
7 B	7	14
8 9	5	10
910	2	9
10-11	1	5
11-12	2	2
12—13	1	1
Total	130	130

(I C 5)

19 The following table gives the frequency distribution of marks of a batch of students -

		Digits	sh	owing	d	i ision	O	class	inte	rval	s
Marks	o ~	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Total
0 9	ī			2	8	4			4	2	21
10-19	4	8	7	3				2	3	2	29
20-29	8	7	5	6	2	9		2	4	ì	44
30-39	2	4	3	6	5	3	2		2		27
40-49			2	3	6	3		8	2	2	26

You can interpret the above table like this that there is one student getting a 0', two students getting 3 each, eight getting 20 each, seven getting 21 each and so on,

Now, find out the arithmetic mean of the series -

- (a) By using the above table just as a frequency distribution giving class intervals and their total frequencies
- (b) By using the entire information which this table has to pass on to you
- 20 The frequency distribution below gives the cost of production of sugarcane, in different holdings Obtain the Arithmetic Mean Frequency Cost

26	1	18—	52		
6	9	22—	36		
10	21	26	19		
14	47	30-34	3		
			(1)	A and A	S)

Frequency

Cost

21 The following table gives the population of males at different age groups of the U K and India at the time of the census of 1931 —

Age-groups	U K (Lakhs)	India (Lakhs)
0 5	18	214
510	19	258
1015	20	222
15-20	18	157
2025	16	145
2530	14	161
30-40	27	257
4050	25	184
50-60	19	120
Above 60	17	100

Compare the average age of males in the two countries, and account for the difference, if any (B Com , Allahabad)

22 Make a frequency table having grades of wages with class intervals of two annas each from the following data of daily wages re eived by 30 labourers in a certain factory and then compute the average daily wages paid to labourers

Daily wages in annas 14, 16, 16, 14, 22, 13, 15, 24, 12, 23, 14, 20, 17, 21, 18, 18, 19, 20, 17, 16, 15, 11, 12, 21, 20, 17, 18, 19, 22, 23
(B A Hons, Punjab)

23 Explain what is meant by weighted average, and discuss the effect of weighting

Calculate (i) the unweighted mean of the prices in column III and (ii) the mean obtained by weighting each price by the quantity consumed.

1	II	111
Articles of food	Quantity	Price in
	consumed	rupees per md
Flour	11 5 mds	5 8
Ghee	5 6 mds	58 4
Sugar	28 mds	8 2
Potato	16 mds	2 5
Oil	35 mds	20 0 (M A , Calcutta)

24 Define a 'weighted mean' 's several sets the doservations are combined into a single set show that the means of the combined set is the weighted mean of the several sets

(b) The number of asthma sufferers whose first attacks came at various ages is given in the following table. Calculate the mean age at the first attack by any method -

#### Table

Age at fi	rst 0—5	5—10	10—15	1520	2025	25-30	3035
of cases		113	64	61	70	13	77
Talle (continued)							

			,			
Age at first artack	35—40	ردــــ(ك	45—50	J0—55	23—69	60—6ა
of cares	64	53	40	35	24	11 A.S

- 25 How is the principle of weighting applied to the determiration of corrected death rates from crude used rates "
- (B Com., Luxus) 20 What is meant by "standard.ing" a birth rate or death
- rate ? Discuss the possible methods of standarding birth rates (M.A., Calcutta) and their difficulties
- 27 Annual death rate of Town A is 34 per thousand, and that of Town B is 31. Their distribution of population according to different age-groups and the death rates for each age-group are as follows -

	Le awo I		Tewn B	
Age-group	Population in thousand	Annual Death Reserved	Population in the sand	Armual Death Rate po-
0 5 515 150 Above ~0	70 35 65 20	100 25 10 30	60 160 30	26 11 31

(a) Which do yo consider to be more health? Give reasons " Circles the death rate of To m B on to to of the d tribution of population as given for Town A.

28 Calculate the arithmetic average and the median from the following data —

Age	No of people	Age		No of people
5560	7	35-40		30
5055	13	3035		33
4550	15	25-30		28
40-45	20	2025		14
			Total	160
			CP CT	T. 1 1

(B Com, Luci now)

Calculate the arithmetic, the geometric and the harmonic

means and the median from the following figures — 375 5, 153 4, 28 5, 12 01, 4 5, 3 74, 12 79, 35, 41 9 and 58

(B Com, Allahabad)

30 Calculate the arithmetic average by the short cut method and the median in the following series —

Expenditure	No oi student		
Below Rs 5	6		
., ,, 10	16		
,, ,, 15	28.		
,, ,, 20	38		
,, ,, 25	46		

Explain the underlying assumptions of the formula used for median (B Corn , Allahabad)

- 31 Below are given the marks obtained by a batch of students appearing in Statistics in the Certificate Course Examination, maximum marks in the paper being 50—
  - 14, 22, 25, 15, 11, 33, 28, 26, 22, 30, 13, 16, 27, 32,

19, 12, 21, 18, 16, 10, 31, 29, 23, 24, 17, 23, 20

Find out (a) the median marks directly and (b) the median marks after classifying the given marks into class-intervals of 10-15.

15-20 etc Account clearly for the difference, if any, between the two values of median so computed (B Com, Allahabad)

32 The following table gives the age distribution of married females according to sample census of 1941 in the Baroda State —

Age	No	Age	No	Age	No
n_5	3	2530	2 223	5050	531
5-10	31	3035	1,723	5560	317
10-15	410	35-40	1 292	60—6 <b>ɔ</b>	156
1520	1 809	4045	963	ნა ⊸70	59
20-25	2 446	4550	762	7075	37
Calculate the median age of married females and also the two					

quartiles (I A and A S)

33 Calculate the values of the median and the two quartiles

for the following -Limits of percentage Factories in India recovery of sugar cane (1935 36) 25 80-82 8 2-8 4ñ 6-11 8 8-11 9 0-11 9 2-13 10 9 4-9 6-7 6 3 I 9 8-10 0-10 2-

(MA, Pinyab)

34 Calculate the mean and the median for the following distribution —

10 4-10 6

Weight of boys in a certain Num class	Weight of boys ber in a certain class	Number
100104 105109 110114 115119 120124 120129 130134 135139 130139 130139	145—149 150—154 3 155—159 6 160—164 3 165—169 0 170—174	500 430 260 128 66 28 12 2974

(I.A & AS)

35 The following table gives the distribution of the male and female population of a certain area in India By finding the

mean age, the median age, the upper and lower quartile ages, make comments on the age distribution of the two sexes in the area

Age	Males	Females	Age	Males	Females
0— 9 10—19 20—29 30—39 40—49	2,756 2,124 1,677 1,481 1,021	2,787 2,032 1,724 1,485 1,022	50—59 60—59 70—79 80—89 90—99	610 245 67 16 3	579 269 78 20 4
	-,	-,	Total	10,000	10,000 I C S)

36 Determine the quartiles and the median from the following table -

Income	No of persons
Below Rs 30	- 69
Rs 30 and below Rs 40	167
Rs 40 and below Rs 50	207 •
Rs 50 and below Rs 60	65
Rs 60 and below Rs 70	58
Rs 70 and below Rs 80	27
Rs 80 and over	10
mu t	
Total	603
	(D. C P
	(B Com , Bombay)

37 The following table gives the number of income-tax as-

pepaces una una	piconic m C 1	during the year 102	.4 45
Income in Rs	No of	Income in Rs	No of
2 000 to 2,500	7,103	5,000 to 7,500	3,257
2,500 to 3,000	3 344	7,500 to 10,000	1,497
3,000 to 3,500	2 386	10,000 to 12,500	775
3,500 to 5,000	4,568	12,500 to 15,000	371

- (a) Draw a histogram representing the distribution of incomes in U P between Rs 2 000 and Rs 15,000
- (b) Find the arithmetic average and the median of the above Incomes

<sup>38</sup> Draw an ogive showing the number of candidates obtain ng marks higher than any assigned value from the following data -

No of candidates

108 221 439 526 495 322 153 53

Marks -10 -20 -30 -40 -50 -60 -70 -80 -90 -100 Read off the median and the two quartiles from the curve and

check your results by actual calculation. Compare the median with the mean and comment on the difference, if any

(B Com Hons , Travancore) Amend the following table, and locate the median from

the amended table. Also measure the magnitude of the median so located -Sizee Frequency

10-15	10
15-17 5	15
17 5-20	17
22-30	25
3035	28
35-40	30
45 and upwards	40

(B Com , Allahabad) 40 According to the census of 1941 following are the popu-

lation figures, in thousands, of first 36 cities of India -2,488 591 437 208 213 143 1.490 407 284 176 169 181 777 387 302 213 204 153 7.33 391 263 176 178 149 522 360 260 193 131 97 672 258 239 160 147 151 Find the median and quartiles

(B Com, Lucknow) The following is the age distribution of candidates appearing at the Matriculation and Intermediate Arts Examinations of

the Patna University in 1937 -

Age in years 12- 13-14- 15- 16- 17- 18- 19- 20 21- 22- Total Matricula-

5 48 189 303 522 980 981 794 515 474 🗸 mort 4811 Intermediate x x x 5 45 87 127 150 155 127 175

Compare the median and modal ages of the Matriculation candidates with those of I A candidates (MA. Patna)

Find the arithmetic mean, median and the quartiles from the following distribution of 100 persons by age -

Age last birthday	Number
1519	4
20-24	20
25-29	38
30-34	24
3539	10
40-44	4
	(M A , Allahabad)

43 Find the mean, median and mode from the following figures —

2-6-1-1			
Marks	Number of students	Marks	Number of students
Below 10	5	Below 60	60
,, 20	9	,, 70	70
, 30	17	,, 80	78
, 40	29	,, 90	83
50	45	100	85

44 Find the mean, median and mode from the following

Marks	Number student		Marks	Number of students
Above 0	80	Above	60	28
,, 10	77	12	70	16
,, 20	72	,,	80	10
,, 30	65	"	90	8
,, 40	55	**	100	0
	42			

45 From the figures given below find the mode, median and Quartiles What information can you deduce from them?

Age	Number of persons	Age	Number of persons
20-25	50	4045	150
2530	70	4550	120
3035	100	5055	70
3540	180	5560	50
			(B Com, Agra)

<sup>46</sup> Draw a cumulative frequency graph of the following distribution showing the monthly wages of a group of workmen, and hence or otherwise calculate the values of (a) the mode, (b) the median and (c) the two quartiles —

Wages in rupees	No of workmen	Wages in rupees	No of workmen
20	8	25	25
21	10	26	15
22	11	27	9
23	16	28-29	6
24	20		(I A S)

47 Find the mechan and the modal size from the following data:

Size of the item in ft	Frequency
110	9
1019	13
1928	86
2837	239
37-46	120
4655	46
55—64	12

(M A , Allahabad)

48 Compare the relative advantages and disadvantages of the Arithmetic Mean the Median, and the Mode

The following table gives the results of certain examinations of three Universities in the year 1936. Which is the best University? Give reasons for your answer

Percentage results in the University University Examination A В N A 1 75 70 80 M Sc 70 70 60 BA 65 80 70 B Sc 60 70 80 B Com 75 65 75 (M.A. Calcutta)

49 The following table gives the marks obtained by a batch of 30 B Com students in a class test in statistics (Marks 100) —

Roll No	Marks obtained	Roll No	Marks obtained
1	33	16	24
2	32	17	33
3	55	18	42
4	47	19	38
5	21	20	45
6	50	21	26
7	27	22	33
8	12	23	4-4
9	68	24	48
10	49	25	52
11	40	26	30
12	17	27	58
13	44	23	37
14	48	29	38
15	62	30	35

Find the values of the Mode, Median and the Quartiles (B Com , Allahabad)

50 Find the modal wage from the following data -

Weekly Wages No of Wage carners

12 6	to 17 6	4
17 6	., 22 6	44
22 6	,, 27 6	38
27 6	,, 32 6	28
32 6	,, 37 6	6
37 6	,, 42 6	8
42 6	, 47 6	12
47 6	52 6	2 2
52 6	., 57 6	2

(B Com Pajputana)

il. Under what assumptions is mode located in a frequency distribution ?

Compute the mode of the following series -

40-45

Size of item	Frequency
0 5	20
5—10	24
10—15	32
1520	28
2025	20
25-30	16
30—3o	34
35 -40	10

(B Com , Allahabad)

....

52 Draw the frequency curve which would represent the frequency distribution of the data below and with its help determine the mode of the data.

47 1 54 1 63 8	42 7 57 0 63 6 49 8	51 0 54 2 62 2	48 0 58 1 57 2	47 6 61 7 56 9	50 0 60 2 54 2	45 5 52 6 58 7 52 4 46 2	50 1 61 0 53 6 40 4	59 7 59 8 51 5	55 2 58 8 48 8 49 0
----------------------	------------------------------	----------------------	----------------------	----------------------	----------------------	--------------------------------------	------------------------------	----------------------	------------------------------

53 Compute the weighted geometric average of relative prices of the following commodities for the year 1939 (Base year 1938-190)

Commodity	Relative Price	Weight (value produced in 1938)
Corn	128 8	1385
Cotton	62 4	819
Hay	117 7	842
Wheat	99 0	561
Oats	130 9	408
Potatoes	143 5	194
Sugar	125 6	142
Barley	150 2	100
Tobacco	101 1	103
Ryc	116 2	25
Rice	117 5	17
Oilseeds	78 7	29
U d d.	O	

How does it differ from the unweighted geometric mean, and why? (B Com, Allahabad)

54 A car travels at a speed of 30 miles per hour for the first 40 miles, then at a speed of 35 miles for the next 40 miles, then at a speed of 45 miles for the next 40 miles, again at a speed of 45 miles for the next 40 miles, and at a speed of 35 miles for the next 40 miles. What is the average speed of the car on its journey.

55 A sum of money was invested for five years. The average rates of return for the investment for the five successive years were as follows: 5:50 per cent; 4:73 per cent; 4:20 per cent; 3:13 per cent; 4:74 per cent;

56. Monthly incomes of twenty families are given below in rupees —

2 000, 35 400 15, 40, 1,500, 300 6, 90, 250, 20, 12, 450; 10, 150, 8, 25, 30, 1,200, 60

Calculate the Geometric Mean and the Harmonic Mean of the above incomes (B Com , Allahabad)

57 The following table gives the number of families and income per head of different classes of people in a certain village

Class of people Landlord Cultivator Landless Labourer Money Lenders School Teachers School Respers Carpenters Weavers	No of Families  1 50 25 2 3 4 3 5	Income per head in 1947 (Rs ) 1,000 80 40 750 100 150 120
Calculate the weighted around	.,	60
Calculate the weighted average, harmonic mean of the incomes gr	the geome:	inc mean, and the

harmonic mean of the incomes given above Which average represents these figures best? Give reasons (MA, Agra)

58 Calculate the goemetric mean and the harmonic mean of the following figures -

1998, 178 7, 89 9, 78 4, 9 7, 874, 989, 012, 008; (B Com , Allahabad)

#### श्रध्याय ७

# वर्णात्मक माप---विचरण त्रौर सममिति के माप

# Measures of Variation and Symmetry

पिछले जप्पाय में बर्जिन मान्यों का उपयोग श्रेणों के स्थान पर किया जाता है।
एट्टें प्रमा चर्च (first order) के मान्य मी कहु जाता है। पिछले अध्यात
है न विजिय प्रकार की श्रीणियों के लिए इनका मूल्य निकालने की विजिय तता नुके
हैं। श्रीणियों के लिए उपयुक्त माम्यों का चुनाव करने पर ये श्रेणों की मुल्य प्रवृत्ति
के बारे में बताने हैं। परन्तु बहुया ये ग्रामक होते हैं। यदि बाल्यों के आधार पर
सुन्ता को जाती है तो यह विद्यायत सच है। इस्तिल्प यह आवस्तक हो जाता है कि
म श्रेणों के अपन कामी ना भी सम्पयन वर्गि तालों उपले कर में से चैतन कर ये
जान कहें। इस क्लाणों में पने के अपिकरण (Annt) या विचरण (dispersion
or variation) वा अध्यान मुख्य किया जाता है। इन्हें हित्तीय वर्ग के माध्य
मं वहां जाता है। इसका मुख्य किया जाता है। इन्हें हित्तीय वर्ग के माध्य
मं वहां जाता है। इसका मुख्य करिया है कि प्रयास वर्गीय माध्य नहीं
कर सेणों के प्रतिकारों हैं। एक उन्हरण से यह बाता है कि प्रयासी।

मान लीनिये दो विद्यामी एक परीक्षा में बैटते हैं और उनके दिविष विषया के प्राप्ताक कमना दें 0, ६०, ६०, ६० और ५८, ६०, ६०, ६२ है। विद्यार्थियों द्वारा प्राप्त स्व दो जानने के लिए माध्य, बहुलक या माध्यिका हो गणता को सकती है। परन्तु ये मार्थे दोनो विद्यार्थियों के लिए ६० हैं और अगर हम नेमक एक होते हैं। परन्तु क्या है वास्तव में समान हैं ? अगर हम दोनों के विद्यार्थियों के लिए ६० हैं और अगर हम नेमक एक सामार पर स्वरंग की निर्देशन करों तो वे समान हैं। परन्तु क्या है वास्तव में समान हैं ? अगर हम इन दो दो श्रीष्मी ना अध्यन्त करें तो हम पतो हैं कि दूसरा दिवासी एक एम से उचन कर प्राप्त करने प्राप्ताकों का अपिकरण कही कम है, परन्तु शहल पिद्यार्थों अधिया है और उनके प्राप्ताकों का अपिकरण कही विषये हैं।

एक दूसरे उराहरण पर विचार कौजिये। दो विद्यापियों के प्राप्तक कम्सा २०, २०, ४० और ६०, ७०, ८० हैं। पहुले का माध्य १० और दूसरे का ७० हैं। जहाँ ठक माध्य प्राप्ताकों का प्ररत हैं से दो विद्यार्थी एक दूसरे से नित्र हैं पर्स्त इस दो बिन्दों में उत्तरा एक सी है और वे दोनों सामा कर से स्पर हैं। इस प्रकार हम देखते हैं कि बारबाराजा बटन एक दूसरे से मुख्यत दो बालों में निम हो सन्दे हैं:

- (१) उनवे माध्य समान हा, परन्तु उनकी रचनाएँ (formations) भिन्न हो (द्विए पृष्टग उताहरण)।
- (२) उनके माध्य मिन्न हा परन्तु उनकी रचनाएँ समान हो (देखिए दूसरा उदाहरण)।

इसिला यह मुस्पट हो जाता है कि एक खेणी का पूर्णत अध्ययन करने ने लिए हमें माध्या के माय-माय अपकिरण के मापो की भी आवश्यनता पड़ती है। इन्हीं मापा को 'अपकिरण के मापन' कहा जाता है।

# श्रपिकरण की गणना

'अपिनरण' धव्य ने दो अर्ज निए जाते हैं। पहले अर्च में प्रसार उन सीमाओ ना अन्तर सताता है जिनने भीतर श्रेणी के पद रहते हैं और दूबरे अर्च में मह श्रेणी के मान्य था प्रतिहरी पद से अन्य पदो ना मान्य अत्तर बनाता है। इन अर्थो ने आधार पर प्रसार को गणना करने नी वा विधियों हैं

- (१) पराम विधि (range method)
- (२) माध्य विचलन विधि (averaging difference from average method)

# (१) परास विधि

यह विधि सबसे सरल है। इपमें येणी वी उच्चतम और निम्नतम सीमा जान की जानी है बबने उन सार्यो को ढूँड निया जाता है नितका मूल बसिबतम और न्यूनतम है। इन दो पदो का अन्तर येणी वा अपकिरण बतावा है। मान कीस बाट विचारियो का मासिक स्वय है रु—४०, ४२, ४३, ४०, ५०, ५२, ५३, ६०। ये सब पद ४० और ६० में बीच में स्थित है, इसलिए परास २० (६०-४०) हुना।

परास विधि के लाभ-वीच—यह विधि बहुत सरल और सुबीध है। परन्तु मुत्तववा ने दुव्यक्तिण से यह अच्छी नहीं है। बरम पदा को सीम्मिटत या बिता करते से परास बरण जाता है। उदाहरणामें, बिद उपयुंक्त उदाहरण में आहे विवासी ६० र० के बरणे ७० र० व्याप करता है तो परास ६० हो जावमा। बिद एक मितव्ययी विद्यार्थी का व्याप १० र० है और वह भी इस श्रेमी में और दिया जाय तो परास बरणर ६० (७०-- १०) हो जाएगा। इन उदाहरणा से इम बी जानिश्वताम स्प्य हुं चाती है। जाएस प्रतिवास (६०) हमाक्री आहे में नहीं विचा जा सक्ता स्थानि इस्में देव विचरणा में सम्मावना रहती है।

- (३) चतुर्यंक विचलन (quartile-deviation)।
- (४) লাবৈ বন (lorenz curve)।

१ पहला श्रपिकराणु घूँगों : साध्य-विचलन—माध्य या औरत विचलन विचलनों का माध्य है। इसलिए माध्य विचलन की गणना करन से पहले दो प्रत्नों का जार दिया जाना चाहिए। पहल यह कि विचलन से हमारा क्या तारुखं है और दूसरा यह कि विचलनों के लिए कौन से माध्य जी गणना की खानी चाहिए। विचलन से हमारा वारायं श्रेणों के किसी पर और प्रतिक्षी माने पर्ध था माध्य पर्व गणने के लिए कौन से माध्य जी गणना की खानी चाहिए। विचलन से हमारा वारायं श्रेणों के किसी पर और प्रतिक्षी माने पर्ध था माध्य पर्व के अन्तर से हैं। प्रतिक पर्य के मूच्य से हम माध्य को खा चुना करने के। सावतर माध्य चुनने वा लाम यह है कि यह एक निरिचत राखि होती है, परन्तु वर्षि हम हससे पदी ने अनतर की जोड़ें तो योग यून्य होगा और हतिल्प प्रत्येक श्रेणों के अपिरण ना माप सून्य होगा। इस विनाई वा समाधान करने के लिए हम अनतर या विचलनों ने बीजीय चिह्नों ही उरेशा करते हिं वर्षा दह सता पर विचरण मही करते कि लाह पर विचरणों को विवलनों ने बीजीय चिह्नों ही उरेशा करते स्वातिक हो वे बात हु स वात पर विचार नहीं करते कि अनतर पर है। या हु स वात पर विचार नहीं करते कि अनतर पर है। या हु स वात पर विचार नहीं करते कि अनतर पर है। या हु स वात पर विचार नहीं करते कि अनतर है। या हिंदा हो वा वाह है। वाति स्वाति हो से वाति हो से साथ हो से वाति हो से वाति हो से से वाति हो से सिंप हो से वाति हो साथ हो से साथ हो से वाति हो से साथ हो से वाति हो साथ हो से साथ हो साथ हो से वाति हो साथ हो से वाति हो साथ हो

मदि विश्वजन माध्यिका से लिये जातें तो इनका योग न्यूनतम होता है और पह एक बाहमीन मूण है। परतु बहुपा माध्यिका वास्तव में नहीं होता और कलवेदन करता पडता है। फल्सक्य हो सकता है अनवेदीयत माध्यिका से लिये गये विश्वजनों का योग माध्य से विश्वजनों के योग से अधिक हो।

माप्य के रूप में साधारणत बहुलन ना उपयोग नहीं निया जाता क्योंकि एर्डन निरीक्षणों की भीणों में बहुलन होता ही नहीं और अन्य श्रीणवों में भी यह मुनिश्वत नहीं होता। इसलिए साधारणत समांतर भाष्य और माध्यिन ना ही उपयोग किया जाता है। इस दोनों में गणितीय मुत्तमति ने दृष्टिकोज से माध्यिका अधिक अख्वा है। परनु यदि माध्यिका न हो तो माध्य का उपयोग नरना आवस्यक हो लाता है।

विचलनो को निकाल लेने के बाद उनके समातर माध्य की गणना करली जाती है। यही माध्य विचलन है। सकेतो में

समातर माध्य से माध्य विचलन 
$$=\delta = \frac{\sum |m-a|}{n}$$
 माध्यका से माध्य-विचलन  $=(\delta_m) = \frac{\sum |m-M|}{n}$ 

बहुलक से माध्य विचलन
$$=\delta_z = \frac{\sum |m-Z|}{n}$$

माध्य जिस्तलन की गणना

ê

# (१) एवंच निरीक्षणा की श्रीणी

उदाहरण निम्नलिखित प्राप्ताना को श्रेणी का माध्य विवलन निकालना 20, 22, 27, 30, 31, 32, 35, 40, 45, 48

m	m-a	m-M	172	m-a	m-M
20	13	11.5	32	1	0.5
22	11	9.5	35	2	3 5
27	6	4.5	40	7	8.5
30	3	1.5	45	12	13 5
31	2	0 5	48	15	16 5
			£ 330	72	70 0

 $a = \frac{330}{10} = 33$  are

$$M = \left(\frac{n+1}{2}\right)$$
वें पद का परिमाण

 $\delta = \frac{E}{n} \left| \frac{m-a}{n} \right| = \frac{72}{10} = 72$  अंक = 5 5 वें पद ना परिमाण=31 5 क्षक

$$\delta m \approx \frac{70}{10} = 7$$
 क्षक

उपर्युक्त श्रेणी का माध्य ३३ है और उसके पदों का माध्य से दिकरन माध्यतः ७२ है। इसी प्रकार अका का माध्यिका ३१५ है और माध्यिका से इसका विचलन माध्यत ७ है।

## (स) साइत श्रणी

खाँडत श्रेण व लिए सकेत में माध्य विचलन निम्म हम से व्यक्त दिया जाता है

 $\delta = \frac{\sum |m-a| f}{n}$  या  $\delta m = \frac{\sum |m-M| f}{n}$  या  $\delta z = \frac{\sum |m-z| f}{n}$ , जहां समज

जदाहरण विद्यापिया के प्राप्ताको के बारबारता-बटन के मान्य-विचलन की रणना करना

ा प्रायोक	विद्यावियो की सस्या	কুন্ত <u>সা</u> বেকৈ	सचयी बारबारता	m-a   (4 2)	[m-a]	m-M   (4)	f   w-w	) #-2 (4)	f[2-m]
(1)	(2)	(3)	(4) 3	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)	(10)
		3	3	3 2 2 2 1 2 0 2 0 8	96	3	9	3	
1 2 3 4 5 6 7	3 7	14	10	2 2	15 4	3 2 1		2	9 14 10 0 12 16 15
3	10 15 12	30	10 20 35 47	1 2	12 0	1	14 10 0 12 16	1	10
4	15	60	35	0 2	30	ō	0	ō	0
5	12	60	47	0.8	96	1	12	1	12
6	8 5	48	55	18	14 4	2 3	16	2	16
7	5	35	60	28	14 0	3	15	3	15
	60	250			78 0		76		76

 $a=rac{250}{60}=4$  2 अक, M=30 5 वें पद का परिमाण,  $\mathcal{L}=4$  अक (अधिकतमवार-=4 अक वारता वाला पद

 $\delta = \frac{78}{60} = 1.3$  ਕਾਜ  $\delta m = \frac{76}{60} = 1.267$  ਕਾਜ  $\delta z = \frac{76}{60} = 1.267$  ਕਾਜ

(ग) सतत श्रेणी

वर्ग-अवराजो ने मध्य नित्रुओं को जान केने पर एन सतत श्रेजी खड़ित श्रेणी में बदक आहों है और माध्य निवरण की गणना तरनुसार में जा सनती है। माध्यिन। अपने के स्वाप्त की गणना अवर्षायां में हो सो की आ सनती है। विवरण वग-अत्यराज के मध्य निवर से लिए जाते हैं।

04164	" "		100	1741 74	41.0	11.44	41.4	11-41 14	den indi	ev.11 6
प्राप्ताक	मध्यमान	बारबारता	कुळ ग्राप्ताक	सचया बारवारता	m-a   25	f   p-m	m-M[	$\int  M-M  f$	m-t  (23 75)	1111111
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)	(8)	(9)	(10)	(11)
0-10	5	2	10	2	20	40	20	40	18 75	37 50
10 - 20	15	7	105	9	10	70	10	70	8 75	61 25
20-30	25	10	250	19	0	0	0	0	1 25	12 50
30-40	35	5	175	24	10	50	10	50	11 25	56 25
40 - 50	45	3	135	27	20	60	20	60	21 25	63 75
				-						
		27	675			220		220		231 25

१६३

$$\begin{split} \mathbf{d} = & \frac{675}{72} & M = l_1 + \frac{l_2 - l_1}{f_1} (m - \epsilon), & z = l_1 + \frac{f_1 - f_2}{2f_1 - f_0 - f_2} (l_2 - l_1) \\ = & 25 \text{ MeV} & = & 20 + \frac{30 - 20}{10} (14.9) & = & 20 + \frac{10 - 7}{20 - 5} (30 - 20) \end{split}$$

$$\hat{s} = \frac{220}{97} = 8.15$$
 স্বন,  $\delta m = \frac{220}{97} = 8.15$  স্বন,  $\delta z = \frac{231}{97} = 8.57$  স্বন

नाप्य-विचलन का गणाक

माध्य विचलन अपिकरण का एक निरोध माप है। इसे तुलना के योग्य बनाने के लिए यह आवश्यक है कि इसे सापेक गाप में बदला जाय। माध्य-विचलन के बुगान की आवश्यकता थी रियंतियों में पड़ती है

(१) जब तुलना की जाने दाली श्रीणियों के माध्य एक दूसरे से बहुंत जिस हो।

नमहा। (२) जब तुलना की जाने वाली श्रेणियाँ विभिन्न इकाइयो में व्यक्त की

बई हो।

मुणाक-माप की गणना करने में सापेक्ष माप को उस माध्य से विभाजित करते हैं त्रिससे विचलनों को गणना को गई हो। उपर्युक्त उदाहरणों में माध्य विचलन के मुणाक निम्नालियिन होगें

(१) एकैक निरीक्षणों की श्रेणी

$$δ$$
 का गुणाक =  $\frac{72}{33}$  = 0.22

$$\delta m$$
 का गुणाक=  $\frac{7.0}{50.5}$  =0 22

 $\delta m$  का गुणाक=  $\frac{1}{315}=0$ 

(२) सदित श्रेणी

$$\delta$$
 का गुणाक=  $\frac{1}{4}\frac{3}{2}$ =0 31

$$\delta m$$
 का गुणाक=  $\frac{1267}{40}$ =032

$$\delta z$$
 का गुणाक $-\frac{1267}{4}$ =032

(३) सगत श्रेणी

$$\delta$$
 का गुणाक=  $\frac{815}{25}$ =0326

$$\delta m$$
 का गुणाक =  $\frac{815}{25}$  = 0 326  $\delta z$  का गुणाक =  $\frac{857}{23.75}$  = 0 361

माध्य-विचलन का महत्व

साध्यित्रीय अध्ययनों में माध्य-विचलन और इसने गुणार का उपयोग माध्य का महत्व समभने ने लिए और केंद्रीय प्रवृत्ति ना अध्ययन अधिन सूरम वनाने के लिए विचा जाता है। यह माध्य की प्रतिकृषिता पर प्रवाख जात्ता है। इसकी गणता करना मश्क है यह मुगोष है और श्रेणों के सब पदों पर विचार करता है। परन्तु अन्य बीजीय रीतियों में इसना उच्योग नहीं विचा जा सकता।

२ श्रविकरमा का दूसरा घूमी—हमने देखा कि अपिकरण ने पहल पूर्ण में हम अन्तरों के बीजीय चिह्नों भी उपेक्षा करते हैं वर्गीत समावर माध्य से लिये गये अतरा का योग पूर्य होता है। एक अन्य रीति यह ही सक्ती है कि हम बिचलाने के बर्गा का माध्य कें। वर्ग सर्वेय चनातमक होते इसलिए अतर बीजीय चिह्नों से स्वतव हातें। गयें वर्ग, अपिकरण का इसरा धर्ण

$$=\frac{\Sigma(m-a)^2}{\pi}$$

अपिक्रिण के दूसरे पूर्ण का सैंब्रान्तिक महत्व बहुत अधिक है और अब इनका प्रयाग बदता जा रहा है। स्वय महत्वपूर्ण होने के अतिस्कित यह एक अत्यात प्रचित्त अपिक्रिण के माप का आधार है। यह माप प्रमाप विचलन है।

प्रभाष विचलन (Standard Deviation) — खेणी ने अपितरण के माणो में सबसे प्रचलित माण प्रमाण विचलन है जो धीन अक्षर o (सिप्पा) से व्यवस्त विचया जाता है (हिन्दी में 'प्र' से)। यह अपितरण ने दूसरे पूर्ण वा वर्गमूल है और इसनी प्रणाना सर्देव समावर माध्य से नी जागी है। समावर माध्य से विचलन स्त्रेन ना नारण यह है नि समावर माध्य से किये गए विचलनो ने वर्गा ना मोग म्यूनवर्ग होता है। मनेत में

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-a)^2}{n}}$$

प्रमाप विचलन की गणना

(i) एकैंक निरीक्षणा की श्रेणी

ज्वाहरण ४ एमैन निरीक्षणा नी निम्नलिमित श्रेणी में दिये गये प्राप्तानी ना प्रमाप विचलन निनालना है।

प्राप्ताक	समातर माध्य (३३) संविचलन	विचल्नो केवगे	प्राप्ताम	ममातर माध्य (३३) से विचलन	दिचलन के दर्ग
(m)	(ma)	$(m-a)^2$	(m)	(m-a)	(m—a)²
(1)	(2)	(3)	(1)	(2)	(3)
20	-13	169	32	1	I
22	-11	121	35	<b>→ 2</b>	4
27	-6	36	40	+ 7	49
30	3	9	45	+12	144
31	~3 ~2	4	48	<del>-</del> 15	225
		Total	330		762

ममातर भाष्य $=\frac{330}{10}$ =33

प्रमाप विचलन= $c=\sqrt{\frac{762}{10}}=\sqrt{762}$  =8.729 अक

हम देखते हैं नि माध्य अन ३३ है और उनना माध्य से विचलन माध्यन ८ उ२९ है।

(iı) सहित श्रेणी:

उदाहरण ५ - निम्मिलिलिन श्रेणी में दिवे गये प्राप्ताको का प्रमाण विचलन निकारना ।

য়াদার	विद्यायियो की संस्या	कुन प्रान्ताक	माध्य म विचलन	दिचलनो के वर्ग	विचलनो के वर्ग और बारवारताओं के गुणनपट
(m)	(f)	(mf)	(m-a)	(ma)2	$(m-a)^2 f$
(1)	(2)	(3)	(4)	(a)	(6)
1	3	3	-32	10 24	30 72
2 3	7	14	-22	4 64	32 48
3	10	30	-12	1 44	14 40
4	lă	60	~0 2	0.04	00 60
4 5 6	12	60	408	0 64	7 68
6	8	48	+18	3 24	25 92
7	5	35	-28	7 84	39 20
		Σ 235			Σ 151 00

$$\sigma = \sqrt{\frac{|\Sigma(m-a)|^2}{n}} = \sqrt{\frac{|51|}{60}} = \sqrt{2.517} = .587 \text{ marks.}$$

## (111) सतत श्रेणी

उदाहरण ६. विद्यार्थियो ने प्राप्ताको के निम्नलिखित श्रेणी ना प्रमाप विचलन निकालना ।

(U) সাবাক	(2) (m') 中心和同	© ८ विद्याधियो की संख्या	क्षांत्राप्त हुक (m'f) (4)	(३५) मध्य (२५) से (५) मिचलन	(9) (p – विषयता के वर्ग	(८) क्यारवारता और (८) विचलन-वर्गी का कि गुणनफ्ड
0—10 10—20 20—30 30—40 40—50	5 15 25 35 45	2 7 10 5 3	10 105 250 173 135 675	-20 -10 0 +10 +20	400 100 0 100 400	800 700 0 500 1,200

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-a)^2 f}{n}} = \sqrt{\frac{3200}{27}} = \sqrt{118.5} = 10.91 \text{ marks.}$$

# लघु-रीति का उपयोग

प्रमाप विचलन वी गणना करने की रीति दिशाने के लिए हमने अब तक सरक जवाहरण लिए हैं। इनमें माध्य पूर्णांक या गुविषाजनक था। गरन्तु जब समायत प्रमाप पूर्णांक न हो ता उबसे बची का विचलन लेना किन की शिर समुचिषा- जनक हाता है वसार्थ थयं बनाना और गृणनफल निकालना सरल नहीं होता। गरनी होने की समावना भी बढ जाती है। हेची दिख्ति में लधुर्पीत बहुद सहायक किर का भी प्रमाप भाग कि प्रमाप का उस्ति में कहीं होता। कि स्वति में लगी राधि को माध्य मान किया जाता है और कि किर प्रमाप (assumed mean) से विचलन निकाल किये जाती है। हमें कि  $\Sigma(m-x)^2$  (जहाँ x करियत गाध्य है) की समाना कर की जाती है। हमें बाद आवस्यक समायाजन करने प्रमाप विचलन की गणना कर की जाती है। हमुं रीति का मूज है ती

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-x)^2}{n} - (a-x)^2}$$

सब्ति और सतत श्रेणी में मह सूत्र है:

ै:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\Sigma(m-x)^2 f}{n} - (a-x)^2}$$

उदाहरण ७. सपु-रीति से निम्नलिक्षित श्रेणी का प्रमाप विचलन निकासना

ग्राप्ताक	विद्यार्थियो मी सस्या	मध्य मान	फुल प्राप्ताक	कल्पित माध्य (२५) से विचलन	षिचलन वर्गे	विवलन वर्ग और धार- नारधा के
(m)	ഗ	(m')	(m'f)	(m-x)	(m-x)2	(m-x) <sup>2</sup> f
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)	(7)
0-10	10	5	50	-20	400	4,000
10-20	12	15	180	-10	100	1,200
20-30	17	25	425	0	0	0
30-40	14	35	490	+10	100	1,400
4050	5	45	225	+20	400	2,000
	58		1,370			8,600

$$a = \frac{1370}{58} - 23 62$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{5,600}{58}} - \left(\frac{1,370}{58} - 25\right)^8 = \sqrt{\frac{6,600}{58}} - \left(\frac{-80}{58}\right)^8 = \sqrt{\frac{148}{58}} - \frac{12.08}{58} = \sqrt{\frac{148}{58}} = \sqrt{\frac{1$$

इकाई परिवर्तन (change of units: step deviation)

प्रमाण विवनन की गणना रूपता आरों कार्य है और यदि बवल भेगी का प्रमाण विचरन निवालना है और विवचन वासी बड़े हैं तो यह और भी भारी हो जाता है। ऐते स्थानों में इसाई परिपर्णन वस्ते पाला। करना वस्त बनाया वा बता है। इसाई परिपर्शन वस्ते ही रीति का बर्णन समान्यर माध्य के अनुगंत दिया वा चुका है। यहाँ निम्नलिखित उदाहरण में इसका उपयोग किया गया है। यह गणना उदाहरण ६ को सामग्री से की गई है।

(m-a)	(m-a)/i(10)	$(m-a)/i^2$	$(m-a)/t^2 \times f$
(5)	(6)	(7)	(8)
20	-2	4 _	, 8
10	-1	1	7
0	0	0	0
+10	41	1	5
+20	+2	4	12
			32

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum (m-a)^2/i \times f}{\pi}} \times i = \sqrt{\frac{32}{27}} \times 10$$

$$= \sqrt{(1\cdot 185)} \times 10 = 1\cdot 091 \times 10 = 10\cdot 91 \text{ marks.}$$

यदि उदाहरण ७ में इकाई-परिवर्तन किया जाय तो कॉलम ५ और उसके बाद के कॉलम निम्नलिखित होंगे:

(m-x)/i(10)	$(m-x)/i^2$	$(m-x)(i^2\times f$
(5)	(6)	(7)
-2	4	40
-1	1	12
0	0	0
+1	1	14
+2	4	20
		£86

$$\begin{split} \sigma &= \sqrt{\frac{2(m-a_1^2)\times f}{n}} - (a-x)^2 \times t \\ &= \sqrt{\frac{86}{3}} - 1 \cdot 932 \times 10 = \sqrt{1 \cdot 4828 - 1 \cdot 932} \times 10 \\ &= \sqrt{1 \cdot 46348} \times 10 = 1 \cdot 208 \times 10 = 12 \cdot 08 \text{ marks.} \end{split}$$

प्रमाप विचलन या गुणाक (coefficient of standard deviation)

माध्य विचलन की भीति प्रमाप विचलन भी श्रेणी वे अपिकरण का निर्पेश माप है और चर वो इवाइसी पर निर्भर करता है। इसको तुलना मीध्य बनाने के विचे इकते गुणाक को जाता है जो एक साधेख माप है। गुजान जानने के लिए प्रमाप विचलन को श्रेणी के माध्य से विमाजित करते हैं। इस प्रकार उपर्युक्त उदाहरणों वे प्रमाप विचलन के श्रेणी के माध्य से विमाजित करते हैं। इस प्रकार उपर्युक्त उदाहरणों वे प्रमाप विचलन के गुणाक निम्निलित हैं

उदाहरण ४---प्रमाप विचलन का गुणाक-- 
$$\frac{\sigma}{a}$$
=  $\frac{8}{33}$ =0.261

उदाहरण ५—-प्रमाप विचलन का सुणाक = 
$$\frac{\sigma}{2} = \frac{1.587}{4.9} = 0.378$$

उदाहरण ६—प्रमाप विश्वलन का गुणायक
$$=rac{\sigma}{a}=rac{10}{25}=0\cdot 436$$

#### प्रमाप विजलत के लपयोग

प्रमाण विचलन श्रेणी के अपिकरण का सर्वाधिक सतीपवनक माप सममा जाता है। यह उच्चतर सांततीय पीतवाँ के लिए उपयुक्त है और प्रतिकारों की घट-वड़ से कम प्रमाचित होता है। दन कारनों से इस वा और इसके गुणाक का बहुत उपयोग होता है।

प्रतिचयन ने सिद्धान्त में इसका विशेष महत्त्व है। प्रसामान्य असमित और एक बहुलक बटनो में हम जानते हैं कि ---

- a±σ पराप्त के भीतर इन वटनों के लगभग ६६% पद होते हैं
- (11) a±2σपरास के भीतर इन बटनो के लगभग ९५% पद होते हैं,
- (m)  $a\pm3\sigma$ परास के भीतर इन बटनों के लगभग ९९% पद होते हैं।

इस रीति की विभिन्नों ये हैं कि यह मुत्रोध नहीं है और मूल्य जानने के लिए भारी गणना करनी पड़ती है। यह समान्तर माध्य संदूर स्थित पदा को अधिक भार देता है।

दूसरे अपकिरण सूर्ण से श्राय मार्पे —इस घूण ने आधार पर बनाई गईश्राय मार्पे हैं

 (अ) प्रसरण (Vanance) प्रमाप विचलन के वर्ग को प्रतरण कहते हैं। सकेत में प्रसरण चल<sup>3</sup>। इनका उपयोग साह्यिकी सिद्धाल में बढ रहा है। (व) मापाक (Modulus) प्रसरण के दूने के वर्गमूल को मापाक कहते
 हैं। इसे ८ द्वारा व्यक्त करते हैं। सकेत रूप में:

$$c = \sqrt{\frac{2\Sigma(m-a)^2}{a}}$$

- (स) विचरण का गुणाक (coefficient of variation): प्रमाप विचयन के गुणाक की है। के से गुणा करने से विचरण वा गुणाक मिलता है। क्या कर्मा प्रमाप विचयन का गुणाक छोटी राधि होता है, इसिंग्य इसे महत्वपूर्ण क्या प्रमाप क्या प्रमाप क्या कर्म के हम में प्रतिस्त जानने के लिए विचरण-गुणाक की गणात की जाती है। सनेत में, विचरण-गुणाक  $=\frac{\sigma}{2} \times 100$ .
- दे. चतुर्धेक विचलता—चतुर्धक विचलत पहले और तीसरे चतुर्धको के अत्तर का आया होता है। इसलिए हो अपं-अत्तर्वपुर्धक पराझ (semi-inter-quartule range) भी नहते हैं। यह लेगी ने दो चतुर्धको पर आपारित है और उनके अन्य परो पर विचार नहीं करता। सनेत में

चतुर्यव-विवलन = 
$$\frac{Q_4-Q_1}{2}$$

उदाहरण ८· प्राप्ताको की निम्नलिखित श्रेणी का चतुर्यक-विचलन निकालना है. 10, 12, 15, 17, 20, 22, 24, 28, 30, 35, 38 (

इस खेणी में

चतुर्थक-विचलन = 
$$\frac{30-15}{2}$$
 = 75 अक

इसी प्रकार सतत और खडित श्रेणी के चतुर्यक-विचलन की गणना की जा सकती है।

बहुर्यक-विषयत का गुणांक—कर्तुर्यक-विषयत वा मृत्य क्षेणी की इकारमें से प्रमासित होगा, स्विटिए तुल्या वर्ष्टमें इंसका उपयोग नहीं विषया या सकता। इसके आपार पर तथाया गया सापेत साथ जतुर्यक विषयतल का गुणांक है जिसका मृत्य बतुर्यक विषयत को दो, बहुर्यको दे माध्य से विमाणित वर्ष्टमें जाना जा सकता है। सकेत में, चतुर्यक विषयत वा गुणांक— $\frac{(Q_2-Q_3)/2}{Q_2+Q_3}$ 

उपर्युक्त उदाहरण में चतुर्यक विश्वलन का गुणाक 
$$=\frac{30-15}{30+15}=\frac{1}{3}=\cdot333$$

चतुर्यक विश्वसन और उससे गुणाँक का महत्व एंव उपयोग — ये उन स्थानो वर विशेष उपयोगों है बही हुई में मेंची से सच्च माग का अपितरण जानना हो। वज बारबारता बटनों में बही पर मध्य भाग में अधिक महन हो, इन का उपयोग सारकार-पूर्वक किया जा सहता है स्वाधिक कोनों में सिन्ता पर चस दया में महत्वपूर्ण नहीं होते।

अपिकरण को मापो में संबध—सैद्धान्तिक रूप से इन भाषों में निश्चित और ठीक ठोक सबय नहीं दिखाया जा सका है, परन्तु ब्यवहार में देखा गया है कि प्रसामान्य असममित बटनों में निम्नलिखित सबय होता है

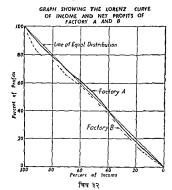
चतुर्येक विचलन 
$$= \frac{2}{2}\sigma$$
 माध्य-विचलन  $= \frac{4}{5}\sigma$ 

 होरिंज बक्त - लीरेज बक एक सबयी प्रतिवात वक है। इसकी सहायता से हो श्रीष्मणो का अपकरण लेखांचित्र हारा हागीया जा सकता है।

बक बनाने से पहले कुछ गणनाएँ की जाती है। पहले श्रीणबों के परो का अलग अलग सचनन करते हैं और जिर ये समित (cumulated) बारवारताएँ हुए के प्रतिवात के रूप में ब्यन्त की जाती है। वब रूप प्रतिवातों की प्राफ में मंत्रिक निया जाता है। इस चित्र का स्टेल अन्य चित्रों से रुस जर्म में अलग होता है कि वीर्ण-स्केण का पून्य और खैतिज स्केण का १०० गृण्डिंबन्दु पर होते हैं। वीर्ण-स्केण के १०० और खैतिज स्केण के । की मिलाने वाली सरल रेखा सम-विवरण रेखा (line of equal distribution) कहलाती है। निम्मलियित जंदाहरण और चित्र में यह बिधि दिवाई गई है.

यास्त्रविक्त स्त्रभ ('०००)	तत्त्रयी लाम ('०००)	कुक का मतिथत	फैस्टरी A की आप ('०००)	समयो आप ('०००)	कुल का प्रतिशव	क्षैनटरी B की आप ('०००)	सचयो आय ('०००)	कुल का प्रतिशत
22 35 44 45	22 57	5.0	6	6	6	16	16	8 18
35	57	12 9	8	14	14	20	36	18
44	101	29 9	11 9 8	25		18	54	27
45	146	33 2 44 5	9	34 42 52	25 34 42 52 64 74	18	72	27 36 46 57 70 79
50	196	44 5	8	42	42	20	92 114	46
52	248	56 4	10	52	52	22	114	57
42	290	65 9	12	64	64	26	140	70
40 54	330	75 0	10	74	74	18	158	79
54	384	87 3	14	88	88	22	180	90
56	440	100.0	12	100	100	20	200	100

लोंरेंज बक का उपयोग माध्य से विचरण जानने में किया जाता है। और यह अप-किरण की प्रकृति और सीमा दिखाने की उपयोगी सुनित है। इसकी सहायता से हम दो श्रीणयो के अपिकरणो की तल्ना करने में समर्थ होते है। लाम, धन, आप,



मनदूरी आदि की समस्याओं का अध्ययन करने में लिए यह विदोष रूप से उपयुक्त है। परन्तु इसका दोप यह है कि इससे अपकिरण का परिमाण नही जाना जा सबता इसलिए इसका उपयोग किसी जन्य विधि के साथ करना चाहिए।

#### विषमता या श्रासमसिति के मापन

(Measures of Skewness and Asymmetry)

यदि यारबारता वक ना विभाजित करती हुई काई ऐसी रेखा पाई जा सके जिसके दोनों ओर के वक ने भाग एक से हो तो उसे समीमत नत्र नहां जाती है। अगर ऐसे वक की ग्राफ पर अनित विभाजाय और रेखा पर भोडा जाय तो रेखा ने एक और का बक्र उसके दूसरी ओर के वक को ठीक ठीक डक लेगा। प्रभामान्य-पूर्ट यक (Normal Curve of Error) ऐसा ही वक है। यदि यक उसमित्र है हो ऐसा नहीं होगा। अध्यपित वक्र को तिराम वक्र भी कहते हैं। साह्यिकों में नेवठ यही जानमा पर्याप्त नहीं है कि वटन विषम है था नहीं। यह भी जानमा आवस्यक है कि वह विस्त और के विषम है और दिगान विषम है।

विषमता को अष्ठति—िवत्ती येथी का अपिकरण बताता है कि यद नाष्य-मूच्य में विचने निज्ञ है, परन्तु विषमता बटन की आकृति से स्वितित है। इस प्रकार अप-िकरण बहुन नहीं बताता कि यद माध्य मूच्य के आक्षमा किया क्यार एक्तित है के स्वित्यता इस बात पर विचार करती है। एक समित्रत कक से पर साध्य-मूच्य के सानों और पूर्णत सतुनित रहते हैं, परन्तु अन्तमित बटन में ऐसा नहीं होता। पर बातों एस और विचे हुए होने बा हमरी आर माध्य-मूच्य के एक और पदो का भार अजिक होगा। वह राश्चित वृत्यते एक ओर के पर दूसरी और के पयो से भारी पड़ते हैं विपानता का माण बताता है।

यह जानने के लिए कि कोई श्रेणी विषय है या नहीं हमें निस्नलिखित बातों की जाँप करनी पाड़िए

- (१) माध्य, माध्यका और बहुलक एकसम (identical) है या नहीं । समित बटनो में ये एक्सम होते हैं।
- (२) माध्यका से बनात्मक विचलन साध्यका से ऋषात्मक विचलनो के बरावर है या नहीं । सममति घटनो में ये बरावर होते हैं ।
- (३) माध्यका से ऐसे मापो के बिल्डु (point) जैसे चतुर्पक, दशक्त, आदि बराबर दूरी पर है था नहीं । सममति वटको में थे बराबर दूरी पर होते हैं !
- (४) बहुल्क के दोनो ओर वरावर दूरी वाले पदो की वारकारता वरावर है या नहीं, सममति वटनों में यह वरावर होती है।
  - (५) श्रेणी को धाफ पर अकित करने से सममति वक मिलता है या नहीं।

सिंद इनने उत्तर हो हैं तो भेषी में विषमता नहीं है। परन्तु इस बात का व्यान रखना चाहिए वि इनमें ते कुछ प्रस्तों के उत्तर निरक्तायक है, परन्तु तबने नहीं। बदि पहले, पीरे या पाँचवें प्रस्त के उत्तर 'ही' हैं तो श्रेणी अवस्य सनमांत होगी। परन्तु पिंद दूसरे और सीसरे प्रस्त के उत्तर 'ही' हैं तो निरचयपूर्वक कुछ नहीं कहा जा करता।

उदाहरण ने लिए निम्नलिखित शेगी पर विचार की निए

 10
 20
 13
 30
 16
 25

 11
 21
 14
 35
 17
 20

 12
 27
 15
 28
 18
 18

यह सुरपट है कि जप्युंतर येणी समीतत नहीं है अर्थात इसमें बुछ विपमता है। इस अंशों का माध्य १३ ९ है और माध्यित और बहुलत १४ ० है। केटीय मृति के मापन एक नहीं है। बहुलत से बराबर दूरी वाले पदों की बारबाराता भी समान नहीं है और न ही ब्राफ पर अधित बरने से हमें सममति वत्र मिछता है।

परन्तु हम पाते हैं कि माध्यिका से धनात्मक विकलनो का योग माध्यिका से म्हणात्मक विकलनो के सीम के ठीक बराबर है। इसी प्रकार माध्यिका से क्यूर्यको की दूरी वराबर है। हिस्स वराब माध्यिका से क्यूर्यको की दूरी वराबर है (21= १२, 23= १३)। परन्तु किर भी, जेला हम देख चूर्व है, यह श्रेमी विपस है। अत्रष्ट से दा परीकार्य पूर्वत सही नहीं मानी जा सनती। से वेक्ट प्रारम्भिक बौक के लिये उपस्कत है।

विषयता के मायन —विषयता ने दो मापनो का साधारणत उपयोग निया आता है। ये मापन सामीत बटनो के लक्षणो पर आधारित है। सविमत बटनो में माप्य, माय्यका और बहुनन एक सम होते हैं। दसिन्य यह स्वाधिन है कि इन्हें कत्तर को विषयता ने मापन ने नाम में लाया जाय। समित बटनो ना दूसरा कहाण यह है कि नवुमंक और हमाको ने किन्नु माय्यिता से बरावर दूरी पर होते है। द्वालिय पनुषंको ने योग और माय्यिना का अन्तर विषयता ना मापन हो सहसा है। द्वालिय पनुषंको ने योग और माय्यिना का अन्तर विषयता ना मापन हो सहसा है। द्वालिय पनुषंको ने योग और माय्यिना का अन्तर विषयता ना मापन हो सहसा है। द्वालिय पनुषंको ने योग और माय्यिना के अन्ति स्वाधिन से स्वेश से स्वाध्य से स्वाधिन विषयता क्टना में स्था में स्थान नरे अर्थात् हो माप ने स्वेश से स्वेश से स्वाध्य स्वाधिन स्वाधिन से स्वाधिन स्वा

(१) विषमता का पहला माप—इसके लिए कई सूत्रो का उपयोग किया जा सकता है। में हैं

ा है। म है
$$(i)$$
 विषमता  $=a-\mathcal{Z}$ , विषमता-गुणाक  $=rac{a-\mathcal{Z}}{\delta}$  या  $rac{a-\mathcal{Z}}{\delta_z}$ 

(ii) विषमता 
$$=a-M$$
, विषमता गुणाक  $=\frac{a-M}{\delta}$  या  $\frac{a-M}{\delta_m}$ 

(iii) कार्ल पियसंन का विषमता-गुणाक 
$$=\frac{a-Z}{a}$$
,

(1v) या जब बहुलक सुनिश्चित न हो तो 
$$= \frac{3(a-M)}{\sigma}$$

कालं पियसँन का दूसरा सूत्र माध्य, माध्यिका और बहुलक के सबध पर आधारित है।

(२) विषयताका दूसरा माप—प्रचलित सूत्र है

विषमता गुणाक  $= \frac{Q_3 + Q_4 - 2M}{Q_4 - Q_4}$ 

उदाहरण निम्नलिखित श्रेणी के लिए विविध विषमता के माप निकालने हैं:

उपर्यंक्त श्रेणी में

$$a=35+\frac{-40}{100}=35-388=34612$$

$$M=30+\frac{40-30}{25}(52-40)=34800$$

$$z = 30 + \frac{25 - 18}{50 - 18 - 16} (40 - 30) = 34 375$$

$$Q_1 = 20 + \frac{30-20}{18}(26-22) = 22.222$$

$$Q_3 = 40 + \frac{50 - 40}{16}(78 - 65) = 48\ 125$$

$$\sigma = \sqrt{\frac{30,000 - 103(-388)^2}{103}} = 1.706$$

इन गणनाओं से

नार्ल-पियसंन का विषमता गुणाक

$$=\frac{a-z}{\sigma} = \frac{34612 - 34 \cdot 375}{1 \cdot 706} = \frac{0237}{1706} = 0.139$$

विषमता वे दूसरे माप का गुणाक

$$= \frac{Q_3 + Q_1 - 2M}{Q_3 - Q_1} = \frac{48 \cdot 125 + 22 \cdot 222 - 2 \times 34 \cdot 800}{48 \cdot 125 - 22 \cdot 222}$$
  
$$= \frac{0 \cdot 247}{25 \cdot 368} = \cdot 029$$

दिवमता के मापों ने रूक्षण-धेणी नी रचना ना अध्ययन नरने ने रिए विषमता के माप विशेष रूप से उपर्यक्त हैं। इसकी उपयोगिता का मख्य कारण है कि यह इकाइयों से स्वतंत्र संख्या मात्र है। यदि घटन समीमत है तो ये मापे और इन वे गणाव रा य होते हैं जो यह बताता है कि थणी में बोई विषमता नहीं है।

विषमता के गणाक की सीमाएँ निश्चित करना सभद नहीं है। हा. यह बहा जा सकता है कि प्रसामान्य असममित बटना के लिए इनकी सीमाएँ बहुत ऊँची नहीं होती। अनिश्चित बहलक बाली श्रेणी ने लिए काल पियसन ने जिस सूत्र का उपयोग किया जाता है उसका भल्य सामान्यत - ३ और + ३ वे वीच में रहता है। विषमता के दसरे माप का मत्य सामान्यत - १ और - १ के बीच में रहता है।

विषमता-गुणाको की सार्थकता (significance) के बारे में कोई सुदह नियम नहीं बनाए जा सकते हैं। परत यदि इनवा मत्य ० १ से कम है तो वे अधिक सायक नहीं माने जाते हैं और यदि यह मत्य ० ३ से अधिक है तो ये अति-साथक (highly significant) मान जाते हैं।

विषयता धनात्मक या ऋणात्मक हो सकती है। ऋणात्मक रूप से विषय श्रेणी के बक्र का खिचाब बाई ओर होगा और धनात्मक रूप स विपन श्रेणी के बक्र का जिचाव दाहिनी ओर होगा ।

विषमता के दूसरे माप के गुणाक का उपयोग उन्ही दशाओं में करना वाहिए जहाँ श्रेणी के आरभ और अन्त के पद महत्वपूर्ण न हा। इसकी गणना करना सरल है, परन्त यह कम परिशद्ध है।

### OUESTIONS

- l Discuss the relative merits of range, standard deviation, and mean deviation as measures of dispersion (M.A., Allahabad)
- What do you understand by dispersion? Explain the various methods of its measurement and point out their advantages (B Com Lucknow)
- 3 Explain the significance of averages and measures of dis persion and skewness in the analysis of a statistical distribution (M S W, Lucknow)

4 Show how measures of dispersion help in explaining that though frequency distributions may have the same values of their averages they may differ in their respective formations. In what respect are measures of dispersion of use in statistics?

(B Com Allahabad

5 Find the standard deviation of the following total revenues and working expenses of an Indian concern. Does the former of the latter show greater variation?

1 ear	Total Revenue (000)	Working expenses (00)	\ear	Total Revenue (000)	Working expenses (00
1922	156	9.6	1927	332	1 015
1923	180	980	1928	350	
1924	191	971	1929	355	1,525
1925	د20	972	1930	410	2,112
1926	332	1 020			

H Com , Rombas

6. The following is the information in respect of two series A and B  $_{\rm crit}$ 

Series A	Series B	Series A	Series B
192	83	260	126
288	87	348	126
236	93	291	101
229	109	330	102
184	124	243	108

Find which of the series shows greater variability

(M. A., Allahahad)

7 The following table shows the receipts from customs and income tax in India from 1931-32 to 1935-36. Find out the standard deviation and state whether the variation in customs is greater than that in income tax.—

Veare Customs Income tax (Rs 00,00,000) (Rs 00 00 000) 1931 32 46 17 1932 33 51 18 1933 34 46 16 1034 35 32 17 1935-36 5.3 17

(B Com Allahabad)

8 Calculate the mean deviation and its coefficient from the following data —

\ ear	Import (million tons)	Year	Import (million tons)
1944	1.6	1949	3 7
1945	1.8	1950	2 1
1946	2 6	1951	4 7
1947	2 7	1952	3 9
1948	28	1953	2 5

(B Com, Allahabad)

9 The following table gives the male population of Kanpur and Jaipur, in 1931 —

Age group (years)	Kanpur (000)	Jaipur (000
0 5	14	9
5 10	13	8
10—15	13	8
1520	13	7.
20-30	33	15
30-40	29	12
40-50	17	9
50 60	7	6
60-80	. 4	4

Which of the two series is more variable?

(B Com, Allahabad)

10 Which of the following two series is more variable?

	No of Workers		
Weekly Wages (in rupees)	Factory A	Factory B	
Up to 5	20	15	
5—10	81	20	
1015	30	35	
15-20	25	30	
20-25	20	18	
25—30	15	17	

(B Com, Allahabad)

11 An analysis of the monthly wages paid to the workers in two firms, A and B, belonging to the same industry, gives the following results —

	Firm A	Firm B
Number of wage earners	586	648
Average monthly wages	52 5	47 5
Variance of the distribution of wages	100	191

(a) Which firm, A or B, pays out the larger amount as monthly wage  $^{\circ}$ 

(b) In which firm, A or B, is there greater variability in individual wages?

(c) What are the measures of (i) average monthly wage, and (11) the variability in individual wages, of all the workers in the two firms. A and B taken together (IAS)

The following table gives the prices of two securities at quarterly intervals. Which of the securities is more speculative?

Give reasons for your answer -

Security A .- 1463, 1383, 1194, 1830,, 1934, 1530, 1464, 1500, 1500, 1634, 1440, 1490

Security B-110 115, 120, 185, 195, 120, 155, 230, 200, 190 195, 190, (B Com . Madras)

13 From the figures given below compare the variability of the population of Allahabad and Banaras

Allahabad	Banaras	Allahabad	Banaras
160	218	157	198
175	223	184	205
172	213	261	263
172	204		

(M A, Agra)

14 The index number of prices of cotton and coal shares in 1942 were as follows -

Month	Index number of Prices of Cotton shares	Index numbe of Prices of Coal shares
January	188	131
February	178	130
March	173	130
April	164	129
May	172	129
June	183	120
July	184	127
August	185	127
September	211	130
October	217	137
November	232	140
December	240	142

Which of the two shares you consider more variable in prices and why? (B Com , Allahahad)

#### 15 Given

	Class A	Class B
Number of students	84	60
Mean marks obtained by students (out of 300)	120	127
Standard deviation of Marks	14	12

Find out if mean marks of Class A are significantly higher than those of Class B (M Com , Allahabad)

16 The marks obtained by students of classes A and B are given below Give as much information as you can regarding the composition of the classes in respect of intelligence -

Marks obtained	No of students in Class A	No of students in class B
5—10	1	5
1015	10	6
15-20	20	15
2025	8	10
25-30	6	5
• 3035	3	4
35-40	1	2
4045	0	2
		(D.C. ( )

(B Com 4gra)

17 The following are the rents of 18 houses in a certain locality --

Rs a	Rs a
6 8	6 4
5 0	3 0
5 4	9 0
5 8	4 8
5 4	4 0
4 12	5 0
4 0	3 12
5 0	5 0
4 8	3 0

Calculate the mean deviation of this group (B Com , Lucknow)

18 Summery o Pe cipts and Passengers of a certain Motor Bu Co

Year	Receipts	Passengers
1925	2,354	50,010
1926	2,780	61,060
1927	3,011	70,000
1928	3 020	70,110
1929	3,541	83,001
1930	4,150	91,100
1931	5,000	100,000

From the foregoing data find out one measure of dispersion and state whether the variation in receipts is greater than that in Passengers (B Com , Allahabad)

19 Calculate the mean deviation and a measure of skewness from the following data. What light does it throw on the social conditions of the community?

Difference in age between husband and wife in a particular community

quency
109
52
16
4

(B Com , Bombay)

20 Compile a table showing the frequencies with which words of different numbers of letters occur in the extract reproduced below (omitting punctuation marks) treating as the variable the number of letters in each word, and obtain the mean, inedian, and the coefficient of variation of the distribution —

"Success in the examination confers no absolute right to appointment unless Government is satisfied, after such enquiry as may be considered necessary, that the candidate is suitable in all respects for appointment to the public service." (I A S)

21 The following table gives the yield of paddy in maunds per acre based on crop-cutting experiments in a certain area during 1940-41

Yield in maunds per acre	Frequency	Yield in maunds per acre	Frequency
0	4	24	128
3	4	27	73
6	32	30	50
9	81	33	13
12	135	36	12
15	198	39	5
18	210	42	1
21	144		
			1.090

Calculate the arithmetic mean, the median and the standard deviation of the distribution (I A S)

22 How do you calculate the coefficient of variation of a distribution?

What is the justification for saying that about 68 per cent of the observed values lie within one standard deviation of the mean value?

The following marks were given to a batch of candidates -

- 66, 62, 45, 79, 32, 51, 56, 60, 51, 49, 25, 42, 54, 54, 58, 70, 43, 58, 50, 52, 38, 67, 50, 59, 48, 65, 71, 30, 46, 55, 82, 51, 63, 45,
- 53, 40, 35, 56, 70, 52, 67, 55, 57, 30, 63, 42, 74, 58, 44, 55
  - 53, 40, 35, 56, 70, 52, 67, 55, 57, 30, 63, 42, 74, 58, 44, 55 Find the coefficient of variation of marks

Also, draw a cumulative frequency curve, and from this curve find the proportion of candidates receiving more than 50 marks

(I A S)

23 What are measures of dispersion of a distribution? Why is the standard deviation most commonly used as a measure of dispersion in statistics?

Goals scored by two teams A and B in a football season were see follows --

<b>37</b> -16 1 1	Number e	of Matches
Number of goals scored in a Match	A	В
0	27	17
1	9	9
2	8	6
3	5	5
4	4	3

By calculating the coefficient of variation in each case, find which team may be considered the more consistent (I A S)

Explain the method of computing the standard deviation of a frequency distribution from a working origin different from the arithmetical mean

Calculate the standard deviation for the data given below using the interval 50-59 as working origin -

Class interval	Frequency	Class interval	Frequency
0 9	2	80—89	12
10-19	4	90-99	9
20- 29	23	100109	6
30-39	30	110-119	10
40-49	40	120-129	3
o059	45	130-139	l l
6069	3ა	140-149	1
70-79	25	150—159	3
		Total	249

How would the value obtained above be modified if you have to adjust it for the reason that the data are grouped; in class intervals?

25 Calculate the standard deviation of the following two series. Which shows greater variation?

Series A	Series B	Series A	Senes B
192	83	260	126
288	87	348	126
236	93	291	101
229	109	330	102
184	124	243	108
			IP C S

(P C S)

26 Find the Arithmetic Average the First Moment of Dis persion the Standard Deviation and one measure of shewness from the data in the following series -

Size of item	Frequency	Size of item	Frequency
3-4	3	7— B	د8
4— 5 5— 6	7	9 8	32
5— 6 6— 7	22 60	9—10	8

(B Com , Allahabad)

27 The following table shows the number of workers in two factories whose weekly common are given in column (1) Deter mine the mean values of weekly earnings and standard deviation in both factories

	Number of	workers in
Range of weekly earnings	Factory A	Factory B
46	74	71
€ 3	376	379
810	304	303
10-12	110	112
12-14	18	81
14—16	0	1
16—18	9	5
18-20	9	9
2022	0	4

(M A , Calcutta)
28 Calculate the Standard Deviation of the following —

900

Number of persons in the family
1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 11 12 Total
Number of familes

Total

166 552 580 433 268 148 77 41 20 8 5 1 2298
(M A , Allahabad)
29 The following table gives the number of finished articles

turned out per day by different numbers of workers in a factory Find it e mean value and standard deviation' of the daily output of finished articles and explain the significance of standard deviation.—

Number of articles	Number of workers	\umber of articles	Number of workers
81	3	23	17
19	7	24	13
20	11	25	8
21	14	26	5
22	18	27	4
			10 Ca C

(B Com Calcutta)

900

30 Calculate the standard deviation from the following data

Size of item	Frequency	Size of item	Frequency
6	3	10	8
7	6	11	5
8	9	12	4
9	13	_	_
		Total	48

(B Com , Bombay and Aagpur)

 Discuss the usefulness of coefficient of variation Calculate the coefficient of variation of height distribution from the following data —

Height in inches	Number of men	Height in in inches	Number of men	Height in inches	Number of men
57	2	64	669	71	392
58	4	65	990	72	202
59	14	65	1223	73	79
60	41	67	1339	74	32
61	83	68	1230	75	16
62	169	69	1063	76	5
63	394	70	646	77	2
				/3 C 34	Tarata and

(M.S.W., Lucknow)

32 The following table classifies the she buffaloes of India in 1940 according to the yield of milk per day. Calculate from the data the mean and the median yield of milk per she buffaloe and its coefficient of variation.—

Yield per day in lb	No of she-buffaloes in thousand
Upto I	114
Above 1 to 2	2005
, 2 to 3	7706
, 3 to 4	4590
,, 4 to 5	2080
"5 to 6	240
,, 6 to 7	3580
Total	20315

(PCS)

3° Colculate the coefficient of variation of the following monthly incomes of twenty families given below in rupees —

2,000 35,400,15,40,1,500,300,6,90 250,20,

12 , 450 , 10 , 150 , 8 , 25 , 30 , 1,200 60 (B Com , Allahabad)

B Com , Allahabad)

34. The following table gives the area under cultivation, production, net export, and price of wheat in the U S A -

Year	Area under cultivation (millions of Acres)	Production (millions of Bushel)	Net export (millions of Bushel)	Price per Bushel in Cents
1890	36 7	449	109	84
1895	38 9	542	130	51
1900	49 2	599	221	62
1905	46 3	706	101	75
1910	45 8	625	70	91
1915	60 3	1008	240	96
1920	62 3	843	313	183
1925	52 4	669	93	144
1930	62 6	886	112	67
1935	51 3	626		85

Compare the coefficient of variation of area under cultivat on and net export of wheat for the whole period (MA Paina)

35 What chief tests should a good average of a number of records satisfy? How far are these satisfied by (i) the arithmetic mean (2) the Median (3) the Mode (4) the Geometric Mean

The figures in the table below give the distribution of insane people in the Madras Presidencty (1921) for each group. Calculate the Arithmetic Mean. Median and Quartile Deviation. Draw the Histogram and the Ogive.

Total 10 000

Age	Frequency	Age	Frequency
0 5	92	4045	1019
510	393	4550	677
1015	600	5055	610
1520	704	55-60	339
2025	917	6065	30a
2530	1309	6570	257
3035	1433	70 and over	170
35-40	1175	~~	

(B Com Madras)

36 The following table gives the frequency distribution of area under wheat in a sample of 282 villages in Meerit District during 1936 37 Calculate (a) the standard deviation and the (b) seriu inter quartile raine of the distribution —

वर्णात्मक म	।।प—विचरः	। और सममिति	किमाप	१८७		
Frequency	Bighas under wheat	Frequency	Bighas under wheat	Frequency		
3	700	21	1,400	8		
7	008	23	1,500	8		
10	900-	20	1,600	6		
17	1.000	18	1,700	8 6 5		
33	1,100-	14	1,800	2		
29	1,200-	14	1,900-2,	1 000		
27	1,300-	16				

(I. A S)

Bighas under wheat 0-100-200-300-400-500-600-

#### अध्याय ⊏

# सरल सहसंबंध

## (Simple Correlation)

पिछले अध्यायों में हमने श्रेणी का अध्ययन करने की विविध रीतियों का वर्णन किया था। हमने देला कि श्रीणयों का रेलाविबों और छेला विकों की सहायता से किस प्रकार निर्वापत किया जाता है और जनभी तुलना कैसे की जा सक्ती है। इसके बाद हमने कणनात्मक जापनों (माध्यों, अपांकरण और विवमता के माएनों) पर कियार किया। इस अध्याय में हम वे श्रीणयों के सवस क अस्तित्व पर विचार करेंगे। इसकी सहस्यक का अध्ययन कहा जाता है।

बिर दो बरो के परिवर्तन एक ही दिया में होत है, अर्थाम् विद एक में बृद्धि होने पर इसरे में भी बृद्धि हाता है और एक में मंगी होने पर इसरे में भी कमी होती है, तो हम कहते हैं कि इसमें ममासम्ब सहस्रवध है। इसके विरद्धि बदि परिवर्तन विवरित दियाने में होने हैं तो जारी में ऋष्णास्त्रक सहस्रवध है।

### सहसंबंध का माप

विन्ही भी सबिदत घटनाओं में सहसबध जाना जा सकता है परन्तु जहाँ प्राकृतिक विज्ञाना में यह सबध निश्चित रहता है और निश्चित रूप से बताया जा सक्ता है, सामाजिक विज्ञानों में यह रामल नहीं है। इसका कारण सामाजिक विज्ञान के विजयों की प्रकृति से स्पष्ट हा जायना। यहीं कारणा का करून करना बावस्थक है। तथ्य केवल यह है कि अगर घटनाएँ सबीचत हा तो सहनवय नामा जा मक्ता है।

सहसवय नी दा नोमाएँ हा सनती  $\ell$  या तो घटनाएँ पूर्णत सहस्यधिक होगी या उनमें नोर्द सहस्यव नहीं होगा । पूर्ण सहस्यय की फल्लीय सबय (functional relationship) भी कहा जाता है। इस स्थित म स्थित प दिस्त के परिवर्तनों से बारण दूसरे चर में एक निक्तित नियम में अनुसार परिवर्तन होंगे। किमी नृत्त से के लेक्सर और उसनी प्रिज्या में एक निद्यत रिवर्त होंगे। किमी नृत्त से के लेक्सर और उसनी प्रिज्या में एक निद्यत रिवर्त होंगे। किमी नृत्त से हिम्स नियरित हिमी से वाद साम जाता है। इह पूर्ष सहस्यय नहीं हांगा। इस वा चरण स्थितियों के भी में कर कम या अधिम महत्तवय वाली स्थितियों है। सारी है।

सहस्तवध नापने की विधियाँ—सहस्वध वी मात्रा (extent) जातने वे िए वई विधियो ना उपयाग निया जाता है। स्थूल रूप से सवण बताने के लिए लेखा चित्रीय विधि उपयक्त हैं। सहस्रवध नापने की विधियों है

- (१) क्ला चित्रीय सहसवय (Graphic Correlation)—दो श्रेषिया नो भ्राप्ट पर अनित कर किया जाता है और सहस्वय जानने में छिए उनकी गति-विधि (movement) ना निरीक्षण निया जाता है। यदि नग में एन ही दिशा नी आर जाने नी प्रवृत्ति होता चरा में धनात्मन सहस्वय है परन्तु यदि उननी प्रवृत्ति चिरुरित दिशाओं में जाने नी है तो सहस्वय सहस्वय है।
- (२) प्रविधे बिन्न (Scatter Diagram)—इन रीति में शेलियों को साफ पर अधित कर दिया जाता है और उसके बाद उनसे हानी हुई 'मुस्टुमम आनवन रेला' (line of best if) मुक्तुस्त कीची जाती है। यह रेला दिन्दुओं के जितने निकट हो गर उसनी होती चारिए। इस रेला की दिसा सहस्वय की प्रतिकृति निकट हो गर उसनी होती चारिए। इस रेला की दिसा सहस्वय की प्रतिकृति वताती है। यदि रेला बाई आर से बाहिनी और उसर पा जाती है ता मह- सब्य प्रतासक है और यदि रेला बाई और से बाहिनी आर नीचे को आतो है तो सहस्वय ऋगाम र है। इस रेका अध्य सम्प्रप्रयस्त (१९९४:१९८९) की प्राप्त बताता है। यदि विन्दु ऐसे स्वितरे हो हि कोई रेला न जीची जा सके तो वरों में बहुत कम या नहीं ने बाद सहस्वय होता है।

परन्तु ये दा विभिन्नां केवल यह बता मकती है कि चरो में महसवन्न है या नहीं । ये सहसवन्न नामाप नहीं बताती। इस प्रकार का माप सहसव-गुणाक से मिलता है। (३) सहसबध गुणाक (Coefficient of Correlation)—सहमवृष की मात्रा नापन के दिल काछ नियसैन सहसबध गुणाक का प्रदोग किया जाता है। यदि पूण सहस्त्रप हो तो यह गुणाक + र या - र होता है। यदि सहसबध न हो तो इसना मूल्य ० होता है। यदि गुछ सहसबध हो तो गुणाक ० और १ के वीच में होता है।

काल पियसन ये सहस्रबंध गुणाक की गणना करने के लिए निम्नलिखित सूत्र का उपयोग किया जाता है  $r=rac{\mathcal{E}xy}{2\pi a}$ 

 अरि y पहली और दूसरी श्रेणी के पदी के उन श्रेणियों क माध्यों से विचलन है

n पदानी सख्या है

ठ<sub>1</sub> और ठ<sub>2</sub> पहरी और दूसरी श्रेणिया के प्रमाप विचलन है
 एक्क निरोक्षणों को श्रेणों

उदाहरण १---मृत्य और पूर्ति ने बीच सहसवध की गणना करनी है

मूल्य	माध्य (13)	विचलन वग $(dx)^2$	पूर्ति	माध्य (22)	विचलन-	विचलनो स
	से विच उन(dx)	वग (ax)-	•,	से विचलन(dy)		
3	-10	100	10	-12	144	120
5	-8 -7	64 49	12 15	-10 -7	100	80
6		16	18	-4	49 16	49
10	-4 -3	9	20	-2	4	16 6
12	-1	ĭ	22	õ	ŏ	ő
15	+2	4	27	+5	25	10
20	+7	49	30	+8	64	56
22	+9	81	32	+10	100	90
28	+15	225	34	+12	144	180
n=10	0	598	n10	0	646	+607

$$\begin{aligned} & \sigma_1 = \sqrt{\frac{\Sigma_0^4 r^2}{n}} - \sqrt{\frac{598}{10}} - \sqrt{\frac{598}{598}} &= 7.733 \\ & \sigma_2 = -\sqrt{\frac{\Sigma_0^4 r^2}{n}} - \sqrt{\frac{1646}{10}} - \sqrt{\frac{64}{6}} - \frac{8.037}{6215} \\ & r = \frac{\Sigma_2 r}{n_{01} \sigma} = \frac{+607}{1 \times 7.733 \times 8.037} = \frac{+607}{6215} = +977 \end{aligned}$$

प्रमाप-विचलनो के मृत्य अलग अलग न निकाल कर पूरी गणना साथ साथ भी की जासकती है

$$\frac{\Sigma_{37}}{n} \sqrt{\frac{\Sigma_{45}^{2}}{n}} \times \frac{15d_{3}^{2}}{10\sqrt{\frac{598}{10}}} = \frac{+607}{10\sqrt{\frac{598}{10}}} - \frac{+607}{10\times\sqrt{598\times646}} = \frac{+607}{10\times\sqrt{598\times646}} = \frac{+607}{6215} = +977$$
or 
$$r = \frac{\Sigma_{37}}{\sqrt{\Sigma_{25}^{2} \times \Sigma_{25}^{2} \times 598\times646}} = \frac{+607}{\sqrt{\frac{29649}{29640}}} - \frac{+607}{6215} = +.977$$

लघुरीति-वहुधा थेणियो के मध्य पूर्णाक नहीं होते। फलस्वरूप गणना करना बहुत अमुविधाजनक हा जाता है। यस्त्री होने की सभावना यह जाती है। लघुरीति में इसे दूर वर दिया जाता है। इस रीति में उपयुक्त शक्तियाँ श्रेणियो वे गाव्य मान की जाती हैं और उनके आधार पर गणना करके आवस्यक समायोजन कर लिये जाते हैं। इसके लिए जिस सुत्र का उपयोग किया जाता है वह  $r = \frac{\sum x_3 - n(a_1 - x)(a_2 - y)}{r \sigma_1 \sigma_2}$ ê

्राः 
$$r = \frac{r\sigma_1\sigma_2}{r\sigma_3\sigma_2}$$
  
या. प्रमाप विचलन की गणना का साथ करने पर

$$r = \frac{\sum x_2 - n(a_1 - x)(a_2 - y)}{n} \sqrt{\frac{\sum dx^2 - n(a_1 - x)}{n}} \sqrt{\frac{\sum dy^2 - n(a_2 - y)}{n}}$$

उदाहरण २---मूल्य और पूर्ति में सहमवध की गणना करनी है

मृत्य	विचलन (17) dx	विचलन- वर्ग (dx)*	पूर्ति	विचलन (35) <i>dy</i>	विचलन- वर्ग (dy) <sup>2</sup>	विचलनों के गुणनफल ४)'
8 10	-9 -7	81 49	25 30	10	100 25	90 35
15 17	-2 0	4	32 35	3	9	6
20	+3 +5	9 25	37 40	2	4	6
22 24 25	+7	49 64	42	7	25 49	25 49
n=8	+8	281	45 - π=8	10	100 312	+291
a=1 $x=1$	76	201	a=35 35=ر	7	312	7231

$$\begin{aligned} & r &= \frac{+291 - 8 \left(176 - 170\right) \left(357 - 350\right)}{8 \sqrt{\frac{281 - 8 \left(176 - 170\right)^2}{8}} \times \sqrt{\frac{312 - 8 \left(357 - 350\right)^2}{8}} \\ & - \frac{+291 - 8 \times 6 \times 7}{8 \sqrt{\frac{261 - 8 \times 6}{8}} \times \sqrt{\frac{312 - 8 \times 7}{8}} - \sqrt{\frac{351 - 6 \times \sqrt{33 - 7}}{351 - 6 \times \sqrt{33 - 7}} \\ & & + \frac{36375 - 420}{\sqrt{345} \times \sqrt{383}} - \frac{+35955}{874 \times 6180} - \frac{+35955}{3631} = +9983 \end{aligned}$$

### समहित श्रेणी में सहसवध

उपयुक्त उदाहरणों म हमने एकैंक निरीक्षणा की श्रीणया पर विचार विचा । परन्तु बहुआ पर समृहा (बहित या सवत) म विभाजित विच् ए रहत है। इन समृहित श्रीणयों में सहसवय निकारने भी विधि कुछ मिन होता है। उदाहरणा है हो। यह समझ है विश्व अवारा और सितहास में भारताकों में सहसवय अवारा चाहत है। यह समझ है विश्व अवारास में १५ २५ अक भारत करने वार विचार्षी इतिहाम में १० २० या २० ३० अक भारत करें। जब एमो स्थिति हाती है तो सामग्री विचार प्रकार की सारणी प्रतिक्री हिता दिवस विचारता वटन की सारणी (Table of Bivarnate Trequency Distribution) या सन्मवय सारणां (Correlation Table) वहते हैं।

उदाहरण ३—निम्नलिखित सारणी में १०० विद्यार्थिया क इतिहास और बयशास्त्र के प्राप्ताक दिय गय है। इनमें सहस्रवध की गणना करो।

~		इतिहास	में प्राप्ताक			
अथशास्त्र में प्राप्ताक	10-20	20—30	30—40	4050	o060	याग
15—25	6	3				9
25-35	3	16	10			29
35-45		10	15	7		32
4555			7	10	4	21
55—65				4	5	9
योग	9	29	32	21	9	100

50-60 Total Mid dx fxy fdx (f) values (40)

dra fdra

10-20 20-30 0--10

40-50

Marks in Pronomics	9	1900										
1	12400	_				6	23	20 20	+3000	81 1	9	3000
	+200 +200 +600	+100 +100 +100	90		:	ผ	8	î	+2200	-290	100	2900
		່ ວ	15 0			32	6	0	0	0	0	0
			0,0	1+ 000 1+ 1000 1+	+200 4 +300	2	ន	0 +	+ 1800	+210	100	2100
	 			+200 +4 +800	+400 2 +2000	6	8	+20	+2800	180	5	3600
	6	æ	32	7	6	8	,	i	+9300	<b>2</b>		12200
	2 6	25	£ 9	45	5							
	9008+	+2200	, 0	1 1	+2800	1-9800						
	-180	-290	0	+210	0	88						
	400	190 2900		90.	400	1,200						
,	2		,		,							

उपयक्त सारणी महम क के मुख्य अलग से जान सकते है या उनकी गणना साय-साय ही की जा सकती है। नीचे हमने σ की गणना साथ साथ ही की है।

$$= \frac{+98 - 64}{\sqrt{122 - 64} \times \sqrt{122 - 64}} = \frac{+97 \ 26}{\sqrt{121 \ 36} \times \sqrt{121 \ 36}}$$
$$= \frac{+97 \ 36}{121 \ 36} = +8054$$

$$=\frac{+97.36}{121.36}=+8054$$

दो श्रेणियो के अल्प कालीन दोलनों में सहसबय गणाक (Coefficient of Correlation between Short Time Oscillations of two series)—अल्पकालीन दीलना में सहसबध भात करने की आवश्यकता पड़ने का नारण यह है नि अल्पनाल में हा सनता है कि महसबध नी दिशा दीधना रीन सहसबध ने विपरीत हो। इस सहसवय नी गणना नरन में सवप्रथम उपनित (trend) का निरसन (elimination) कर लिया जाता है जिससे केवल अल्पकाणीन घटवढ़ रह जानी है। उपनति निरसन की विधिया का विस्तारपूरक वर्णन अध्याय ९ में दिया गया है और ब्स भाग का पढ़न से पहुने उसका अध्ययन कर लिया जाना चाहिए। सहसबंध की गणना करने में निम्निटिखित सूत्र का उपयाग किया जाता है

$$r = \frac{\sum xy}{n\alpha_1\alpha_2}$$

जहाँ 🖈 और 🤊 पहली और दूसरी श्रेणियो में अल्पकालीन दोलन है

s अल्पनातीन दोलनो की मस्या है

σ1 और σ2 अल्पनालीन दारनो के प्रमाप विचरन है अतएव उपयुक्त सूत्र निम्नलियित रूप में भी रखे जा सकते हैं

$$r = \frac{\sum xy}{n\sqrt{\sum x^2}} = \frac{\sum xy}{\sqrt{\sum x^2}} = \frac{\sum xy}{\sqrt{\sum x^2}}$$

उदाहरण ४---निम्निलिखित श्रीणियो के अल्पकालीन दोलनो में सहसबय गुणाक निकालना है।

	वर्ष	ŕ			বুরি			मूल्य	
	192	1			80			146	
	192	2			82			140	
	192	23			86			130	
	192	24			91			117	
	192	25			83			133	
	1,92	26			85			127	
	193	27			89			115	
	199	28			96			95	
	193	29			93			100	
हम एक	तीन	वर्षीय चत्र म	ानगे औ	र दश	मलवो :	भी उपेक्षा व	रेगे		
वर्ष	गृति			e,	मूल्य	उपनदि क्षीन बर्गिय गीत- गान माध्य		er A	*XX
₩ 1921	8 भूति			en k	हुन 146	उपनदि सीन बर्गिय गति- मान माध्य		er A	*X
	-			en k		उपनित क्षीन ६८ वर्षीय गति- मान माध्य		1 en.,	
1921	80	उपनति तीन वर्षीप गति- मान माध्य	अस्पदाक्षीन दोलम् (४)		116		अत्पकालीन दोलन (୬)	****\ 1 1	
192 <b>1</b> 1922	80 82	डफाति तीन हः वर्षीय गति- मान माध्य	। अस्पवाशीन दोलग (x)	I	146 140	139	+ अस्पकालीन - दोलन (୬)		-1
192 <b>1</b> 1922 1923	80 82 86	उपनीत तीन ॐ छ वर्षीय गति- मान माध्य	<ul> <li>अल्पवाशीत</li> <li>दोलग (x)</li> </ul>	1 0	146 140 130	139 129	+ + अस्पकाकीन - सीलन (୬)	1	-1 10
1921 1922 1923 1924	80 82 86 91	उपनित तीन ९९८ अस्य वर्षीय गति- मान माध्य	+ 0 - शल्पवासीत दोलग (x)	1 0 16	146 140 130 117	139 129 127	0 + + अत्पक्षात्रीन 1 + + वीलन (୬)	t 100	-1 10 -40
1921 1922 1923 1924 1925	80 82 86 91 83	उपनीत तीन १९ ६९ ६९ ६ मधीय गति- मान माध्य	त्र स्तानानीन स्रोका (x)	1 0 16 9	146 140 130 117 133	139 129 127 126	. + + + अरफ्कालीम . + + + 1 व्यालम	1 100 49	-1 10 -40 -21

 $r = \frac{\Sigma_{xy}}{\sqrt{x^2 \times y^2}}$  or  $r = \frac{-91}{\sqrt{45 \times 228}} = \frac{-91}{\sqrt{10260}} = \frac{-91}{101.4} = -0.8954$ 

n=7

228

100

45

1929 93

n=7

# सहसंबध गुणाक की संभावी श्रुटि

कार्ल पियसँन के सहसवय गुणाक का एव लाभ यह है कि इसके लिए सभावी कृटि की गणना की जा सकती है । r की सभावी त्रृटि =0 6745 $imes rac{1-r^2}{\sqrt{n}}$ 

जदाहरण ५—जपर्युक्त जदाहरण ३ के सहसवध गुणाक की सभावी तृटि निकालना है।

सभावी त्रुटि =0 6745 $\times \frac{1-8054^2}{\sqrt{100}}$ =0 6745 $\times \frac{1-6487}{10}$ 

=0 6745×0 0351=0 0237

डसलिए इतिहास और अर्थशास्त्र के प्राप्ताको वा सहस्वय गुणाव  $\pm 0.8054$   $\pm 0.0237$  के बीच में होगा ।

संसावी त्रृटि का महत्व—सहसवध गुणाक वा निवंचन करने से पहले यह आवश्यक है कि सभावी त्रृटि की गणना वर ली जाय।

जन स्थितियों में यहां प्रतिदर्श की सहायता से अध्ययन किया जाता है सभाव कुट का विशेष सहल है। मान कीजिए विश्वविद्यालय में ७,००० कियानी है और इनकी इतिहास और वर्षसासन में परीसा की जाती है। यदि हम इस दो निषयों में कियानियों की लिए । का सबस जाता करें, या (11) हम एक छोटा यद्क्ष प्रतिदर्श के जो १०० कियानियों में किए । का मूच्य सात करें, या (11) हम एक छोटा यद्क्ष प्रतिदर्श के जो १०० कियानियों में हो और इसमें । की गणना करें। यह हुस्तप्ट है दि दूसरी विश्वित्त कीच्छ हुस्तियान है है पदन हम दिश्वे अपो कर समर्थे हैं देव हम दक्ष सहस्वत्र गुणाक के आपार पर गय विद्याचित्र में सहस्वत्र गुणाक के सार में जाता करें। अपोत हम पान की कियानियों में सहस्वत्र गुणाक के सार में जाता करें। अपोत हम पान की कियानियों में सहस्वत्र गुणाक के सार में मान करें। अपोत हम पान की कियानियों में सहस्वत्र गुणाक के सार में मान करें। अपोत हम पान की की मान सार मान सार मान सार पान सा

सहस्रवध गुपांक का निर्वधन---महम्तर्य गुपाल का निर्वधन करता अर्थन यह बताना कि यह क्या घोषित ( $\operatorname{sigm}(y)$  करता है, किंद्रत या जटिल नी हैं। इसका निर्वधन करने के लिए हुए करता निष्म है। इस आपते हैं कि जब स्थान गुपाल +1 या -1 होता है सो घरा में पलनीय सबय होता है। अन्य न्यिनिर्य में राहतक्य गुणाक दनके बीज में रहता है। इसका अर्थ यह हुआ कि +1 मा —1 के निष्टक्यों तरहावय गुणाक अदिन्माना में तब्य बताता है। वेते-वेते इसका मूट्य ० के निक्ट आता जाता है, तब्य भी मात्रा कम होती जाती है। इस सामान्य नियमों के साथ-साथ कुछ विशिष्ट नियम है। ये नियम है

ानयमा क साथ-साथ दुछ (बाराष्ट्रानयम हा या ानयम ह (१) यदि र अपनी समाची मुटि से कम है तो वह सार्थक नहीं है और यदि यह अपनी सभावी प्रटि के ६ गुने से अधिक है सो यह निरचय ही असि सार्थक है।

यह अपनी सभावी चूटि के ६ गुने से अधिक है तो यह निरचय ही आति साधक है। (२) यदि र का मूल्य ०३ से अधिक है और सभावी बुटि अधिक नहीं है तो यह सार्थक माना जाता है।

कार्ल पियसँन के सहसंबंध गुणांक की कल्पनाएँ—कार्ल पियसँन का सहसबध गुणाक निम्नलिखित कल्पनाओ (assumptions) पर आभारित है

- जिन दो चरो में सहसबध स्थापित किया जाता है वे बृहत् सख्या में स्वतत्र कारणो से प्रभावित होने चाहिएँ, जिससे घरो का वटन प्रसामान्य हो । यदि चरो का वटन प्रसामान्य नही है तो सहमबध गुणाक विशेष सार्थक नही होता ।
- २ इन दो चरो को प्रभावित करने वाले कारणो में कार्य-कारण सबध हो। यदि कार्य-कारण सबध को स्थापना नहीं को जा सकतों है तो सहसबध पुणाक का कोई अर्थ नहीं है।

संगामी विजयनों का यूपांक (Coefficient of concurrent deviations)—जब हमें परो के दिशा में सहस्तवध गुणाक जानना रहता है और हम चरो को मात्रा के परिवर्तन में सहस्तवध गुणाक नही जानना चाहते हैं वो सगामी विजयनों के गुणाक की गणना भी जाती है।

इसनी गाना करने को पीति सरङ है। इसमें यह जाना जाता है कि श्रीणयों में किन दिसाओं में परिवर्तन हो रहा है। यदि परिवर्तन एक ही दिसा में होता है तो सहसवय प्रमानक है और प्रिर परिवर्तन विपरीत दिसाओं में हो रहा है तो बहुसवय क्षणात्मक है। समामी विचलनों का गुणाक निमालिजित गुल की बहुमका ते निकाल जाता है  $t = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{2c-n}{2}\right)}$ 

जहाँ 12 पदों के मुम्मों की सख्या है और ८ सगामी विचलतों की सख्या है। यहाँ यह बातम्य है कि मूल के अन्दर को राशि धन है तो दमें के बाहर का और दर्य के भीतर का चिह्न भी धन होगा, और शर्दि मूल के अन्दर की चर्चात ऋण है तो नर्ग के बादर का और वर्ग के भीतर तम विक्त भी आप होगा। उदाहरण ६---निम्नलिखित श्रेणी थे सगामी विचरना का गुणाव निकारका

है			
मूल्य	थायात	मूरय	आयात
368	22	384	26
384	21	395	25
385	24	403	29
361	20	400	28
347	22	385	27

हल

•					
	मूल्य	विचलन की दिशा	आयात	विचलन की दिशा	संगामी विचल
	368		22		
	384	+	21	-	_
	385	+	24	+	4
	361	-	20	_	+
	347	-	22	+	_
	384	+	26	+	+
	395	+	25	-	_
	403	+	29	+	+
	400	-	28	-	+
	385	_	27	_	+

$$r = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{(2i-n)}{a}\right)} = \pm \sqrt{\frac{\pm (12-9)}{9}} = +\sqrt{333} = +58$$

यह दृष्टब्स है कि 'c' का मूल्य अस्तिम कॉन्स के घन (+) चिह्ना क बरावर हो । यहाँ t का मूल्य + है क्यांकि (2c-n) अनात्मक है ।

उदाहरण ७---निम्नलिखित थेकी के रिए समामी विचलन का गुणाक निकारण है।

ĘΙ					
वर्ष	मूल्य	आयात	वय	मूल्य	आयात
1901	22	10	1906	30	16
1902	24	12	1907	32	15
1903	27	11	1908	30	16
1904	26	12	1909	30]	17
1905	28	14	1910	31	18

ৰ্থ	मुख्य	विचन्न	जायान	विचलन	सगामो विच <i>र</i> न
1901	22		10		
1902	24		12		
1903	27		11	_	_
1904	26	-	12	_	_
1905	28		14		-
1906	30		16	-	-
1907	32	-	lə	_	_
1908	30		16	_	
1909	30	_	17	-	_
1910	31	-	18	-	

$$\tau = \pm \sqrt{\pm \frac{(2e - n)}{n}} = \pm \sqrt{\pm \left(\frac{8 - 9}{9}\right)}$$
$$= \sqrt{\pm \left(\frac{-1}{9}\right)} = -\sqrt{11 = -1089}$$

यह दृष्ट्य है कि (१) १९०९ के मृत्य क आगे '≕' किहू बनाना गना है क्रोंकि इस क्य का मृत्य १९०८ से भिन्न नहां है, जयान काई विचलन नहीं हा।

(२) अब चाहे १९०९ के आयान का विश्वलन ऋगा मक हा या बना मक, संगोर्ग विवलन ऋगा मक ही होगा ।

(३) परन्तु यदि १९०९ आयात में भी १९०८ आयात के उत्तर काई विवल्ल न होता अर्थान् उत्तका मो चिह्न '=' होता तो स्वामी विवलन घन ( — ) होता ।

(४) (2c-n) ऋणामत है, इसल्ए γ मा ऋणामत है।

सहस्वयंभार म समय-परवना वा स्थान (Place of time-lag in correlation measurements)—क्सी-क्सी यह होना है हि एक चर के पवित्रन ना दुनरे पर प्रमाव बुट समय बार परना है। इस समय-परनना कहते हैं एक्स्फर पर में से दूसरे का अनुसरण करनी है। ऐसी न्यिनिया में महत्यन पूचाक की गणना करने में पहने समय-परमा का क्रमूणिंग व्यान रखना चाहिए अध्यक्ष सहस्थव गुगाह सब्य भी मान नहीं दगा।

#### OUESTIONS

1 Explain the term "Correlation Coefficient" The following is a correlation table for the height and chest girth of students in a College, determine an index to measure the extent to which height μ associated with chest girth —

#### Chest girth

	24*	25"	26"	27*	28"	29*	30*	31"	32*	33"	34"	35*	36"	37*
5 00	3* 1		2		2		I				1			
5 1'	•	1		2	1	3	4	1	4		1			
5 2	•		1	2	1	7	7	3	5	1			1	1
5 3				1	5	4	8	4	5	3				
5 4	•			1	1	5	15	6	7	4		2	1	1
5 5	•				1	7	9	6	4	2			1	1
5 6	'				2	7	8	10	7	4	2	2		
5 7	•				1	3	7	6	4	3	3			
5 8							4	1	3	1		1		
5 9	•						3		1					
5 10	)*								1					
5 1	1*								1					

(B Com, Madras)

2 Calculate the coefficient correlation from the following

Year	Bank of Bengal	Bank of Madras	Year	Bank of Bengal	Bank of Madras
1904	487	524	1912	542	605
1905	509	511	1913	595	665
1906	642	609	1914	545	589
1907	610	639	1915	569	570
1908	583	638	1916	678	709
1909	524	598	1917	603	732
1910	533	591	1918	554	669
1911	551	597	1919	562	665
			1920	606	620

(B Com, Madras)

3 The following table gives the price and the quantity of wheat exported from India during the last six years Calculate the coefficient of correlation between the quantity of wheat exported and its price —

ed and its price -			•	
Year	Price Rs	per a	cwt P	Quantity in thousand tons
1924 25	8	12	10	1 112
1925 26	10	3	2	212
1926 27	9	9	3	176
1927 28	9	3	6	300
1928 29	9	11	3	115
1929 30	10	3	3	13
			(B	Com , Allahabad)

4 The following observations are extracted from a report of some experiments on rats in the Autution Research Institute, Coondor Find the coefficient of correlation —

Coonoor Find	the coefficient of	correlation —	
Body weight (in grms)	Thyroid weight (in mg )	Body weight (in grms)	Thyroid weight (in gems)
76	8 8	54	5 2
53	7 8	92	9 0
100	90	106	8 0
78	9 4	93	7 0
65	8 4	70	6 4
90	9 4	55	4 8
70	6 6	45	5 0
73	7 0	72	8 4
83	8 8	59	5 4
139	10 8	78	86
106	8 6	87	9 2
80	6 8	87	10 8
79	9.2	64	72
63	8 0	87	8 6
86	7 0	88	96
66	5 2	93	10 2
			M.A. Allahabad

Calculate the coefficient of correlation between infant

mort

	Percentage of
Infant Mortality	population overcrowded
109	14 9
122	6 3
96	5 8
142	12 2
151	33 2
124	13 3
125	14 6
102	8 8
109	4 9
156	39 8
122	63
	(B Com Hons, Travallere)

6 What does a correlation coefficient measure? Calculate the correlation coefficient between X and Y

Serial no	X	Y	Serial no	X	Y
1	65	74	8	644	637
2	144	135	9	471	459
3	219	224	10	217	241
4	378	346	11	67	61
5	465	468	12	38	48
6	557	600	13	176	100
7	685	676	14	100	176
				(B Cor	m , Madras)

<sup>7</sup> Give a formula for correlation coefficient, and state its principal uses If the correlation coefficient between two variables is zero are they necessarily independent? (MA, Calcuta)

8 From the following figures calculate the coefficient of correlation between the population of Agra and Cawipore —

Agra	Cawnpore	Agra	Cawnpore
160	155	164	216
169	194	205	243
188	203	284	487
164	179		

(M A, Agra)

9 From the ages given below of the husband and wife at the time of marriage, find if there is any correlation between them. Whose age is more variable?

Age of husband	Age of wife	Age of husband	Age of wife
25	18	22	16
22	15	40	21
28	20	20	15
26	17	18	14
35	22	19	15
20	14	25	17
			(B Com , Agra)

10 Calculate the coefficient of correlation between the ages of 100 husbands and waves from the following data —

Age of husbands in		age of waves in years				
venus nuspanas In	10—20	20-30	30—40	40	20−60	Total
15-25	6	3				9
2535	3	6	01			29 32
3545		10	15	7		32
4555			7	10	4	21
ээ <del> 6</del> э				4	5	9
Total	9	29	32	21	9	100
			(M. Com	Acre B	Com L	righton)

11 From the following figures calculate the coefficient of

correlation between the income and general level of prices —

Income	General level	Income	General level
	of prices		of prices
360	100	640	290
420	104	680	300
500	115	720	320
550	160	750	330
600	280		

(M.A , Agra)

12 Find if there is any significant correlation between heights and weights given below — Heights (in inches) 57, 59, 62, 63, 64, 65, 55, 58, 57

Weights 113, 117, 126, 126, 130, 129, 111, 116, 112 (B Com , 4grs) 13 From the figures find the coefficient of correlation between

13 From the figures find the coefficient of correlation between the rate and the number of passengers, and between the rate and the net profits Explain the difference

Rate per unit	No of Passengers	Net Profit
5 0	30,000	27,000
4 5	40,000	28,000
4.0	60,000	30,000
3 5	100,000	30,000
3 0	150,000	30,000
		(M Com, Agra)

14 The following table gives the ages of 10 students when they left off studying and the salary per annum each was earning when he reached the age of 30

Find Karl Pearson's coefficient of correlation between them -Age in years

17 17 18 19 19 20 21 22 23 230 210 290 220 330 320 360 340 420 Salary (B Com , Lucknow)

15 Calculate the coefficient of correlation between marks obtained in History and Political Science from the following data -

Roll No	Marks in History	Marks in Politics	Roll No	Marks in History	Marks in Politics
1	20	26	7	13	19
2	13	18	8	19	ĪĬ
3	35	29	9	24	23
4	16	12	10	28	25
5	23	24	11	21	23
6	26	31	12	31	33
				(MSW	, Lucknow)

The following table gives the frequency according to agegroups of marks obtained by 52 students in an intelligence test Calculate the coefficient of correlation between age and intelligence

	Age in years					
Marks	16—18	18—20	20—22	22—24	Total	
10—20 20—30 30—40 40—50 50—60 60—70	2 3 3 2	1 2 4 2 1	1 3 5 3 2 2	2 6 4 2 1	10 18 11 5 4	
Total	10	11	16	15	52	

(BA , Lucknow)

<sup>17</sup> If in 12 pairs of frequency distributions, σ<sub>1</sub>, the first standard deviation is 3 742,  $\sigma_2$  the second standard deviation is 7 389, and xy, the sum of the products of pairs of deviation is—285, calculate r, the co-efficient of correlation and interpret it

Value of

Building

Number of

Building

18 Calculate the coefficient of correlation between the num ber and value of building permits from the table given below Also calculate the probable error of the coefficient

Number of Value of

building building Year

	(thou sands)	(thou- sands)		(thou sands)	(thou sands)	
1927	21	41	1933	38	76	
1928	18	34	1934	36	72	
1929	23	38	1935	32	99	
1930	34	67	1936	33	67	
1931	36	68	1937	32	58	
1932	58	84				
				(MSW	Lucknow)	

19 The following table gives the weight and height measurements of 600 school children. Calculate the coefficient of correlation between heights and weights of children. Also compute the probable error of the coefficient of correlation.—

Weight		1	Height (ir	inches)			
pounds)	4043	44—47	48—ə1	52—55	5659	60-63	
35 54 55 74 75 94 95114 115134 135154	8	80	120 48	176 16 8	24 64 8	208 248 16 96 16 24 8 16	
Total	8	80	168	200	104	40 600	

(B A , Lucknoa)

<sup>20</sup> Calculate the coefficient of correlation between the prices and output from the data given below —

सास्थिकी	के	सरल	सिद्धान्त
----------	----	-----	-----------

२०६

, ,			
Output	Price	Output	Price
250	140	500	165
300	142	550	170
315	150	480	169
400	160	490	165
420	160	540	158
380	158	590	153
300	152	520	157
405	155		

(M S W, Lucknow)

21 Find the coefficient of correlation in the prices of articles A and B given below and interpret it —

Α	135	130	127	129	128	129	
В	49	43	41	42	42	39	40
					(B C	om , Luc	know)

22 Calculate the coefficient of correlation and probable error between the heights and weights —

	Weight in pounds								
Height in inches	80 to 90	90 to 100	100 to 110	110 to 120	120 to 130	Total			
50—55 55—60 60—65 65—70	2 4 2	6 7 11 6	12 20 25 17	10 13 20 14	5 8 13 5	35 52 71 42			
Total	8	30	74	57	31	200			

(B Com , Allahabad)

23 The following table gives the indices of cost of living for Calcutta and Allahabad for middle class families during the year 1948. Find the correlation between the two series and comment on the possibility of predicting the conditions in Calcutta from a knowledge of the cost of living index in Allahabad —

26 Find out from the following data whether there is any correlation between production and imports of cereals in India —

Year		Production (million ton	
1944		48 2	1 6
1945		47 1	18
1946		41 9	26
1947		42 2	2 7
1948		43 7	2 8
1949		43 3	3 7
1950		46 0	2 1
1951		41 8	4 7
1952		42 4	3 9
1953		47 6	(B Com, Allahabad)
27	Calculate the	coefficient of correla	tion between cotton

27 Calculate the coefficient of correlation between cotton cloth manufactures and woolen manufactures from the following data for July 1951—June 1952 —

Index of Industrial Production in India (Base 1946-100)

	(Base 1946-100)	
Month	Cloth manufactures	Woollen manufactures
July	10o	64
August	108	63
September	106	66
October	100	62
November	104	69
December	105	61
January	104	57
February	111	55
March	104	47
Aprıl	114	45
May	118	45
June	117 (B	50 Com , Allahabad)

28 Shot that the coefficient of correlation r cannot numerically exceed unity

Calculate from the data reproduced below pertaining to 66 vallages in Meerut District the value of r between total cultivable area, and the area under wheat

Total a its able area (in brokes)

ŧ		0—	→00c	1 000-	1 500-	2 000- 2 500	
er who zhas)	0 200 400	12 2	5 18 4	4 7	2 3	1	18 27 14
արժույ բևևու)	600 6001 000		i	•	Î	1 2	3
Area	Total	14	29	11	8	4 (1	66 A S )

29 The correlation table below thes for each of As towns () measure of the amount of over-crowding present in a given year and (a) the infant mortality rate in the cone year. Calculate the coefficient of correlation between over crowding and infant mortality rate.—

Percentage of population in families living more than two persons per room

Infant mortality rate	1 5	4 5	7 5	10 5	13 5	16 6—19 5
36	5					
46	9	1				
56	10	4	1			
66	4	7	5	2		
<b>-</b> 6	2	5	4	1	1	
86		2	2	2		1
96		1	2	2	1	1
106116	5	1		1		

(I A S)

30 The correlation table given below thows the ages of his band and wife for 53 married couples hang together on the census might of 1941. Calculate the coefficient of correlation between the age of husband and that of his wide.

Age	of	wıj
-----	----	-----

			Ag	e of wife			
Age of husband	1525	25-35	3545	4555	5565	6575	Total
15—25 25—35 35—45 45—55 55—65 65—75	1 2	1 12 4	1 10 3	1 6 2	1 4 1	2 2	2 15 15 10 8 3
Total	3	17	14	9	6	4	53
						(I /	4 S )

Compute the coefficient of correlation from the following data Α 400 300 800 -- 700 600 -- 800 -- 500 400 В -800 -500 -900 900 -900

900 900 -- 900 Calculate the coefficient of correlation between the values of X and Y given below -

x

X	Y
78 89 97 69 59	125 137 156 112 107
68 61	136 123 108

You may use 69 as the working mean for X and 112 for Y (M A Delhe)

33 Calculate the coefficient of correlation between infant rtality and overcrowding from the following data -

mortality and	overcro	wding	from	the f	ollown	ng data	ween	intant
Infant Mortal ty	109	122	96	142	151	124	125	
Over Crowd ng	14 9	63	5 8	12 2	33 2	13.3	14.6	102
Infant Mortal ty	109	156	122				140	- 66
Over Crowding	49	39 8	6.3					

(B Com Hons Andhra)

34 Calculate r from the following table and indicate its pro-

gable error —	Net area sown (lakhs of acres)	No of ploughs (in lakhs)
UP	359	52
Madras	310	44
Bombay	285	12
Punjab	275	24
Bihar and Orissa	257	35
C P	245	16
Bengal	240	46
Assam	64	11
Sind	48	3
NWFP	23	3 2
Total	211	245
		(PCS)

35 The following table gives the results of the Matriculation Examination held in 1936 -

Age of candidate

13- 14- 15- 16- 17- 18- 19- 20- 21-Percentage

er lad be

37 2 40 6 43 4 34 2 36 6 39 2 48 9 47 1 54 5 Calculate the coefficient of correlation and estiamate its pro-

bable error From your results can you definitely assert that failure is correlated with age ?

36 Compute the coefficient of correlation from the following correlation table showing the age in years of the students and the marks obtained c.\_\_\_

Total	10	11	16	15	32	
5960 6010	-	1	2 2	2	5	
30-40 40-50	3 2	4	5	6	18	
1020 2030	2	1 2	1 2	2	4 10	
Y—Senes Marks						
Age in years	16-18	18-20	20-22	22-24	1 ota	•

37 Calculate r between production of Pig Iron (percentage of trend 1897—1913) and Industrial Production (percentage of trend, 1897—1913) from the following table ---

#### Pig Iron Production

	50-60	60—70	70-80	80—90	90-100	100—110	110—120	120—130	Total
120—130 110—120 100—110 90—100 80—90 70—80 70—60—70 50—60	6	2 2	2 7 1	3 24 2	5 33 3	6 51 1	34 6	15 1	15 41 62 37 29 9 3 8
Total	6	4	10	29	41	58	40	16	204

(MA, Calculate ) 38 Calculate r between rent and the income from the following table —

No of cases in which the monthly rental shown below was paid

	101	ຕ	**	2	9	7	8	6	2
	22	Rs	23	Rs	ž	28	Rs	Rs	Rs
	1 and below	2 and below	3 and below	4 and below	5 and below	6 and below	7 and below	8 and below	9 and below
	2	Z,	Rs	Rs	ž	8	ž	ž	2
Income class Rs	İ							-	
10 and below 15	18	64	12	21					

10	and	below	15	18	64	12	21				
15	,,	,,	20	20	85	34	73				
20	,,	,,	25	9	35	27	92				
25	,,	,,	30	5	29	14	10	6	1		1
30	,,	,,	35	3	26	39	27	6	2	1	
35	,,	**	40	1		13	10	3			
40	,,	,,	45		5	8	7	4	1		
45	**	**	50	1	2	3	2				

39 Compute the coefficient of correlation of the short-time oscillations from the following ignoring decimals

Year	Supply	Price
1921	80	146
1922	82	140
1923	85	130
1924	91	117
1925	83	133
1926	c8	57
1927	89	12
1928	95	95
1929	93	100
		OR Com Al

(B Com., Allahabad)

Index number of Index number of

40 Calculate Karl Pearson's Coefficient of Correlation from the following data -

C---- D

Series A	Deties D	Dellies M	DCHES D	
112	200	150	170	
114	190	119	210	
106	214	125	190	
124	187	147	180	
145	170	150	180	
		(	B Com . Allahal	bad)

41 The index numbers of prices of all commodities in Bombay and in Calcutta were as under —

Commodity prices Commodity prices Month ın Calcutta in Bombay May, 1942 169 204 June, 1942 182 222 July, 1942 182 225 August 1942 192 228 September, 1942 198 224 October, 1942 209 233 November, 1942 227 949 December, 1942 238 266 January, 1943 255 250 February, 1943 253 255

Do you think prices in Bombay and in Calcutta are correlated?
(M.A., dera)

42 The following table gives the value of exports of raw cotton from India and the value of the imports of manufactured cotton goods into India during the years 1913-14 to 1931-32—

Year	Fxports of Raw Cotton	n Crores of Rupees) Imports of manu factured Cotton Goods
1913 14	42	56
1917-18	44	49
1919 20	58	53
1921 22	55	58
1923-24	89	65
1929-30	98	76
1931 32	66	58

Calculate the coefficient of correlation between the value of the exports of raw cotton and the value of the mports of cotton manufactured goods (MA, Calcutta and B Com; Naghur)

43 The following table gives the wholesale price undex numbers for Calcutta and Karachi for the period of 1927—41

Year	Calcutta index Numbers	Karachi Index Numbers		
	(Base July, 1914)	(Base July, 1914)		
1927	148	137		
1928	145	137		
1929	141	133		
1930	116	108		
1931	96	95		
1932	91	99		
1933	87	97		
1934	89	96		
1935	91	99		
1936	91	102		
1937	102	108		
1938	95	104		
1939	108	108		
1940	120	116		
1941	139	120		

- (a) Calculate the coefficient of correlation between the above two series, and state what it indicates
- (b) Point out whether the Calcutta indices are more variable than the Karachi ones (B Com , Allahabad)

<sup>44</sup> Calculate the coefficient of correlation between the cost of living and the weekly wage rates from the following data —

Date	Cost of Living Index	Index of Weekly Wage Rates
1920	151	155
1921	110	120
1922	102	99
1923	101	98
1924	103	101
1925	100	101
1926	100	102
1927	96	100
1928	95	99
1929	95	99
1930	87	98
1931	84	96
1932	81	91
		(MA, Allahabad)

45 The following table gives the number of students having different heights and weights —

Weights in pounds

Height in inches	80	90	90100 10	011-0	1 10-12	0 120-130	Total
5055		ı	3	7	5	2	18
55~60		2	4	10	7	4	27
6065		1	5	12	10	7	35
6570			3	8	6	3	20
Total		4	15	37	28	16	100
70-		find	anti relation	hetween	barobt	and wante	2

(B Com, Allahabad)

46 The following table gives the index numbers of industrial production of Great Britain and the number of registered uncomployed persons in the same country during the year 1924—1931—

Year	Industria! Production (Index Number)	Number of registered Unemployed (Hundred thousand)
1924	160	11 3
1925	102	12 4
1926	104	14 0
1927	107	11 1
1928	105	12.3
1929	112	12 2
1930	103	19 1
1931	94	26 4

Calculate coefficient of correlation between production and the number of unemployed (B Com , Lucknow)

47 Γind the correlation coefficient between heights of father and son from the following data —

Height of fathe	65	66	67	67	68	69	71	73
Height of son in inches	67	68	64	68	72	70 (M A	69 Allah	70 abad)

48 Find the coefficient of correlation between marks obtained by candidates at an examination in two subjects A and B from the following data —

Subject B-Maximum 50

Subject A Max 50	1115	1620	2125	2630	31—35	Total
1-5 6-10	ļ	1	8	. 7	I I	1 18
11—15 16—20 21—25	1	2	4 7 2	14 13 4	6	25 26
26-30 31-35			î	1	•	í
Tota!	2	3	22	39 (B	13 Com <i>Ba</i>	7 79 mrbay)

49 Find the coefficient of correlation from the following table -

,	r—	5	10	15	20	25	30	Total
<i>y</i> =	10		1	,	2	8	12	24
	15	1	2	5	9	80	11	108
	20 25	2 5	15 20	42 51	98 37	36 10	8	201 125
	30	8	16	8	5	4	ī	42
Total		16	54	107	151	138	34	500
						()	AA C	'alcutta')

50 The following table shows the distribution of marks Calculate the coefficient of correlation and its probable error —

Mari	k5 111	Geogr	api	ij
------	--------	-------	-----	----

Range of Marks	020	20 - 40	4060	6080	Total
0-20	32	88	15		135
20—40 40—60	45 16	436 500	200 398	4 25	685 939
6080	10	105	532	40	677
80-100		8	40	16	64
Total	93	1,137	1,185	(MA, C	2,500 elcutta)

51 Calculate the coefficient of correlation from the following data —

x	109	122	96	142	151	124	125	102	109	156	122
y	14 9	6 3	5 8	12 2	33 2	13 3	14 6	8 8	14 9	39 8	63

52 From the following table calculate the coefficient of correlation between the ages of husbands and waves and estimate the probable error of the result obtained —

Age of Husbands	Age of waves						Total		
1 ears	15	20	25	30	35	40	45	50	
55—60						6	5	3	14
5055					8	10	6	2	26
4550				2	13	8	4		27
4045	•			14	18	3			35
35-40			15	20	8				43
30-35	6	12	25	16					59
2530	15	26	20	1					62
2025	22	10	2						34
Total	43	48	62	53	47	27	15	5	300

What is meant by correlation ? Give the general rules for interpreting its coefficient

Calculate the coefficient of correlation between thea ges of 100 husbands and wives from the following data -

Age of Husbands in years	Age of wives in years								
	20—30	30—40	40-50	50—60	6070	Total			
25—35 35—45 45—55 55—65 65—75	6 3	3 16 10	10 15 7	7 10 4	4 5	9 29 32 21 9			
Total	9	29	32	21	9	100			

(B Com , Allahabad)

- (a) Discuss fully what is meant by the coefficient of correlation and how it is measured and interpreted
- (b) Calculate the coefficient of correlation from the following -Subject (Age of hus 17 18 19 19 20 20 21 21 22

band)

Relative (Age of wife) 12 11 15 16 14 15 19 99 16

(B Com , Allahabad)

#### श्रध्याय ह

# काल-अंखी का विश्लेपण

(Analysis of Time Series)

साधारम बाल-प्रेमी वर्ष कारकों से पिठकर बनती है। से बालक बर के मून्यों में विस्तित प्रकार से प्रभाव टालने हैं। बाल-प्रेमी के विशेषम में इन कारकों को अक्त-अलग निया जाता है। कारकों का वर्षोकरण दो सामान्य भागों में दिया गया है

- (१) बीचे कालिक उपनित (Secular or Long-term Trend);
- (२) अल्प कालीन दोलन (Short-time Oscillations) ।
  - (अ) ऋतुनिष्ठ या चत्रीय घट-बड (Scasonal or cyclical
  - fluctuations); ये नियमित होते हैं। (ब) अनियमित घट-बढ़ (Irregular fluctuations)।

आज-अणी में ये सद या एक या दो भाग हो सकते हैं। शास्त्रिक का काम इत भागों को अलग-अलग करता है जितने इत भागों की जन्म देने वाले का को आन भागत किया जा यके। इस प्रवार काल-अणी के विकार भागों को एकजन (isolate) अपने की किया को काल-अणी वा विस्तेषण कहते हैं।

(१) बीपंकानिक उपनित---रीपंकानिक उपनित लम्बी समयावधि में श्रेणी की विद्यायवादी है। इस इसार वह बताती है कि बृद्धि या उपनि ही रही है या हास वपना वजनति हो रही है। जिसका जमें यह हुआ कि या तो एक बृद्धि-कारक का प्रभाव पर रहा है या एक हुएस-कारक का । वीपंकानिक अगति के रावसे अच्छे उदाहरण ऐसे समानी पर मिलते हैं उन्हों कातक्ष्मा का प्रभाव पर वादा है। विश्व में कर महुल एस समानी पर मिलते हैं उन्हों का नक्षमा का निवास में कर महुल पर साम का प्रभाव प्रभाव प्रभाव पर साम के साम का प्रभाव पर साम में कर साम में है। यह है जिसका का नारण मुक्ती और तर्ह बन्होंने का बाजार में जात आदि है। इस प्रकार के विद्यान दीपंकाल में ही देखे जा सबते हैं को यह बनाते हैं कि सकता का प्रमाव पर ता है या हुस अपने का ना मान पर ता है

(२) अस्पकालीन दोलन—ये उन भारतो के कारण उत्तम होते हैं जो भेणी भी वेवल अस्पकाल में प्रभावित करते हैं। इनके पलस्वरूप श्रेणी की प्रपत्ति में परिवर्तन होता है। श्रीद विध्वाधिक कोर अस्पकालेन वारक एक ही दिवा में होते हैं तो भेणी की प्रमावती में इति होती है, परन्तु पाद ये विपयीत दिवाओं में होते हैं तो भेणी की प्रमावती की प्रमावती की होती है। उच्छाहणार्थ, जाय की खलन में लगातार कमी होने पर भी यह हो सकता है कि किसी एक वर्ष या बुद्ध वर्षों के लिए उसमें वृद्धि हो जाय या मूख्यों में लगातार कमी होने पर भी यह हो सकता है कि किसी एक वर्ष या बुद्ध वर्षों के लिए उसमें वृद्धि हो जाय या मूख्यों में लगातार वृद्धि होने पर भी मुख्य वर्षों के लिए उसमें वृद्धि हो जाय । परन्तु बुद्ध समय बाद श्रेणी अपने प्रशामान्य मार्ग पर फिर आ जाती है।

ये अल्पनालीन दोलन नियमित या अनियमित हो सनते हैं। नियमित दोलनो में ब्युतनिष्ठ प्रदेवद का मुख्य स्थान है। कई काल-येणियो में मौसम वा प्रमाव पहता है जैसे चाय भी खप्त गर्मियो में कम तथा जाड़ों में बढ़ जाती है।

अनियमित दोलन ऐसे नारणों से उत्पन्न होते हैं जिनके बारे में हम अधिक या बिस्कुल नहीं जानते । जैसे किसी कृषिन्यदार्च पा उत्पादन बहुत सीमा तक प्रानृतिक शक्तियों पर निर्मर करता है। इसिएए उत्पादन सबभी श्रीणयों में अनिय-नित पट-बढ़ हो सन्दर्श है। इसी प्रकार थम हडताल आदि नारण ऐसे हैं जो अनियमित पट-बढ़ों नो जन्म देते हैं।

निक्षी एन प्रनार के कारनो ना अध्ययन करने के लिए अन्य प्रकार के कारको ने प्रभाव ना निरसन (climination) कर दिया जाता है। इस प्रकार को भेषी वचती हैं वह नेवल एक प्रकार के बारका से जपस हुई मानी जाती है। यह रीति निम्मणिवित है।

# (क) उपनित या दीर्घकालिक परिवर्तनों को निकालने की विधि

उपनति निकालने और अल्पकालीन प्रभावों का एक्टन करने के लिह साधारण-तया तीन विथियों का उपयाग किया जाना है। ये हैं

- १ मुक्त-हस्त वत्र (free-hand curve) विधि ।
- २ गतिमान भाष्य (moving averages) विधि।
- ३ न्यूनतम-वर्ग (least-squares) विधि।

इन विधियो का उद्देश अनिभिताओ का सरलन (smoothing) करना और श्रेणी को अल्पकालीन दोलंगो स मुक्त करना है, जिससे वेवल उपनित रह जाय । (१) मुक्तहरूत कर विधि—यदि किमी बाल-प्रेशी को लेखा चित्र पर अक्ति विचा गांव तो बर कुछ उपर और कुछ मीचे जाएगी। परि हम कम शरू-बढ़ी ना मरून-करों जिससे केवल उक्तित को प्रयानता निर्छ तो हम प्रेणी ने फीगिया और अल्डाल कालीन पर-बढ़ी से मुक्त कर देने हूं और अंगो की सामान्य दिया प्रयक्त स्वस्ट हो जानी है। इस प्रकार हम दीर्घनालिन परिवर्तनों का अध्ययन वर मकते हैं। मुक्त-हस्त कम प्रियं में इन पर-बढ़ी पर विचार किए बिना एक वर बाल-अंगों के विच्छा। से होता हुआ खीना जाता है। यह वरु श्रेणी को उपनित या दीर्घनाजीन परिवर्तन परणवात है।

उत स्वानों में जहाँ सास्विकीय रौतियों ना प्राविधिक तान उपलब्ध न हो और जहाँ बेणी की प्रवृत्ति ना सामान्य ज्ञान प्राप्त परना हो मुक्त रूस विवि का ठाअपूर्वर उपयोग निया जा सकता है। परन्तु जहाँ नहीं भी कृप अध्ययन की आवरवस्ता गर्दती हो, यह विधि सावद हो उपयुक्त हो क्योंनि नियम स्वित निमन्न-भित्र प्रकार से बन सोचने हैं नियसे एक हो भेगों की उपनित नियम प्रनार से यो जाती है।

(२) गतिमान माध्य-विधि—इस विधि में किसी एक अवधि के लिए उस अवधि वे मगत मत्य नहीं लिया जाता बल्कि कुछ वर्षों की समुचित सख्या के माध्य का मूल्य लिया जाता है। छठे अध्याय में हमने प्रत्येक वर्ष के लिए गतिमान माध्य निकालने की विधि का सक्षेप में वर्णन किया है । यहाँ हम इस बात पर विचार करेंग कि वर्षों की समुचित सख्या किस प्रकार जानी जो सकती है। इस सब्ध में यह जातव्य है कि वर्षों की सस्या के लिए पारिभाषिक शब्द श्रेणी की **आ**वर्तिता (penodicity) है। सब काल श्रेणियां कुछ-न-कुछ आवतिता दिसाती है। इनकी गणना करना बहुत आसान है परन्त नई स्थानो पर गणना करने की कोई आबस्यक्ता नहीं पड़ती नयोनि इसे निरीक्षण से ही जाना जा सनता है। परन्तु जय आयर्तिता की गणना बरनी पड़ती है, हम श्रेणी में दिखरों (peaks) और गतों (troughs) की सस्या गिन हेते हैं। दो शिखरों या दो गतों की दूरी एक चक (cycle) बनाती है। एक श्रेणी में कई चत्र हो सकते हैं। इन चत्रों की औरत अवधि श्रेणी की आवर्तिता के बराबर होती है। यदि हम एक चन्न में आने वाले वर्षों की सहया का गतिमान माध्य हैं तो वह शिखर और गत दोनों के मह्यों पर विचार करेगा। इसिंहर से गतिमान माध्य अल्पनालीन कारको के प्रभादों का और अनिमताओं का निरसन कर लेगा और हमारे पास केवल उपनति बच जाएगी।

उदाहरण—पतिमान माध्य विधि से निम्नलिखित वैक निवासनो को श्रेणी की उपनित निकालनी है

वर्षः	वैक निकासन	पीच वर्षीय योग	उपनित-पौच वर्षीय गति- मान मध्य	वद	वैक निकासन	पनि वर्षीय योग	उपनित-पौच वर्षीय गीत- मान मध्य
1	2	3	4	1	2	3	4
1916	52 7			1929	94 9	481 6	96 32
1917	79 4			1930	83 0	548 8	109 76
1918	76 3	343 0	68 60	1931	110 6	625 5	125 10
1919	66 0	384 1	76 82	1932	159 6	709 2	151 84
1920	68 6	409 4	81 88	1933	177 4	862 0	172 40
1921	93 8	420 3	84 06	1934	178 6	994 6	198 92
1922	104 7	433 6	86 72	1935	235 8	1029 4	205 88
1923	87 2	468 6	93 72	1936	243 2	1069 9	213 98
1924	79 3	472 1	94 42	1937	194 4	110o 3	221 06
1925	103 6	460 8	92 16	1938	217 9	1126 2	224 31
1926	97 3	473 3	94 66	1939	214 0	1143 2	228 64
1927	92 4	488 9	97 78	1940	256 7		
1928	100 7	468 3	93 66	1941	260 2		

यह श्रेणा लगभग पाँच वय भी अवधि का चत्र दिखाता है। इसल्ए हमने पाच वय का गुतिमान माध्य लिया है।

गतिमान माध्यो का केन्द्रण (centering the moving average)— न मौन्मी यह आवस्यक हो। जाता है कि अवित्ता समस्या हा । गतिमान मध्य बीचने वयके सामने नहीं रखाना सम्ता नवानि वह होता हो नहीं है। इस स्थित में यह रीति है कि बहुने आवस्यक वर्षों में मूल्या ना योग म निजा जाता है और को बीच में रखा जाता है। किर इनका या वर्षीय योग और निमान लेते हैं और होसे भी बीच न या म सामने रखते हैं। इस सा-वर्षीय योग ना जिन वर्षों क लिए गतिमान माध्य निवालना होता है उनने कुगूने स नियानित नर इत है। निमालिनित जुदा-हरण से यह स्पट हो जाएंग।

उदाहरण---निम्नलिवित श्रेणी का चार-वर्षीय गतिमान माध्य निकालना है।

वर्ष	वैक-निकासन	चारवर्षीय योग	चार वर्षीय योगो ना दो-वर्षीय योग	चार वर्षीय गतिमान माध्य कॉल४—८
1	2	3	4	5
1916	52 7			
1917	79 4	274 4		
1918	76 3		561 7	70 6
1919	66 0	290 3	595 0	74 4
1920	68 6	304 7	637 8	79 7
1921	93 8	333 1	687 4	85 9
1922	104 7	354 3	719 3	89 9
1923	87 2	36o 0	739 8	92 5
1924	79 3	374 8	742 2	92 8
1925	103 6	367 4	740 0	92 5
1926	97 3	372 6	766 6	92 8
1927	92 4	394 0		
1928	100 7			
	100 7 इ अवलोक्य है कि श्रे	णीकी आवर्तित	त की और गतिसा	त साध्य की गणता

यही यह अरुलेस्य है नि भेगों की आर्यातता की और मीतमान माम्य की गणना बरने में हम बाहे किता ही माबवाती क्यों न बरलें उपनित्मृत्य बेवल लगामा डीक होत है बिल्कुल टीव नहीं । अवस्य यह सदा लाभपद होगा कि धेगों की अविता अनुमा सच्या रखीं जाय जिससे दुवारों दो-वर्षीय साध्य लंकर गतिमान माम्यों वा वे प्रण करने की आंवस्थवता न पढ़ें।

मतिमान माध्य विधि के गुणानगुष-मारिमान माध्य विधि मुदाम है और इतना अपनाम नरना आनान है। आविता के निष्यित हा जाने पर उपनित की गणना करना गरल हा जाता है। यदि आविता समान रहे तो भेगी के लिए एक हो उपनित नियम्भी, मुक्त हस्त विधि को भीति बदलेशी नहीं। परन्तु इस विधि में नुष्ठ बोप भी हैं। पहला, हो सबता है कि होग एक ही श्रंणी की अलन आवर्तिवारों निकाल बयों कि हुए छोग छोटे दिखरों और मतों को छोड बनते हैं। दूसरा, बहुआ आवर्तिवार स्पय्ट नहीं होती है। ऐसी स्थित में उसकी गणना करता बहुत कि होगा। वीसरा, यह विधि शूरी श्रेणी ने लिए उपनित नहीं बतानी और चरम पदों को छोड देती है। दोनों और चरम पदों के यह वर्षों की सस्या पर निर्भर करता है। इस प्रकार वह विधि अपूर्ण उपनित देती है। यह मुभाव रखा गया है कि छूटे हुए पदों ना मूल उपनित के हारा रख लिया जाना चाहिए, या अरमा के अल की उपनित सखार्य रखाली जाईं।

(३) न्यूनतम बर्ग-विधि—यह विधि पहली यो विधियों के दोयों को दूर करती है। यह उपनित जानने की सबसे सतीयजनक विधि है, परन्तु ब्यवहार में कुछ अधिक जिटल है। इसे न्यूनतम वर्गविधि कहें जाने का कारण यह है कि खेणी के वास्तविक मूल्यों और उपनित के मूल्यों के अन्तरों के वर्गों का योग न्यूनतम है। इस प्रकार निकाल को इस उपनित को मुख्यों के अन्तरों के वर्गों का योग न्यूनतम है। इस प्रकार निकाल को इस उपनित को मुख्य का आवजन रेक्षा (line of best fit) कहते है। निम्निशिव उदाहरण से यह विधि संपट हो जाएगी।

-				11 11 01 110 111	resemble 1
वर्षे	सूचकाक	मध्य-वर्ष से काल विचलन	काल विचलन के वर्ग	सूचकाकों और काल विचलनों के गुणनफल	उपनति
1	2	3	4	5	6
1941 1942 1943 1944 1945 1946 1947	80 90 92 83 94 99	$ \begin{array}{r} -3 \\ -2 \\ -1 \\ 0 \\ +1 \\ +2 \\ +3 \end{array} $	9 4 1 0 1 4 9	-240 -180 -92 0 +94 +198 +276	84 86 88 90 92 94 96
n=7	<b>Σ</b> 630		Σ28	Σ+56	

बृद्धि-दर  $=\frac{56}{29}=2$ 

ਫ਼ੈ

्र 28 न्यूनतम अर्गे विवि से उपनति की गणना करने की विधि में निम्नलिखित भाग

(१) पदो का सरल समातर भाष्य निकालना । इससे सुप्टुतम आसजन रेका का मध्य-विन्दु मिलता है ।

- (२) मध्य-वर्ष (महीना, सप्ताह, दिस आदि) से प्रत्येन वर्ष का काल विचलन निकालना (कॉलम ३) ।
  - (३) काल-विचलनो के वर्ग निकालना (कॉलन ४)।
  - (४) पदो और काल-विवलनो ने गुणनक्ल निकालना (कॉलम ५)।

(५) गुजनकों के योग को विचलनशाों के योग से विभाजित करिये। यह वृद्धिन्दर (+) या ह्रायन्दर (--) बनाएगा। यदी वे माध्य अर्थात् उपनीत के सध्य से गुरू करने पहले के बत्तों से बृद्धि बर पटाइये और उनके बाद के बागें के लिए जीडिए। इस प्रवार जो थेगी बनेनी बद प्रारंभिक नेणी की उपनीत है और यह छेखा चित्र पर एक रास्त रेखा होगी। यही यह बातन्य है कि घदि पदो की सस्य सम है तो सध्यन्तर्य के ओक पहले और शैंक बाद के चर्च के मुख्य निकालने के लिए वृद्धि दस का आपा घटाइये और जीडिये। इसके उपरान्त पूरी वृद्धिन्दर जोती या पटाई आएगी।

उदाहरण—न्यूनतम धर्म विधि द्वारा निम्नलिखित श्रेणी पर सरल-रेखा का आवजन करना है

वर्ष	मूल्य	शाल-विचलन	काल- विचलन वर्ग	मूल्या और बाल विचलनी का गुणनफळ	उपनति
1951	 107	-2 5	6 25	-267 5	108.76
1952	 110	-1 5	2 25	-165 0	109 99
1953	 114	-0 5	0 25	- 57 0	111 22
					111.83
1954	112	+0 5	0 25	+ 56 0	112 44
1955	115	+15	2 25	+172 5	113 67
1956	113	+2 5	6 25	$+282\ 5$	114 90
п 6	Σ671		17 50	+21 5	

बद्धि-दर= $\frac{21.5}{17.5}$ =1.23

(ख) अल्पकालीन दोलनों को निकासने की विधि

मिंद हम दीर्घनालिक परिवर्तनों को जान लेते हैं तो धेणी से इनका निरमन करने अल्पनालीन दोलन जाने जा सकते हैं। मुक्त-हम्त वक विधि में छेसा चित्र पर हम येणी और उपनित का बक बनाते है। इस उपनित से येणी ने पदो के विवरण अस्पालीन दोलन स्वासे हैं। शिवमान माध्य विधि में व म्यूनवण वर्णे विधि में अल्पनालीन दोलनों को यानने नी विधि निम्मलिवित उदाहरणों में दी गई है। ये शेषितां पहले दी वा चुनी हैं।

# (१) गतिमान माध्य

		वैक	उपनति	अल्पकालीन
, ?	वर्ष	निष्यासन		दोलन
1	916	52 7		
1	917	79 4		
1	918	76 3	70 6	+57
1	919	66 O	74 4	-84
1	920	68 6	79 7	-11 1
1	921	93 8	85 9	+79
1	922	104 7	89 9	+17 8
1	923	87 2	92 5	~ 53
1	924	79 3	92 8	-13 5
1	925	103 6	92 5	+11 1
1	926	97 3	95 B	+15
1	927	92 4		
1	928	100.7		

### (२) न्यनतम वर्ग

( 1) 2			
वर्ष	सूचरार	उपनित	अस्पकालीन दोएन
1941	80	84	-4
1942	90	86	+4
1943	92	88	+4
1944	83	90	-7
1945	94	92	+2
1946	99	94	+5
1947	92	96	-4

ऋतुनिस्ठ परिवर्तनों का साप---ऋतुनिस्ठ परिवर्तनो का अध्ययन निम्नलिखित विधियों में किसी से किया जा सकता है —

- (१) ऋतुनिष्ठ माध्य (seasonal averages)
- (२) कतिष्ठ सबक (seasonal index)

दन दो विविधा का उद्देश्य एक ही है।

- (१) उद्युक्तिक साध्य को गणना— एव बचों के लिए प्रत्येक महिने के बको को अरण-अलग जोड लिया जाता है, येंसे तह पर्यों के लिए जनवरी, फारवरी आदि के अरो को। और दृष्ट पाग में वर्यों की तह्या हो गाप दे देते हैं। इस प्रकार प्रत्येक मृत्यु के लिए अरुग-अलग बीतत जान लिये जाते हैं।
- (२) ऋतुनिष्ठ सूचना की गणना—ऋतुनिष्ठ सूचको को जानने के छिए वे प्रोतदाने निकाल की जाती है जो ऋतुनिष्ठ माध्यो की ऋतुनिष्ठ माध्यो के माध्य से हैं। निम्मलिसित उदाहरण से यह विधि स्पष्ट हो जाएगी।

हुँ	কা	उत्पादन	(00	0	टन)	

1950	1981	1952	1953	1954	5 वर्ष नायोग	ऋतुनिष्ठ मास्य	ऋतुनिष्ठ मूनम् (39.25 =100)
40	42	41	45	44	212	42 4	107 9
35	37	35	36	38	181	36 2	92 1
38	39	38	36	38	189	37 8	96 2
40	38	42	41	42	203	40 6	103 3
						-	
	40 35 38	40 42 35 37 38 39	40 42 41 35 37 35 38 39 38	40 42 41 45 35 37 35 36 38 39 38 36	40 42 41 45 44 35 37 35 36 38 38 39 38 36 38	40 42 41 45 44 212 33 48 189 40 38 42 41 42 203 2157	40 42 41 45 44 212 42 4 35 37 35 36 38 181 36 2 38 39 38 36 38 189 37 8

a=39 25=100

नियमित और अनियमित घट-चडो का माम—जल्फालीन दोलनो में नियमित और अनियमित, दोना प्रकार के घट-चड आते हैं। निम्मलिखित उदाहरण अनियमित घट-चडो से नियमित घट-चडा को अलग करने की विधि बताता है।

उपाहरण---निम्नलिखित श्रेणी का विश्लेषण करना है जिससे

- (१) उपनति,
- (२) अल्पनार्कान दोलन, और इनमें नियमित एव अनियमित घट-वर्डे साय्ट रूप से सामने जा जायें —

IV , 302

# सारणी अ

वर्षे	ŧ	मूल्य	४-शृतु योग	४ मृतु योगका २-मृतु योग	4-ऋतु गतिमान माध्य	अल्पकालीन घट बङ	नियमित ऋतु निष्ठ पट बढ (सारणी ब) अनियमित घट बढ	
1 I	त्रिमास	30						
11	,,	81	292					
Ш	"	62	295	587	73 4	-11 4	-192 +78	
ıv	,,	119	318	613	76 6	+42 4	+68 6 -26 2	
2 1	,,	.33	342	660	82 5	<b>-49</b> 5	-74 6 +25 I	٠
11	**	104	394	736	92 0	+12 0	+25 5 -13 5	
111	,,	86	403	797	99 6	-13 6	-19 2 +5 6	
IV	,,	171	452	855	106 9	+64 1	+68 6 -4 5	
3 1	,,	42	465	917	114 6	<b>—72</b> 6	-746 +20	
11	,,	153	515	980	122 5	+30 5	+25 5 +5 0	
111	,,	99	529	1044	130 5	-31 5	19 212 3	
IV	,,	221	548	1077	134 6	+86 4	+68 6 +17 8	
4 I	**	56	578	1126	140 5	-84 5	<b>-74</b> 6 <b>−9</b> 9	
11	,,	172	507	1170	146 2	+26 8	+25 5 +1 3	

592 ш ,, 129 1195 149 4 -20 4 -19 2 +1 2 603 1235 154 4 +81 6 +68 6 -13 0 ,, 235 IV

632

1271 158 9 -91 9 -74 6 -17 3 67 ,, 639 1345 168 1 +32 9 +25 5 +7 4 п 201

5 I

706 111 136

### नियामित ऋतुनिष्ठ घंट बढ़ो की गणना

#### सारणी ब

दथ	I विमास	II विमास	III त्रिमास	IV त्रिमास
1		_	-11 4	+42 4
2	-49 5	+12 0	-13 6	+64 1
3	-72 6	+30 5	-31 5	+86 4
4	-84 5	+26 8	+20 4	+81 6
5	-91 9	+32 9	-	_
योग	-298 5	+102 2	-76 9	+274 5
माध्य	-74 6	+25 5	-19 2	+68 6

उपरिश्वित वगन काल-श्रेणी के विश्तेषण का प्राप्तिक ज्ञान देता है। इसमें हमने बताबा है। हिं दीधकांजीन और अस्पतांजीन परिवतनों का अध्यवन किय प्रमार स्थिमा आता है। अल्पकांजीन परिवतनों में हमने निवमित और अनिपवित पट-बंगे का एक्टन करने की रीति भी बताई है।

#### **QUESTIONS**

- Write a short essay on "Analysis of Time Series" (B Com., Hons., Tracantore and Andhra)
- Explain the meaning and use of "Moving Averages". (MA, Galcutta)
- 3 What is meant by "Trend"? How would you statistically chiminate the influence of the seasonal and cyclical factors on the long period movement of any series? (B Com, Bomboy)
- 4 The following table gives the consumption of cotton in U S A during the years 1895 to 1924 Do these figures give any evidence of periodicity. 5 Give reasons —

Year	Lakhs of bales of cotton consumed	Years	Lakhs of bales of cotton consumed	Years	Lakhs of bales of cotton consumed
1895	30	1905	45	1915	64
1896	25	1906	48	1916	68
1897	28	1907	50	1917	66
1898	35	1908	45	1918	58
1899	37	1909	51	1919	64
1900	37	1910	46	1920	49
1901	36	1911	45	1921	60
1902	41	1912	51	1922	67
1903	42	1913	55	1923	57
1904	40	1914	56	1924	62
				(B Com .	Allahabad)

5 Calculate the five-yearly moving average of acres under tea in India from the following data -

Plot on a squared paper (1) the annual area under tea and (11) its five-yearly moving averages

State other methods of finding the secular trend

Years	Area in 1,000 acres	Years	Area 1n 1000, acres
1925	672	1930	802
1926	679	1931	807
1927	690	1932	809
1928	702	1933	816
1929	712	1934	821
			(B Com . Lucknon

6 Represent the following data graphically and show the

trend of th	e series on t	ne basis of t	inree year m	ioving aver	ages
Year	Bırth	Year	Birth	Year	Birth
	rate		rate		rate
1917	30 9	1924	31 0	1931	23 I
1918	30 2	1925	29 0	1932	27 7
1919	29 1	1926	27 9	1933	22 6
1920	31 4	1927	27 7	1934	23 6
1921	33 4	1928	26 4	1935	23 0
1922	30 2	1929	24 7	1936	22 0
1923	30 4	1930	24 1	1937	22 6
				(BA	, Lucknow)

7 How would you isolate cyclical fluctuations from very long period fluctuations in a time series? Draw a curve to illustrate (B A , Luchnow) your answer

- 8 What is the meaning and importance of analysis of time series data? Enumerate the methods of finding the trend that you know (M.A., Allinhabad)
- 9 The revenue from sales tax in L. P. during 1948-49 to 1952-53 is shown in the following table. Fit a straight line trend by the method of least squares and exhibit the data as also the trend on a graph paper.

1 ears	Revenue
	(Rs lakhe
1948-49	427
1949 50	612
19-0-p1	521
1951 52	49.5
1952 53	490
	(B. Com

(B Com Allohabad)

10 The index numbers of annual production of a commodity

	given below —	idai produce	ion of a commounty
Year	Annual Average	Year	Annual Average
1927	165	1939	280
1928	178	1940	351
1929	236	1941	320
1930	213	1942	370
1931	180	1943	325
1932	163	1914	366
1933	180	1945	256
1934	187	1946	304
1935	210	1947	291
1936	237	1948	277
1937	203	1949	274
1938	215	1950	272
T22 - 42			

Flot them Assuming a ten yearly cycle, find the trend-values by the method of moving averages (M.A. Allahabad)

11 Describe one method each of (a) eliminating the effect of

trend from a time series and (b) measuring seasonal variation

In measuring seasonal variation, can cyclical and erratic influence be eliminated? How? (I A S)

12 Explain how would you deal with a time series, and illustrate your remarks with the help of the following series of annual figures for the period 1901-1930 —

Period	Annual values
1901—1910 1911—1920 1921—1930	208 223, 225 222, 239, 242, 238, 252, 257, 250, 273, 270, 268, 288, 284, 282, 300, 303, 298, 313, 317, 309 329, 333, 327, 345, 344, 343, 362, 360 (f C S)

13 Below are given the figures of production (in thousand maunds) of a sugar factory —

Year	Production in thousand maunds
1941	80
1942	90
1943	92
1944	83
1945	94
1946	99
1947	92

- (a) Find the slope of a straight line trend to these figures
- (b) Plot these figures on a graph and show the trend line

(c) Do these figures show a rising trend or a falling trend?

How do you arrive at your conclusion? (M Com, Luchnow)

14 Business Cycles in the U S A, and England arranged

in chronological order (1796—1923) have had the following duration as measured to the nearest year —

Tabulate the above figures in classes of one year each and calculate the average duration of the business cycle in each country separately (B Com, Lucknow)

15 Using the data given below, explain clearly how you would determine the seasonal fluctuations in a time series -

Year	Summer	Monsoon	Autumn	Winter
I	30	18	62	119
2	33	104	86	171
3	42	153	99	221
4	56	172	129	235
5	67	201	136	302
				(ICS)

#### अध्याय १०

### सचकांक

## (Index Numbers)

सूचनार एक ऐसी सहया है जिसका उपयोग किसी घटना के स्तर की तलना किसी प्रमापित दिन उसी घडना के स्तर से करने के लिए किया जाता है । इसलिए सचराको का मध्य कार्य आर्थिक घटनाओं की तुलना सभव करना है। इसलिए सुचनाको को 'आर्थिक चापमापक' (economic barometers) भी कहा जाता है। साधारणत हम पाते हैं कि तुलना तभी की जाती है जब माप-इकाइयाँ एक हो या जब पद एक ही प्रकार के कारको से बने हुए हो। परन्तु जब ऐसा नहीं होता, तब एक घटना के परिवर्तनों का निरपेक्ष माप नहीं हो सकता । हमें सापेक्ष मापो पर निर्भर रहना पटता है। सापेक्ष मापा में अको का एक आधार मान लिया जाता है। इस प्रकार की विधियों में एक विधि सचकाकों की भी है। इस विधि में घटनाओं को क्सि एक प्रमाप तिथि की घटना के प्रतिहातों के रूप में रखा जाता है। यदि कई पद हो और उनमें परिवर्तन प्रतिवातों के रूप में व्यक्त किये गए हो, तो प्रतिवातों का माध्य घटना का स्तर बताएगा । इस घटना को हम प्रत्यक्ष रूप से नही नाप सकते । उदाहरणार्थ, यदि हम १९०१ के मल्य स्तरो की तलना में १९५६ के मल्य-स्तरो को जानना चाहे, तो हमें विभिन्न बस्तुओं के मुख्यों को प्रतिरातों के रूप में रखना पडेंगा और फिर इन प्रतिशतों का माध्य समस्त ने परिवर्तनों को बताएगा । इस प्रकार सुचकाको को गणना में दो मुख्य अवस्थाएँ है प्रतिशतो की गणना करना और भाष्या की गणना करना ।

अत्तृत्व मार्थ्यों से सलन प्रतिप्तत एक पूर्ण आघार है जितपर उन घटनाओ को तुलना करने को सरल रोति की पूरो रुप रेखा बनाई जाती है वो कि प्रत्यक्ष रुप से तुलनीय नहीं है। <sup>1</sup>

Hence, averages linked with percentages constitute the whole basis on which is raised the entire superstructure of the simple device of comparing factors which are not directly comparable.

## सूच कांकों को बनाना

मूचकार बनाने की प्रविधि के तीन मुख्य भाग है

- १ पदा गा चुनाव (Selection of items) २ आगर गा चुनाव (Selection of the bise) ३ माझ्य और भारों ना चुनाव (Selection of the average and the system of weighting)

## पदों का चनाव

पदा वा चुनाव एव दृष्टि से जटिल और एव दृष्टि से सरल वाम है। यदि सूच-काव एव ही पद स सबधित है अर्थात् यदि हम वैवल एक ही वस्तु के उत्पादन, मूल्य आदि की तुलना करना चाहते हैं, तो पदो का चुनाव कोई समस्या नहीं है, क्योंकि हम उसी वस्तु पर विचार करते हैं। परन्तु यदि हमें एक सामा य-उद्देश्यीय भूचकाक, जैस सामान्य मूल्य स्तर के सूचकाक, बनाना है तो पदा का चुनाय बहुत सावधानी से करना चाहिए। इसी प्रकार निर्वाह-सूचकाक आदि बनाने में भी बहुत सावधानी बरतनी पहती है। इससे यह सुस्पष्ट हो जाता है नि पदा ना चुनाव सूचनानो नी प्रकृति और उद्देश्य पर निर्भर करता है। परन्तु सूचकाक बनाने का जो भी अभिप्राय हो, पदो के चुनाव में निम्नलिखित बातो का ध्यान रखना चाहिए

- (१) पद सर्वया प्रतिनिधि हो (Items should be strictly representative)-इसने नई अर्थ है। यदि मृख्यो ना मूचनाक दनाना है तो उन बस्तुओं वा चुनाव विया जाना चाहिए जो लोगी के उपभोग की बताएँ। चैंकि उपभोग की जाने वाली प्रत्येक बस्त को सम्मिलित करना सभव नहीं है इसलिए क्षेत्रल उन पदो को सम्मिलित किया जाना चाहिए जो सबसे अधिक प्रतिनिधि हो अर्थात् जिनके मूल्यो में हुए परिवतन पूरी सच्चाई ने साथ समूह ने मूल्यो में हुए परिवर्तनो को बसाते हैं। ये वस्तुएँ ब्यापारिक दशाओं के प्रति विशेष रूप से सुवेदन-शील होनी चाहिए। ऐसी वस्तुओं का चनाव करना चाहिए जिनका उपयाग लोग प्रयानुसार या आदत के नारण करते हैं। यदि पदो ना चुनाव इस सिद्धान्त के अनुसार नहीं निया जायगा तो मूचकाक मृत्यों के स्तरा के परिवर्तनों का सही बीध नहीं बराएँगे और अपने उद्देश्य में असफल होगे।
- (२) पद प्रमापित होने चाहिए जिससे वे मनयानुसार या स्थानानुसार न बदलें और उन्हें पहचानना सरल हा। यदि यह धर्त पूरी नहीं होती तो मूचनान बनाने में बहत बठिनाई होगी और उसकी प्रकृति में महत्वपूर्ण परिवर्तन हो सकते हैं। उदा-हरणार्थ, मान लीजिए कि चुनी गई वस्तुओ में गेह भी एक वस्तु है। सही मुचनान

बनाने ने लिए यह बादस्यक है नि प्रत्येक वर्ष एक ही प्रनार के गेहूँ के मूल्यों का मगह किया जाय । अन्यया मूचकाक वर्ष-प्रति-वर्ष तुलनीय कही होगे ।

- (३) मुचकाक बनाने में अनुर्त (non tangible) पढ़ी को सम्मिलित नहीं किया भागा चहिए। ये ऐसी शानुर्ध होती है जिनना अर्थ या मूल्य निरियत जप्ता सरफ नहीं होगा और धरि यह समय भी हो तो कीमतो के परिवर्गन अनिस्थित रूप से होते हैं। इसके अन्तर्गत आने वाले पद हैं वैपनित्त सेवाएँ, पृद्धि, स्वाति, चरित्र हत्यादि।
- (४) पही की सरवा कम होनी चाहिए--मूचरात बनाने में पदी की सख्या अनावत्यक रूप से अधिक नहीं होनी चाहिए। यह बताना नटिन है नि पड़ी की सस्या ठीक दितनी होनी चाहिए, परन्तु यह उल्लेखनीय है कि सवेदनशील सुचयाको में पदो की सख्या वम रहनी चाहिए जिसस मूल्या में होने वाले अल्प परिवर्तन भी उन्हें प्रभावित कर सकें । सामान्य उद्देश्यीय मुचकाक में पदो की सच्या अधिक हाने से बुटि वी सभावना कम हो जाती है बयोकि यदुच्छ प्रतिदर्श में सतुलन रहता है। परन्तु अन्य जटिलताओं जैसे सामग्री प्राप्त करने में देरी, वही सख्याओं पर विचार करने के कारण उत्पन्न अशुद्धि बादि से यह लाभ बहुत महत्त्वपूर्ण नही रह जाता। इसके अतिरिक्त सूचकाक अस्थिर (erratic) भी ही सकता है। अतएव यह सदैव उचित है कि सूचकाक का प्रतिनिधि होना ध्यान में रखते हुए वस्तुएँ सस्या में जितनी कम हो सकें उतनी कम हो। आधुनिक काल में जब वस्तुओ की संख्या बढ़ती जा रही है और रहन-सहन का स्तर उठता जा रहा है, यह समन नहीं है कि बस्तओं की सख्या में अधिक बमी की जा सबे । परिणामस्वरूप सवेदन-भीठ सुचकाको में लगभग २० वस्तुएँ एकी जाती हैं और सामान्य उद्देश्यीय सुचकाको में बुछ स्वितियों में ४५०-५०० तक बस्तुएँ होती है। आधिक अनुसधानी में सूचकाकी के महत्त्व को द्धियत रखते हुए यह कहा जा सकता है कि इनके बनाने में होने वाला कोई व्यय अधिक नहीं है और आजकल सामग्री सग्रहण और उसका उपयोग करने की प्रविधियाँ इतनी उन्नत हो गई है कि अब पदो की सहया चाहे विसनी ही वटी बयो न हो सूचकाक बनाने में देरी या अमृद्धि नही हो सकती।

उपर्युक्त दातो को घ्यान में रखकर पदो को चुन रेने के बाद निम्निछितित बातें विचारणीय है

(क) किसी वस्तु की कितनी प्रकार रखनी चाहिए—प्रकार (varieties) की सख्या पर विचार करते समय साख्यिक को दो बातों का प्यान रखना चाहिए। पहला, वे सब प्रचार सम्मिलित करनी चाहिए जिनका साधारणत उपयोग होता है और जो मूचन को वो समयत प्रभावित करेंगी। उदाहरणार्थ जीनी नी कम से नम २-४ दिस्सें प्रचित्ति हैं और यदि ये सब सम्मिटित नहीं नी जायगी तो मूचनात्र प्रतिनिधि न रह जायगा। यदि अधिक उपयोग होने या निसी अन्य तात ने कारण दिनी कहा ने अधिक महत्त्व देता है तो उस क्स्तु नी एक से अधिक प्रकार ना चुनाव निया जाना चाहिए। अत प्रवार नी सख्या भार पर भी निर्मेर रहेंगी।

यहाँ यह स्मरणीय है नि श्रांतिरक्त भार वेचल तभी दिया जाता है जब विविध प्रकार के मूल्यों का, माम्मिलत करते से पहले, माध्य नहीं निकाल जाता। जब भार देता रहता है तब जसी वस्तु की विभिन्न प्रकारों को विभिन्न सन्तुएँ माना जाता है और इस तरह उन्हें प्रकार की सच्या के आधार पर मास्ति कर दिया जाता है।

यह भी अवलोक्य है कि प्रकार की सस्या की समस्या कस्तुओं की सस्या की समस्या के सबस्य है। जिस प्रकार वस्तुओं की बड़ी सस्या का प्रहस्तन करना किन है ठीक उसी तरह यदि प्रकार की सस्या अधिक हो तो किन्माई आनी है। परन्तु असा कहा जा चुना है, प्रविधि में उपति होने के नारण इस समस्या ना समाधान किया जा सक्ता है।

- (ख) नियत मूल्य किस प्रकार प्राप्त निये जायें—विशत मूल्य प्राप्त करने में कई समस्याओं का सामना करना पडता है
- (१) उन स्थानों वा चुनाव जहां के विदात मूल्य रिप्ये जायेंगे एक विचारणीय सात है। ऐसे स्थानों का चुनाव करना चाहिए अहाँ वस्तु विसेप के बड़े बाकार या मिडवाँ हो। ऐसे स्थानों के सक्सा बहुत बड़ी हों सकती है, इस्लिए यह आवस्यक है कि उनमें भी चुनाव किया आया। यह चुनाव हों तक हो तक मुंद्र मुख्य प्रतिचयत विधि के विया जाना चाहिए। यह आवस्यक मही है कि सब क्षतुओं के लिए एक हो स्थान छोटे जायें, परन्तु यदि ऐसा हो सके ता मुक्काक बनाने में मुक्तिया होगी।
- (२) उन व्यापारियो वा चुनाव जिनसे नियत मृत्य मिने जाएँगे। उपर्युक्त रिति से चुने गए वित्ती भी व्यापारित येन्द्र में बर्चु वे बई बडे व्यापारी होने और उनमें भी चुनाव बरना हागा। इन चुनाव में भी यद्द्र प्रतिचयन विधि ना उपयोग विद्या जाना चाहिए।

कभी कभी प्रमुख पित्रवाशों से भी विषत गूल्यों वा सबह विया जाता है। यदि इस विषि का उपयोग किया जाय तो प्रामाणिक पश्चिर का चुनाव करते में बहुत सावधानी करती चाहिए और इस सामग्री का उपयोग करने से पहले उसवी प्रामाणिकता की जीव कर रुजेती चाहिए।

- (१) कपित मुख्य प्राप्त करने की बारबारता भी निरिचत कर की जानी चाहिए।
  यारबारता ने बार में कार्र निविचत प्रिव्वान वनाना मगव नहीं है, परन्तु सामावन वह नहां वा बकता है कि वारवारता जितनी अर्थक हो उतना कष्टा। हमसे मृद्धियों ना निलेगम हो जायगा और मृत्यक्तक अभिक प्रतिनिधि होने। परन्तु गरि दनमें वारवारता बहुत अधिक हो जायगी हो जित्रता उत्तक हो तसनी है और क्या मी तीन कर कर कर के प्रतिक्र का मान्य की महत्त कर वार्ट मण्य मी तीने कर सकते हैं और फल्यक्स पे भागानो परिवर्गन करने पुरानी सामग्री को दुहरा वसने हैं। अराप्त वारवारता व्यवहारिकता के आधार पर निरिचत की जानी चाहिए। सामायल्ड सावाहित क्षत्रित मून्यों का मयहण करना अधिकाय पृथ्विकोणों से कच्छा है। क्षत्रित मृत्य प्राप्त नर केने ने बाद उनका माध्य विवास
  - (४) मूल्यो वा उद्राप्त देते की विधि भी मावधानी से मुनिदिचत कर लेनी चाहिए। इसके लिए दो विधियों ना प्रचटन है। मूल्य मा तो बस्तु की इकाइयों के रूप में द्रिय्य मूल्य) जैसे ६० रपने प्रति मन, दिए जाते हैं या इच्य नी इनाइयों ने रूप में (बस्तु मूल्य), जैसे ४ केर प्रति एपमा, दिए जाने हैं। पहले विधि अधिन तर्फ सम्मत है परन्तु जिस विधि वा भी उपयोग विचा जाय, उसी वा अमुन्यरण बरना चाहिए— यह नहीं कि वाभी एक विधि वा और बागी दूसरी विधि वा उपयोग विचा आया।
  - (५) यह मी एक गहत्वपूर्ण प्रता है कि नूचवाक बनात में दिश प्रवार ने मूखों का उत्तवप (quote) करता चाहिए, अवित् योक, तृत्व विके लायेंग मा पहनर मूखा : दिका उत्तर सूचकावों की प्रवृत्त पर निर्मेद करता है। अगर हम सामान्य टेहेपीय सूचवाक बना रहे हो तो भी मुद्द अधिक अच्छे चूचव है, परतु निव्हिन्सववादों के लिए पुटकर मृत्यों पर विचार करना परेगा। मीम मूख अधिक एक-चर रहते हैं और आधिक वारतों में होने तोक अल्पनरिवर्तनों के प्रति संवदस्ताल होते हैं। पुटकर मूख्य नुष्ट समयनपरावृत्त विकारों हैं, जियोचा जब मूखों में क्यों है। होते हैं। एक मा मा स्वार में निर्मेश्य कर लेना चाहिए कि बाता स्कृत ने समय ने उत्तरनार पुत्तने ने समय ने वाहर मा निर्मेश्य कर के ना चाहिए कि बाता स्कृत ने समय ने उत्तरनार करने ना साहर में निर्मेश्य कर के ना चाहिए कि
    - (६) अहे में, नामधी ना समह वरते चाले गणवों वे चुनाव पर विशेष रच से स्थान वेना चाहिए। ये लोग मुख्यों ने बादे में भूचना देने हुई हासिलए इनहीं निम्मित में बहुव नाववानी बरतनी बाहिए बयोवि मुख्याकी यो यवाचिता इनके हारा भेजी गई शामधी पर निमेद रहेती। वनी वनी इस बाम ने हिए क्षणा से

व्यक्ति नियुक्त किये जाते हैं, परन्तु अधिकासत यह बाम अन्य अधिकारिया को सीप दिया जाता है। गण्य चाहे किसी भीति नियुक्त किए आये, यह आस्तरक है कि उर्हें सामान्य प्रसिद्धा देवी जानी थाहिए। इस बात पर विशेष हप से जोर दिया जाना चाहिए कि वे अधिनत न हा और व्यक्ति निरोध स्पर्ध सामग्री सक्रवण रूपे।

## (२) आधारका चुनाव

हम यह नह चुने हैं नि मुननान निसी घटना नी तुलना निसी प्रमाप तिथि को हुई घटना से नसी है। इस प्रमाप-तिथि (standard date) ना चुनान रसा अव्यक्त महत्त्वपूर्ण नाम है। अन्य तिषियों ने मूल्य क्रमाप तिथि ने मूल्यों ने प्रतित्तत ने एस में दिये जात हैं। इस प्रतिस्ततों नो 'आमरितन' (relatives) नहते हैं और प्रमाप तिथि नो आधार' (base) नहते हैं। यदि प्रमाप-तिथि मा चुनान सामधानी पूर्वन न दिमा आधारों को आधिक अच्छे नहीं हाथे और सूमवनन गयत होंगे। आगर नाम्य दो असार ने होते हैं

- १ स्थिर आचार (Fixed Base)
- २ श्रयला आधार (Cham Base)
- (१) स्थिर आधार—जैसा नाम म रापट हो जाना है इस विधि में एक निश्चिन तिथि को आधार मान लिया जाता है और सब तिथिया को मुख्ता इसी निथि स को जानी है। स्थिर आधार का बुताब दो प्रकार से किया जा सकता है
- (क) सब परिस्वितियों पर सावधानीपूर्वक विवाद वर्गक बोर्ड वितोद निर्ध नियुद्ध इसाव कर ले जानी है। यह तिषि अवसाव नहीं होंगो चाहिए अवाद दन बाक में युद्ध इसाव आदि और तो यो मन्दी नहीं होगी चाहिए। भागेच में यह तिथि ऐसी होनी चाहिए कि मृत्य न तो अधिक हो और न ही कम हो—जहें सामान्य हाना चाहिए। यदि ऐसा नहीं है तो मुख्यान घटना में परिचला में वारे में प्राप्तक मत देंगे। यदि आधार काल में मृत्य बढ़े हुए हा तो अन्य वर्धी के मृत्य में आनुपानिक कमी बहुत अधिक होगी और आनुपानिक वृद्धि कम रुगेगी। परानु सामान्य वाल हम चुनाव भरनाए एव स्वरत्यात किंद्रम कमा है क्यांकि एक्स होनी होने हिए हमान्य कहां हम ऐसा बाल छोटना पढ़ता है जा अधानान्य वर्धी में सबस सामान्य हा।
- (ख) किसी निश्चित काल या तिथि का आधार न दता कर एक अविध का आधार बनाया जा सकता है। इस अविध में तजा आर मन्दा आ जाते हैं और इसल्लिए यह माध्यत सामा य माना जा सकती है। इस विधि में कई वर्षों

पर विचार विदा जाता है और इनमें प्रचलित मृत्यों के माध्य को आधार-मृत्य मान लिया जाता है।

(२) श्रुक्षका आधार—यदि वर्ष प्रति वर्ष नुष्ना करनी हो तो श्रुक्ता आधार विधि का प्रयान किया जादा है। इस विधि में दिने हुए वर्ष के सूचकाक पिछले वर्ष को आधार मान कर निकाले जाते है। यहां प्रसामान्य आधार काल को आवश्यकता नहीं पडती। यदि १९०० से आगे के वर्षों के सूचकाक वनाने है तो १९०१ के लिए १९०० आधार होगा, १९०२ के लिए १९०१ हरनादि।

जहीं पिछले वर्ष से मुक्ता करणी हो श्रृक्तण आकार उपमुक्त है। इसमें नए वदों को जोड़ने और बैकार पदों को हुटाने की सुविधा रहनी है। इस प्रकार सूचकाक अधिक वास्तविक हो सबसे हैं।

बहाँ यह रमरणीय है कि इस विभिन्नों ने गुणावगुण का प्रवन ही नहीं उठता। अपने अपने क्षेत्र में बोनो विधियां उपयुक्त है। दनक उद्देश भिन्न है और जहाँ तक में उन्हें पुरा करते हैं, में दोनों बाछनीय हैं।

## (३) माध्य का चुनाव तथा भारण की प्रणाली

(क) माध्य—माध्य का पुनाव नाजे की तमस्या उस स्थित मे उपन्त होती है यहा एक से अधिक वस्तुष्टे हा। यह एक ही वाहु हो तो मुक्ताक वही होता है कहा एक से अधिक वस्तुष्टे हों तो मुक्ताक वसी होता है जो उस ब्यु वा आमेदिक (relative) है। विक मुक्ताक उन्हों समानी पर उपयोगी है जहाँ एक से अधिक बस्तुएँ हो, इनिकए उपयुक्त माध्य का नुभाव महत्व-पूर्ण है। यह कर सुमें का माध्य मिक्ताकवा पहता है।

मुख्य समस्या माध्य का चुनाव करने की है। विदानत किसी भी भाष्य का उपयोग किया जा सकता है। परन्तु केवल तीन माध्य—समातर माध्य, माध्यिका और गुणोत्तर माध्य—प्रचलित है।

समातर माध्य का उपयोग—सूचकाक बताने में समातर माध्य सर्वाधिक प्रचलित है। यह सुबोध है। परन्तु इसके निम्नलिखित दोप है

(१) यह चरम पदों से प्रभावित होता है और बडे पदों को अधिक भार देता है। यदि किमी बस्तु का मूल्य बहुत अधिक बढ या घट जाता है तो पूरे मूचकाक प्रभावित हो जाते हैं।

(२) वह एक निरपेश मापन है, परन्तु सूचकाको के बनाने में हमें सापेशिक परिवर्तनो पर विचार करना होता है। अतएय ऐसे मापन का उपयोग सतीएजनक नहीं है।

गाध्यिका का उपयोग---माध्य की भाँति माध्यिका की गणना भी आसानी से की जा सकती है और यह सुबोध भी है। परन्तु इसमें निम्नलिखित दोष है

- (१) यदि पदो की सख्या कम हो तो यह प्रतिनिधि नही रह जाता। सूचकाको में पदो की सख्या सामान्यत कम रहती है, अताएव यह अनियमित हो सकता है।
- (२) माध्य की भौति यह भी एक निरपेक्ष माधन है और अतएव सुबकाको के लिए अनुपयुक्त है।
- (३) बभी कभी यह बस्त्त विद्यमान नहीं रहता और इसका अन्तर्वेदान करना पडता है।

गुणोत्तर माध्य का उपयोग-मुचनान बनाने में गुणोत्तर माध्य बहुत लोक-त्रिय हो रहा है। इसमें एकमात्र दोष यह है कि यह सुबोध नही है और इसकी गणना करने में गणितीय सार्राणयो का उपयोग करना पहता है। परन्तु प्राविधिक दृष्टि-कोण से गुणोत्तर माध्य कही। अधिक थेट्ठ है। इसके लाभ निम्नलिखित है।

- (१) इसके आधार पर बनाए गए सूचकाको में समान अनुपाती परिवर्तनो को समान भार मिलता है। चैकि गणोत्तर माध्य स्वय एक सापेक्ष मापन है, इसका उपयोग सुचकाको में जो सापेक्ष मापन है, विशेषत लाभदायी है।
- (२) जहाँ तक काल का प्रश्न है, इसके आधार पर बनाए गए सूचकाक विषयेंब या जत्त्राम्य (reversible) होते हैं। सूचनाको नी श्रेप्टता इस बात पर निर्भर करती है वि वे उत्काम्य है या नही।

यहाँ हमने गणोत्तर भाष्य का उपयोग वरने के लाभो का ही उल्लेख किया है। ये लाभ व्यवहार में किस प्रकार आते हैं इसका वर्णन हम तब करेंगे जब सुचकाक बनाने पर विचार किया जायगा।

(स) भारण—माध्य के चुनाव से निकट रूप से सबधित समस्या उपयक्त भारण प्रणाली के चुनाव की है। भारित सूचकाक की आवश्यकता उन्ही कारणी क्षे पडती है जिनके कारण भारित माध्य की आवश्यकता पडती है। भारित सचकाक पदो के सापेक्षिक महत्त्व पर सम्बित विचार करते हैं और मुखकाको को अधिक प्रतिनिधि बनाते हैं। यह सबसे सुस्पष्ट लाभ है। परन्तु मूचनाक को भारित नरने के अन्य कारण भी है। भारित होने के कारण सुचकाक अभिनृति से मुक्त होते हैं। इसके लिए प्राय प्रतिदशों को भार दिये जाते है या प्रतिदशों की सख्या बढ़ा दी जाती है। बाउले का मत है कि जब सामग्री की न्यनता हो, भार बाछनीय होते हैं।

उसकायहभी कहना है कि भारण के कारण भूचनाकों में मूक्ष्मता (fineness) आ जानों है।

भारण कब जनाबद्दबन है—हम जबर बता चुके है कि भारण नई कारणों से आबद्दबक है। परन्तु यदि उचिन कर से बनाई गई मारण-प्रणाओं अभारित सूचन को की नहीं बदलती तो भारण परिहालें है। भारों का परिहरण ऐसी स्वितियों में भी विज्ञा का सहता है जब हम जातते हैं कि इसके कलस्वरण पंदी गर कोई प्रमाव नहीं पदेता।

परन्तु बासर्वावक कठिनाई यह है कि हम पहले से ही यह नहीं जान मनते कि सारित और अमारित मूचकाक एक से होंगे या अलग अंका। अतरण भार मार मदैव बावस्थक है, विपोप वाधिए वाधि समाग्यन पद विवासीय समूह दनाते हैं और उनको सत्या बवकडो रहागे हैं। भारित और बागसित सस्याओं के भूगों का - निर्धारण बेवल तुष्टा। करने विधा जा सकता है।

भारण वा आधार—उपर्युत्त विवरण से वह स्पाट हो गया टोगा कि जारण वो आवरपत सर्व दे वारणो से हैं । परन्तु प्रस्त यह है कि भारण विचा किस आधार पर विचा जा । वैज्ञानिक अध्यवनों में मनमाने भारों (arbitrary weights) या आवरिष्मक भारों (chance weights) का कोईस्थान नहीं हैं। यह आवस्यक है कि हमें नारण वेरे पुल्तिपुत्त (rational) प्रणाली अवनानी चाहिए अवांत् भार विसी तर्कनम्पत आधार के अनुसार विधे जाने चाहिए। मारो जा तर्क हम्मत आधार मुक्ताक की प्रकृति और उसके उद्देश पर निर्भर रहती है। अलाय इसके लिए काई सामान्य अणाली निर्मित करना समय नहीं है। सामान्यत निम्मतिक्षित निवसे (criteria) वा प्यान रहता नाहिए

- (१) जत्पादित या निर्मित अर्घ (value), (या राशि)
- (२) मांगी या बेची गई या बिनी ने लिए प्रस्तुत अर्थ (या राशि)।
- (३) उपयुक्त अर्थ (या रासि) ।

अस्पष्ट और स्पष्ट भार (Implicit and explicit weights) — भार दो प्रशार के हो सकते हैं। अस्पष्ट भार और सप्ट भार।

(क) अन्वय्द भारण में मारों को अधिव्यक्त कप से (expressly) प्रस्कृत नहीं विचा जाता, वे सामग्री की प्रकृति में उपलक्षित (implied) होते हैं। इसलिए भारी की प्रकाशने वन्तुओं ने जुनाव पर आधित है। इस प्रमालों में जिस बच्चु को गार देवा होता है जब स्वस्त नेरा मिला जाता है जिल्ला मार देवा है। सामग्री व्यवहार यह है कि वन्तु को कई विस्तागर विचार विचार जालत है। (ख) स्पष्ट भारों में भार किमी बाध्य माध्य ने आधार पर अभिव्यक्त रूप से दिये जाते हैं, उदाहरणार्थ, उत्पत्ति, वित्री, उपभोग आदि।

यहाँ यह अवलोक्य है कि भारी ने साध्य के रूप में हम बाहे किसी प्रणाली को अपनाएं, जहां तक हो सले भारी ना आधार अर्थ (value) होना चाहिए, राशि नहीं। इसना नारण स्पष्ट है। हम विभिन्न सस्तुत्रों नी भाष नी इनाइयों— जैसे गत, येकन से राशिं— नी गुल्मा नहीं नर सनते, परन्तु अर्थों की (जो द्रव्य ने रम में दिये जाने हैं) तुल्ला की जा सवती है।

स्विर और परिवर्ती भार—अगली समस्या यह है कि भार स्विर होने चाहिए या परिवर्ती । यदि अविध वे अनुसार परिवर्ती भार दिसे जाते है तो हमें पन्ने के सापेट्स महत्त्व के दृष्टि बोण से अधिन अच्छा मापन मिल्ला है । परिवर्ती भारो बाला मुचवान न वेवल गूरमों ने परिवर्तनों ने बारे में अधिन जानवारी देता है, वर्तिक बल (emphasis) में परिवर्तन भी नरता है। इसलिए इन प्रवार वा मुचवान अधिन उपयवत है।

## भारण की विधियाँ

जैसा बताया जा चुना है, अस्पष्ट भारण बस्तुओं की विस्मी के चयन वा प्रस्त है। परन्तु स्पष्ट भारण में निम्नलिखित विधियों में से कोई विधि अपनाई जा सबनी है

- (१) आपेक्षिनो वी भारित माध्य विधि या हुदुम्ब आय व्ययन विधि (Weighted Average of Relatives Method or Family Budget Method)
  - (२) समूही व्यय विधि (Aggregate Expenditure Method)
  - (३) फिरार की 'आदर्श' विधि (Fisher's Ideal Method)
- (१) आपेक्षियों का मारित माध्य विधि—१म विधि नो हुटुब्बआय व्ययन-विधि भी नहेते हैं वर्षोकि इसमें बालू वर्ष ने मूल्य-आपेक्षिनों ना भारित-माव्य इनकी आधार-वर्ष में उपयुक्त वस्तुओं ने अर्प ने अनुसार भार देनर निर्वाल जाना है। परेत रूप में

सूचनान 
$$= \frac{\Sigma IV}{\Sigma V}$$
 जहाँ  $I$  आपेक्षिन है, और  $V$  अर्घ है।

 (२) समूही व्यव विधि—इस विधि में पालू वर्ष और आधार वर्ष के मृत्यों को आधार वर्ष की राशियों से भारित किया जाता है। सकेत रूप में

सूचकाक
$$=\frac{\sum p_1q_0}{\sum p_0q_0}\times 100$$

जहां þ<sub>0</sub> आधार वर्षमें मूल्य है,

 $p_1$  चालू वर्ष में मूल्य है ,

q<sub>0</sub> आधार वर्षमे राशि है।

(३) फिरार का आदम्मं सूनकाक—आं० इन्हिंग फिरार में १३४ मूनों की परिमा करने के बाद यह दूस निकारा था। इस प्रपाली में ज्यावा मारण (cross veightung) हिन्य जाता है और बाल वर्ष और आधार वर्ष, योगों के मूल्यों की चाल वर्ष और आधार वर्ष, योगों को राधियों से मारित किया जाता है। यह सून एक आदमं मूनक देता है क्योंकि यह परिवर्ती भारों पर बना है और जहां तक साल किर्यस परीक्षा (tune roversal test) और लच्च-विचर्यय परीक्षा (factor reversal test) की लच्च-विचर्यय परीक्षा (factor reversal test) की लच्च-विचर्यय परीक्षा (be) बनाता है। सन्ति हम परिवर्ती की उर्लगम्म (reversible) बनाता है। सन्ति रूप स्व

सूचकाक = 
$$\int \frac{\overline{\Sigma}p_1q_0}{\Sigma p_2q_0} \times \frac{\Sigma p_1q_1}{\Sigma p_2q_0} \times 100$$

जहां po = आधार वर्ष में मल्य

 $p_1 = चालू वर्ष में मूल्य$ 

 $q_0 = आगार नर्प में राशि$  $<math>q_1 = चाल वर्ष में राशि$ 

### विविध प्रकार के सूचकारू बनाना

इस खण्ड में हम उदाहरण के कर सुनकाक बनाने की उपर्युक्त विधियो का उपयोग करेंगे )

उदाहरण १—निमालिका बामधी से स्थिर आचार और गुरुवका आचार मुक्त क्याने है। मुक्ताक कॉक्स ३ (स्विर) और कॉक्स ४ (गुरुवका) में दिवाए गए है। १९४८ आधार वर्ष है। गॉक्स ५ में १९४८-५७ के मृत्यों को आधार मान कर मुक्ताक बनाए गए हैं।

5	ΥY	

### सास्यिकी के सरण सिद्धान्त

वर्ष	मूल्य	स्थिर आधार मूचभाक	शृखला सूचकाक	स्थिर आधार सूचकाक
		(१९४८=१००)	(1	१९४८-५७= १००)
(1)	(2) 78	(3)	(4)	(5)
1948	78	100 0	100 0	85 2
1949	88	112 8	112 8	97 7
1950	76	97 4	86 4	84 3
1951	78	100 0	102 6	85 2
1952	94	120 5	120 5	104 3
1953	99	126 9	105 3	109 9
1954	102	130 8	103 3	113 2
1955	112	143 6	109 8	124 3
1956	99	126 9	88 4	109 9
1957	75	96 2	75 8	83 2
कल	901			

माध्य=९०१=१००कॉल्म ५ के लिए।

चाळू वय के मूल्यों को सूचनानों में बद रने भी सरळ रीति यह है कि चारू वर्ष के मूल्यों को आधार वर्ष के मूल्या से विभाजित कर दिया जाय और इसे १०० स गुणा किया जाय। सकेत में

सूचकाक = 
$$\frac{p_1}{p_0} \times 100$$
जहाँ  $p_0$ =आधार वर्ष ना मूल्य
 $p_1$ =चाल वर्ष ना मूल्य

यदि एक से अधिव बस्तुएँ हो तो छप्युँमत मून मूनवान न दनर मूल्य आपंतिन बताएगा । मूनवान बताने के लिए इन मूल्य आपंतिको का माध्य निकालना हागा । निम्नलिखित उदाहरण में यह रीति समभाई गई है ।

उदाहरण २—निम्नलिखित सामग्री स स्थिर आधार सूचनाक बनाने है, जब कि १९५१ = १००६

१९५१=१०० ।		औसत	मृत्य ६,	. प्रति इ	काई में	
ਫ਼ਸ਼ਰਪੌ	1951	1952	1953	1954	1955	1956
वस्तुएँ गेहँ	17 3	14 5	49	5 7	17 1	11 6
-१ <u>१</u> चावर	34.1	17 3	14 8	13 2	29 8	13 3
क्पडा	6.5	6 2	35	4 1	7 3	4 2
तम्बान	7 0	6 5	35	3 6	8 0	4 2
नारियल	7 7	3 6	3 4	28	5 5	27
सार-सहिजयाँ	7 3	58	4 3	3 7	7 7	4 I

बुछ वस्तुत्रा के मूल्यों का स्थिर बाधार सूचकाक प्रतिशत मूल्य (१९५१≔१००)

	अध्यक्षा सू	Man Aca		(1111-1		
बस्तुएँ	1951	1952	1953	1954	1955	1956
गेहें	100	84	28	33	100	67
भावल	100	51	43	39	87	39
क्पडा	100	95	54	63	112	65
क्षम्बाक्	100	93	50	51	114	60
नारियल	100	47	44	36	71	38
साग सञ्जियाँ	100	79	59	51	105	56
आपेक्षिको का योग	600	449	278	273	589	325
आपशिको का माध्य	100	75	46	45	98	54
आपेक्षिका का माध्यिका	100	82	47	45	102	58
आपक्षिको का गुणोत्तर भाष्य	100	72	45	44	97	53

# सूचकारों में गुणोतर माध्य के लाभ

हम बह चुके हैं कि गुजोत्तर माध्य (i) भूचकाको को विषयँय (reversible) बनाता है और (u) समान अनुपातो को समान भार देता है। यहाँ हम देखेंगे कि ऐता बास्तव में बैंके होता है।

१ मुणीलर माध्य और शुबकाओं को काल-विषयंवता—विषयंवता (काल) का अर्थ यह है कि मुक्का हुँ हो हा कि चालू वर्ष के स्थान पर आधार वर्ष और इसता स्थान तर ले पर अवश्य वरिलाव न मिलं । हुसरे गावों में, चालू वर्ष को आधार मान कर वनावा गया आधार पर्य को मुक्का , आधार वर्ष को आधार मान कर वनावा गया आधार पर्य को मुक्का , आधार वर्ष को आधार मानकर स्थाए गए चालू वर्ष के मुक्का का व्युत्वम होना बाहिए। अर्थाद इसके एक दूसरे के अपूत्रत मियर होने चाहिए। इसी बात को हुचनी तरह से भी सवताया वा सकता है। मिलं वर्ष को मुक्का का आधार वर्ष को मुक्का विकास पृत्रिक का विकास होने चालू वर्ष के मुक्का का वर्ष का मुक्का का होने चाहिए। अब हम होने चाहिए। अब हम कही हम हमें का प्रवास का वर्ष के मुक्का का हमें चाहिए। अब हम कही हमिला हमा हमें का प्रवास का वर्ष के मुक्का का हमें चाहिए।

និ រ

चालू वर्ष में आधार पर बने आधार वर्ष में) असगत नहीं है तो इसमा मही अर्ष है। यदि यह अनुपात बदल जाता है, तो सूचमान घटिया माने जाते हैं, भले ही ने सही हो।

काल विषयंग्रता की परोक्षा—विषयंग्रता की परोक्षा यह है कि यदि आधार वर्ष पर वर्ते हुए बालू वर्ष के मूल्यों ने मूलवार (श्रव्यंत्र्  $P_{01}$ ) को बालू वर्ष पर करे हुए आधार वर्ष के मूल्यों (श्रव्यंत्र् $P_{10}$ ) जिल्हें १०० की गुष्मा नही किया गया है से गुणा किया आया तो परिणाम १ होना चाहिए। उदाहरण के लिए यदि  $P_{01}$ = १२५/१०० हो और  $P_{10}$ = $C_0$ {१०० तो  $P_{10} \times P_{01}$ = $\xi$ 1

सकेत रूप में  $P_{01} \times P_{10} = १$ 

जार रचन न  $P_{01} \wedge 10 \sim 1$ जहाँ  $P_{01}$  और  $P_{10}$  जमश आधार वर्ष पर बने हुए चालू वर्ष के मूल्य और चालू वर्ष के आधार पर बने हुए आधार वर्ष के मूल्य है।

यह परीक्षा सूचकाको की विषययता जानने के लिए सब जगह लागू की जा सक्ती

जवाहरण ३ निम्न आक्षडो से एक दूसरे पर आघारित वाळू और आधार वर्ष के सूचवाक निवालिए और सिद्ध कीजिए कि गुणोत्तर साध्य कर्हे विपर्येय वनाता है, परन्तु समान्तर माध्य नहीं।

	मूर	य	आपेक्षिक		
वस्तु	आघार वर्ष	चालू वर्ष	1956 1955 × 100	1955 1956×100	
	1955 P <sub>0</sub>	1956 P <sub>1</sub>	Pot	P <sub>10</sub>	
गेहें	20	22	110 000	90 909	
चावल	35	34	97 143	102 941	
आपेक्षिको । आपेक्षिको ।	ना समातर माध्य का गंगोलर साध्य		103 572 103 4	96 925 96 72	

सा॰ मा॰ 1 03572 × 96925= 0 9949 ग॰ मा॰ 1 034 × 9672 = 1 0000

इससे यह स्पष्ट हो जाता है कि गुणोत्तर माध्य सूचकाको को विपर्येय बनाता है।

(२) गुणोत्तर माध्य समान परिवर्तन-अनुपातो को समान भार देता है—
पूजन को ना अध्ययन अनुपातो का अध्ययन है। मुजकानों में दूस घटना ने सतारों के
नितर्पक्ष परिवर्तनों भर पित्र विचार नहीं करते, बिल्क घटना के स्तरों के सारोश परिवर्तनों
परिवर्ता न रते हैं। उदाहरणार्थ मंदि १९५६ में तस्तु क' ना मूच्य १० से २० हो जान
और बस्तु क्' ना मूच्य १० से १५ पर जाम तो निर्पक्ष प्रभाव सह है नि बोनो वस्तुओं

हो नाथ दिचार करने पर ममुही वभी ५ के बरावर हुई। गरन्तु जहाँ तक सारेक्षिक परिवर्तन की बात है, इस बोर्ड परिवर्तन गरी हुआ क्योंकि के वा मूल्य हुस हुखा सोर 'ल' वा आधा हो गया। यदि कोई मुक्तक कुन परिस्थितिये में परिवर्तन दिखाना है तो वह तक्बाई के साथ मूल्य स्मारे के परिवर्तनों को निरमित नरी करता। इसी प्रवार १९५० में 'ल' वा मूल्य देव मूला है और 'ल' वा मूल्य आधा है। ऐसी बदस्या में मूककाक को परिवर्गन दिखाना वाएँ। गुणोत्तर माध्य के इस गुण की निम्नावित्तित उदाहरण में स्पष्ट विचा पता है।

उदाहरण ४--

1955		1	1956		1957	
वस्तु	मून्य	आपेक्षिक	मूल्य	आपक्षिक	मून्य	आपेक्षिक
व	10	100	20	200	15	150
स्र	30	100	15	50	15	50
जापेक्षि	हो कास द	मा॰ 100		125		100
अपिक	ना का गुर	या <b>॰ 100</b>		100		87

समातर माध्य द्वारा बनाए गए नूबनाक विसाते हैं कि १९५६ में २५% वृद्धि है, परनु १९५७ में लोई परिवर्तन नहीं है। परनु क्रीसा हम जानते हैं, बास्तव में १९५६ में लोई परिवर्तन नहीं है, जबकि १९५७ में १३% वची है। यह कभी मुणीवर माध्य स्पष्ट रुप से दिखाता है।

#### भारित सूचकांक

हम बता भुके है कि मुजनाको को मारिता करने की तीन विधिवाँ है। दनमें किन विधि को उपयोग किया जायना, यह परनुत सामग्री पर मिन्नेर करता है। मुजनाक जाने के रिप्स जामार वर्ष और सानू वर्ष के मुन्यों की बावस्थकता परने है। इसके सार-माय प्रदि हम कापार वर्ष में उपयुद्ध सर्जुवों के अर्थ को भी अर्थे तो हम भागिकारों में भारिता माप्य विधि का उपयोग कर सकते हैं। यदि आधार वर्ष को प्रतिमान मानुस हो तो हम ममुद्दी ब्या विधि हारा मुख्याकों को भारित कर मनते हैं। यदि हम आधार वर्ष और बाकू वर्ष की रासियाँ जानते हैं तो क्यार का वस्तु

उदाहरण ५--निम्नलिखित सामग्री से आपेक्षिको की भारित माध्य विधि द्वारा सूचवाव यनाने है

मृत्य (२०) अर्घ (२०)

			1	955	1	956	19	55
चावल (प्रति मन)			20	0	15	0	20	0
नमक (प्रति मन)			4	0	4	12	1	0
क्पडा (प्रति गज)			0	8	0	12	10	0
मकान का किराया			10	0	12	0	10	0
हल								
वस्तु	मूल्य		मू	मूल्य-आपे क्षेत्र		अर्थ 1955	आपेक्षि ×अष	
	1955	1956	1	956 955×1	00	v	II.	
चावल	20 00	15 00	Ť	75 0	一一	20	1500	
नमक	4 00	4 75		118 7		1	118	
मपश _	0 50	0 75		150 0	1	10	1500	
मदान का किराया	10 00	12 00		120 0		10	1200	Ю
			1		Σ	41	Σ4318	70

१९५६ वे लिए भारित सूचवा $=\frac{\Sigma IV}{\Sigma V}=\frac{$ ४३१८ ७=१०५ ३४

उ .।हरण ६ — समह विधि द्वारः वस्त लेखित सामग्री स सवकाव बनाना है

	**				
	मृत्य	(Fo	राश		
द₹नु	1955	1956	1955		
	$P_{\mathfrak{g}}$	P <sub>t</sub>	_!_Q		
चाउल (प्रति मन)	20 0	15 0	1 मन		
नमङ (प्रेतिमन)	4 0	4 12	10 शर		
क्पद्य (तितंगद)	0 8	0 12	20 गज		
मतान को किराया	10 0	12 0	j 1		

वस्नु	$P_0$	$P_1$	Q.	#190	\$090
चावल	20 0	15 00	1 00	15 00	20 00
नस्क	4 0	4 75	0 25	1 19	1 00
क्प <b>डा</b>	0.5	0 75	20 00	15 00	10 00
मकान का किराया	10 0	12 00	1 00	12 00	10 00
				Σ43 19	41 00
	F6.0	12	10		

1956 के लिए सूचकाक= $\frac{\mathcal{L}p_1q_0}{\mathcal{L}p_0q_0} \times 100 = \frac{43.19}{41} \times 100 = 105.34$ 

उदाहरण ७—फिसर के आदर्श-मूचक विश्य के द्वारा निम्मलि वत सामग्री से मुक्काक बनाना है

से मूचकाक बनाना है अस्तु मृत्य(ए०) राशि

	193	55	19	56	1955	1956
चावल	20	0	15	0	ी भन	1 25 ਜਜ
नमक	4	0	4	12	10 सेर	8 सेर
क्पडा	0	8	0	12	20 गज	18 गज
मकान-किराया	10	0	12	0	1	1

### सूचकाक की गणना

थस्तु	Po	$P_1$	Q.	Q1	P190	Pogoo	P191	<i>P</i> 0 <i>q</i> 1
चावल नसक कपडा मनान- किराया	4 0 0 5	4 75 0 75	1 00 0 25 20 00 1 00	0 20 18 00	1 19		0 95 13 50 12 00	9 00 10 00

१९९६ के लिए फियर का आदर्श सूचकाक = 
$$\sqrt{\frac{S_{100}}{2}} \frac{\sum_{i=0}^{2N} \sum_{j=0}^{2N} \sum_{j=0}^{2N} 100}{2 \log_{10} 100}$$
  
=  $\sqrt{\frac{413}{4100}} \frac{19}{3480} \times 100$ 

िकतर के आदर्श सुबक की विषयँयता—पिन्नर के सूचकान ने यारे में जा लाग त्राता जाता है बहु है जानी विषयँयता । जग्युँकत सामग्री (खनाहरण) की महि हम काल विषयँ परीक्षा करें (अर्वात  $P_{01} \times P_{10} = 1$ ) तो विषयँयता निम्मीलिकत रीनि में मिळ की जा मक्ती है

$$\begin{split} P_{01} = \sqrt{\frac{\mathcal{E}_{p_1q_0}}{\mathcal{E}_{p_0q_0}}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_0q_0}} \\ P_{10} = \sqrt{\frac{\mathcal{E}_{p_0q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_0}}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_0q_0}}{\mathcal{E}_{p_1q_0}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_0}}{\mathcal{E}_{p_1q_0}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_0q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \times \frac{\mathcal{E}_{p_1q_1}}{\mathcal{E}_{p_1q_1}} \end{split}$$

उदाहरण के मुख्य रखने पर

$$=\sqrt{\frac{43}{41}\frac{19}{00}} \times \frac{45}{34}\frac{2}{8} \times \frac{34}{45}\frac{8}{2} \times \frac{41}{43}\frac{00}{19}$$

शण्ड विषयंयता (factor reversibility)—सण्ड-विषयंयता ना अर्थ मत्यो और राधियो ना अन्तिनय (interchange) नरना है। जिन प्रकार सूच्यान में आधार वर्ष और चालू वर्ष ना अन्तिनय किया जा सका जाना चाहिए, उसी प्रकार इसमें विना अमग्रत परिणाम पाए मूखो और राधियो ना अन्तिनयम मी समब होना चाहिए। इसने लिए निम्नचिसित समीकर (equation) नतुष्ट होना चाहिए

$$P_{01} \times Q_{01} = \frac{\sum p_1 q_1}{\sum p_0 q_0}$$

जर्यात मूर्यो ने परिवर्तनो और राधि ने परिवर्तनो ना गुणनगर अप में हुए मुळ परिवर्तन ने बराबर होता बाहिए। जर्य ने परिवर्तन पूच और राधि के परिवर्तन पूच और राधि के परिवर्तन में ने परिवर्तन होता है। जरावाहण ने िए विद मुख्य हुना है। जान और राधि बौजूनी हो। जाम औ अर्थ कहणुना है। जामा मा अर्थ का जर्म  $g_1 = V$ , जापार वर्ष का जर्म  $g_2 = V$ , जापार वर्ष का जर्म  $g_3 = V$ ,  $g_4 = V$ , जापार वर्ष का जर्म  $g_4 = V$ , जापार वर्म का जर्म  $g_4 = V$ , जापार वर्ष का जर्म का जर्म का ज्यार का जिल्म का ज्यार का ज्

फिरार का आदर्ज मूचक इसे भी पूरा करता है। यह निम्मलिखित सैति से सिद्ध किया जा मकता है

$$\begin{split} P_{e1} &= \sqrt{\frac{Z_P q_0}{Z_P q_0}} \times \frac{Z_P q_1}{Z_P q_1} \\ Q_{o1} &= \sqrt{\frac{Z_P q_0}{Z_P q_0}} \times \frac{Z_P q_1}{Z_P q_0} \\ P_{e1} \times Q_{o1} &= \sqrt{\frac{Z_P q_0}{Z_P q_0}} \times \frac{Z_P q_1}{Z_P q_0} \times \frac{Z_P q_1}{Z_P q_0} \times \frac{Z_P q_1}{Z_P q_0} \\ &= \sqrt{\frac{Z_P q_0}{Z_P q_0}} \times \frac{Z_P q_0}{Z_P q_0} \times \frac{Z_P q_0}{Z_P q_0} \\ &= \frac{Z_P q_0}{Z_P q_0} \times \frac{Z_P q_0}{Z_P q_0} \end{split}$$

भ्रेंत्रका आधार सुक्कार को स्थिर आधार सुक्कार में बस्तना —जैगा हम गहरे बता चुने हैं, स्थिर आधार सुक्कार निर्मी पटना ने स्तर में हुए परिवर्तना में जुलना बुद्दर मृत में पटना के स्तर से करते हैं और श्रुक्त आधार सुक्कार करनकी तुलना पूर्वगत (preceding) अप से करते हैं। बहुधा यह आवस्यर हो जाता है कि श्रुक्त आधार सुक्कारों का सिधर आधार सुक्कारों में परिवर्तन निया जाय। स्व दिया को सुक्कारों का समान आधार पर श्रुक्त तमम (linking the index numbers to a common base) कहते हैं। इसी प्रकार यह भी आवस्यर हो जाता है कि स्विर आधार सुक्कारों को बरका थाय। ये रीतियाँ निम्निजितत उदाहरण से स्पट्ट हो आएँगी।

उदाहरण ८—निम्नलिनित श्वलला-आपार मूचनाक को स्थिर लागार सूच-कारु में बदलता है

वर्ष	शृखला सूचक	वर्ष	शृखला सूचन
1948	100	1953	105 3
1949	 112 8	1954	103-3
1950	86 4	1955	109 8
1951	102 6	1956	 88 4
1952	120 5	1957	75-8

२५	₹			सास्थि	की के	सरल सि	द्वान्त	
पोग किया गया है 🗕	स्विर सूचकाक =100 00	=112 80	=97 50	=100 03	=120 50	=126 90	=131 08	=143 90
चूंकि सूचको का समाल आघार (१९४८) से प्रुंखका ब घन करना है इसिका भिम्नलिखित रीति का उपयोग किया गया है ──	1948 से शुख्ळा बयंत			×102 6	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{6}{100} \times 120$ 5	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{402}{100} \times \frac{6}{100} \times \frac{120}{100} \times 105$ 3	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{402}{100} \times \frac{120}{100} \times \frac{5}{100} \times \frac{105}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{3}{100}$	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{120}{100} \times \frac{105}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{103}{100} \times 109} \times \frac{3}{100} \times 109 \times 100 $
आधार (१९४८) हे	<u>₽</u>		$\frac{112 \text{ 8}}{100} \times 86 \text{ 4}$	$\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times 102$ 6				
का समान	भ्रुखळा-मूचकाष्ट 100 0	112 8	86 4	102 6	120 5	105 3	103 3	109 8
न्कि सूचको	Ę,		_		۵,	_	-41	

1954 1955

8 601 88 4

> 1956 1957

1948 1949 1950 1951 =127 20

 $\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{6}{100} \times \frac{120}{100} \times \frac{105}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{103}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{199}{100} \times \frac{8}{100} \times \frac{48}{100} \times 75 \ 8$  $\frac{112}{100} \times \frac{86}{100} \times \frac{4}{100} \times \frac{102}{100} \times \frac{2}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{103}{100} \times \frac{3}{100} \times \frac{9}{100} \times 88 \ 4$ 

75 8

उपयुक्त वायकरण को निम्नलिखित रीति से भी निखाया जा सकता है

•		
वप	भृखला-सूचकान	1948 मे शृक्षला दथन स्थिर सूचनाक
1948	100	-100 00
1949	112 8	=112 80
1950	86 4	$112 \ 8 \times \frac{26 \ 4}{100} = 97 \ 50$
1951	102 6	$97.5 \times \frac{102.6}{100}$ -100.03
1952	120 5	$100 \ 03 \times \frac{120 \ 5}{100} -120 \ 50$
1953	105 3	$120 \ 5 \times \frac{105 \ 3}{100} -126 \ 90$
1954	103 3	$126.9 \times \frac{103.3}{100}$ =131.08
1955	109 8	131 08× $\frac{109 \text{ 8}}{100}$ =143 90
1956	88 4	$143 \ 9 \times \frac{83 \ 4}{100} = 127 \ 20$
1957	75 8	$127\ 2\ \times\ \frac{75\ 8}{100}$ =96 40

अवश्रीया—उपव बत उनाहरण ८ में शृक्षणा मुंबक उनाहरण १ से लिय गए है। यह देया जा नकता है कि स्विर सूचकाक उनाहरण १ के भूचकाका के लगभग परा बर हा।

उराहरण ९—निम्मलिसित स्थिर आमार सूचकाका का शृक्का आधार सूचकाका म वर्रन्सा है

नुष 1948-1949 1950-1951 1952 1952 1955-1956 1957 स्विट सूचकाम (1948=100)

#### इसकी रीति निम्नलिखित है

4/141 (0/14)	uman C		
वर्ष	स्थिर सूचकाक	श्रृखला में	शृखला
		प रिवर्तन	सूचवाव
1948	100		= 100
1949	1128	$\frac{112.8}{100} \times 100$	= 1128
1950	97 4	$\frac{97.4}{112.8} \times 100$	= 86 4
1951	100.0	$\frac{100\ 0}{97\ 4} \times 100$	= 102 6
1952	120 5	$\frac{120 \text{ 5}}{100} \times 100$	= 120 5
1953	126 9	$\frac{126 \ 9}{120 \ 5} \times 100$	= 105 3
1954	130 8	$\frac{130.8}{126.9} \times 100$	= 103 3
1955	143 6	$\frac{143 \ 6}{130 \ 8} \times 100$	= 1098
1956	126 9	$\frac{126}{143}\frac{9}{6} \times 100$	= 88 4
1957	96.2	$\frac{962}{1269} \times 100$	= 75 8
<del>चिक्कारि —</del> ज	र्णांबन जनारमा में जनारम	ला ७ के दियर स	

टिप्पणी—उपर्युक्त उदाहरण में उदाहरण ७ के स्थिर मूचकाक शृक्का मूचकाको में बदले गर्वेहैं और ओ शृक्का मिलते हैं वे उदाहरण १ के मूचको के समानते।

#### सुचकांकों का महत्व और उपयोग

सुवनानों ना उपयाग आर्थिन पटनाओं ना स्तर नापने ने लिये निया, लाता है जिमसे बुलना भी जा सने । दमिल्य में सापेदय परिवनना ना अध्ययन नरते हैं, निर-पेदा पिरवर्तनों ना नहीं । विमिन उदेंग्यों ना प्राप्त नरने ने लिए विमिन मूननान नताए जाते हैं। वस्तु विशेष ने भूननान ने नेच्छ उस वस्तु से सर्वाधित घटनाओं ने स्व में जानने ने लिये बनाए जाने हैं जैसे नमान, वस्त आदि ने मूख्य और राशि ने मूबनाक । मूननान ना उपयोग विभिन्न सानि लेगा ने निर्वाह व्याद नी पुष्ना ने लिए भी बनाए जान हैं। नामान्य उदेंग्यीय मुननान मूख्य, उन्यादन द्वादि ने सामा य परिवर्तना ना अध्ययन नरने ने लिये बनाए जाने हैं। स्वरा ने परिवान ना अध्यक्षन नरने ने लिए मूननान सर्वाह अस्तु प्रिन्न है। चाह उत्यादन हा, ता lowing data —

- 7 (a) Discuss briefly the problems involved in the construction of index numbers of prices
- (b) Calculate three sets of index-numbers with the three quinquennial averages (i) 1909 10 to 1913-14, (ii) 1914-15 to 1918 19 and (iii) 1919 20 to 1923 24 as the respective bases from the fol-

TOWANG GO	ica —			
	Year	Value of Imports	Year	Value of Imports
Average to	1909 10 1913 14	145 9	1926 27 1927-28	231 2 231 2
Average to	1913-14 1918 19	147 8	1928 29 1929-30	253 3 240 8
Average to	1919 20 1923-24	254 0	1930-31	164 8
1924 25		246 6	1931-32 1932-33	126 4 132 6
1925-26		226 2	1933 34 (B Com	Hons, Travancore)

8 Explain the principle of Index Number making with special reference to (a) the best average to be used, (b) effect of weighting Prove the property of geometric mean on which its advocates base their arguments for using it.

The following table gives (for the Madras Presidency) the quantities of four food grains purchasable for a rupee, for ten years if the relative importance of rice cholam, cumbu and ragi be as 10 5 3 2, make a table of index numbers of prices for each commodity

for the last three years, taking the weighted mean of prices of all the commodities for the whole decade as base —

Seers per rupee

Year	Rice	Ragi	Cholam	Cumbu
1911	9 3	15 7	14 6	15 1
1912 1913	75 74	13 5 13 5	12 5 12 7	12 2 12 6
1914	77	13 8	13 5	12 9
1915	8 2	15 1	14 8	14 3
1916 1917	7 9 7 8	14 B 14 D	14 6 12 6	13 6 12 9
1917	6 9	12 0	9 9	10 5
1919	4 7	6 9	6 5	6 6
1920	4 6	6 7	6 6	64

9 The following gives the annual income of a teacher and the general index number of prices during the last rune years

Year	Income (Rs)	General index no of prices	Year	Income (Rs)	General andex no of prices
1939	360	100	1944	640	290
1940	420	104	1945	680	300
1941	500	115	1946	720	320
1942	550	150	1947	750	330
1943	600	280			

Prepare an index number to show the changes in real income of the teacher, and discuss the effects of a rise in the general level of prices on his real income (M.A., Agra)

10 Calculate the index numbers of prices for 1952 on the basis of 1951 from the data given below —

Price per unit Price per unit

Weights

	-	Rs	a	Rs a
A	40	16	0	20 0
В	25	40	0	60 0
С	5	0	8	08
D	20	5	2	6 4
E	10	2	0	18
				(M S W, Lucknow)

1951

1952

11 Construct the wholesale price index number for 1929 and 1930 from the data given below Use 1928 as the base year

	Wholesale 1	price (in rupees) pr	r maund
Commodity	1928	1929	1930
Rice	7 3	77	58
Wheat	7 7	5 5	36
Linseed	7 0	8.0	6.5
Gur	6 5	7 3	6 2
Cotton	34 1	29 8	17.3
Tobacco	17 3	17 1	14 5
		(M	S W , Lucknow)

12 Using 1950 as the base year, calculate the index number of prices for 1951. Use geometric average

Commodity	Weight	Price in 1950	Price in 1951
A B C D E	20 12 4 8 6	Rs as o per unit  8 0 0 , , ,  2 4 0 , , ,  0 0 9 , ,  1 0 0 , , ,  20 0 0 , , ,	Rs as p per unit 12 0 0 " " 2 13 0 " " 0 0 9 " " 1 12 0 " " 22 0 0 " " (B A , Lucknow)

स० १७

Commodities

13 Prepare index numbers from the average prices from the three groups of articles given below in rupces per unit

Group	1939	1940	1941	1942
1	15	18	24	30
11	9	12	15	18
111	2	2	3	3

Give weights to the three groups as 4, 3 and 2 respectively
(B Com, Lucknow)

14 From the following average prices of the three groups of commodities given in rupees per unit find chain base index numbers with 1939 as the base year —

Group	1939	1940	1941	1942	1943
I	2	3	4	5	6
11	8	10	12	15	18
111	4	5	8	10	12
				(BC	om , Agra)

15 What do you understand by cost of living indices? Describe briefly the main steps of their construction illustrating your answer by taking the case of mill workers of Kanpur (Fa A Lucknow).

A, Lucknow)

16 Explain how cost of living index numbers are prepared What points are considered in the selection of the base year, prices and weights <sup>2</sup> (B Com , Agra)

17 State the method of constructing a cost of living index number. The following are the group index numbers and the group weights of an average working class family a budget. Construct the cost of living index number by assigning the given weights—

Group	Index	Weights	
Food	352	48	
Fuel and Lighting	220	10	
Clothing	230	8	
Rent	160	12	
Miscellaneous	190	15	
	/3.5	C Inches	٠.

(M Com , Lucknow)

18 Using 1949 as the base year, construct the cost of living index number for 1950 from the following data —

Article	Weights	Pr	nce in 1949	Price in 1950
	*	Rs	a	Rs a
Rice	18	8	0 per maund	10 0 per maund
Wheat	15	5	0',, ,,	80',,,,
Pulse	6	6	0 ,, ,	7 0 ,, ,,
Sugar	4	0	4 per seer	0 6 per seer
Ghee	5	1	4, ,,	20',, ,,
Cloth	10	0	8 per yard	0 10 per yard
Firewood	5	1	4 per maund	1 14 per maund
Cigarette	3	0	5 per packet	<ol><li>7 per packet</li></ol>
Paper	1	0	3 per quire	0 5 per quire
Kerosene oil	3	0	4 per bottle	0 4 per bottle
			•	(M S W, Lucknow)

19 The following table gives the price and production figures for grains Calculate the price indexes by choosing different sets of weights —

C	Pric (cents		Production (millions of bushe		
Grain	1931	1935	1931	1935	
	(p <sub>0</sub> )	(p <sub>1</sub> )	(q <sub>0</sub> )	(q <sub>1</sub> )	
Corn	42 3	67 4	3069	2916	
Wheat	92 6	141 6	815	677	
Oats	30 2	38 0	1078	1488	
Barley	41 9	58 8	155	214	
Rice	95 2	153 8	38	33	
			/3.f.A	Allababada	

(MA, Allahabad)

- 20 What do you understand by 'time reversal test' and 'factor reversal test' > Illustrate how Fisher's Ideal Formula satisfies both these tests (M Com, Allahabad)
  21 'Averages linked with percentages constitute the whole bass upon which is raised the superstructure of a simple device of
  - basis upon which is raised the superstructure of a simple device of comparing factors which are not directly comparable. Discuss

    Construct suitable index numbers with the help of the following

data — Pros. Grand

	wne	at	Ric	e	Gram	L
's ears	Quantity	Price	Quantity	Price	Quantity	Price
1939	15	15 3	5	20 2	10	4
1954	12	22 7	4	27 4	8	7

Give reasons for choosing the index number constructed by you (B Com. Allahabad)

- 22 Discuss the problem of obtaining an ideal formula for the construction of index numbers of prices What is meant by 'Factor Reversal and Time Reversal Tests' (M Com Allahabat)
- 23 After preparing a suitable general index number calculate the percentage increase in prices during 1951-52 from the following data—

		rnce	maex number
Commodities	Weights	1951	1952
Rice	27	93	120
Wheat	23	87	107
Barley	10	73	88
Gram	10	103	110
Arhar	5 5	123	130
Potato	4 5	99	85
Til	1 5	124	82
Sugar	12	91	80
Cotton	4 5	131	135
Tobacco	2	84	84
			79.5 4 471.5 1

(M A Allahabad)

Price index number

- 24 Explain the use of index numbers in the study of price changes in statistical analysis (M Com Allahabad)
  25 What is an index number? What are (a) time reversal and (b) factor reversal tests? State their uses (I A S)
- and (b) factor reversal tests? State their uses  $(I \land S)$ 26 What is an index number? State the method of constructing a cost of living index number  $(I \land S)$
- 27 Sketch the general lines on which you would proceed to construct a cost of living index number for middle class families in Bombay City What special problems are faced in constructing such an index in times of rapid changes of consumption habits and
- how would you tackle them? (I A S)

  28 What are index numbers of prices and for what purposes are they used? Describe the general method of construction of a wholesale price index number illustrating your remarks with the
- help of any official index in current use in India (IAS)

  29 What is Fisher's Ideal Formula for preparing Index Num
  bers?

What are Time Reversal and Factor Reversal Tests 2

Compute an appropriate index number for purposes of comparison from the following data —

parison inor	11 1110 11	ono, me				
	Rı	ce	W	heat	Jos	75%
Year	Price	Quantity	Price	Quantity	Price	Quantity
1935	4	50	3	10	2	5
19 <del>1</del> 5	10	40	8	8	4	4
(Рпсез	and qu	antities ar	e state	i in arbitr	ary um	ts)

30 What averages would you use in computing the Price Index Number from the following data for 1936 on the basis of 1930. <sup>9</sup> Give reasons

Commod	ity Unit	1955	1956
		Rs	Rs.
Α	Per maund	18	36
В	Do	20	30
C	$\mathbf{D}_0$	10	5
D	Do	16	8
E	$D^{\circ}$	12	6

#### चाध्याय ११

### अन्तर्वेशन

# (Interpolation)

अन्तर्वेशन का अर्थ है किसी धेंगी में अज्ञात मृत्यों को सर्वाधिक उपयुक्त प्राक्क-लनो से पूरा करना । यह कुछ युक्तियुक्त करुपनाओं के अन्तर्गत निया जाता है ।

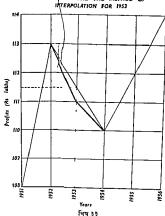
बहुपा यह आवस्यक हो जाता है कि सामग्री में असावपानी या अन्य विभी करण से छूट हुए पढ़ी का मूट्य माणूम किया जाग । माध्यका की प्रमान करते समय हमने देखा वा कि, अब भी अेणी सतत पी या उसमें पढ़ी को सक्ता पथी, हमें उसकी हमने देखा वा कि, अब भी अेणी सतत पी या उसमें पढ़ी के सकार बहुजर, ज्युप्तेक लॉर्स दी माणा करने में मीह में अन्तर्वेशन करना पढ़ा था । इस मब स्थितियों में हम बुख कराना पढ़ा था । इस मब स्थितियों में हम बुख कराना पढ़ा था । इस मब स्थितियों में हम बुख कराना कर से से ही और उन्हों से आधार पर आगे बढ़ते हैं । अनतर्वेशन के आवस्यकता उन सब स्थितियों में पढ़ी हैं जहाँ सामग्री या मूचना अपूर्ण हो । सामग्री को अपूणता कई कारणों से उदराज हो सकती है सामग्री-पाजहण अपूर्ण हो या वे वर्गानु-सार विभाजित किये गये हो और किसी वर्ग में एक पढ़ का मूख्य माणूम करना हो, या कुछ सामग्री नप्ट हो गई हो ।

यह भी हो सकता है कि वी हुई सामग्री से हम भविष्य ने बारे में जानना चाहें। इस स्थिति में सर्वाधिक उपयुक्त मूख्य निकालने की किया को बहिबँदान (extrapolation) कहते हैं।

करपनाएँ (assumptions)—हम मनमाने रूप से सर्वाधिक सभावी भूत्यों को नहीं रख सकते हैं। हमें इसके लिये बहुत सभावी और उचित प्राक्कलन करना पडता है और प्राक्कलन करने के लिए करपनाओं की आवश्यकता पडती है।

पहली नत्यना यह है कि बारबारता बटन प्रतामान्य है और उसमें बानस्मिक उतार-बडाब नहीं है। मिंद उसमें प्रचण्ड (violent) परिवनन होते हैं तो बत्तव ने तान करना असमय होगा स्थोंकि प्रचण्ड परिवनतों के प्रमायों वा प्रावन्त ने स्वाप्त के प्रमायों वा प्रावन्त ने स्वाप्त में स्थाप में स्थाप में सेनी में होने बाले परिवर्तनेत एक स्वाही । में करमायों स्थाप गायत के बीर जब तत दाने विरद्ध प्रमाण मही मिळ जाता दशना विरोध व परना अनावस्थल है। परन्तु विर यह नरमायों सही

### GRAPH SHOWING PROFITS OF A FIRM FOR 1751-56 AND THE METHOD OF



## २ बीजीय विधियाँ

बीजीय विधियों के अन्तर्गत निम्नीखत आते है

- (१) परवलिक वक विधि यूगपत समीकारो की विधि (The Parabolic Curve Method, the Method of Simultaneous Equations)
- (२) प्रगतिमान अन्तर विधि dvancing Difference Method) या न्यटन की विधि ।
  - (३) लगरांज-सूत्र (Lagran's formula)

- (খ) ঘর্ষিন জন্ম বিধি যা দ্বিখ-বিদ্যাহ বিধি (The Finite Differences Method or the Method of Binomial Expansion)
- (१) परवलीयक वक निष--इत निधि का उपयोग उन स्थितियों में किया जाता है जहां काल एकल्प अलत्त से बदता है। इस निधि में क्षेत्रे चात के परवलिक बक्त का आवन किया जाता है। वक का भात कुछ परो की सच्या से एक कम होना चाहिए। इस के लिए निम्मणियित संमीकार मा ज्योग विया जाता है

$$y=a+bx+cx^2+dx^3+..+nx^n$$

इसे nवें घात का परनलय कहते हैं ! इसलिए यदि श्रेणी के ४ पद ज्ञात हैं तो परनलय का पात (४−१) = ३ होगा।

उदाहरण २--एक बीमा कम्पनी के पचवर्षीय लाभ निम्नलिखित है

વપ	लाम	ષાય	ભામ
	(₹0.000)		(£0.000)
(1)	(2)	(1)	(2)
1920	36 06	1930	42 81
1925	39 12	1935	47 38

१९२६ के संभावी लाभ की गणना करी।

हल—

मान कीनिए कि १९२६ किनी प्रकार असामान्य नहीं था, दिससे कम्पनी के लागों में आकृष्टिमक परिवर्तन हो। कम्पनी के लाम १९२० से घीरे-भीरे नद रहे हैं और पूँकि प्रेणी के ज्ञात पदों की सख्या ४ है इसल्एि हम ३ पात-परवज्य का जायजन करेंगे। ज्यांत्

$$) = a + bx + cx^2 + dx^3$$

१९२६ से हुए काल विचलन x के मूल्य हैं  $x\!=\!-6,\,-1,\,0,\,+4,\,+9$ 

36 06=a-6b+36c-216d

🍠 के विभिन्न गृत्य कमश

j = 36 06, 39 12,  $y_o$ , 42 81 और 47 38  $^\circ$  । परबल्य का आसजन करने पर हमें निम्मलिखित युपपत समीकार मिलने  $^\circ$ 

(1)

- 39 12=a-b+c-d (2)  $y_0=a$  (3) 42.81=a+4b+16c+64d (4)
- 47 38=a+9b+81c+729d (5)

+a+3b+9c+27d=180

2a + 18c

=352

```
यदि हम इससे 'a' वा मल्य निकाल लें तो १९२६ वे लाभ वा अन्तर्वेशन हो
जाएगा । यह निम्नलिखित रूप से किया जाता है
   42 81 = a+4b+16c+64d
+156 48=4a-4b+4c-4d
                                 (2) ×4 (b के निरसन हेत)
   199 29=5a+20c+60d
                                 (6)
  216\ 36=6a-36b+216c-1296d\ (1)\ \times 6
+189 52-4a+36b+324c+2916d (5) ×4 (b के निरसन हेता)
  405 88=10a+540c+1620d
-5380 83=135a+540c-1620d (6) ×27(b, c और d ने निरसन हेन्.)
-497495 = -125a
or a=Rs. 39 79 (हजार)
    उदहारण ३---निम्नलिखित आँकडे बीमा-पत्रो की वित्री के है। १९३६ -
लिए बिनी का अक बताओ ।
                         वित्री
                                                           ਗਿੜੀ
                                     वर्ष
   वप
                        (000)
                                                          (000)
   (1)
                          (2)
                                                           (2)
                         172
   1921
                                    1941
                                                           158
  1931
                         170
                                    1951
                                                           180
हल---
    १९३६ से काल विचलनो को नापने पर 🛪 और 🌶 ने विविध मृत्य निम्नलिखित
है
          x = -15, -5.
                              0.
                                      +5.
                                                 +15
         y== 172.
                     170.
                                       158
                             y<sub>o</sub>
                                                  180
था. '५ से x के मत्यों को विभाजित करने पर
          x = -3.
                     -1,
                              O.
                                       +1,
                                                 +3
          v = 172
                     170.
                             γ,
                                       158.
                                                  180
इससे हम निम्नलिखित युगपद समीकार मिलते हैं
          172=a-3b+9c-27d
          170=a-b+c-d
                                     (3)
          158=a+b+c+d
                                     (4)
          180=a+3b+9c+27d
'a' का मध्य निम्नलिखित रीति से निकाला जाएगा
  a-35+9c-27d=172
                                (1)
```

(5) (b और d के निरसन हेत)

(6)

$$a-b+\epsilon-d = 170$$
 (2) (4) (b और  $d$  वे निरसन हेंचु)  $2a+2\epsilon = 338$  (7)  $18a+18\epsilon = 2952$  (7)  $\times 9$  ( $\epsilon$  के निरसन हेंचु)

$$-2a+18c = 352$$
 (6)

164=2600 (8)

या a≔162.5 हजार बीमा पत्र

(२) म्यूटन का मूत्र—इस सूत्र का उपयोग भी समान अन्तर वाकी स्थितियों में होता है। यह विदोषत तद उपयुक्त है जब श्रेणी के प्रारम में अन्तर्वेदान करना हो। सूत्र है

$$y = y_0 + x \Delta \theta + \frac{x(x-1)}{1 \times 2} \Delta^2 \theta + \frac{x(x-1)(x-2)}{1 \times 2 \times 3} \Delta^2 \theta +$$

$$\frac{x(x-1)(x-2)(x-3)}{1\times2\times3\times4}\Delta^{4}o$$

जहाँ 💃 मूल वर्ष में मूल्य है।

- ु वह राशि है जिसका अन्तर्वेशन करना है।
  - ⊿ सरुम्न (adjoining) वर्षों में मूल्यों के अन्तर हैं।
  - 🗴 की गणना निम्नलिखित रूप से की जाती है

अन्तर्वेशन वर्ष - मूल वर्ष Year of interpolation - Year of origin सलग्नो वर्षों में काल दूरी Time distance between adjoining years

उदाहरण ४-एक नगर की विभिन्न वर्षों की जनसंख्या निम्निकसित है।

वर्ष	जनसंख्या	वर्ष	जनसरूया
1901	2,500	1931	3,700
1911	2,800	1941	4,350
1921	3.200	1951	 5.225

१९०५ वी जनसंख्या वा प्रास्कलन वरो ।

हल—

$$\int x = y_0 + x d_0 + \frac{x(x-1)}{1 \times 2} d^2 + \frac{x(x-1)(x-2)}{1 \times 2 \times 3} d^3 o + x(x-1)(x-2)(x-3) \dots x(x-1)(x-2)(x-3)(x-3)$$

$$\frac{x(x-1)(x-2)(x-3)}{1\times 2\times 3\times 4} \mathcal{A}^{4_0} + \frac{x(x-1)(x-2)(x-3)(x-4)}{1\times 2\times 3\times 4\times 5} \, \mathcal{\Delta}^{4_0}$$

निम्नलिखित सारणों में ये आ के मूल्य निकारे गए है

वर्ष		जनमस्या			सलग्न वर्षो	वे मूल्यो	में अन्तर	:
				Δ	4.	₫2	Δ.	Δ,
1901	*0	2,500	<i>y</i> 0	300⊿ 400⊿₁ 500⊿₃ 650⊿₃				
				300⊿				
1911	<i>x</i> <sub>1</sub>	2,800	<i>y</i> 1		100⊿,		}	1
				40041		0⊿,		
1921	×2	3,200	92		100⊿₁		50⊿,	1
				500⊿₂		50⊿₁	[	-25∆ <sub>6</sub>
1931	х3	3,700	<i>y</i> 2		150⊿₂		25⊿₁	ł
		,		65042		754		1
					225⊿₃			İ
1941	×4	4,350	<i>y</i> 4			1		}
				875⊿₄				
1951	<i>x</i> <sub>5</sub>	5,225	<i>y</i> 5					
	x=19	05-1901	= 4 = 10=	- 4				
		10	10					

सूत्र में मूल्य रखने पर

$$yx = 2500 + 4 \times 300 + \frac{4 \times -6}{2} \times 100 + \frac{4 \times -6 \times -16}{6} \times 0$$

$$+\frac{4 \times - 6 \times -1 \ 6 \times -2 \ 6}{24} \times 50$$

$$+\frac{4 \times -6 \times -16 \times -26 \times -36}{120} \times -25$$

- . १९०५ की प्राक्त लिंत जनसंख्या a= २६०७
- (३) लगराँच मुत्र---फासिसी गणितज्ञ रुगरांच डारा विमे गए इस सूत का उपयोग उन सब स्थितियो में विमा जाता है जहां श्रेणी में असमान वार-अन्तराठ हाते हैं। यह सूत्र निम्नलिखित हैं

$$\mathcal{I}_{x}^{-n,p}g \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0})} \xrightarrow{(x_{0}-x_{1})(x-x_{0})} + \mathcal{I}_{x} \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} + + \xrightarrow{(x-x_{0})(x-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0}-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0}-x_{0})} \xrightarrow{(x-x_{0}-x_{0})}$$

जहा 🏒 बह राशि है जिसका अन्तर्वेशन करना है।

🗶 वह राशि है जिसके लिए 🏸 ना मूल्य जानना है।

x<sub>0</sub>, x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub> x<sub>n</sub> x-धणीमें चरवे मूल्य है।

೨०, ७, १९, १९, १, १९ श्रेणी में चर वे मत्य है।

इस मूच का उपयोग करने को शीत निम्मलिखित उदाहरण से स्पष्ट हो जाएगी उदाहरण ५—निमलिखित सारणी में किमिन वर्षों को पूरा करन पर स्थि जाने बोले गोप प्रस्तानि (Insurance Premium) विये हुए हैं। ३५ वय पूरे होने पर विये जाने बोले प्रस्तानि का प्रस्तकन्त्र करो

आयु 25 30 40 50 प्रथ्यानि (रू०) 50 55 70 95 हरू----आयु प्रस्थानि

 $x_0$  50  $y_0$  $x_1$  55  $y_1$  $x_2$  /0  $y_2$  $x_3$  95  $y_3$ 

व्यवहाय सूत्र

$$\begin{split} & J_{X=y_0} \underbrace{(x-x_1)(x-x_2)(x-x_3)}_{(x_0-x_1)(x_0-x_2)(x_0-x_2)} + y_3 \underbrace{(x-x_0)(x-x_2)(x-x_2)}_{(x_0-x_2)(x_0-x_2)(x_0-x_2)} + y_3 \underbrace{(x-x_0)(x-x_2)(x-x_2)}_{(x_0-x_0)(x_0-x_2)(x_0-x_2)} + y_3 \underbrace{(x-x_0)(x-x_1)(x-x_2)}_{(x_0-x_0)(x_0-x_1)(x_0-x_2)} + y_3 \underbrace{(x-x_0)(x-x_1)(x-x_1)}_{(x_0-x_1)(x_0-x_2)} + y_3 \underbrace{(x-x_0)(x-x_1)(x-x_1)}_{(x_0-x_1)(x_0-x_1)} $

सूत्र में उदाहरण स मत्य रखने पर:

$$\begin{array}{l} y_{\mathbf{Y}=\mathbf{50}} \underbrace{(35-30)(35-40)(35-50)}_{(25-30)(25-40)(25-30)} + 55 \underbrace{(35-25)(35-40)(35-50)}_{(25-30)(25-40)(25-30)} + 55 \underbrace{(35-25)(35-40)(30-50)}_{(35-25)(35-30)(35-50)} + 95 \underbrace{(35-25)(33-30)(35-40)}_{(40-25)(40-30)(40-50)} + 95 \underbrace{(35-25)(33-30)(35-40)}_{(50-22)(50-30)(50-40)} \\ = 50 \underbrace{-5x-5x-15}_{5\times-15\times-25} + 55 \underbrace{10x-5x-15}_{5\times-10\times-20} \\ + 70 \underbrace{10x5 \times -15}_{15\times10\times-10} + 95 \underbrace{10x5x-5}_{16\times50\times10} \\ \end{array}$$

=-10+41 25+35-4.75=**61.5** 

.. ३५ वर्ष पूरे होने पर दी जाने वाली प्रव्याजि रीशि २० ६१ ५० है।

(४) परिमित अन्तर विधि—यह विधि उन स्थितियों में नाम में छाई जा सनी है जहाँ अंगी समान अन्तराछों में बढ़ती है और हमें विसी अन्तराछ में आने वाले मून्य को मालूम चरना होता है। इस विधि में प्रत्यक्ष रूप से दिग्द का विस्तार किया जाता है। इसमें यह मान लिया जाता है। इसमें यह मान लिया जाता है। इस प्रवास को अंगो का प्रवी प्रमुख अन्तर (leading difference) ग्रुच्य हाता है। इस प्रकार ५ पढ़ों वाली अंगो का भवी प्रमुख अन्तर राग्द होगा। मचेत क्या में

 $\Delta^{5}_{0}$ =0, जिसका डिपद बिस्तार निम्नलियित है

$$\Delta^{5}_{0} = y_{5} - 5y_{4} + 10y_{3} - 10y_{2} + 5y_{1} - y_{0} = 0.$$

इसी प्रकार विविध जात मूल्यों का द्विषद विस्तार मालूम किया जाता है, और 3% के तन् सम्बन्धित मूल्यों द्वारा 3 के अज्ञात मूल्य को निकाला ज। सकता है । निम्न-लिखित उदाहरण से यह रीति स्पष्ट हा जाएंगी —

उदाहरण ६—निम्नलिखिन सारणी में वयस-समूहो के आधार पर एक गाँव की जनसङ्ख्या टी गई है

आयु (वर्षों में)	जनसंस्या ( ००० )	आयु (वर्षोमें)	जनसंख्या (*०००)
5 से कम	` 7 ′	15—20	` > '
5-10	21	20-25	57
10-15	35	25-30	58

इन अको के आधार पर १५-२० वय की आधु बाला की मख्या का आक्कलन करों।

चैंकि उपर्यक्त थेशी में जात पद ५ हैं, इसलिए ५वां प्रमुख अन्तर सून्य होगा। द्विपद विस्तार के निम्नलिखित सुत्र से हम अज्ञात राशि जान सकते हैं। द्विपद विस्तार è

$$\Delta^{i_0}=7_o-5_{j_1}+10_{j_2}-10_{j_2}+5_{j_2}-j_0=0$$
  
सूत्र में मूल्य रखने से  
 $\sigma^{i_0}=(56)-5(57)+10_{j_2}-10(35)+5(21)-1(7)=0$   
 $-58-285+10_{j_2}-350+105-7=0$ 

या ~103s=~479 3-47-9 या

१५-२० वाले वयस-समूह में प्रावकलित जन सस्या ४७ ९ हजार है।

द्विपद-विस्तार केसे निकाला जाता है?-उपर्युक्त सूत्र में द्विपद विस्तार जानने के लियें  $(a+b)^n$  का विस्तार किया जाता है। यहाँ n श्रेणी के शात पदो की सस्या है। गुणान (उपर्युक्त उदाहरण में १,५,१२,५,१) निम्नलिखित मुत्र द्वारा जाने जाते हैं

$$\begin{array}{l} 1-n+n\frac{n(n-1)}{12}-\frac{n(n-1)(n-2)}{13}+\\ \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)}{14}.\\ \frac{n(n-1)(n-2)(n-3)(n-x)}{12} \end{array}$$

जहाँ L र बहु उपादानीय (factorial) २ है (अर्थात् १×२) है, L3 बहु-जपादानीय ३ (अर्थात १×२×३) है, इत्यादि।

उपप्रवत उदाहरण में जहाँ n==५ है, द्विपद विस्तार में गुणाक विम्नलिखित होगे --

$$\begin{array}{l} 1-5+\frac{5(5-1)}{1\times 2}-\frac{5(5-1)(5-2)}{1\times 2\times 3}+\frac{5(5-1)(5-2)(5-3)}{1\times 2\times 3\times 4} \\ -\frac{5(5-1)(5-2)(5-3)(5-4)}{1\times 2\times 3\times 4\times 5} \end{array}$$

या 1-5+10-10+5-1

इसी प्रकार ज्ञात मृत्यों की किसी भी मस्य के लिए द्विपद विस्तार जाना जा सकता है। उदाहरणाय यदि ज्ञात मृत्य ७ हाती द्विपद विस्तार में गुणाक निम्नलिखत होंग —

$$\begin{array}{l} 1 - 7 + \frac{7(7 - 1)}{1 \times 2} - \frac{7(7 - 1)(7 - 2)}{1 \times 2 \times 3} + \frac{7(7 - 1)(7 - 2)(7 - 3)}{1 \times 2 \times 3 \times 4} \\ - \frac{7(7 - 1)(7 - 2)(7 - 3)(7 - 4)}{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5} + \frac{7(7 - 1)(7 - 2)(-3)(7 - 4)(7 - 5)}{1 \times 2 \times 3 \times 4 \times 5 \times 6} \end{array}$$

$$\frac{7(7-1)(7-2)(7-3)(7-4)(7-5)(7-6)}{1\times2\times3\times4\times5\times6\times7}$$

ये गुणाक कमश्र जात मूल्यो से गुणा बिय जाते हैं। प्रधानुवार ज्ञात मूल्य  $J_{00,1}$ ,  $J_{\mu}$  से व्यवन किये जाते हैं। यह भी अवलोवय है कि + और—जिह एक इसरे के बाद फ्रजरानतर से (alternatively) आते रहते हैं। निम्मलिंजित सारणों में आत पदो की २ से २ तक की मध्या है किए डियम्पिस रिवेग ए हैं

ज्ञात पदो नीसस्या

#### द्विपद विस्तार

- 2 12-211+ 1/0 3 12-312+311-10
  - $y_4 4y_2 + 6y_2 4y_1 + y_0$
- $y_1 y_2 + y_3 y_4 + y_6$  $y_5 - y_4 + 10y_5 - 10y_5 + y_7 - y_6$
- 5 y<sub>5</sub>-5y<sub>4</sub>+10y<sub>5</sub>-10y<sub>2</sub>+5y<sub>1</sub>- y<sub>6</sub>
- $6 \quad y_6 6y_5 + 15y_4 20y_3 + 15y_2 6y_1 \qquad y_6 20y_3 + 15y_4 6y_1$
- 7 32-73a+213a-353a+353a-213a+73a-3a
- 8  $y_8-8y_1+28y_2-56y_3+70y_4-56y_3+28y_2-8y_1+y_0$
- 9  $y_9-9y_8+36y_7-84y_8+126y_5-126y_4+484y_3-36y_2+9y_1-y_9$
- ज जिल्ला का जिल्ला विश्व के किया है। का उपयोग माध्य

मिक मूर्त्यों को जानन और पूर्वानुमान करने के लिए बहुत क्या करा है। हमने प्राक्तरुन के लिए चार विशियों के बणन क्यि है। सामग्री की प्रकृति के अनस र इनमें किमी का भा उपयाग अतर्बेशन के लिय किया जा सकता है।

#### QUESTIONS

- 1 Discuss the utility of interpolation and extrapolation to a business man. What are the different methods known to you for interpolation? (M Com., Agra)

  2 The following table shows the value of an immediate
- 2 The following table shows the value of an immediate life annuity for every £100 paid Interpolate for the age 42

  Age (vr. )

  40

  50

  60

  70

Age (yrs ) 40 50 60 70 Annusty (L) 6 2 7 2 9 1 12 0 (MA, Coleute)

in any opicians

3 Interpolate from the following data the number of workers earning Rs 24 or more but less than Rs 25 —

Earning less than (Rs.) 20 25 30 35 40
No of workers 296 599 804 918 966 (U.P.S.C.)

4 The following table gives the single premiums for an assurance of Rs 1,000 payable at death only Calculate by the graphic method the single premium payable by the entrants at ages 34 and 56. Which of the two values is likely to be more accurate and why?

Age of entrance	Single premium(Rs)	Age of entrance	Single premiums(Rs )
20	616	36	749
24	645	40	787
28	678	44	825
32	713	48	863

(B Com . Madras)

5 By Newton's formula or by some other method estimate the aggregate number of incomes from 20 sh to 25 sh in the following table —

Income in shillings	Number	Income in shillings	Number
Under 10 sh	19	30 sh to 40 sh	209
10 sh to 20 sh	38	40 sh to 50 sh	117
20 sh to 30 sh	116	50 sh and over	62

(M A , Colcutta)

6 The population of a town is given below in the years mentioned What is it likely to be in 1939 and 1944? Year Population Year Population

\ ear	Population	Year	Population
1940	24,367	1942	38.018
1941	27,895	1943	49,950

How far would you rely on your results?

(B Com , Agra)

7 Estimate the probable number of passengers if the rate be 4 2 in the following table

Kate	Dinmost of	gate.	ે આવેલા છે.
	passengers		passengers
50	30,000	3.5	100 000
4 5	40,000	3 0	150,000
40	60,000		100,000
			(M Com, Agra)

1931

8 The following table gives the number of men in the various mome groups Estimate by means of a formula of interpolation, the number of men in the income group Rs 1,000-1,200 -

Income group	Number of men	Income group	Number of men
5001,000	5,200	2,000-2,500	3,200
1,0001,500	4,800	2,5003,000	1,600
1,500-2,000	4.200		

(B Com , Lucknow) 9 The following table gives the population of India at the

time of the last five censuses -Year Population in Year Population in lakhs lakhs 25.22 1941 31,68 1911 25.14 1921 1951 36.13

The Census Commissioner for India estimates the population in India for 1961 at 40,78 lakhs By using any formula of extrapotation, verify the correctness of the above estimate

27,91

(BA . Lucknow)

Interpolate the population of India in 1926 from the data given below -

Year Population Year Population 294 million 319 million 1901 1921 1911 315 ... 1931 353 (M S W . Lucknow)

11 The population of an Indian state is given below as found in the census reports. Make an estimate of what it might have been in 1913 ---

Population Year Population Year 1921 1901 2797 3145 2902 1931 3493 1911 (B Com . Lucknow)

Interpolate the value of exports in the year 1943 from the data given below Use algebraic method -

Year	Value of exports (Rs thousands)	Year	Value of exports (Rs thousands)
1940	3,92,02	1944	3,37,55
1941	2.65,10	1945	3,29,87
1942	2 61,63	1946	2 74,31
1943	2		
			(BA, Lucknou)

x	20	22	25	30	35
ÿ	73	, ,	198	573	1198
,	••			(B Cor	n , Lucknow)
14.	From the foll	lowing life	table calcu	late the nu	mber living
t ages	25, 35, and	47 —			
ige (in	vears)	20	30	40	50
umber		51	44	35	24
				(MA	, Allahabad)
15	From the foll	owing table	, find the n	umber of st	udents who

a

13. Estimate the missing figure in the following table -

n obtained less than 45 marks -

Marks	Number	Marks	Number
	of students		of students
30-40	31	6070	35
4050	42	70-80	31
5060	51		

(M Com , Allahabad)

16 The following table gives the number of income-tax assessees in a certain state -

Income not	Number of	Income not	Number of
exceeding(Rs)	assessees	exceeding (Rs )	assessees
2,500	7,166	7,500	20,505
3 000	10,576	10,000	21,975
5,000	17,200		
Estimate the	number of as	essees with income	s not exceeding

Rs 4,000 (M Com., Allahabad) 17 The following figures relate to the number of estates hable

to estate duty in a particular year -

Class of estate Number hable Rs 25,000-Rs 30,000 638

Rs 30,000-Rs 40,000 740 Rs 40,000-Rs 50,000 415 Estimate the number between Rs 31,000 and Rs 32 000 by

interpolation (M A , Allohabad) 18 The following are the amount of taxes paid by 100 business-

men of a certain place in U P in the year 1953 -Number of

	businessmen
More than Rs 100	100
,, ,, Rs 200	08
,, Rs 300	62

1935

Age

Find out the number of business men who paid more than Rs 200, but not more than Rs 250, as taxes

(M Com , Allahabad)

19 From the data givn below interpolate the index number for 1933 -

Year	Index number
1930	173
1931	149
1932	145
1934	131

141 (M Com , Allahabad)

Annual net premiums

20 Estimate by the method of interpolation, the expectations of life at age 22 from the following data, stating the assumption underlying the formula used by you -

Age 10 15 20 25 30 35

Expectation of life (in years) 35 4 32 2 29 1 26 0 23 1 20 4 (IAS)

State Newton's formula for interpolation for equal intervals and the assumptions underlying it Use it to find the annual net premium at age 25 from the table given below —

20	01427
24	01581
28	01772
32	01996
	(1 4 (1)

(IAS)

22 Develop a formula which will help interpolation when observations are shown to be at unequal intervals

The observed values of a function are respectively 168, 120, 72, and 63 at the four positions 3, 7, 9, and 10 of the independent varias What is the best estimate you can give for the value of the function at the position 6 of the independent variable? (IAS)

23 Obtain an interpolation formula when observations are known to be at equal intervals

Find by simple interpolation the median of the distribution of marks obtained by 80 students as given below —

Marks	Frequency
010	3
10-20	9
20—30	15
30—40	30
4050	18
50—60	5

Draw also the cumulative frequency curve (ogive) of the above distribution and read off the value of the median

> 3 car 1001

24 The following table gives the population of an Indian State in 1901, 1911, 1921, and 1931 -

Estimate the population in 1924, making your method clear

Population

1911	2,935
1921	3,047
1931	3,354
	(PCS)

(I A S)

25 The gross profits of the Buland Sugar Co Ltd., are given

	Gross Profits
	(m lakhs of rupees)
1935-36	4 86
1937-38	I2 54
1939-40	13 68
1941-42	16 6a
1943-44	23 29

Make an estimate for 1942-43 and 1944-45

(B Com., Rasbutana)

2 707

### श्रध्याय १२ गुरा-साहचर्य

### (Association of Attributes)

सास्थियों में कई बार हमें ऐसी सामग्री पर विचार नरता पड़ता है जा गुणा (attinbutes) ने जामार पर विचार होती है। ऐसी सामग्री में होने ना नारण या तो यह हाता है कि हम गुणों में भेंद तो नर रागते हैं परन्तु नाम नही सनते, जैते रनी और पुरत, दिसिला होता हो, कि हम गुणों में भेंद तो नर रागते हैं परन्तु नाम नही सनते, जैते रनी और पुरत, दिसिला होता है कि नाम में अनुसार भी गुण देखे जा सनते हैं, जैते ५ फिट से अधिक और नम एक्से लोग। इस प्रनार से सम्हीत सामग्री मो गुणा में जान है, 'नहते हैं। यह आवस्यक नहीं है कि वस्तुओं में नेवल एक गुण हो, जम्में एक से अधिक गुणा भी हो सनते हैं। 'गुण साहन्त्र्य का अध्ययन दो गुणों के बील वसच जानने में लिए किया जाता है। उदाहरणार्थ, हम यह देख सनते हैं कि लोगों के एक समूह में कुछ के दोना लगाया गया है और अध्य के नहीं और टीना एको हुए व्यवित्ता में नियान को केवल कुई। इस उदाहरणार्थ महस्त्रण्य समस्या यह जानना है कि टीने नी नाय-सामगता या उसकी निवारक धनिव नितानी है।

साध्यक्ती में 'साहचयं' एक पारिमाणिन दान्द है और इसना अर्थ साधारण बोलचाल के अर्थ से मिन्न है। बोलचाल में सदि दो मुण नई बार साथ पाये जायें तो हम नहते हैं नि जनमें साहच्ये हैं। परनु साध्यक्षिम में रो पूणा में तभी साहच्यें माना जाता है जब वे पुन दुसरे से स्वतन्त्र होने पर दिवानी बार साथ पाए जा सचते हैं जससे अधिक सच्या में साथ साथ पाए जायें।'

हार्स्नो और सकेतों का जपयोग (use of terms and notations)— इससे पहले कि हम गुण-साहचर्य का अध्ययन करें, यह आवश्यन है कि हम तत्सववी हारते और सकेतो को समक्ष लें।

गृत ऋणात्मक या धनात्मक हो सबते हैं। यदि किसी बरतु में कोई गृण है तो हम बहुते हैं कि धनात्मक कृषा है इत गुण हा विराधी गृत हाने पर हम बहुते हैं कि ऋणात्मक गृण है। इसिंग्ए धनात्मक गृण ना अब किसी गृण या रखा कर विवासनता (presence) और ध्यात्मक गृण ना अब उपको अविवासनता (absence) है। ऋणात्मक गृणा को विरोधी गृण (contraries) भी कहुते हैं। यदि हम गमूह या बर्ग में नेचल एक गुण पर निनार करें तो उसे पहली श्रेणी बा ममूह या वर्ग (class of first order) क्ट्रों है, दो गुण बाले को हुसरी श्रेणी बा, तीन गुण बाले को तीसरी श्रेणी का इस्तादि। निरीक्षण के क्षेत्र के। समस्टि (universe or population) कहते हैं।

#### साहचरी

साहभयं ना अध्ययन करने में निम्मलिनित वानो का ध्यान रखना चाहिए (१) यदि चरम थर्ग-बारबारताएँ री हुई हो, तो धन और ऋष वागें की बारबारताएँ और कुल निरोक्षणों की मध्या (X) जातना समय है।

निम्नलिखन उदाहरण से यह स्पष्ट हो जाएगा -

उराहरण १—निम्नलिबिन चरम वग-वारवारनाओं से धनवर्गों और ऋण वर्गों का बारवारताए एवं कुछ निर्मातका सस्या मारण करो

$$(AB) = 50$$
,  $(aB = 40, (Ab) = 25, (ab) = 20$ 

हरु हम (4) (a) (B) (b) और N ने मृत्य निकारन है।

िसा प्रश्म श्रणों के बंग का बारबारना दा दूपरा श्रणा के बंगों की,जिनमें बही चित्र <sup>के</sup> बारबारनाओं के सांग के बरावर है। अनुष्य

$$(A = AB) + (Ab)$$
  $^{e}0 + 25 = 75$ 

$$(a)$$
 -  $aB$ ) +  $(ab)$  = 40+20-60

$$(b) = Ab + (ab) = 2a + 20 = 45$$

कुठ निरी ग्या की मन्या एक गुण के घन और ऋण वर्गों की बारवास्ताओं के याग के बरावर होता है। अवात

$$N=(A)+(a)-75+60-135$$

धन और रूण वर्षों वर बारवारतारों नातन का एक व व सुविधाजनक उपाय निम्नलियिन सारणा का उपपाण करना है ---

यि उपयुक्त सारथा में नान मूल्यो को यया स्थान रल दिया जाए ता अप गुणो का जोड या घटा कर जाना जा सकता है 1

(२) समाविता (Probability) सयोग (chance) का अध्ययन है—हम जानन हैं कि यदि एक निकक्त का उद्याल जाय ना उसक विन या पर गिरन की समा विता १/२ है। इसी प्रकार, यदि हम पाँमा भेके तो किसी एक पक्ष के उत्तर आ देवी सभाविता १/६ है। इसी प्रकार

(A) को ममाविवा = 
$$\frac{(A)}{N}$$
  
(B) , , , =  $\frac{(B)}{N}$   
(A)  $\times$  (B) , , , =  $\frac{(A)}{N} \times \frac{(A)}{N}$ 

(३) किसी घटना या गुण की प्रत्याक्षा (expectation) उसकी संभाविता और निरोक्तारों को सरमा के मुजनस्क के बचतर होती है। यदि हम एक विजये को एक एक उसके हो उसके विज गिरने की प्रभाविता १/२ है और विज पटने की प्रत्याक्षा १/२ ४ १० = ५ १ । गरेल रूप में

(A) और (B) की मत्यासा=
$$\frac{(A)}{N} \times \frac{(B)}{N} \times N = \frac{(A) \times (B)}{N}$$
.

(४) यदि किसी निरोक्षित(observed) गुग की वारवारता उसकी प्रत्याज्ञा के वरावर है, तो यह कहा जाता है कि वे एक दूसरे से स्वतंत्र हैं।

उदाहरण २—िनम्जलिखित सामग्री ने आधार पर विराजो िन  ${f A}$  और  ${f B}$  में साहवर्य है या नहीं।

स्वानस्य का निकप है

$$(AB) = \frac{(A) \times (B)}{N}$$

स्म देखते <sup>5</sup> वि (AB)=54 । पणना वरने से, पदि A और B स्वतन्त्र होने तो स्वाम मूट्य  $(A) \times (B)/N=60 \times 90/100=54$  होना । चूँकि निरोधित मूच प्रस्थाधित मूस्य के बराबर है, इसिएए उपर्यक्त उदाहरण में A और B स्वतन्त्र है ।

परन्तु यदि (AD) 54 न हानर नोई दूसरी राधि होता (चाहे अधिक या कम) तो हम यह निकार्य निकारते कि उनमें साहचर्य हैं। यह साहचर्य या तो धन होगा या ऋण। ऋण साहचय को असाहचर्य भी वहते हैं।

यदि (AB)  $> \frac{(A)(B)}{N}$  तो साहचर्य घन है।

 $(AB) < \frac{(A)(B)}{N}$  तो साहचयं ऋण है, या A और B में असाहचयं है

निम्नलिखित उदाहरण पर विचार भीजिये

जवाहरण २—यदि (a)=150, (b)=210, (ab)=70 और N=500, तो 'a' और b में साहचर्य मालुम नरो

हरु स्वानत्र्य का निकथ है  $(ab)=\frac{(a)\times(b)}{N}$ 

150,010

प्रश्नानुसार स्वातल्य बारवारता $=\frac{150\times210}{500}=63$ 

परन्तु प्रश्न में (ab) = 70, इसलिए a और b स्वतन्त्र नही है । यदि  $(ab) > (a) \times (b)/N$  तो धन साहनर्ष होगा और चूँकि 70 > 63 इसलिए a और b में धन-साहनर्ष है ।

उदाहरण ४—यदि (A) =240, (b) =300, (Ab) =80, और N =800, ती मालूम करी कि  $\Lambda$  और b में घन साहचय है या ऋण ।

हल स्वातन्त्र्य-निवय है  $(Ab) = \frac{(A) \times (b)}{N}$ 

प्रदत्तानुसार स्वातन्य दास्वारता =  $\frac{(A) \times (b)}{N} = \frac{240 \times 300}{800} = 90$ 

परन्तु 80<90 इसलिए  $\Lambda$  और b स्वतत्र नहीं हैं, और चूंकि  $(Ab)<(A)\times(b)/N$ , इसलिए इनमें ऋण साहचार्य है।

साहचये-गुणांक (Coefficient of Association)

उपर्युक्त विवरण में हमने देगा वि साह्त्वर्य और उसनी प्रवृत्ति (धन या ग्रह्म) विस्त प्रसार मालूम क्रते हैं। धरन्तु अब तेत हमने साहत्वय वा परिमाण तापने की कोई विधि नहीं बताई है। धाहत्वर्य-गरिमाण वा साहियनीय विश्लेषण में बहुत महत्त्व है। इसलिय सह जानना आवस्यन है हि हम माहत्व्यं प्रपादता (intensity of association) आने। इसस हम उसकी मार्यक्या जान सबते हैं।

साहवर्ष-परिभाण का मात्र साहवर्ष-गुणाक है । साहिवकी में कई प्रकार के साहवर्ष-गुणाक प्रचलित है परन्तु प्रो० यूळ (Yule) द्वारा दिया गया निम्न-लिखित साहवर्ष-गुणाक सर्वाधिक प्रचलित है

$$Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{\langle AB \rangle \langle ab \rangle + \langle Ab \rangle \langle aB \rangle}$$

जहाँ Q साहचर्य-गुणाक है, A और B गुण है, और a और b उनने विराधी गुण हैं। मूत के साहबर्य गुणारु को विशोषताएँ—मूल के गुणाक का सबसे बड़ा लाभ जसकी पारख्ता (simplicity) है। यदि गुण एक द्वारे से पूर्णत स्वतन हो तो साहबर्य गुणाक 0 होगा । यदि गुणो में पूर्ण साहबर्य है तो साहबर्य गुणाक + १ होगा और पूर्णत असाहबर्य होने पर - १। + १ और - १ के बीच में विविध साहबर्य परिसाल आरोरे ।

उदाहरण ५—एक परीक्षा में १३५ विद्यापियों की अपेती और अर्थवाहर में योग्यता की जांच को गई। परीक्षा के परिणाम में ७५ विद्यार्थी अर्थेजी में, ६० अर्थवाहर में और ५० रोतों में अनुतीर्थ हुए मालूम कीजिए कि क्या अर्थवाहर में अनुतीर्थ होने और अर्थेजी में अनुतीर्थ होने में कोई साहपर्य है। साहचर्य का परिमाण भी निकालिए।

हरू चिन्हों के रूप में उपर्युक्त सामग्री निम्नलिखित होगी

(A)=अन्नेजी में अनुतीर्णी की मस्या= ३५ (B)=अर्थशास्त्र , , , =९०

(AB) ⇒अग्रेजी और अर्यशास्त्र , =५

N=विद्यायियो की कुल सस्या = १३५

साहचर्य का परिमाण निम्न मूत्र से जाना जाता है

 $\mathbf{Q} = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(\overline{aB})}.$ 

उपर्युक्त सामग्री से हमें चरम वर्ग-बारबारलाएँ निकालनी पर्डेगी

(a)=N-(A) =135-75=60 (b)=N-(B) =135-90=45

(aB)=(B)-(AB)=90=40

(Ab)=(A)-(AB)=75-50=25

(ab)=(a)-(aB)=60-40=20

उपर्युक्त सूत्र में इन मृत्यों को रखने पर

 $Q = \frac{50 \times 20 - 25 \times 40}{50 \times 20 - 25 \times 40} = \frac{0}{2000} = 0$ 

अतएव अर्थशास्त्र में और अब्रेजी में अनुतीर्ण होना एक दूसरे से पूर्णत स्वतत्र है।

ज्याहरण ६—हिन्दी और अग्रेजी को एक परीक्षा में २४५ विद्यानी हिन्दी में, १४७ दोनों में उत्तीर्ण हुए, २८५ हिन्दी में फेल हुए और १९० हिन्दी में फेल हुए परन्तु अग्रेजी में पास हुए। इन दो विषयों के बात में वहाँ तक ताहक्यों है ?

हल हिन्दी में उत्तीर्ण को 'A', अनुत्तीणों को a', अग्रेजी में उत्तीर्णों को 'b' और अग्रेजी में अनुत्तीर्णां को 'b' से व्यक्त करने पर उपर्युक्त सामग्री निम्नलिखित रूप में रखी जा सबती है

 $(A) = 2 \forall 4, (a) = 2 \forall 4, (AB) = 2 \forall 3, (aB) = 2 \%$ 

मूत्र का उपयाग करने पर

147 (285-190) + (245-147) 190

 $=\frac{147\times95-98\times190}{147\times95+98\times190}=\frac{4655}{32585}=+14$ हिन्दी और अंग्रेजी के ज्ञान में बहुत थोड़ा धन साहुबर्य है ।

उदाहरण ७--व्यक्तियों ने एन छोटे समह नी निवंदता (infirimity) की विद्यमानता या अविद्यमानता ने लिए जांच की गई और दो मुख्य निवैलताएँ पाई गई . अन्धापन (A) और वहरापन (B)। निम्नलिखित परिणाम मिले

अन्ये और बहरे (AB) == १०

अन-जन्वे और अ-बहरे (ab)=4

अन्धे और ब-वहरे (Ab)=३० अन-अन्ये और बहरे (aB) == ५

हमें यह जानना है नि अन्येपन और बहरेपन में साहचर्य है या नः । इल साहबर्य-परिमाण निम्निकिवित सूत्र से जाना जाता है।

 $Q = \frac{(AB) (ab) - (Ab) (aB)}{(AB) (ab) + (Ab) (aB)}$ 

उदाहरण में बूरव रखने पर  $Q = \frac{10 \times 5 - 30 \times 5}{10 \times 5 + 30 \times 5} = \frac{50 - 150}{50 \times 150} = \frac{-100}{200} = -.5$ 

इस्र हुए बहरेपन और अन्धेपन के गणा में सार्यंक अभाहनयें है ।

उदाहरण ८—निम्नरिगिवत अना मा विश्वविद्यालया X और Y में अर्थशास्त्र और राजनीति-शास्त्र ने प्राप्ताना ने साहनयों की तुलना नीजिए

विस्वविद्यालय विस्त्रविद्यालय x विद्यार्थियो की सङ्गा Ν 20 160 अर्थशास्त्र में उत्तीर्ण (A) 8 32 राजनीतिमास्य में उत्तीर्ण (B) राजनीतिशास्य और अर्थशास्त्र में उत्तीर्ण (AB) 3 2

हुल साह्चयाँ नी तुकता वरते के लिए हमें दोता विश्वविद्यालया में अर्थशास्त्र और राजनीतिसाहन के प्रास्तानों में अका अका साहच्या निकारण पड़ेगा। सून नी उपयोग परने के लिए ४ दूसरी अंशी की सारवाराएं मानून होनी चाहिएँ जब कि हमें बेचल एन ([AB]) मालून है। बाकी की गणना निम्मलिश्वत एसे की जायेगी

क्वल एवं [(AB)] मालूम है। बाकी व	ने गणना निम्नलिखित रूप से की गी
विश्वविद्यालय X	विस्वविद्यालय 🧏
(A) = (Ab) + (AB)	(A) = (Ab) + (AB)
or $8 = (Ab) + (2)$	or 32=(Ab)+(3)
or (Ab)=6	or (Ab)=29
(B)=(AB)+(aB)	(B) -(AB) + (aB)
or 4=2+(aB)	or 9=3+(aB)
or (aB)==2	or (aB)=6
(a)=(aB)+(ab)	(a)=(aB)+(ab)
or N-(A)=2+(ab)	or N-(A)=6+(ab)
or 12=2+(ab)	or 128=6+(ab)
or (ab)=10	or (ab)=122

**अब** साह्वयं-गुणाक निकाले जा सकते हैं

$$Q = \frac{(AB)(ab) - (Ab)(aB)}{(AB)(ab) + (Ab)(aB)}$$

मूल्य रखने पर

निदविद्यालय X: 
$$Q = \frac{2 \times 10 - 6 \times 2}{2 \times 10 + 6 \times 2} = \frac{20 - 12}{20 + 12} = \frac{8}{32} = + 25$$

बिस्बनियाक्ष्य Y 
$$Q = \frac{3 \times 122 - 29 \times 6}{3 \times 122 + 29 \times 6} = \frac{366 - 174}{366 + 174} = \frac{192}{540} = + 36$$

इस प्रशार हम देखते हैं कि अर्थतास्त्र और राजनीति शास्त्र में के ज्ञान में विश्व-विद्यालय Y में विश्वविद्यालय X की अपेक्षा अधिक साहचर्य है।

सीसरी भेगी के गुण-अब हम तीसरी शेणी ने गुणो पर विचार कर सकते है

उदाहरण ९—निम्नालिखित सामग्री से रोप (1) धन वर्गो और (11) घरम वर्गो की भारभारताएँ मालून करो

N=10,000	ABc-281
(A) 877	AbC==86
(B) ⇒ 1,086	aBC==78
(C)= 286	ABC≈57

हरू हमें (i) रोप धन वर्गों, AB AC और BC, को वास्वारता जाननी है। और (11) शेप धरम वर्ग बारबारताएँ, Abc, aBc, abC और abc जाननी है।

(1) (AB)=(ABC)+(ABc)=57+281=338

=286-135-86=65 (abc)=N-(A)-(B)-(C)+(AB)+(AC)+(BC)-(ABC) =10,000-877-1086-286+388+143+135-57 =8,310

उदाहरण १०---एक हवाई हमले ने बाद स्थानीय अस्पताला में हमले से घायल व्यक्तियों का सर्वेशण निया गया। हुल १२०० व्यक्ति ये अमरायों ने नारण ६०० व्यक्तियों के बाँह, गीव और सिर में अस्विमा (fractures) हुए ये। ५० व्यक्ति ऐसे ये जिन्हें कोई चीट नही लगी थी, परन्य प्रचाहट में। चिनिस्सा ने लिए मर्ती

किए गए थे। बीह की अस्थिमग बालों की सख्या विना बोही की अस्थिमग बालों सख्या से १९२ लागिक भी। जिनके सिर में चोट नहीं भी ऐसे २७० व्यक्ति थे। ३६ व्यक्ति ऐसे में जिनकी बोहें टूटी हुई भी परन्तु पांचों में कार्र चाट नहीं भी। इसी प्रकार २०४ व्यक्ति ऐसे में जिनके पांच टूटे में परन्तु सिर में चोट नहीं पहुँची थी।

टूटे हुए पाँव वालो भी सरूपा विनाट्टे हुए पाँव वालो भी सरूपा से ६२० अधिक थी। चोट के अनुसार घायलो का विश्लेषण की जिये।

हरू बाँह, पाँव और सिर की चोट नो A, B, C द्वारा और इन बोटो के न होने को a, b, c, द्वारा व्यक्त करके उपर्युक्त सामग्री निम्नलिनित रूप में लिखी जा सकती है

$$N=1200$$
 (c) =270  
 $(ABC)=600$  (Ab)=36  
 $(abc)=50$  (Bc)=204  
 $(A)-(a)=192$  (B)-(b)=620

हमें क्षेप चरम वर्ग-बारवारताओं को निकालना है अर्थात हमें (ABc), (AbC), (aBC), (Abc), (aBc) और (abC) जानना है। इन्हें निकालने वे लिये हमें घन-वर्गों की बारबारताएँ जाननी हैं अर्थोन हमें (A), (B),(C), (AB), (AC) और (BC) जानना है।

(i) प्रथम श्रेणी की बारवारताएँ।

(A)-(a)=192

(A)+(a)=1200

or 2(A) = 1392 or (A) = 696 भग्न नौतें

(B) - (b) -620

(B) + (b)=1200

or 2(B) = 1820 or (B) = 910 भाग पांव

(B)=910 Hed Al-

(C)=N-(c)

=1200−270 =930 भग सिर

#### (u) दसरी श्रेणी की बारबारताएँ

(AB)=(A)-(Ab)

(BC)=(B)-(Bc)

=696-36 =910-204

च660 टूटे हुए वॉह और पांव च706 टूटे हुए पांव और निर

(AC) = (abc) - N + (A) + (B) + (C) - (AB) - (EC) + (AFC)=50-1200+696+910+930-660-706+600

=620 दूरे हुए बोह और सिर

अब हम शेष ६ चरम-वर्गों का निकाल सकते हैं

(ABc) =(AB)-(ABC) =660-600=60 ट्टी हुई बाँह और पांच पर मिर नहीं

(AbC) ≈(AC)-(ABC)

=620-600=20 टूटी हुई बौह और सिर पर पांव नहीं (3BC)=(BC)-(ABC)

=706-600=106  $\stackrel{?}{=}$  हुए पांच और सिर पर बाँह नहीं (Abc) =(Ab)-(AbC)=(A)-(AbC)=(AbC)

=696—660—20=16 टूटी हुई बाँह पर मिर और पाँब नहीं

(aBc) = (aBc) - (aBC) = (B) - (AB) - (aBC)= 910-060-106=144  $z \hat{z}$  gy via  $v \hat{z}$  at at at at at

च930−705−20च204 ट्टा हुआ सिर पर बाँह और पाँव नही ।

उराहरण ११—एक गाँव वे सामाजिक सर्वेशण से यह मात हुआ कि उत्तमें अविवाहित पुरुपो की सस्या विवाहित पुरुपो से अधिक यो और विवाहित वृत्तिपुक्त (employed) पुरुपो को सस्या अविवाहित वृत्तिहीत पुरुपो से अधिक यो। उसमें ४५ वर्ष से कम आयु बांध वृत्तिहीत विवाहित पुरुपो की सस्या ४५ वर्ष में अधिक आयु बांध वृत्तिहीत विवाहित पुरुपो की सस्या ४५ वर्ष में अधिक आयु बांध वृत्तिपुक्त अविवाहित पुरुपो की अधिक थी। क्षित्र की जिए कि ४५ वर्ष से सम आयु बांध विवाहित पुरुपो की सम्बा ४५ वर्ष से अधिक आयु बांध वृत्तिपुक्त पुरुपो के अधिक है।

हल विवाहित और अनिवाहित A और a द्वारा, यृत्तिमुक्त और वृत्ति-हीन B और b द्वारा और ४५ वर्ष से अधिक आयु वालो और इससे कम आयु वालो को C और c द्वारा व्यक्त करने उपर्युवत सामग्री निम्मल्सित रूप में किसी ला सकती है —

A और aको B के अनुसार वर्गीकृत करने पर (1) वरावर है

(aB)+(ab) > (AB)+(Ab) (1v)

परन्तु (ab) < (AB) (n) के अनुसार इसल्पि (aB)+(ab) > (ab)+(Ab) (v)

या (aB) > (Ab)

(vı) को C और c में वर्गीकृत करने पर

(aBC)+(aBc) > (AbC)+(Abc)

परन्तु (m) के अनुसार (Abc)>(aBC), इसस्पि (aBc) > (AbC)

यही सिद्ध वरनाया।

(v1)

साहचयं-मुगाक बा निर्धवन—हम बता जुने हैं िम यदि गुण एन दूसरे से स्वतं के बीद पूर्ण का सहित्यं गुणान 0 होता है। पूर्ण सहक्यं होने पर पह +1 और पूर्ण आहव्यं होने पर पह -1 होता है। +1 और -1 में जीव कार्य्य के विदिष्ण प्रिताहा होते हैं। यहाँ यह स्मरणीय है कि अगर साहचयं बहुत बम हो। अर्थात् मिंट (AB) और (A)×(B)/N का अन्तर बहुत बम हो। तो हो सक्ता है कि स्मरह्म संस्था हता है, ज्यांत् नास्त्य में कोई साहच्यं में हो। ऐसा मार्ट्य पूर्णों के श्रीन कोई सुन हो। एसा मार्ट्य पूर्णों के श्रीन कोई सप्तर्क नहीं, अर्थात् नास्त्य में कोई साहच्यं में प्राप्त कार्य प्राप्त कार्य कार्य कार्य स्वता महत्या स्वता महत्य स्वता कार्य प्राप्त कार्य कार्य प्राप्त कार्य स्वता कार्य प्राप्त कार्य स्वता कार्य स्वत्य स्वता कार्य कार्य कार्य स्वता कार्य कार्य स्वता कार्य स्वता कार्य स्वता कार्य स्वता कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य स्वता कार्य क

दैव कारणों में हो सक्ता है जो प्रतिचयन में सदा रहते हैं। यदि हम उसी समस्टि से कई प्रतिदर्श ले तो कुछ में घन साहचर्य मिलेगा और कुछ में ऋण, जिससे इसकी पुष्टि होती हैं।

साहतर्य की अन्य परीक्षाएं—हम पहले बता चुने हैं कि दो गुणो में साहत्ययें का त्राताला देवने और उक्का परिसाण जानने के लिए हम AB को साहत्ययें का त्राताला (A) × ही तुलना दकते स्वातन्य कारावाला (A) × (B)N से करते हैं। ग्रैडानिक दृष्टिकोण से यह तर्क सम्मत है। परन्तु व्यवहार में 'अनुपातो' की तुलना करना अधिक गुलियाननक होता है। अर्थात् हम 'B' और 'b' में A के अनुपातों की गुलना करते हैं। ये अनुपात साधारगत प्रतिचारों या प्रतिसहस्तों के स्थ

जदाहरण १२—निम्नलिस्ति सामग्री से हैंने का दीका समाने और बीमारी सं छट में साहचर्म निकालिए।

र्व	ामारी से मुक्त	दीमार	कुल
टीका रूगाए हुए	276	3	279
टोका न लगाएं हुए	473	66	539
•			
क्रूल	749	69	818
•			

हल

बीमारी से मुक्त में टीका लगाए लोगो का प्रतिश्रत $=\frac{276}{276} imes 100 = 93.9\%$ 

बीमारी से मुक्त में टीका न लगाएं लोगों का प्रविशत $=\frac{473}{539} imes 100=87.8\%$ इसे निम्नलिखित रूप से भी किया जा सकता है

बीमारो में टीका लगए हुए लोगो का प्रतिशत $=\frac{3}{270} \times 100 = 11\%$ 

बीमारो में दीका न लगाए हुए लोगों का प्रतिश्रत =  $\frac{66}{530} \times 100 = 12.2\%$ 

2539 ये बोनो तुलनाएँ इस तच्य को सामने लाती है कि टीका रूपाना और बोमारी से मृतित में घन सादवर्ष है। साहवर्ष-गूथान की गगरा करके इस निष्कर्ष की पुष्टि की जा सकती है। टीका लगाएं हुए के लिए A, न लगाए हुए के लिए a और बोमारी स मुजन के लिए B एवं बोमार के लिए b लिबने पर हम पति है

(A)=279, (a)=539, (B)=749, (b)=69, (AB)=276 (Ab)=3, (aB)=473, (ab)=66 aft N=818 साहचर्य गुणांक के सूत्र में इन मूलों को रखने पर :

 $Q = \frac{(276) (66) - (3) (473)}{(276) (66) + (3) (473)}$   $= \frac{18216 - 1419}{18216 + 1419} = \frac{16797}{19635} = +0.86$ 

आश्विक साहचर्य (Partial Association)

आधिक साहवर्ष को उप-समिदि में साहवर्ष (association in a subuniverse) भी नहते हैं। यदि A और B में साहवर्ष हो तो हो सकता है कि इस साहवर्ष वा कारण A और C एव B और C का साहवर्ष हो। उराहरण के लिए टीवा लगाने (A) और पेवक से मुक्ति (B) में पन साहवर्ष होना स्वामानि है है इसलिए यह निकर्ष निकालमा भी स्वामानिक है नि टीवा लगाने से वेचक वा प्रति-वार हो जाता है। परन्तु यह निकर्ष अन्मीटि(unwarranted) भी सममा जा सकता है। यह नहा जा सबता है कि टीका लगाने वी प्रया वेवल सम्प्रत्र घरो (C) में प्रचलित है और अन्य लोग इसे सम्देह से देखते हैं। इसलिए A और B में हम जो साहचर्ष देखते हैं वह इस लोगों का C से साहचर्ष देशने वे बारण है। उप-ममिट C में A और B के साहचर्ष को आदिक साहचर्ष के हा जाता है।

 $\Lambda$  और D में मंदि आशिक साह्ययं हो तो इसना उल्लेख स्पट रूप से कर दिया जाना चाहिए, क्योंकि जो एक अश के लिए सन हो इसना पूरे के लिए या निर्मी दूबरे अश के लिसे सन होना आवस्यन नहीं है । हो सनता है जि  $\Lambda$  और B के सोच नेवल C में साहयर्थ हो। यह आवस्यन नहीं है ि D या E दत्यादि में भी उनमें साहय्ये लें।

आभासी साहचर्य (Illusory Association)

ऐसा साहवर्ष जो दो गुणो के बीच निसी वास्तविक सबध के बारण न ही आभागी साहवर्ष ज हलाता है। आभासी साहवर्ष निम्निल्लित बारणो में विसी से भी हो सकता है।

- (१) किसी ऐसे गुण C को उपस्थिति जिससे गुण A और B का साहचर्य हो— हो प्रकता है कि A और B में कोई साहचर्य न हो, परणु इनमें और C में अलग अलग से साहचर्य हो और फल्डनक्प C वाली समिटि में उनमें भी साहचर्य प्रकट हो लावा उदाहरणां, भागीय क्षेत्रों में (O), वृत्तिहीलात (A) और नित्सरहत (B) में कोई साहचर्य न हो, पत्न्तु सम्पूर्ण समिटि में उनमें साहचर्य मिले।
- (२) गुला A और B ठोक प्रकार से परिभाषित न विये गए हों—यदि गुणो की ठोक औक परिभाषा न दो गई हो तो सामग्री गलत हो सकती है और उनमें क्यांग्रित सहज्वर्ष पूर्णत आभासी हो सकता है।

(३) गुण A और B में निरोक्षण की अभिनति (C) के कारण साहवर्ष हों— अभिनति में नारण सामग्री-ग्रह परिषुडबौर सही नहीं होगा। फलस्वरूप हो तकता है कि A और B में सहपर्य मिले जब ताराव में कोई साहवर्ष म हों। इसके अन्तर्गत बहु दक्षा भी बाती है, जब लिपीक्षक का विश्वी एक गुण की ओर मुकाब है और जाने-अनाम नह उसी वा उल्लेख करें।

## सामग्री में अविरोध (Consistence of Data)

सदि एक ही सामग्री से प्राप्त की गई मानग्री एक दूसरे के विरुद्ध नही है तो हम कहते हैं कि सामग्री अविरोधी (consistent) है। यदि सामग्री विरोधी (inconsistent) है तो एक या अधिक चरम-मनं मारवारताएँ कुणात्मक होगी। परम वर्ग-यारवारताओं का कृषात्मक नहोना सामग्री के अविरोध की परीक्षा है।

उदाहरण १३---जात कीजिये कि निम्निटिखित सामग्री अविरोधी है या नहीं :

N =2,000	(AB)=076
(A)=1,754	(AC)==286
(B) =2,172	(BC)=270
(C) = 572	(ABC)=114

हल

हम बता चुके हैं कि सामग्री में अविरोधी होने की आवश्यक और पर्यान्त धर्त नरम वर्ग-वारवारताओं का ऋणात्मक न होना है। गरमवर्ग-वारवारता निकालने पर हम देखते हैं कि .

(abc)=
$$N-(A)-(B)-(C)+(AB)+(AC)+(BC)-(AEC)$$
  
=2,000-1,754-2,172-572+676+286+270-114  
=-1.380

इमलिए उपर्युक्त उदाहरण की सामग्री विरोधी है।

उग्रहरण १४—२० व्यक्तियों को आहतों का अध्ययन किया गया और यह देवा गया कि उनमें से २५ शासहारी हैं और २० उसकी तस्कारों पतन्द करते हैं। १० व्यक्ति ऐसे हैं जो याकाहारी भी है और उदकी तरकारों भी पतन्द करते हैं। गिद्ध वीजियों कि यह शामकों दिरों भी है और इसलिए हुछ लोगों से वहीं मूचना नहीं दी है। हल

भावाहारियों के लिए A और उबली तरकारी पसन्द करने वालों के लिए
B लिखने पर जपर्यक्त सामग्री निम्नलिखित रूप में रखी जा सकती है।

$$(A) = 24$$
,  $(B) = 20$ ,  $(AB) = 20$ ,  $N = 30$ 

चरम वर्ग बारबारताएँ निम्नलिखित है

(a) 
$$=N-(A)=30-25=5$$
  
(ab)  $=(a)-(aB)=5-10=-5$ 

चंकि इनमें एक ऋणात्मक है इसलिये सामग्री विरोधी है।

#### OUESTIONS

l How would you distinguish between "Association" and "Correlation" as the terms are used in statistics?

2 Given the following ultimate frequencies, find the frequencies of the positive and negative classes and the whole number of observations 'N'

3 Given the frequencies of the following pairs of contraries it is required to find the frequencies of the remaining classes and the whole number of observations 'N'

$$(A)=1,150$$
  $(AB)=1,075$   
 $(a)=1,120$   $(ab)=985$ 

4 Given the following positive class frequencies it is required to find all the class frequencies

5 (a) Write a short note on the use of Co efficient of Assoquation in analysing economic statistics

(b) From the figures given in the following table, compare the association between literacy and unemployment in rural and urban areas, and give reasons for the difference, if any —

	Urban	Ru	ral
Total Adult Males	25 lakhs	200	lakhs
Literate Males	10 lakhs	40	lakhs
Unemployed Males	5 lakhs	12	lakhs
Literate and Unemployed Males	5 lakhs	4	lakhs
	(MA, Allaha	bad an	d Patna)

6 In an experiment on immunitization of cattle from tuberculosis, the following results were obtained —

· ·	Died or affected	Unaffected
Inoculated	12	26
**	16	c

Not inoculated 16 6

Examine the effect of vaccine in controlling susceptibility to

tuberculoss (I A S)

7 What is meant by Statistical Association? How is it measured? The following table is reproduced from a memoir written

by Karl Pearson Eye colours in sons

Not light Light

	Not light	Light
Not light	230	148
Eye colour in fathers Light	151	471
Discuss whether the colour of the son	's eve is associa	ated with

that of the father (I A S)

8 A universe consists of three attributes each of which is dissible into two parts. What are the different class frequencies obtainable?

Obtain all these frequencies in the following example. At an examination at which 800 candidates appeared, boys outnumbered girls by 16 per cent. Also those passing the examination exceeded in number those failing by 310. The number of successful boys choosing Science subjects was 300 while among the quid- offering Aris subjects there were 25 failures. Allogether only 135 offered Aris and 33 among them failed. Boys fai ing. in the examination numbered 10 is

9 In an anti-majarial campaign in a certain area, quinine was administered to 812 persons out of a total population of 3248.

THE HUMBER	Or texet cases is submit	gerow	
	Treatment	Fever	No fever
	Quinine	20	792
	No commune	990	2216

Discuss the usefulness of quinine in checking malaria (P C S)

- 10 Explain the method of finding association between two attributes. Out of 70,000 of literates in a particular district of India number of criminals was 500. Out of 930 thousand of illiterates in the same district, number of criminals was 15 thousand On the basis of these figures do you find any association between illiteracy and criminals.
- 11 The following table gives the numbers of literates and criminals in three cities of U P —

	Kampur	Auaitabad	Argra
Total number (in thousands)	244	184	230
Literates (in thousands)	40	47	33
Literate criminals (in hundreds)	3	2	2
Illiterate criminals (in hundreds)	40	20	24

Compare the degree of association between criminality and illiteracy in each of the three towns (MA, Allahabad)

12 A census revealed the following figures of the blind and the tisane in two age-groups in a certain population —

	Age group	Age-group
	15—25 years	over 75 years
Total Population	2,70 000	1,60,000
Number of blind	1,000	2,000
Number of insane	6,000	1,000
Number of insane among blind	19	9

(a) Obtain a measure of association between blindness and insanity in each of the two age-groups

- (b) Do you consider that blindness and insanity are associated or disassociated with each other in the two age-groups, or more in one age group than in the others?

  (P C S)
- 13 The male population of the U P is 250 lakhs. The number of literate males is 20 lakhs, and total number of male criminals is 26 thousand. The number of literate male criminals is 2 thou sand. Do you find any association between literacy and criminality? (M.A. Agra)
- 14 Can vaccination be regarded as a preventive measure for small pox from the data given below?
- 'Of 1,482 persons in a locality exposed to small-pox, 368 in all were attacked'
- 'Of 1,482 persons, 345 had been vaccinated and of these only 55 were attacked' [M Com , Aliahabad)
- 15 The following table gives the number of persons suffering from certain infirmatics in Bengal in 1931 —

Sex	Total number	Insane l	Deaf mutes	Deaf mutes and Insane
Males Females	260 lakhs 241	12 650 9 055	21 301 14 136	545 317
Trace	the perpendice	hetu een ancan	and dea	Impleness for

males and females of Bengal separately (M.A., Allahabad)

16 Calculate the Co-efficient of Association between extra

against the Co-emerent of Association between calls
against in father and sons from the following data —

Extra again father with extravagant sons 327

17 The following table shows the distribution of the temper in pairs of sisters in an exhaustive school enquiry—

Trace the association if any, in the distribution of temper in first sister and second sister (M Com, Rajasthan)

18 Find out the Co-efficient of Association between the type of college training and success in teaching from the following table —

Institution Teachers College	Successful 58 49	Unsuccessful	100
University Total	107	51 93 (M.A.,	100 200 4llahabad)

19 Show how to form conditions of consistence of statistical returns for three attributes

The following are the proportions per 10 000 of boys observed with certain classes of defects among a number of school children

A=development defects
B=\en e signs
C=\iontal duliness

N=10 000 (C)-789 (A)= 877 (AB)=338 (B)= 1,086 (BC)=455 Show that some dull boys do not exhibit development defects, and find how many at least do not do so. Taking the smallest number of such boys find the ultimate class frequencies.

ncies (B Com., Madras)

20 In a certain investigation carried on with regard to 500 graduates and 1,500 non-graduates, it was found that the number of employed graduates was 450 while the number of unemployed non-graduates was 300 In the second in estigation 5,000 cases were examined. The number of non-graduates was 3,000 and the number of employed non-graduates was 2,500 The number of graduates who were found to be employed was 1,600.

graduates who were found to be employed was 1,600

Calculate the co-efficient of association between graduation and

employment in both the investigations

Can any definite conclusion be drawn from the co-efficients?

(MA, Agra)

21 Calculate the co-efficient of association between the race
of rehef recipients and type of rehef from the following table —

	Race		
Type of rehef	Negro	White	Total
Work	144	752	896
Direct	308	500	808
Total	452	1,252	1,704
	(N	1 S W .	ucknow)

22. From the following table test whether the colour of son's eye is associated with that of father's

eye is associated with that of father's

Eye colour in sons

Not light Light

Not light 230 150

Eye colour in fathers

Light 150

(M Com , Allehabed)

(M Com, Attanaga)

23 Explain the difference between Statistics of Attributes'

The following table gives the distribution of students and also of regular players among them, according to age in complete years.

Age in No of Regular Age in No of Regular veers students Players overs students Players.

years	students	Players	years	studen	ts Players
15	250	200	18	120	48
16	200	150	19	100	30
17	150	90	20	80	12
Calcu	ate the co-	efficient of	association	between	majority and

playing habit, on the assumption that majority is attained in the 18th year. (M Com, Allahabad)

24 The following summary appears in a report on a survey covering 1 000 fields. Find out if the data are consistent

510 Manured fields 490 Irrigated fields 497 Fields growing improved varieties 189 Fields both irrigated and manured

Fields both manured and growing improved varieties Fields both irrigated and growing improved varieties 85

(\ Com , Allahabad a id , I AS) In a war be ween White and redforces there are more Red soldiers than White, there are no e armed Whites than unarmed Reds there are fewer armed Reds with ammunition than unarmed Whites without ainmunition Show that there are more aimed Reds

with ammunition than unarmed Whites with ammunition (MA, Allahabaa)

The following are the proportions per 5,000 of workers observed for certain classes of defects amongst a number of factors workers -

## A-Development defect

B⇒Nerve signs C=Mental duliness > = 5 000 (C) = 400

(A) = 440(AB) = 170(B) = 545(BC) = 228

Show that some dull workers do not exhibit development de fects and state how many at least do not do so (M Com Allahabad)

27 Among the adult population of a certain town 50 per cent of the population are males 60 per cent wage earners and 50 per cent are 50 years of age or over 10 per cent of the males are not wage earners and 40 per cent of the males are under 50 Can we infer anything about what percentage of the population of 40 years or over are wage earners? (M Com , Allahabad)

28 The following figures relating to the social survey of a village are available from partially destroyed records -

(i) Number of persons—1 000 (ii) Number of literate employed—1 600

'm) Literate unemployed-2 800 (iv) Illiterate employed 4 000

It is obvious from above that the information is inconsistent Show that the inconsistency most probably consists in dropping of a 0 after the 1,000 in item (i) above

20 If (A)=(a)-(B)=(b)=1 h it is required to prove that (t) (AB)-(ab), and (tt) (Ab)=(aB)

A number of school children were being examined for the presence or absence of certain defects. It was found that 80 of

Item No

them suffered from deficiency of nutrition, 78 were such who had a poor development, and 96 had nerve signs It was further revealed that 20 students suffered from all the three defects, while 42 were free from all defects The number of those who suffered from deficiency of nutrition and poor development but had no nerve signs was 18, 38 were such who had neither deficiency of nutrition nor poor development but had nerve signs. It is required to find the number of those who suffered from at least two defects. The number of observations is 200 Show that some of the information given is redundant, and the information supplied is not enough to enable calculation of ultimate class frequencies

31 Find whether the data given below in each of the two cases is consistent -

32 In a partially destroyed laboratory the following records are available --

Show that the information as it stands is incorrect and there is a possibility that the figure '2' might have been dropped before figure '172' given as the frequency of (B)

33 The following is a summary of the statistical features of a census of ration cards -Category

Total number

of cards belonging

		to the category
1	The whole of the census	1000
2	Permanent residents	510
3	Males	490
4	Consumers of rice	427
5	Permanent male residents	180
6	Consumers of rice among permanent resident	ts 140
7	Males consuming rice	97

Show that the entry against item No 7 is inconsistent with entries against all the previous items, namely 1, 2, 3, 4, 5, and 6 (I A S) taken together (a) Obtain the total number of classes into which a universe can be divided by three attributes each of which separately

divides the universe into two classes Show further that any class frequency of the first or second

order can be expressed in terms of the third order class-frequencies

597 (M A., Agra)

- (b) If m a collection of houses actually invaded by small-pox, 70 per cent of the inhabitants are attacked and 85 per cent have been vaccinated, what is the lowest percentage of the vaccinated that must have been attacked?
- 35 What is ' partial association" of the attributes of a group of population ?

Of the 60,000 persons in a town 10,000 are hterate. The tota number of unemployed persons is 540, of whom 35 are hterate. It there any association between literacy and employment?

36 (a) What is Illusory Association"? How can it be avoided?

- (b) Calculate the co-efficient of association between intelligence in father and son from the following data
  - Intelligent fathers with untelligent sons 248
    Intelligent fathers with dull sons 81
    Dull fathers with intelligent sons 92

Dall fathers with dull sons

#### अध्याय १३

# सांख्यिकीय सामग्री का निर्वचन

(Interpretation of Statistical Data)

पिछले अध्याया में हमने सारियकीय सामग्री का संग्रह और विश्लेषण करन की विविध विविधा का वर्णन किया । आंकडे स्वय लक्ष्य नहीं है, वे रूथ्य प्रास्ति के साधन हैं। सास्थिकी का उद्देश्य इनसे निष्कर्प निकालना है। हम यह भी बता भुने हैं नि सास्यिकी एक निज्ञान है और ओ ब्यक्ति इसकी प्रविधियों से अच्छी तरह परिचित नहीं है वह विविध सास्थिकीय भाषनी की सार्यकता नहीं समझ सकता । एक सास्थिक की सामग्री का संग्रह और विदल्ठेषण करने के साथ माथ उसके आधार पर निष्क्षं (inference) भी निकालने पडते हैं और सर्वमाधारण को उनकी सार्यवता समभानी पटती है। साहिएकीप सामग्री से सावधानी पूर्वव विश्लेषण करके निष्टर्षं निकालने या अनुपात करने और उनकी सार्यक्ता बताने के कार्य को निर्वेचन कहते हैं। वस्तृत निर्वचन सारूपिक का मुख्य काम है और सामग्री सग्रह और उसका विदल्पण करना केवल सहायक काम है जो आवश्यक रूप से निर्वचन से पहले आते हैं। इसल्ये यह प्यान रखना चाहिए नि यदि सास्यिनीय विधिया ना मही और समजित प्रयोग नहीं किया गया है, ता उत्तथ निवाले गए निष्वर्ष और अनुमान गलत हागे। इसके विपरीत यदि सामग्री का मग्रह और विश्वेषण माल्यिकी के स्वीकृत सिद्धान्ताप अनुसार समुचित रूप में किया गया है तो बाई कारण नहीं है कि निष्कर्ष मही न हा। इसीलिये यह वहा जाता है कि 'आवडे' मिट्टी के समान है जिनसे भगवान या शैतान जा चाहे बनाया जा सकता है।

उपर्युक्त अनुच्छेद में हमने बताया कि यदि मामग्री ना मग्रह और विरोपण समुक्ति रिवित से हुना है तो उनने यायां निलम्पे निकार जा सक्ते हैं। उनित मग्रह और विरोपण ने अनतर्तत नई बाने अनी हैं। इतना हो जाननी पप्पान तोहने का सिक्त मृद्धिय ने नारणा और परिमाणा ना जाने। उनमें इतने धाममा। और सामग्र्य होनी चाहिए वि वह चृदियों नो जहां तन भमन हो दूर कर सवे। इसने जिमे यह आवश्यन है कि सामग्री अभिनति में मुक्त हो। इतना ही नहीं निर्वचन ना नाम विशेषत ने ही निर्वचन का नामा विशेषत ने ही नर्दा ना पित निर्वचन का नामा विशेषत ने ही नर्दा ना परियों। अभिनति जान-पूमन या अवात नामग्रह ने ही स्वात स्तरी ही। नहीं तन पटने नारण ना प्रस्त है नेवळ इतना ही नहीं जम पत्रवा ही है। स्तरी ना पत्रवा है ही नर्दा ना पत्रवा ही स्वात स्तरी ना पत्रवा ही ही ही स्वात्व स्तरी ही नहीं ना पत्रवा स्तरी ही स्तरी तन पटने नारण सा प्रस्त हो निर्वचन ना अपने ना स्तर पत्रवा ही अभिनति से मुक्त रुपना पारिये। इसरे

के बारे में यह उत्तिन ठीक है कि 'अपरिचित व्यक्तियों के हाथों में आकडे रुपये अपकर उपायन हैं। शास्त्रिकों से आरिचित व्यक्ति को इसने हत्वक्षेप नहीं करना पाहिसे। परम्नु विद्योग्यत को भी निष्कर्ष निकालने से पहले निम्मलिखित वातों का प्र्यान रखना पाहिसें —

- (१) सामग्री सनातीय हो (the data are homogeneous)— निकार निकार ने ते बहुने यह निश्चित करती आवश्यक है कि सामग्री तुननीय है या मही। उदाहरणार्थ परि हम दो देगी की मनदूरियों की गुनना करें जो हमें इस के निए सर्दे सावधान रहना चाहिए कि हम प्रजावीयों की गुनना करें, यह नहीं कि काम अलग बीजों की तुनना करने समें । कुसल मजदूरी और अकुसल मजदूरी की सनन्य करना गलत होगा।
- (२) सामग्री पर्योक्त हो (the data are adequate) निवधे समुचित्र और पूर्ण विश्वेषण हो वहे । क्यों-प्यमी यह होता है कि सामग्री अधुष्य अभवांक्त होंगी है कौर न हो पैजानिक एवं में उनका निवधेषण सम्बद्ध होता है और न उपने कोई अनुमान निवाले वा सकते हैं। ऐसी सामग्री की पहुछे पूरा कर किना चाहिये और अगर वे पूरे न किये जा सकते हो साधियक को निवधं नहीं निकालना धाहिया । ग्रीट वह ऐसा करता है तो लोगों का उसके और साध्यकों के प्रति सम्मान जठ आएगा।
  - (३) सामग्रीजप्युन्त हो (the data are suitable)—यह निश्चित करता आवरयक है कि अनुसमान के लिये सामग्री जयपुत्ता है। अनुप्युक्त सामग्री और सामग्री के अभाव में कोई अन्तर नहीं है पिला पहला अधिक समकर है। अनुप्युक्त सामग्री से निकर्ष निकालना समय नहीं है, दसलिये निकाल नहीं निकालने चाहियें।
  - (४) सामग्री का बेतानिक विस्तेषण (the data are scientifically analysed)—निन्नपं निकारले हे पहुँचे सामग्री का वैज्ञानिक विकित्तो से विस्तेषण करना आवस्थक है। यदि गलन विक्तेषण किया जा रहा हो तो सालवानी युक्त मन्द्रीत सामग्री मी बहुत गलन परिणाम दे सत्त्वी है।

त्रुटियों के स्रोत (Sources of Error)—उपर्युक्त वार्ता का पूरी तरह स्थान रखने के बाद सास्थिक के निर्वचन में होने वाली कृटियों के निम्मलिसित स्रोतों का पूरा पूरा ध्यान रखना चाहिए।

(१) किस माध्य का उपयोग किया गया है—कभी-नभी माध्या के आधार पर निकाल यमें निष्कर्ष गलत होते हैं। उदाहरणार्थ, यदि हम कहते हैं कि सामारणत. एक व्यक्ति २ प्याओ चान पीता है तो इसका अर्थ यह नहीं निकालना चाहिए कि ५० बादमी प्रतिदित १०० प्याले नाम पीते है। यह प्रात तभी सन हागी जब २ प्याले ममातर साध्य है। परन्तु चूँबि हमते 'मायरगत' शन्द का प्रयास किया है इसलिये २ प्याला बहुतक हागा, ममातर माज्य नही।

- (२) अनुवित निष्कर्ष निकालना—दिए हुए तथ्या में अनुविन निष्कर्ष निकालना क्या स्व अनुवित निष्कर्ष निकालना क्या सि १९५६ में प्रमाण्यन्तुना का आयात गिर गया तो इनमें यह निष्य निकालना गया निए तथा कि राम क्या निर्माण कि रोग कम पैदान परस्त हो गया है। हा नवना है नि देश में प्रमाण-व्यन्तुना का उत्पादन बढ़ गया हो। या लाग करा क बढ़ जाने ने कारण इतका पौर्याववर (smuggling) करते लगे हा। इसी प्रकार, यदि हमें बनाया जाता है कि अप्रेजी में गास होने वालों का प्रतिवात हाजमान है ता इनका यह अर्थ नहीं कि अप्रेजी में पास होने वालों करा प्रतिवात काम कर कर पर यह हो, सक्त वर्षों के अप्याणन का स्वर पिर रहा है, क्यांकि स्वर पर गिरत के। कारण यह हो सक्त हो है पहले कि अप्रचा अप्रेजी की पदार्थ पर वर्षों का अप्राणन का स्वर पर पर वर्षों का स्वराण का स्वर्ण का स्
- (१) ऐसे तर्क की सहायता लेता जो कार्य से कारण की ओर जाय (drawing inferences from an argument running from effect to cause)—जनुमान निकारले में यह मक्त सतराता है। चूँकि मूख वह रहे हैं इनका आवस्त रूप में यह निजय नहीं निकारा जा नकता नि देवा में मूला-क्लीत है। इनका उच्छा ही सत्त होगा अर्थान चूँकि मूल-क्लीत है, इसिल्य मूख्य वह रहे हैं, परनु मुत्र-क्लीति के अतिरिक्त ब्यंत हुए मूख्या ने कई जय कारण हा सक्लीहै।
- (Y) असमान आधार पर तुलना करना—निर्वचन वरने नी आवस्यव दात यह है हि जिन ची ता हो कुलना करती है उन्हें खबन पहुँन ममान आधार पर लाना चाहिए। यदि विद्याविया ने स्तर विभिन्न है ता विद्याविया के प्राप्ताका के आधार पर स्तर ने तुलना करना गलन है। विस्वविद्यालय के बीठ कोंग के विद्याविया के साध्यक्ती के प्राप्ताका दा व करना पर नी माना जाएगा।
- (५) सहसवध-गुजाक से भी बहुम गरन निजय निजय निकार को है। यदि हम गिति और वरेंगी के प्राध्यक्त में उच्च धन महत्त्वय देने ता इनना यह तात्राय नवाधि मही है निये दाना निजय एक में है। अच्छे विद्यार्थी हमशा ममीर और वृद्धिमान हान हैं। इनियें चारे गियन हाथा अवेजी, व हमशा अच्छा करने का प्रधन करते हैं।
- (६) असगत सामग्री—कभी कभी अत्यान विषय म मामग्री का काई मान नहीं हाता । यदि इस सामग्री म सारियकीय विविधा का उपनीय किया जाय सो

कुछ न कुछ सबध तो मिल ही जाएगा। उदाहरणार्थ, मदि हम पाते हैं कि भारत में देशिवर-विकारोगों का उत्तार-सूचकारू बढ़ रहा है और इन्लैंड में साधारताबढ़ रही है तो हम यह निक्चर्य मही निकाल सकने कि अप्रेज बच्चे भारत में वैधिकर-बिलोगों के उत्तारक से लगा उठा रहे हैं।

- (७) साह्ययं-मुणारु से भी बहुधा गलत निजंबन किये जाते हैं। स्वरय विदायों के स्वस्य बच्चे होते हैं, परन्तु बच्चो का स्वास्थ्य चिकित्सा, विज्ञान की प्रमति या पिताओं की विशेष देख-माल के कारण भी हो सन्ता है।
- (८) प्रतिप्रातों के कारण भी सामान्यत मृदियूर्ण निरूपं निरूपं निरूपं निरूपं से कि है । यदि एक परीक्षा में केन्छ २ विद्यार्थी केंद्रे और उत्तीर्थ हो आमें तो परिणाम १००% पान होगा। दूसरी परीक्षा में बंदि १०० में से ९९ तम होते हैं तो परिणाम ९९% ही होगा। इस आसार पर पहली परीक्षा में बैठने चाले दिसामिसों को बुद्धिमान कहना निरस्य ही साहस का काम है।
- (1) आमक सायारगोकरण (false generalisation)—न्य-मी-क्सी लोग दीहुई सामधी में अवत अधारणीकरण निकालते हैं। बिंद यह देखा जाय कि निजी दिखेग महीने में एक भाग में अपराध वह यहां है तो यह निज्ञ निकालता गलत होगा कि पूरे देश में अपराध वह रहा है। इंधी प्रकार एक वस्तु का भूत्य वहने पर निवहिल्याम के वहने की बात करणा गलता सामारणीकरण है। केनल अद्ध के आधार पर पूर्व के किट विकाली निकालना आपक हो सकता है।

खपसंहार—निर्वचन करने हे पहुले एक सास्थिक को हर बातो पर सायधानी से प्यान देना पाहिए। बाजाल व्यक्ति बहुआ ऐसे निल्क में निकालते हैं जो अपदी तीर पर तो यही लगे हैं ए रल्यु सावधानी से परीक्षा करने पर दक्का सत्य क्या प्रकट हो जाता है। निर्वच के लिए अग्य सातों के साम-साथ सहस्-बुद्ध , परिएक्श निवार एव प्रीड निर्णय को सी आवश्यकता पड़ती है। निर्वचन में आजडों के प्रतिस्ति अग्य साक्ष्य पर भी विचार करना चाहिए। गहु भी प्यान रक्षना चाहिए कि सावध्यक के नियम माण्यत और दीपेशाल में मही होते हैं। वे बेनल मृत्यि वताते हैं और क्या होगा न सताकर क्या होना चाहिये बताते हैं। इस विषय पर हम पृष्ठ १८-२३ में विस्तार में विचार कर आये हैं। इस अप्याम के साच उनका भी अम्यवन करना चाहिये।

#### OUESTIONS

 What do you understand by interpretation? What are the common mistakes which statisticians are likely to commit while interpreting statistical data?

- 2 How far do you agree with the conclusions drawn in the following cases
  - (a) It is observed that intelligent fathers have intelligent sons, and intelligent grand-fathers have intelligent grandsons, therefore intelligence is hereditary
  - (b) Two series—quantity of money in circulation and general price index—are found to possess positive correlation of a fairly high order. It is concluded that one is the cause and the other the effect in a direct causal relationship.
  - (c) It is observed that generally death rates in two towns are identical. It is inferred from this that the population of both the towns is equally healthy

(MA, Rasputana)

- 3 Point out the ambiguity or mistake, if any, in the following statements
  - (a) The death rate in the American Navy during the Spanish-American War was 9 per thousand while in the city of New York for the same period it was 16 per thousand It was safer then to be sailor in the American Navy than to live in the city of New York
  - (6) The per capita income for India in 1931-32 according to the estimates framed by Dr V K R V Ravas Rs 65 The estimate for 1948-49 framed by the National Income Commuttee was Rs 223 in 1948-49 India was, therefore, four times more prosperous than in 1931-36.
  - (c) The examination result of school X was 75 per cent in a particular year. In the same year and at the same examination only 400 out of total of 600 students were successful in school Y. The teaching standard of the former school was decadedly better (B Com, Ddki).
  - 4 Comment on the following conclusions -
  - (a) The population of Bhopal has doubled during the last three years. Therefore the birth rate of the town has also doubled.
  - (b) The imports of food-grains in India is increasing. The production of food-grains in India is, therefore, declining
  - (c) Income from excise duties in India is increasing year after year. Therefore production is also increasing in India.

- 5 Point out the mistake in the following conclusions -
- (a) There are 500 employees in a factory. Their daily earnings are about Rs. 2 per day. Therefore the total monthly wage bill of the factory is Rs. 30,000.
- (b) An ordinary person in India uses one pair of shoes every year. Therefore the total annual demand of shoes in India by her 38 crores of people is 38 crores of pairs
- (i) A vast majority of students in a hostel spend Rs 100 per month. Therefore the total monthly expenditure of the 50 students of the hostel is Rs. 5,000.
- the 50 students of the hostel is Rs 5,000

  (d) A merchant receives usually 100 customers a day. Therefore, the total number of customers received by him
- in the month is 3 000

  (e) Most of the patients die in the emergency ward of the city hospital, therefore it is unsafe to be admitted to
- city hospital, therefore it is unsafe to be admitted to the ward

  6 The following is an abstract from the report on planning in

 The following is an abstract from the report on planning in the U S S R. Interpret the data and give the necessary comments thereon.

			Results	Results of 1950	
	Planned stems	Results of 1910	Plan Fulfilment		
1	National Income in 1926 27				
	prices thousands of m roubles	128 3	177	210	
	in per cent	100	138	164	
2	Number of workers and other employees in the U S S R				
	at the end of the year millions	31 5		39 8	
	in per cent	100		126	
3	Industrial output (in invariable prices) thousands of millions				
	of roubles	138 5	205	240	
	m per cent	100	148	173	
4	Railway freight turnover thou-				
	sands of millions tons/km	415	532	605	
	m per cent	100	128	146	
5	Labour productivity in indus-				
	try in per cent	100	136	137	
6	Production of electric power thousands of millions/kwh	48 3	82	91 2	
	in per cent	100	170	189	
	•				

## अध्याय १४

# भारतीय ऑकड़े

## (Indian Statistics)

पिछले एक अध्याय में हमने आनडो ने निजान को राज्य निजान कहा है। राजाओं और साझटो को राज्य प्रव म चलाने ने लिये जनो की आवदयनता होती थी जिनना उपयोग जन व धन-शक्ति जानने ने लिये होता था। इसल्यि प्राचीन समम में तत्कालीन अनडे बिना, जनसक्या हिंग उलावन और उद्योगों से सम्बन्धित ये और उस समय नाम मात्र को भी कोई सास्यवीय कथरन नहीं था।

धीरे-धीरे आकडो को एकत्र करने के लिये एक सब्यवस्थित सगठत स्थापित करने की आवश्यकता प्रतीत हुई। पहले आवाडे नेवल कुछ नियमों की कार्य-शीलता के बारण ही पैदा हाते थे। ये नियम अधिकारात देश के भ-राजस्व से सम्बन्धित है। यह भारत में आवड़ो ने विकास के लिए इसरा पर्गथा। बाद में जब भारत का दूसर देशो स व्यापारिक सम्बन्ध स्थापित हुआ तब आयात निर्यात के आकड़े भी एक्य होने लगे । प्रयाप्त मात्रा में आकडो का एक गकरने के लिये इस दिहार में अगला पग तब उठाया गया जब कि दिभिक्ष निवारण हेत इनका उपयोग होने लगा। इसी समय (१८६८)इंग्लैंड से भारतीय सास्यिकीय साराज्ञ (Statistical Abstract of India) नामक प्रसक का प्रकाशन हुआ, प्रान्तीय कृषि विभाग खुले और भारत में प्रथम जन गणना १८७२ में हुई। केन्द्रीय वाणिज्य और कृषि विभाग की स्थापना १८७५ में हुई जिसना नार्य अन्य नार्यों के अतिरिक्त व्यापारिक आवडी को एवजित करना और वृषि ने आकडो में सुधार करना या। १८८१ में पहली बार इम्पीरियल गजेटियर आफ इंडिया (Imperial Gazetteer of India) का प्रवासन हुआ जिसमें बहुत मात्रा में सास्यिकीय सुचना मिली। भारत के केन्द्रीय और प्रान्तीय सरकारा के अनेक विभाग सास्थिकीय सुचना के निर्मित्त प्रकाशन करने लगे और उस डाताब्दी के अन्त तक वैदेशिक व्यापार पूर्वानुमान और फमला के आकड़ा के बारे में अधिक सचना उपलब्ध हुई। आकडा को एक्ट करने के लिये जा सरकारी सगठन स्थापित हुआ या उसको समक महा सन्नालक (Director General of Statistics) ने आधीन साह्यिनीय नार्यालय (Statistical Bureau) नी स्थापन से और भी शक्त बनाया।

बीसवी सताउनी के प्रारम्भ में आक्यों को एकप करने के तमध्य में कुछ सुवार हुंगे। सार्विकार्य कार्याच्य को वाणियम मुनना-महा सवावक्त (Director General of Commercial Intelligence) के नार्विक के अपीव रख्ता गया। पहली बार इस कार्याच्य से १९०६ में "इंक्यिय ट्रेड जरनक" (Indian Trade Journal) प्रकाशित हुआ। मारतीय सरकार को प्रथम-सुद्धुद में आवकों को कभी का विशेष भागास मिध्य करें से युक्त नवान्त्र में देश के उत्पादन और सापनी के अपीवन है को कभी का उत्पादन और सापनी के अपीवन है को कभी का उत्पादन और सापनी के अपीवन के मारतीय के साव सापनी किए सापनी प्रतास का उत्पादन करने कमी। परन्तु जस सापक साविकारीय सगठन के मुसार का उत्पुक्त अवसर गही था। युक्त की समाचित के साव मारता सरकार ने हमारी पिछड़ी हुई आर्थिक दशा पर स्थान दिस और १९२४ में मारतीय अपीवन अपोयोग (Indian Economic Enquiry Committee) देशयों गयी। इस समिति और राजकीय क्ष्म आपोग (Royal Commission on Labour) ने केन्द्र में आर्थिक आकर्षों ने विशेषण और उनका निर्योचन करने के जिसे साध्यक्षीय सगठनों की स्थापना हेतु अनेक मुक्राव दिये।

बावले और राबर्टसन ने १९३४ में माश्यिकीय आकड़ों को मणह और सम्मीनन करने के किये माश्यिकीय संचातक (Director of Staustics) और उनके साम क्यांची कर्मवाध्यों की नियुन्ति के लिए सुभाव बिये। इन्हों सुभाव के फलस्वरूप साध्यिकीय आकड़ों को समृह और उनका विश्लेषण करने के लिये १९३८ में माहस सरकार के आफिक सलाहकार का कार्यालय बनाया गया।

जब १९१९ में द्वितीय महायुद्ध आरम्म हुआ तब आरत सरकार को फिर से प्रथम महायुद्ध के नमान करिनाइयों का सामना करना पड़ा। इसते यह पिद्ध हुआ कि मीन महायुद्धों के बीच पच्चीच पर्यों में साहिश्यों यह में नोई पियों मुमार महे हुआ। इसरे महायुद्ध में भारत मित्र राष्ट्रों को बोर से संक्रिय रूप से भाव के रहा था और अप्रेजी सरकार को विद्यसनीय आकड़ों के न मिनने से अपने युद्ध-प्रयास में विद्यां करिनाइयों का प्राप्ता करना पड़ा। 'ओहोगिक आकड़े स्वितियां (Industrial Statistics Act) १९४२ में नना और १९४५ में जान हुआ। महन्मता आरित के दार आकड़ों का सबह और उनका समन्य करने की दिशा में सोप्रना ने कार्य हुआ पायां का स्वार्थ का स्वार्थ का स्वार्थ का पहुंचा भावन्त्र कार्य के एक्टिंग साथां प्रवार्थ के स्वर्थ में १९४५ में एक एष्ट्रीन आया समित्र विद्या में साथा के स्वर्थ के एक्टिंग (unit) के रूप में १९४५ में एक एष्ट्रीन आया समित्र (Cansus Act) की भी स्थानी रूप के स्वर्थ में रूप पायां अपन्यणना आधिन्यम (Census Act) की भी स्थानी रूप के स्वर्थ में रूप स्वर्थ नायां अपन्यणना आधिन्यम (Census Commissioner) और रिक्टमूंट अनरत (Registra

General) के पदी को स्थापी रूप दिया गया। भारतीय सरकार के अनेक मन्ता-रूपो और राज्य सरकारों के अपने सास्थिकीय मगटन है पर उनकी नियाओं के समन्यय करने की आवश्यकता समझी गयी थी और उस उद्देश्य में १९४९ में सास्थिकीय एकाञ्च (Statistical Unit) की स्थापना हुने वाद में उसे केन्द्रीय मन्त्राख्य के अभीन गई १९५० में केन्द्रीय सास्थिकीय सगटन (Central Statistical Organisation) में पीच्यनित कर दिया गया।

नेन्द्रीय सास्थिनीय सगठन आनडी ने सग्रह और विश्लेषण ने क्षेत्र में बहुत लामप्रद कार्य कर रहा है। आज से लगमग आठ वर्ष पहुने उसनी स्थापना ने समय से उसके नार्यों में धीरे-धीरे विद्व हुई है। इस समय "सगठन" ने मह्य नार्य है —

- ७सक वाया म घार-वार वृद्ध हुइ हा इस समय सगठन व मुख्य वाय ह -(१) केन्द्र और राज्यो में सास्थिवीय त्रियाओ में समन्त्रय स्थापित वरना ।
  - (२) साख्यिकीय मामली में सलाह देना तथा साख्यिकीय स्तरो को वडाना ।
     (३) योजना से सम्बन्धित साख्यिकीय कार्य ।
  - (४) सास्यिकीय वार्यकर्ताओं वा प्रशिक्षण ।
  - (५) राष्ट्रीय आय के प्राक्तलनों की रचना करना।
  - (६) उत्पादन मन्त्रालय के आधीन केन्द्रीय सरकार के व्यवसाओं से मम्बन्धित साख्यिकीय कार्य !
  - सास्यकाय काया (७) "भारतीय सास्यिकीय साराद्य" वार्षिक, मासिक सास्यिकीय साराद्य संथा अन्य प्रकादानी को निकालना।
  - (८) सास्यकीय सचित्रो (charts) तथा लेखचित्रो की प्रदर्शिनो करना।
  - (९) सपुक्त राष्ट्र सास्यिकीय कार्यालय तथा अन्य अन्तर्राष्ट्रीय सस्याओं को बाँकडे उपलब्ध करता।
- (१०) अन्तर्राष्ट्रीय सास्त्रिकीय सम्मेलनो से सम्बन्धित कार्य ।

भारत सरनार को और भी कई सगठनी ते ऑकडो का कर कन, ममन्यय और विस्तेषण करने में समुचिव तहामता मिक रही है। उदाहणींचे नकनते नी भारतीय मिल्विकीय सरमा (Indian Statistical Institute of Calcutta), भारतीय इशि अनुस्वाम चरियर (Indian Council of Agricultural Research), राष्ट्रीय अनुप्रस्कृत आर्थिन अनुस्थान चरियर (National Council of Apphed Economic Research) जो हेट्ले में है, किचिव विययो पर आहरों ने एकन ब्रोर जनता डिक्टियम वर रहे हैं। इस प्रसार अट्ट स्पट है कि हाल ही में सारतीय सास्यकीय सम्बंदन में बहुत सुध्यार हुए है।

सम्रह प्रविधि—उपरोक्त वर्णन में हमने भारतीय मास्विकीय सगठन ने स्थापन और उसनी प्रविधि म सुधारा का अध्ययन निया । सास्यिकीय यन्त्रा के ज्यांग से न्यान विरमेषण (analysis of data) में सामूक परिवर्गन होने कर्म तोर मानिक गणते (mechanical calculators) क जन-मह्मा गणना के लिये स्वज्न्दता से ज्यांग होने लगा। कृषि के प्रेच में मान्चिज्ज अस्तिमा (random sampling) और साल क्याई सर्वेमण (crop cutting survey) का विकास हुआ । औद्योगिक क्षेत्र में साविक्सीय प्रसाद-नियन्त्रण (statistical quality control) मान्विक्सी विशे (statisticians) का प्यान भावपित कर रहा है। जनता में आपिक अक्स्मा जानने में लिए साविक्सीय क्षयेमा निया जा रहा है। जनता में आपिक अस्तिमा जानते के लिए साविक्सीय कार्य-सेंग में साविक्सी ना प्रयोग दिया जा रहा है।

भारत में आधिक आँन हों को प्रकृति और क्षेत्र—मारत चरकार और राज्य स्तारों के अनेह सक्छाों में आजक सभी प्रकार के आँकड़ी का सक्छन किया है। हम आमामी पूछों में हेनक मुख्य आंकड़ों का जो कि मारत में प्राप्त हैं अध्ययन करेंगे

- (१) जनमध्या आंकडे (Population Statistics)
- (२) इपीय आंक्डे (Agricultural Statistics)
- (३) मूल्य-आंकडे (Price Statistics)
- (४) व्यापार आवडे (Trade Statistics)
- (५) मजदरी-जांगडे (Wage Statistics)
- (६) औद्योगिन जांबडे (Industrial Statistics)
- (७) राष्ट्रीय प्रतिदर्ध नवसन (National Sample Survey)
- (८) राष्ट्रीय आप अनिडे (National Income Statistics)

### (१) जनसंख्या खाँकड़े

स-भवत सर्व पर जांगडों नः सम्बन्ध जनमध्या से रहा हो। विभिन्न देशों में सीनन-पी ते ना निर्वाण बरने ने स्थि देशा उपना होता था। इस्तिये सासने हैं सासन इक्टर में में ने जन नंपना चा भी विधि महत्व था। उजने आंकटों की अपनी सीनिक सानिन ता अनुसान काल ने दिनों वाबस्वणा होती थी निष्की कि न ने ने कर साम की ना बितार कड़ा सर्के पर बाहरी आवसना और जानतीर भागों से अपनी राज्य को सुर्विश रण सर्के । इस्तिये बन सच्या के और अंकटों बहुत पुराने हैं। हाल में मन्ता अर्कों (census ligures) की एकन करने की दिवि और रीने में विधोष मुसार है अ

जन गणनाको पद्धति—जनसस्याचा त्राक्चलन (estimate) निम्नलिक्षित दो विधियो से किया जाता है।

- (१) जन गणना (population census)
- (২) জীবন আৰু ভ (vital statistics)

पहली विधि के अनुसार जनगणता के दिन जीवित मनुष्यो को जिना जाना है संया जीवन के विभिन्न पहल्ला से सम्यन्तित औं के एकत्रित क्रिये जाते हैं।

दूसरो विधि म मृत्य और जीवित व्यक्तिया वा मही अभिन्छेष (record) रवका जाता है और विधी भी एक तिथि वी जन शतित वा अनुमान लगाया जा सना है। बाद में हम रक्षी कि जनभणना में ने बेचल मनुष्यों को अनुमान वा नी ता जाता है पर उनके कह सामाजिक व आर्थिक पहलुशी पर भी ध्यान दिया जाता है। इनके किये जीवन आंकडे की विधि उपयुक्त है क्योंकि यह वेचल एक समय में जीवित मनुष्यों और सक्या को हो बताती है। आंकडा का विज्ञान आजक्त जनस्वस्था की प्रहर्ति और सम्बरण और उत्तरी अधिक व सामाजिक दशा जातने के लिये उपयाग में लाम जाता है।

डन दोनों में से एक विधि किसी देश की जनगरूना जान है के रिप्ये उपयोग में लाई जाती है। जनसम्बाध बोकते (Population Statistics) के सत्यापर कात बाल्ट में १७ वी बहाव्यों में इंग्लैंड में जन गमना के रिव्यं जीवन आर की बीच का उपयोग किया। १९ वी बहाव्यों में अमेरिनी सार्वियकीदिया ने देश की जन-शति जानन के रिव्यं - बापक सर्वेद्यंत क्यां का अस्त स्वयं वहां मृत्यु और जीवित व्यक्तिस्या का कोई अभिनेत्व नहीं था। इस समय बहुत से देशों में दोशों विभिया का उपयोग किया जाता है और एक विधि से प्राप्त करने ने दूसरी विधि के माम सामायीजित किया जाता है।

# अन गणना

हम यहाँ पर अन गणना प्रविधि ना तथा जो मूखना एवत की जाती है उसका आययन तीन भागों में करेंगे (क) १९३१ तक की गणना, (स) १९४१ की गणना, और (ग) १९५१ की गणना।

(क) १९३१ तक की जन-मधनायं—१९३१ में भारत में ७भी जन मधना हुई। पहली जन मधना १८७२ में ईपर पूरे देख की मधना नहीं हो पाई जिससे इसको मिधा नहीं जाता, लेकिन सहीपर हम इसको भी श्रीम्मिण्यत करते हैं। दूसरी मध्यना १८८१ में हुई और उसके बाद प्रत्येक दस यथ म जन गणना व्यवस्थित रूप में होने लगी। (१) जन ममन अधिनियम (Census Act)—जन यानामा का मगरन ममन ममन समन सम सारे होनीन साल पहुँल छात्र किये अधिनियमों से मारम्म होना है। उन नियमों के कमार्थन केट्रीय सरकार हर प्रामा के लिये जन याना आयुक्तों (Census Commissioners) की निर्मेशन करना मान स्थान होने में । भारतीय रियमार्थ लग्ने होने में । भारतीय रियमार्थ लग्ने होने में । भारतीय रियमार्थ लग्ने होने में । भारतीय रियमार्थ लग्ने होने में । इन अधिनियम के सल्य कर सहरार परिवार के कतीयों और बन मस्याओं में सूचना मीरनी है, क्योंकि दिना इनने बनना कैरियों सूचनाओं के किये वाध्य नहीं हिया बायकाशौरीय दन गाना गडदेश्य इनके न सिक्से में यामान हो जाता है । इस नियम को एक धारा के अनुसार मुक्ता न देने बालों को, मतल सूचना देने बालों को और साय ही उन कमोर्यामी की अपने का को डोक प्रवार देन ही करने ही है । इस नियम को एक धारा के अनुसार मुक्ता न देने बालों को उत्तर सुचना देने हो हो हमार से साथ हो उन कमोर्यामी को अपने का को डोक प्रवार देन सुचन हरने हैं, दिन किया ना महना है। एक स्वार केर्युनार दो हुई सूचना गोरायीय रुखी जाती है और एक्ना हैने बाठे व्यवस्त केरिया ही अपने ही तीर प्रवार है वार प्रवार में साथ स्वार है विद्र कियी भी अवसर पर उनका उरसे गती वारी है और एक्ना से वार स्वार ।

(२) क्रमेवारियो की नियुक्ति—जन गणना अधिनियनो के अनुसार समस्त देश के विदेश कर गमना आहुत्त और हर एक आपना के प्रकाश कम्प्रक को नियुक्ति होंगे हैं। यानीय कप्पाकी (Provincial Superintendents) के नोचे हर एक लिके में एक जिला गणना कोवकारी (District Census Officer) होत है। तिके सो वर्ष भागों में नियादित दिया बताई और एक पान मा अधिकारी क्षात पुर्वारटेडरेडर वहुताना है। एक पानं नियादित दिया कराये हैं। यह पानं के स्वारह होता है। नगर पालिका का इक्लोन्द्रिक कोविन्स (Executive Officer) या विचल (Seczetary) और तहनीक का तहनीक्सर पानं मत्त्र वहनीक्सर पानं कुपरिटेडरेडर का का करवा है। चार्न फिर बता नै (circles) में दिमाजित होता है और उनके स्वीक्तरी वृक्त नियाद (circle supervisors) वहलाने है। यूनी को किर सड़ी में (block 5) में किमाजित दिया पानं है इक्तर पानं सदनानना

नगर क्षेत्र में बत मुहत्हों (localities) से बनते हैं और बानों में नानुनगों के क्षेत्रके बराबर होने हैं । शहरों में बत निरोक्षन का नाम सरकारी कार्यो-लया के लिपिक (clerks) करने हैं और गाँवों में काननग्रे।

एक खड (block) शहर के एक गली मा महत्वे के बराबर होता है। खड-गमनाकार का काम सहावक लिपिक (junior clerk) करता है और सामों न पडवारी इस कार्य की मजालता है।

श्रविकारीय सगटन पिरासिड को तरह बना है,—आधार अधिक विस्तृत होता है तथा जरर की और सकुचित होता जाता है। गणना कर्मचारी विभिन्न पदी के सरकारी कर्मचारी होंने हैं और कुछ की निवृत्तित स्वायी होती हैं और कुछ अस काल के लिए रक्के जाते हैं। काई विसोप बेनन या भत्ता गणना कार्य के लिये नहीं दिया जाता।

(३) कर्मवारियोक्त प्रशिक्षण — वर्मपारियो वी नियुन्ति ने वाद उन्हें रापना वार्य ने लिये पिछित विद्या जाता हैं। प्रियदण दो भागों में विद्या जाता हैं, दिमात्तक तथा सैदानितन । सर गणन कार से उपर वे वर्मपारियों को अधिवतर सैदानिय प्रशिक्षण दिया जाता हैं। उन्तरा सम्बद्ध पुरित्ता (Census-Manuals) और दूसरी पुस्तिवनोर्धे दी जाती हैं जितमें भणना क्षमचारियों ने किये गणना प्रणाव्ये ने विवय में मुख्य अनुदेख होते हैं। नड गणनवार सैद्धानित अध्ययन वे जादित्तत हिमा गणना में भी भाग होते हैं और पविचां भी मरते हैं जिससे उन्हें गणना पद्धति वा भणी प्रकार जात हो जाय।

(४) ऑकड़ों को एकत्र करने की कार्यप्रणाली — गणना कार्यदेश में हर गृह ने जमान से प्रारम्भ होता है इमलिए यहाँ पर गह (Home) बाद की व्याख्या करना उचित हागा। गृह का सम्बन्ध और अर्थ चुल्हे से है जहाँ पर एक परिवार ने सदस्य मिल जरु वर खाना खाते हैं। गृहा के नमाँव के बाद प्रारम्भिक गणना होती हैं जो मस्य गणना ने कुछ दिन पहले की जाती थी। अनसूची को खड गणनाकार भरता था और उनकी जींच सुपरवाइजर करता था । गणना दिवस की रात्रि की अनुमुची नी जांच की जाती थी और जो आदमी धर छोड़ कर गये थे या मर गये थे उनका नाम उनसे अलग कर दिया जाता था और जो नये आदमी आये या पैदा हैये हो उनको सम्मिल्ति कर लिया जाताथा। जो लोग जगली या बाहरी क्षेत्रों में रहते थे उनके लिये पथक प्रवन्ध किया जाता था। इसी प्रकार, रेल, जहाज व हवाई जहाज में सफर करने वाले गिन जाते थे। गणना-रात्रि के बाद दूसरे दिन ६ बजे सुवह तक खड गणनाकार इन अनुमूचियों को मुपरवाइजर वे सामने प्रेपित करते थे और वे बारी-बारी से चार्ज अध्यक्ष, प्रान्तीय गणना अध्यक्ष तथा गणना आयुक्त के पास पट्टेंचा दी जाती थी। गणना आयुक्त उनको एकत्र व विदरेपण के बाद प्रकाशित करता या । उसके बाद गणना अधिकारी सगठन समाप्त कर दिया जाता था ।

(ख) १९६६ को कल पायल, फेंक्टिय पाँच प्रिट्यंक —१९८६ की जन-गणना भारत में आठवी थी और युद्ध काल में की गई थी। गणना पद्धति में युद्ध की परिस्थितियों को देखते हुये कुछ परिवर्तन किये गये थे। श्रीकड़ों को एकत्रित करने व विक्लेषण में भी सुघरी हुई प्रविधि नाम मे लाई गई थी। मुख्य परिवर्गन निम्न लिखित है।

### (अ) नार्व प्रवाली में परिवर्तन

(१) एक-राजि की गणना नी विधि को बन्द कर दिया—जैमा कि हमन देखा है कि १६३१ तह को बनाणना में गणना राषि से बुछ सलाइ एक्ट कुछ सामधिक (provisional) अनिक एक कर रिष्टे बले में गणना-राधि को उक्त मामधिक होताचा । बहुसास्थिक (de facto) जन सन्या थी। इसके नारण अनेव निकारकों हो जानी भी। प्रमा, निजादसी गणना राधि के चुनाव में होनी में मसोके इस दिन सोदती होनी चाहिये था। यह रिक्तो क्षांग्यारण घटना पर कि जैने केरे सरपादि पा भी न होना चाहिये जिसमें कि मिनिकर लोग पर में है। इसरे, एक राधि में गणना होने के कारण बहुत अधिक सम्मानारों की आवस्यकता होनी थी। तीसरे, पार्टिक से कमार्यक्त संग्रहत मुक्ता या प्रमानारा में वार्यों में अप्रेम की परिचादता की जीन करने ना समय नहीं पिछता था।

१९४१ की गणना से सामान्य निवास स्वान के आपार (normal residence basis) या बैच जन सत्या (de jure) पदनि व्यवहार में साई गई निसमें हर एक आरबी की गणना उसके निवास स्थान पर हो वाडी भी । गणना का समय तीन स वाह तक वडा दिया गया। गणना कर पत्रियों से अपने हें होना तुम्न हुई और २८ कंपवरी तक रही। १ मार्चसे के मार्च तक पिचा में लोग के हों। हमान्य तक पत्रियों को जार १९४१ के होना तुम्न हुई अगर १९४४ के स्थान स्थान को छोड़ पर २१ दिन रूपना में स्थान आये तो ठोक प्रमार से आंख्यों का सक्तन और उननी बांब हो सम्बत्ती हैं।

- (२) पर्ची विधि का प्रयोग—पहलो बार १९४१ की जनसल्या में अनुसूचियों को हुटा कर गणना पर्चियों हारा की गई। एक पर्ची म एक व्यक्ति की मुक्ता किसी गई। पुरानी अनुसूचियों बेडग्री थी और उनसे एक नार्य को दो बार करना पड़ता या क्योंकि बाद में हर मुचना को पर्ची में मीध्यकीय प्रतिवादन के लिए किसा जाता था।
- (३) यानिक गणको का उपयोग—पहली बार १९४१ की गणना में सारणी देखों का उपयोग हुआ जिससे और डो का विस्लेषण करन में सरल्या हुई और कम समय लगा !
- (४) गणना से बनेतो (symbols) ना उत्योग प्रिंचिंग में व्यक्तियों से पृष्ठे गये प्रश्नों का उत्तर संगेती द्वारा किया जाने लगा। सनेतों के उपयोग से सूचना ल्लिने से सरलता और उसके यान्त्रिक सार्णीयन में सहायता मिली।

- (५) छपाई नो केन्द्रित कर दिया गया छपाई ना नाम एक स्थान पर विया गया जिससे गणना नार्य मे उपयोग में छाई गई छेखन सामग्री एक ही प्रकार की थी।
- (६) गृह मूची में विस्तार—१९३१ तर जन गणना मे नेचत गृह मूची थी। १९४१ मी जन रणना मे देसे बदाया गया। इनमें एक परिवार नी सदस्यता की औरत सस्या की-गुरुयों भी सन्या वा अनुपात एक गृह में अक्ष्य अव्य आयु वर्गों में वितरण व्यक्तिया की मूचना एक की गई।
- (७) याद्गिक्टन प्रतिक्यन सर्वेशन (random sample survey)—
  १९४१ नी जन सत्या में प्रत्येक प्रतिक्यान को में प्रत्येक प्रवास्त्री पर्वी (निवे)sample नहा जाता है। अरण निकाशी गई हरकर ध्येष यह या कि १९४१
  भी जन गणना के प्रवार मा परीक्षण निया जाय । गण्ड लेखों की प्रदृत और परिसीमा ना सीस्थिनीय निरुप्तण आगामी जैन गणनाओं में उपयोगी सिन्त होंगा ।
  सिमा यह मात्म निया जा सनता है कि गणनाकारों को निस प्रकार अनुदेश दिये जायें और उनने कार्य मा निरोक्षण केंत्रे हो। यह सिन्देशण मूलप पदो, जेने आयु (प्रत्य ६), आधिक स्थिति (प्रका ९,१०,१२,१३,१४) तथा विक्षा (प्रस्त २०, २१, २२) तक हो सीण्य सा । दस परीक्षण ना पळ यह निकाश कि स्मन्ट अनुदेशी के होते हुए भी आय ने छेल नण्डा पें

#### (ब) एकत्र की गई सूचना में परिवर्तन

अकिसो के एवज करने की प्रक्रिया में किये परिवर्तन के साथ एकतिज सुचता में भी परिवर्तन किये गये।

- (१) जन सस्या वृद्धि की दर—१९४१ की जनन शक्ति नी दर जानने के लिये दो प्रकृत किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किये ग्राम्स किया ग्राम किया ग्राम क
- बच्चे के पैश होने के समय आयु।

  (२) वृत्ति के आपार पर नमीवरण (occupational classification)
  छोड़ दिया गया था। यह आस्वर्यजनन बात है नि अब आधिन जीवडो वा महल बदा। जा रहाई है उस समय ऐसे करन को अलग निया गया। शायर युद वाल के
- कारण जब सरकार और महत्वपूर्ण कार्यों में रूनी थी यह प्रश्न हटा दिया गया था। (३) ऐसे लोगो की सख्या जो केवल पढ सकते हैं और रिल्स नहीं सकते हैं
- (३) ऐसे लोगो की सख्या जो केवल पढ़ सकते हे और रिग्ल नहीं सकत प्रथम बार १९४१ की जनगणना में की गई।
- (४) भाषा और लिपि के प्रश्न को भी हटा दिया गया बयोकि जन गणना आयक्त के मतानुसार इस विषय में सही अकिडे एक्त्र नही किये जा सकते थे।

- (५) बनजातियों (tribal) के धर्म का प्रश्न शासन के ऊपर छोड़ दिया गया
- (ग) १९५१ को जब पणना में किये गये परिवर्तन—स्वतंत्रता के बाद १९५१ में पहली जन गणना हुई और वैते यह नवी थी। जन्मू और कारमीर को छोड़ कर यह समस्त देश में हुई। सभी सुबनायें एक पर्वी द्वारा एकव कर छी गई। हर एक व्यक्ति के लिये एक पर्वी थी। जीम समस्त सुबनायें लिखी गई थीं। नीचे एक पर्वी को लिया गई थीं। नीचे एक पर्वी का नुना जिसका माप "X" X" था दिया है। उत्तरों को लिखने के लिये किसी किया गया था।

सम्पूर्ण प्रस्तावली में १४ प्रस्त से । प्रस्त संस्या १३ राज्य सरकार की ओर से किसी विरोध समस्या के अध्ययन के लिये ऑकड़ों को एकत्र करने के लिये भी । उत्तर प्रदेश सरकार ने इस प्रस्त द्वारा वेरोबगारी के ऑकड़े एकत्र किये ।

#### गणना पची (रिरुप) १९५१ स्थान सम्बन्धी सकितिक चिन्ह

स्यान सम्बन्धा साकातक । चन्ह
१—नाम और परिवार के कर्ता से सम्बन्ध
२—(क) राष्ट्रीयता(स) धर्म
(ग) विशेष वर्ग
३विवाहित अविवाहित आदि४वयम्
५जन्म स्थान
६विस्यापित के आने की तिथिपाकिस्तान के
जिले का नाम
७मातृ भाषा८दूत्तरी भाषा
९—आधिक आधितारोजगार
१०जीविका के मुख्य साधन
**************************************
११—जीविका का दूसरा साधन युर्य या
१२—साक्षरता और शिक्षा स्त्री
१३—देकारी
.५१ की जन गणना में निम्न मस्य परिवर्तन किये गये:

१९५१ की जन गणना में निम्न मुख्य परिवर्तन किये गये:---

(अ) रीति में परिवर्तन

(१) १९४९ का गणना अधिनियम स्थायी प्रलेख बना दिया गया। हमने पहुँठ देखा वा कि १९४१ तक की जन संख्या तक ऐसे अधिनियम दो या तीन वर्षे पहले बना दिये जाते थे और जन गणना का काम समाप्त होने पर निरस्त कर दिये जात थे।

- (२) जन गणना आमुन्त का कार्यालय स्वामी बना दिया गया। पहले जन-गणना की समाप्ति पर उसके हायुक्त का पद भी समाप्त कर दिया जाता था। स्वतक्ता प्राप्ति के बाद जन गणना अधिनियम और उसके आयुक्त के कार्यालय का महत्व समझा गया। जन गणनाओं की बीच की अविध में जन गणना आयुक्त रिजस्ट्रार जनत्ल (Recristrar General) के पद पर काम करता था।
- (३) पहली बार नागरिनों का राष्ट्रीय रिजस्ट्रर बना। रिजस्ट्रर के सकलन का मार रिजस्ट्रार जनरक के ऊगर है और उसनी एक एक प्रतिकिए गाँवों और नगरों में अबलोक्न के लिये रक्ती गाँ हैं। रिजस्ट्रार जनरक से यह आया की जाती है कि यह मृत व जीवित व्यक्तियों व प्रवस्तों का अधिलेत रक्तों। सारे देश की जनता का पूर्ण हाल रिजस्टर में होता है और उसको गोभनीय प्रलेख (secret documents) की तरह रक्ता जात है परन्तु अनुकास कार्य के लिये यह मिल क्वा है। इसरे प्रलेखों की तरह इस रिजस्ट्रर को ग्यायाल्य के सामने किसी व्यक्ति के विश्वद साल में नहीं रक्या आ बनता।
- (४) गृह और परिलार के भेद को पहली बार किया गया। गृह की ब्याख्य निवास स्थान से भी गई जिस में कि एक मृत्य द्वार होता है जबकि परिवार की ब्यास्या चून्हें के साथ की गई जहां गर एक परिवार के सदस्य मिळजूळ कर साना साते हैं। इस जन्तर के द्वारा परिवार के आवार का और सकुत परिवार के सड़न वे प्रस्न का अध्ययन किया गया।

## (ब) एकत्रित सुचनाओं में परिवर्तन

- (१) सन् १९५१ की जन गणना में प्रयम प्रदन था नाम और परिवार के क्ता से सम्बन्ध । इस प्रदन का उद्देश संयुक्त परिवार लंडन के सामाजिक प्रदन पर विचार करना था। १९४१ की जन गणना म केवल नाम पछा गया था।
- (२) जाति, बदा और वर्ग के विवरण, 'विसेष वर्ग' (special groups) और पिछड़ी हुई जातियां (backward class) के विवाय हुटा दिये गये क्योंकि अब के विवाय के अनुसार आति और बद्म को छैकर विसी प्रकार का भेद गही किया जा सकता ।
  - (३) सन् १९५१ की गणना में विवाहित, अविवाहित, विश्वर तथा विवाह अच्छेर को एक ही शीर्षक, वैवाहिक स्थिति, में रक्खा गया !

- (४) पानिस्तान क्षे जाये हुए विस्मापिन स्वित्तमों ने बार में भी मुननायें एकत्र से गई जिनमें कि उनकी पाकित्ताना ने उन निलेबा नामा निमक्ती वे छोड़ कर आये ये बणाना था। यह एक्ट है कि ऐसी मुचना की पिछत्रों जन गणनाओं में आयरवरणना गटी थीं।
- (५) जनन महिल (Grulit) मन्त्रनी अनि हे १९५१ ती जन गणना में नहीं सहिल्ल किये गये। जनतिकतीय अविकार को विस्तार से अध्ययन, विशेषकर हमारी पनवर्षीय मानता ने सक्ते में अनि आवस्यक है। इस नराज्य मह आवस्ये ना पित्रम है कि अधिकारी यो में इस प्रता को क्यों लगा दिया। १९४१ वी जन गणना में इस प्रता का सिल्लार से अध्ययन किया गया या।

१९६१ वी जन रापना भारत की दनवी जन राणना है। यह गणना तीन मान वी कारि म पूरी हुई (१९६१ वी १० करवरी मे १ मार्च तर) और पहली बार इस गणना के क्षेत्र में जस्मू और नाधभीर नथा अन्य हिमाच्छादिन मान जो अब तर एटेंग वे बार से मीन्मिक्ट निस्त गर्म।

लनसम् १० लास मणक समा निरोधक नितम मैनडो स्तिमाँ मी मी, ८५ निरोध मी सी, ८५ निरोध मी सिएसरी सन हम मान का बता लगाने के लिये मुहें कि एन के रहा-महान कर पर्या मी हो हो है है। उस मैना है, वे दौन मी मामा बोलने हैं और नैतननीन में उसेफी में को हुएं हैं। वहुँ मार्च में ५ मार्च तक पामाना ना पुनित्तीराण नव जाति हासूत्री की सरसा जीड़ने द्वारा मुख्य मिलाक उसे के दिसे विचार मार्गा गणना वार्य की मार्या की परीक्षा के लिए निरोधक को के बसेवारियो हास प्रीव हमार से से एवं एक बर की वहुँ कर निरोधक कर में कर को निर्माण की स्वा कर कर कर कि पर में प्राचा मी गई।

निश्चित तमय से बहुन पहले ही गणना नार्य पजात, हिमाचल प्रदेश, जम्मू तथा वासमीर और उत्तर प्रदेश के हिमाच्छादिन मानो में आदरण कर दिया गया या और जाड़े के आदम्म होने के पहिले मालन हो गया था। इस प्रकार वास्त्रिक तथा गयान नार्यों के आरम्भ होने से पहिले ही इस क्षेत्रों में पणता का प्रार्टियन परिणान मालूम हो गया था। अन्य क्षेत्रों के गणना का प्रार्टियन परिणाम भी अनगणना वर्षों को समस्ति के ३ एताह में भीतर ही क्षांसिक कर दिया गया था।

यविष वास्तिबक जनगणता वार्षे १० फरवरी १९६१ ते आरम्भ किया गया पर सम्बन्धित सहायक सार्य वो क्लानन एक वर्ष पहिले ही से आरम्भ हो धुका था । मनमाने मी सारियो जिनमे 'हतें वालो बी सर्या तथा उनरे रहत-सहन की स्थिति किया है थी । १९६० वे अन्त तक पूरी हो गई थी। गणता प्रथम से सक्तम गणना सम्बन्धी प्रस्त मारियो को जांच भी बम्बई, वलकत्ता, दिल्ली, मद्राम में आयोजित गणना परिवासी की गई थी।

राणना की सुनिधा के दृष्टिकोण से समस्त देश को ग्राम्य तथा नागरिक क्षेत्रों में किमाजित कर दिया गया था। इन क्षेत्रों को ग्राम्यों में ६०० से ९५० व्यक्तियों के और नगरों में ५०० से ८०० व्यक्तियों के और नगरों में ५०० से ८०० व्यक्तियों में गण्डलों में उपविभाजित किया गया था। प्रत्येक भण्यत की वार्य गण्डलों को गण्या को बार्य गण्डलों को नायों एक निरीक्षक द्वारा देखा जाता था और ये निरीक्षक स्वय क्षेत्राधिक कारा वेका जीत यो जीर ये निरीक्षक स्वय क्षेत्राधिक कारा के आधीर ये।

१० लाल गणनो नो ओ कि भारत की जन सक्या नी गणना में लगे हुमें से प्रति निरीक्षक ४ ६० और प्रति गणन १६ ६० प्रत्येन गणना लग्ड मे जेंब क्यों के रूप मे दिया गया था। यह मात्रा खण्ड के आजार के अनुमार पराई और यहाई भी पर्दे थी। गणको नो उनने सामान्य नार्य से गुरु अवस्कास भी दिया गया था ताकि के निरिचन कवाधि के भीतर अपना नार्य समान्य तर मन्तें।

१९६१ की गणना मे परिवार के प्रत्येव ध्यक्ति वी गणना उनके स्थापी निवास स्थान के आभार पर उनकी अवस्था का प्यान न रखते हुये की गई थी। यदि कोई ध्यक्ति अतिथि के रूप मे निशी परियार मे आ गया मा और वह सिद २८ फरवरी तक वही टहरने वाला या तो उसकी गणना उसी परिवार के सदस्यों के साथ की गई थी।

१९६१ की जन गणना सम्बन्धी सामान्य प्रश्नावली दो भागों में विभवत (१) व्यक्तियत प्रमम् (२) परिवार तालिका। गणना प्रमम् में जो अतेक संमीय भागांगों में रूपा या ११ अ प्रमण में जिल के उत्तर संवर्ष गोणना रही गये थे। उनका प्रयोग करारोप अपना नियमन अथवा। उत्तरा प्रयोग नैवर गणना सम्बन्धी पर्योशण के नाम म नहीं निया जा सकता। उत्तरा प्रयोग नैवर गणना सम्बन्धी अताचार म किया जा सकता था। गणना प्रयत्न के पौत्र प्रमण नियम क्यां स्वर्धी अताचार में स्वर्धी क्यां स्वर्धी के स्वर्धी

मण्ता प्रदत्र ने तीन प्रस्तो वा सम्बन्ध सामाजिक तथा नीतक पूजनाओं से या, जैसे राष्ट्रीय नागरिकता, मर्ग, वाति, मानु-भाषा व्यवता अन्य भाषीय दिकाका प्राय प्रदीग विचा जाता रहा हो। अन्य पीन प्रत्तो का मम्बन्ध आर्थिक पूजनाओं से या। इस राधिक ने अन्तर्गत नाम मे रुगे हुमें और वेकार समी व्यक्तियों के सम्बन्ध में मुक्तावें ज्वतिक नी गई थी। औवनयानक के मुक्तावया गीण सामगी नो छिव लिया गया था। इसमें में लगें हुये स्वित्तिया को नाम करने वाजो, नाम करवाने बारे माछिको तथा स्वतंत्र स्वयंत्ताय पठाने वाठों ने वाजों में विकाशित विचा - प्राया था। माराम यह कि प्रयोज प्रत्त माराच्या और नग्ट प और उन्हें को हैं प्रि स्वतिन माबार्ण बृद्धि के प्रयोज में अच्छी तरह मग्नम मकता था। इन स्वतिनात्त्र प्रयोज के अभिनिक्त एक विकास काम को भी प्रयोग विचा गया पा जिनके द्वारा देख के वैज्ञानिकों और प्रवीधकों से सम्बन्धित मुख्यामी विकास पूर्वक प्राप्त को गर्वे भी।

पारिवारिक लाजिना जिस में वृषि तथा घरनू जदागा ने मान्यप में जो कि परिवार द्वारा अनुसरण निये जाने म मुनवाय अविन ने जानी माँ। मह १९९६ में ने वनागण में मिए न तरीन विशेषना थी। व साजित ना आधार मार्थित में साध्या भारत में परिवार ने आधिक नियाजी ने सम्बन्ध मा जैन वृषि तथा अन्य परेटू उद्योग और विवार के आधिक नियाजी ने सम्बन्ध मा जैन वृषि तथा अन्य परिवार ने साम्यन मान्य प्रिवार ने मान्य ति तथा अन्य न स्वाम पर नी परिवार ने मान्य ति अने उत्योग मान्य मी मुख्य नियाजी में मान्य ति अने उत्योग में मुख्य ने अन्य ने उत्योग में मुख्य नियाजी ने मान्य ति अने उत्योग में मोग ने पर ने परिवार ने मान्य ति मान उन उद्योग में मोग ने पर परिवार ने मान्य ति परिवार ने महत्य उपयोग में मान्य ति परिवार ने महत्य उपयोग में मान्य परिवार ने महत्य उपयोग में मान्य परिवार ने महत्य उपयोग में मान्य ने परिवार ने महत्य उपयोग में मान्य ने परिवार ने महत्य उपयोग में मित परिवार ने महत्य उपयोग में मित परिवार ने महत्य उपयोग में मित परिवार ने महत्य उपयोग में महत्य उपयोग में महत्य उपयोग में महत्य उपयोग मान्य मान्य मान्य मान्य मान्य मान्य मान्य मान्य मान्य परिवार ने मान्य ने मान्य में महत्य उपयोग मित्र मान्य

परिवार ने मक्यों ने मन्त्रम में बिन्तुन विवरण नो सबूचन रच से असित परते ने स्थि परेजु ब्रास्टिंग में एक बिग्रेय स्तम्म बना हुआ याजिनमें उनने प्राप्त, परिवार ने प्रमान से सम्बन्ध, अवस्था, वैवाहिन स्थिति तथा उद्योग में भाग केते ना बिवरण क्लिया जाता था।

१९६१ नी जन गणता नी एन गुस्स विशेषना ग्रह भी नि गणको नो प्रदेशो नी सन्दाननी को अपनी इच्छानुसार परिवर्तित कर नेनो की स्थानता प्राप्त भी। प्रदर्शी का सिन्देयन करने वी स्थानता की नयीनना जो कि पुरानी परिवादी ने निक्र भी कार्य में नहाबक निक्र हुई।

#### भारत में जनगणना का समालीचनात्यक मूल्याकन

- भारत की जन गणना में मुख्यन दो दोष है। पहला, एक जन गणना के खोकड़े जब जन गणनाओं के खोकड़ी में नुजना नहीं की जा भक्ती और दूसरा, ये खोकड़े मणन भी है। यही पर हम जन गणना के दोशों, बारणी और निदानों का विस्तानुष्टेंक अध्यान करेंगे।
- (१) असदुस्य ऑक्डे incomparable data विभिन्न गणनाओं में उपयोग में लाये गयें शब्दों व द्वादयों की परिभाषा और ओक्डा का वर्गीकरण भिन्न

भिन्न जन गणना में भिन्न भिन्न प्रनार से विचा गया है। इसीजिये नहीं भी एवजित अंतियों से समानता नहीं मिरनी। इन परिस्थितियों से दिमान गरामाओं के निष्पों की भी जुलता नहीं की जा सननी। उदाहरणाय गृह गढ़द की परिभागा में पढ़िले की भी जुलता नहीं की जा सननी। उदाहरणाय गृह गढ़द की परिभागा में पढ़िले उत्तर हों से से पढ़िले जनर हो गया है। इसी प्रकार अंतियों के वर्गनिकरण में भी अन्तर हुये है। १९९६ की गणना प्रस्तावली या पर्वी जितने कि मुक्ताये एकत्र मी गई, सहली पिक्त यो। इससे यह मालून होता है हि अभी हमारी जन गणनाओं म प्रयोग हो रहे है और ऑक्टो को एकत्र करने से नोई स्थित सा नहीं आयी है। भारतीय अन गणना वा से अप अपिन्त हमें से से नोई स्थित या है। आयी है। भारतीय अन गणना वा से अप अपिन्तिल नहीं से। १९४१ की जन गणना ने परवान देश में विभाजन हो गया और बहुत-मा क्षेत्र पावित्ता में च्या गणना ने परवान देश में विभाजन हो गया और बहुत-मा क्षेत्र पावित्ता में च्या गणना ने परवान देश में विभाजन हो गया और बहुत-मा क्षेत्र पावित्ता में च्या गणना ने परवान हो से से परिवर्तन हो गये है। और हो और को मिल्त में सारणीयन और सामन में व्यानिक रितियों ने लागू होने से परिवर्तन हो गये है। और होने के वर्गनिक रातियों में सामन स्रीत सामने सामन स्रीत सामने सामन स्रीत सामने सामने सामने सामन स्रीत सामने सा

(२) मकत अधिक- शारी जन गणना में यह भी एक बहुत बहा बार है। जन सरमा के ऑफटा मा सम्मन्य गणना में तह होता है न कि प्रतिदर्श में तीर अधिक स्वारा में तिह होता है न कि प्रतिदर्श में तीर में अधिक स्वारा में प्रतिहर्भ में तीर में स्वराग से प्रशिव में में तीर में सुमना मण्डा भी हो सबती है। यह स्वामाधिक है कि लोगों के द्वारा दी गई मुमना मण्डा भी हो। सत्ती है। वम्मीकमी यह बृद्धि प्रत्म होंगी है और अधिना मण्डा में दोहा हो। पा प्रधान सब में होता है। अधिका स्वारा मा स्वर्धी होता है। यह गण्डिमों बहुत अझान, लामरवाही मा मोमें द्वारिक से प्रदान से सही उत्तर होंगी मानाकारों के प्रमान का उत्तर नहीं सोच पाते हैं और बहुत से सही उत्तर ही नहीं दे पाते। किमीकमी लोग बही उत्तर ने में अपना हित समझते हैं और कमी उदाशीन विवार सा उत्तर नहीं सोच पाते हैं और बहुत से सही उत्तर ही नहीं दे पाते। किमीकमी लोग बही उत्तर न देने में अपना हित समझते हैं और कमी उदाशीना विवार है।

आपू के श्रीन हो—आपू के ओन है अभिनतर दाधयूका होते हैं इसके नई नारण है। जाता ० और ५ से समाप्त होन बाले अनी ना अधिक प्रस्त न पती है। पीच नी अत्मेवमा (multiples) बार्ली आपू में अभिनति इससे भी सिंह होती है क्यों कि काममा ४०% व्यक्तियों में जैसा कि १९४१ मी जनगणना नी 7-पीची से मालूम हुआ है, इस अनार अपनी आयु बदलाई। इसना उपचार यह है नि वर्गान्तर ०-२३, २-२५,०३ आर्थिह होता चारियर किसती कि कारि ५ म दरीमा (preference) के कारण वर्गान्तरों की वारवारता पर प्रमाव न परे। वस्त कह विषयों की आयु के अतिक से साम वार्यों कार हिस पी की आयु के अतिक से सम्मान सम्मान सम्मान स्वास कह विषयों की आयु के अतिक से सम्मान सम्मान सम्मान सम्मान स्वास कह विषयों की आयु के अतिक से सम्मान सम्मान सम्मान सम्मान सम्मान स्वास कार स्वास कार स्वास स्व

है, विवाह नहीं मानता चाहिये क्योंकि आधिक दृष्टि से ऐसे विवाह ना कोई प्रभाव नहीं है परन्तु सामाजिक व जनाँकिकीय दृष्टि से ऐसे विवाह महस्व रखते हैं।

अन्य अंकरे—मर्म सम्बन्धी ऑनडे महुषा गलत वाये जाते है। धर्म बी परिभाषा बटिन होती है। एक साधारण व्यक्ति विभिन्न धर्मा में अन्तर नहीं कर नकता है। बुठ व्यक्ति बहुत से धर्मी के अनुसायी होते है तो बुछ निसी धर्म को नहीं मानते। वहाँ धर्म के हारा बरीबता मिलने की सम्प्रावना होती है, धम के नीकडे अभिनत पाये आते है।

इसी प्रकार भाषा सम्बन्धी आंकडे गलत होते हैं। भाषा के प्रकाको लेकर बहुत अगडे ही चुके हैं। एसी अबस्था में आंकडे गलत होता स्वभाविक ही है। वहीं वहीं पर सीमात्रान्तों ने यह कहता किन होता है कि कौत सी भाषा बोली जाती है।

जीववनेपार्जन में प्रधान तथा गीड साधन से श्रीवर्ड भी गण्त पाये जाहे है। इन्द्रना वारण 'प्रधान' और ''गीड'', पान्द की परिभाग और अर्थ है। साधारणन यह समझा जाता है नि जिस क्षेत से आप अधिक है वह प्रधान है। परन्तु इनम क्षित्रना उत्पन्न हो सकती है। यदि वोई क्ष्य क्षेत्रने येतन से श्रीधन थोमा एजेन्सी में प्राप्त परते हैं तो ऐसी स्थिति म प्रधान तथा गीड साधन क्या निस्चित विचा जायना इसमें सन्देह हो सकता है।

जनता बी जदासीनता—जनता जनगणनाओ बी महत्ता और उपमीनिता बोनहीं ममत्ति हैं और गणना बार्य की सबित जिलाहों से देखती हैं बाहे उन्हें दन्क सं मुस्ति ना विस्ता है जोड़ उन्हें दन्क सं मुस्ति ना विस्ता हिजाहों के उपने से प्रति हैं बाहे उन्हें दन्क सं मुस्ति ना विस्ता है जोड़े उन्हें से दनते ना विस्ता है जो हैं की दे राणना जिलाने चाहियों उनती नहीं मिल रही हैं। अभी हाल तर हमारे यहाँ बोर्ने राणना अविनित्तम और गणना निभाग नहीं या। भारतीय जनगणना बी हुल्ला एश "पुच्ठन नारे" से भी गई है जो भारतीय विनित्त पर प्रति १० वर्ष याद दिनाई पडता है और हा मीन वंप परवात् चुपवाप समाप्त हो आता है। लोगों ने अन्दर एवं ऐमा दलाह वंशा करता नाम प्रत्यों में अब्दर एवं ऐमा दलाह वंशा करता नाम प्रत्यों में अब्दर एवं ऐमा दलाह उपना नाम प्रत्यों में अब्दर एवं ऐमा दलाह उपना नाम प्रत्यों में अब्दर ही की से वार्ड के लिये होती है।

अर्ततिन्द्र गणना — भारतीय गणना में अविवतर लोगों में अवैतनिक वाम लिया जाता है। अधिनियम के अनुसार व लोग जो सरवारी वा अधेसरवारी विभाग में वाम बन्न है गणना वार्ष में मोग प्रदान वरते के लिय बान्य है परन्तु इसके लिये उन्हें १९५० की अनगणना तत्र कोई अल्प बेतन नहीं दिया जाता था। पर १९६६ वो जन गणना में गणनों को सवारी वा भक्ता २० के अति गणक के अधित से दिया नाया। गणनों को अपने सामान्य वार्य संगणना वार्य के देने कि वे अवकास विया गवा ताकि वे समयाविध के भीतर हो गवाना कार्य समानत कर तहें । इसीलिये सारे समार से हमारे बही जनावना सकते में हो जाती है। इस गरिस्थित में यह समानिक हो है कि एसे कमोद सम कार्य कान्त से नहीं करती है। वें लोग अनेक्का हो एकत करते के लिये पानक्स और निवमानुनार चले जाते हैं और उनकी सार्यक्ता भी और ध्यान नहीं देते। अन्त भणना के कार्य के लिये गणनाकार और नामरिल दोनो की अवस्यकता होनी है। यह आयस्यक है कि दोनों इस वार्य में हित गखते। उन उन तक दोनों निल कर नाम मही करते तह तह कारणना कार्य में अवस्थलना मिल्ली।

स्वर्गावितित कमंबारी—ज्याना वार्य के किये कांग्वारियों। को नियुक्ति अन्यायी
स्वानी है। उन जोगां वो बोटी मी निवास्तव और क्षेद्रानिक प्रशिष्ठव किया
बाता है यो वि इतन वहें कार्य ने किये बहुत बना है। गण्यातार में सामान्य जात के बनिरिक्त बोटी सहत्वभूति और अनुराग होना आज्ञायन है जितते कि यह सूचवा देने बाकों को अपने और उनके कार्य में विषय में गमवा वहाँ और आज्ञायक पूचना प्राप्त वर गके। जब तक कि कमंबारी पूर्णनाम प्रशिक्षित नहीं होने तर वक बणना के औरने बासूचों होंगे।

काल विशेष की परिस्थितियां—किमी काल की कुछ विशेष परिस्थितियां में भी सारियकीय औव डो की संख्यता पर प्रभाव पहता है। कभी-कभी गणना कार्य में मारा वातावरण अधिवसा और बैनस्तर पूर्ण होना है तब अकेड दोष पूर्ण होने है। १९११ को जन गणना के ऑकर्ड जान बूझ कर, अनिवास सैनिक सेवा के दूर से गलन बनाये गये में। इसी तरह १९३१ की गणना के लौकरों में जान बूत कर बृद्धि गणन बनाये गये में। इसी तरह १९३१ की गणना के लौकरों में जान बूत कर बृद्धि की गई जिससे कि प्रमानीय विचान रामाओं में विभिन्न वातियों के तरस्यों की सहस्या अधि हु हो और सन्कारी नीस्पर्ध मिल यहे।

व्यवहासिक पण्या—अपने देश में व्यवस्थायों भी गणना बहुत ही अपनीएजनक है । विनिज्ञ व्यवस्था की परिभाषा जनके पर्योक्तरण न दिए, तथा वर्षों ने दिए स्वित के स्वार्थण की परिचार्य के दिए से किया के स्वार्थण के विचार के स्वार्थण के विचार के स्वार्थण के विचार के विचार के स्वार्थण के विचार के स्वार्थण के विचार के स्वार्थण के स

#### जन गणनाओं की महत्ता व उपयोगिता

जो कुछ भी अब तक हमने जन गणना ने विषय में पढ़ा उससे अनुमान लगाया जा सकता है नि जन गणना के समय एकत निये गये अकिको की नया आवस्यकता और उपवीभिता है। जन गणना ना ध्येम गणना के दिन जीवित मनुष्यों नी दशा मालूम करना है। नपना के समय दिस्तार पूर्वन एकत्र की गई सूचना आवित्र, सामाजिक व राजनीतित दिस्ट से बहुत उपयोगी है।

(१) जन गणना देता के प्यापार, बाणिज्य और उद्योग के लिये बहुत उपयोगी है। एक बस्तु और सेवाओ के उत्पादक को देश मे पुरुष और संवी अनवीबी की सस्या और उनकी आयु के हिसाब से वितरण मालून होना वाहियो। उसी प्रकार एक व्यापारी को देश के उपयोग्ताओं विस्तिय उनकी आर्थिक वियोग्ताओं विस्तिय व्यवसाय, उनकी यात्रा व अन्य बहुत सी वादी के विषय में जिनका प्रभाव मींग पर पड़वा है मालूम होना चालिये।

पुछ विशेष प्रकार के व्यापारी जन करवा के जांबड़ वा विभिन्न प्रकार के छान-प्रव कार्यों से उपयोग करते हैं। उदाहरणार्थ एक परिवहन सक्या जन साया के पनत्व के ऑकडे को अपने लाग के रिये उपयोग कर समती है। उसी प्रकार वेन और शीमा कम्मनियां जनिविचीय सूचनाओं को विशापनों और अपने कार्याल्यों के स्वापन के उपयोग में ने ना सबती हैं। शीमा वम्मनियों के लियों सूचनायों अति आयदक हैं क्योंकि ये विभिन्न देशों के लोगों के जीवन की प्रत्यासा (life expectation) की हुलना गणना अधिकारियों की गणनाओं से बर सकते हैं और उसी के अनुसार जीवन सारणीं,(life tables) और दर सारणी (rate table) में भी गरिवर्तन वर सजते हैं।

- (२) प्रजातनीय राज्य में जन सरमा में आंवर्ड विशेष महत्वपूर्ण है। वंबा-हिक स्थिन में ऑकड सामाजिक दया के अध्ययन में सहायन होते हैं। इस सम्बन्ध में तब तक नियम नहीं। बनायें जा सबसे जब तब कि चुने हुये सदस्य समस्या में प्रमान और इसकी बुराद्धी से परिचित्त न हो। विशयन प्रस्तुत वन्ने बारों को विधान मडळ को स्थिति की गम्मीरता समझानी पडती है और तब उन्हें सीम्यिक्ष अभिनेखों का सहारा लेना पडता है। विधान मडळ का बनाना भी जन क्षाया के ऑकडो पर निर्मार है। विसी निर्देश हो बीचन सहस्या पर ही बही से सदस्यों को सस्या निर्मा स्थान स्थान के अभिको पर च्यानस्थान स्थान संख्या के बोधवा में ही हुछ विद्याय वर्ग के लोगों ने साथ विशेष स्थानस्थान स्थानकि सुग्रार हिस्स सम्बन्ध है।
- (३) जनता के आधिक स्तर और उनके व्यवसायों के आंकड़े पिछड़े हुये देशों
   में, जहां की सरकारे अपने देश की आधिक अवस्था को सुपारने के लिये योजनाओं

पर चिनोष जोर देनी हैं, यहन आवस्तर है। जॉबर आंबर उन व्यक्तियों ने बार में जो ति कानमद व्यवसाय में अन्त कमाने बाठ या वृत्तिहीन हैं उपयोगी सूचना देने हैं, हमने सरवार की वृत्ति की नीति निश्चित होती है।

साधारना और शिक्षा सम्बन्धी ओक्टो के मिल जाने में सरकार अपनी शिक्षा नीति में उपयुक्त परिवर्तन का सकती है और प्रारम्भिक नि गुल्क शिक्षा व प्रविधिक शिक्षा को विभिन्न प्रदेशी की आवश्यकतानुसार लागू कर सकती है।

इनारिये जन सरवा ने औन डे अनेन प्रनार नी सामाजिन व आधिन समस्याओं नो हरू नर सनने हैं और इस से सरवार नी विभिन्न युनियो पर भी विचार निया जा सनता है। अन्त में हम यह नह सबते हैं कि जन सरवा ने बोहरे और जनीति-गीय धर्मेश्वण जीवन ने हर पहलू नर उपमार्ग हैं। आधिन न सामाजिन क्षेत्र में इनहीं और मी जावस्वनना है। इसी नारण हम देवले हैं कि अन तन सभी देवा जन क्षत्या ने अनिशों को एनन व जनीतिनीय सब्येशण नरे रहे हैं।

#### २. कृषि आंकडे

कृषि के आदेवडो से हमे कृषि और ग्रामा की आर्थिक व्यवस्था के हर पहल पर विभिन्न साँख्यिकीय मूचनायें मिलती है। साधारणत परम्परा से कृषि के ऑक्डो का विस्तृत कार्य क्षेत्र नहीं था । मुख्य फ्लाओं के क्षेत्रफल और उनकी पैदाबार में ऑक्टो मा उपयोग किया जाता था। मृषि के आँक्टो के अन्तर्गत पन्नधन और पन्नपालन, पर्न उद्योग खानो और खनिज पदार्थों, भूराजन्व, मस्य, आयान और निर्यान, बनो, अपि के औजार, अपि से प्राप्त मजदरी, मल्य पालन, मर्गी पालन दुग्च प्रसादन इत्यादि के आंकडे साधारणन नहीं आहे । यह जस्वा-भाविक नहीं है कि उपरोक्त विषयों का कृषि सम्बन्धी आंकड़ों के प्रकाशनों में रक्खा जाय । उदाहरणार्थं मयश्न राष्ट्र अमेरिका के कृषि विभाग ने अपने प्रकाशन कृषीय आंक्डो Agric Atural Statistics में कृषि और ग्राम जीवन में सम्बन्धित जितने भी सम्भव और इमिले सभी दिये हैं। इसी प्रवार भारत मरतार द्वारा दो भागा में प्रचाधित "एप्रीकलचरल स्टेटिनटिका इन इन्डिया Assembural Statistics in India में भारत के वृषिक ग्राम जीवन के विषय में सभी सम्मव आंकड़े दिये गये हैं। उसने मुख्य एमलो के क्षेत्र के और पैदावार, पशपालन बन मन्पत्ति और उनकी देन, कृषि से प्राप्त भजदूरी, सिचाई, भूराजस्य का बारापात (incidence) और पमलो वो कीमतो वे जाँवडे भी सम्मिलित हैं। हम ग्रही पर केवल क्षेत्रफल और उपज के ऑक्टो का अध्ययन करेंगे।

#### क्षेत्रफल के ऑक्डो

कृषि में अन्तर्गत क्षेत्र में आँभड़ों को विस्तृत भागों में वाँदा जा सकता है। उनमें (म) अस्थाई बन्दोबस्त बाले तथा (ख) स्थायी बन्दोबस्त बाले क्षेत्र आते हैं।

- (क) रुपायी बन्दोबस्त—विद्वार, जडीसा और परिचर्गी बगाल से स्थाई बन्दोबस्ती क्षेत्रों ने क्षेत्रक्त के अंतर्क अंतर्क अस्तिप्राप्त है। उत्तर प्रदेश, क्षेत्र क्षेत्रक अस्तिप्राप्त है। उत्तर प्रदेश, क्षेत्र क्षेत्रक अस्तिप्राप्त है। उत्तर प्रदेश, क्षेत्र क्षेत्रक अस्ति अस्ति उत्तर प्रदेश का पहले ही बन्दों बस्त हो जुना है। कितनी भूमि में पैरावार नी जाती है इसकी सूचना ने रिप्ये गांव में मौतिवार सिव्युक्त किया गया है। अतिवार को एक्ष करने कि पिये उत्ते निर्मा अस्ति की सिव्युक्त किया गया है। अतिवार को एक्ष करने प्रवार करते किया के प्रवार करते किया के प्रवार करते किया के प्रवार करते किया कि स्वार क्षेत्र की अस्ति का क्षेत्र की अस्ति की

ब्लडाग्रोस्को बणकरूर ने लिये मरकार स्रोतल्ड ग्राव्यास्य सूकता मरुवा, वैद्योति अस्यायी वन्दातस्य क्षेत्रो में है, स्यायी वन्दोत्रस्ती क्षेत्रो म भी स्थापित करनी जात्रिये । बिहार और उटीसा म १९४४-४५ में वर्षचारियों की नियुक्ति हुई थी । वे. लोग क्षत्रम , के आंकडे पूरी गणना करके एकन कर रहे हैं । १९४४-४५ में ही बगाल की सरकार ने केंद्रीय भररार की सहायता से हर एक तक का सब्देशन किया और तबर्थ अनुम्मानाओं और कार्य निर्माशकों में हिए एक तक कार्य करने के लिये की । जिन की नो कार्य करने के लिये की । जिन की नो कार्य करने के लिये की ने जिन की नो कार्य करने के लिये की ने जिन की ने कार्य करने मानितन तनों जाने चाहिये भी उनका अकन भी हो जाना चाहिय । अगानीय कीना के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य में गणने की निर्माणना के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा की निर्माणना के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा की निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा की निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्म कार्य के निर्मा कार्य के निर्म कार्य के निर्मा कार्य के निर्मा कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य के निर्म कार्य कार्य कार्य के निर्म कार्य

#### कृषि आँकड़ों से बुटि के श्रोत

- - जंसा कि पहले कहा जा चुका है कि लेक्षणाठ के व्योरे की जांच स्थान विजेष पर न होंकर इन कर्मनारियों के नाथालयों में होती है। ये दीय बहुत पुराने समय में होते आप में हैं और अप अहान्यों है कि उनको सरकार हटा नहीं पाई । १९५३ में उनस्र प्रदेश मरकार ने बदबारियों की बयह लेक्षणाठी ने नियुक्ति की। लेक्षणाठी ने पट-वारियों की बयह लेक्षणाठी ने नियुक्ति की। लेक्षणाठी ने पट-वारियों की परफ्रस्सन विषयों को अपनाया जिनमें कि होयें के ऑकडों में नीई विशेष पुत्रार नहीं ही पाना । इनिलंगे मुंह आवस्यक है कि हुस्स और भी आधार-मूत हों। चाहियें । उदाहरणां के लेक्सणाठी के चेनन में मुख्य बुद्धि कर सी जाय, इनकी नियुक्ति पानियों लेक्सों में होती चाहियें और उनके कार्य-भार सम्भावन के

पहुले समुचित प्रियाश देना आवश्यर है। प्रारम्भित मनजन में समय पूर्ण रूप में, खेनों की गणना होनी चाहियें और वहाँ जान र उच्च अविकारियों मों जोच याद्विन्द्रम प्रतिरंति ने रेप में वर्रणे चाहियें। राजन्य विभाग में इन वर्गचारियों मों अधिक प्रधानन वर्म-भार से नहीं छादना चाहियें। पटवारी में ने उत्तर उपकरवार्थ दिया जागा चाहियें और विविद्य नार्य जैसे अन्य वचन योजना में प्रहासना, जनगणना मुच्यों और विविद्य नार्य जैसे अन्य वचन योजना में प्रहासना, जनगणना मुच्यों मों वनाना, पन वर्गीय योजना में प्रचार नार्य देनों से से विविद्य नार्य जैसे अनुदेश देते रहें और उनने वार्य में रेस माल जीनत हमें में विचान रें। ये उपचार इस विद्या में बुठ मुचार जा मचते है। सत्यों पत्री वार्य में बुठ मुचार जा मचते है। सत्यों पत्री वार्य में बुठ मुचार जा मचते है। सत्यों पत्री वार्य ने अवगत है और उनने एक में प्रीमा यां में हैं अपार हमें में अवगत है और उनने एक में प्रीमा यां में हैं।

(२) कुछ क्षेत्रीं का सर्वेकण नहीं हुआ है। कुछ क्षेत्री का न सर्वेकण हुआ है ग जनके नक्षों बने हैं और न उनका अकन क्लिया गया है। क्षेत्री में प्रावक्तन में क्षेत्र क्ली-क्ली छोड दिये जाते हैं और इन भागों ने क्षेत्रक के बारे में अनुमान लगा क्लिया जाता है।

(३) मिश्रित फरारो वा बोना—विभिन्न प्रमालं ने अन्तर्गन क्षेत्रों के औव दें भी बोध पूर्ण मिलते हैं क्यों कि अधिक नर निर्मित प्रमाल बोने हो। प्रधा नारी आ रही हैं जिससे कि अलग-अलग फरालं के की सोना न अनुमान रही लगाया जा सकत कोने हो को अनुमान रही लगाया जा सकत कोने कि अनुमान मिश्रित प्रमाले की विभावित व रते हे लिये अनुमान निर्माल न की लिये त्राव सरकार विभिन्न प्रमाले हैं जिसके कानुमार मिश्रित प्रमाले के के नार्मी होतिल फराले में बोदा जा सन । सभी परिस्थितियों में पर्म पूत्र को लगाना सन्तर्ग व्यवह है । स्वाप्त को लगाना स्वार्थ कर कर कर की लगाना स्वार्थ के अन्तर्गन की लगाना सन्तर्गन की की स्वार्थ के अन्तर्गन की की स्वार्थ की स्वर्थ की स्वार्थ की स्

(४) वहीं बंध जाने बाल क्षेत्रों की और कहीं एमला में मुक्त खेत्रों की अपना की जाती है। साधारणत बोधे जाते बाल क्षेत्र की मणता की जाती है। जब एमल कहीं होती तो हम तब को नहीं निगा जाता। बर्दि फनल क्षराव होने पर की कीत वो दूसरी कपल बोन के बाम में लाया जाय ता उसकी नहीं परण खान क्षेत्र में गिना जाता है। अतर कोई नई पमल नहीं कोई जाती है तो उसकी पुरासी एमल के अन्तर्गत गिना जाता है। जब कभी एक नई एमल बोई जाती है तो उसकी पुरासी के को बनाय हैं। इपि और मू-राजस्ब विभाग ने उच्च नर्मधारी औरान सूमि ने दुवनों हो चूनमें हैं और उन दुवनों से पसद उनहें सामने बोर्ट और नरहें अपनी हैं। से बोरडे एक वरने इपि विभाग स्वास्त्य के धान मेंबे जोने हैं। बे बहुन ही बानें स्थान में स्वास्त्र उनसे समामत वर्गों हैं और इस इस समामान्य उपन निर्धानित हो जाती है।

न्यिन-मारक पन उबा प्रमामान्य के मान्यन्य में पुरुषिनच्या वह रन (subjecture estimate, हैं। प्रमामान्य करन को रुपये में आने ती दर के हिमाउ से अवा इता हिस्तवनाया जाता है जिसको आनावारी प्रावक्तर कहने है। मब राज्यों में बहु साविनिक विश्व मान्यन हों है। गोब मान्यन हों है। गोब मान्यन्यन लेक्स के आये के हिस्तव से दनका प्रारम्भिक प्रावकरण नरमा है। वहसीरचार उन आंवडों का बोसन केटन निकामीग्र के पास माना है जो हि जनमें बचने पुराने जनुभक और मुक्ता के आपत पर आवदसक परिवर्गन करना है। इसके परवान हिर्माण उन आंवडों के बाधार पर आवदसक परिवर्गन करना है। इसके परवान हिर्माण उन आंवडों को इसि-सवादक के पास प्रवासन केटिंग में मता है।

परम्परागत विधि को आलोचना—परम्परागन विधियो की कडी आरोचना हुई है । यह विधि प्रमामान्य-उपज और स्थिति-कारक पर निर्मार करनी है । यह दोनों ही शब्द बहुत अव्यवस्था उत्पन्न करते हैं और उनके अर्थ, भाव व उपयोग में मुक्तमता नहीं है जिससे कि मही प्राक्तरून नहीं किया जा सकता । प्रसामान्य उपज का अर्थ ग्रामा की उस उपज से लगाया जाता है। जिसकी किसान आशा लगाये रहता है पर उस उपज की सम्भवत कभी ही देखता हो। प्रसामान्य उपज का किमान वैसे ही कम प्रावक्लन करता है क्योंकि वह स्वभाव से निरामा बादी होता है । इसल्यि यहाँ पर आँवडा में अभिनृति की अधिक सम्भावना है। व कमें वारी जा कि स्थिन ऑकडी के प्राक्तरून के लिये मू-राजस्व विमाग की और में नियुक्त किय जाते हैं, कृषि कार्य म प्रशिक्षित नहीं होते। अनुमान लगाने क लिये प्रशिक्षण और अनुभव के साथ टीक निर्णय की भी आवस्यकता है। सम्बंधन को कि प्रायभिक भूचना देने हैं आंक्टों में बहुधा परिवर्तन नहीं करने । वे पमार की कमी को अतिश्योक्ति के माय दिखान हैं। उच्च अधिकारी भी अपन प्राक्तरना को लेखपारा की सूचना पर ब्रामित बरम हैं। सम्बद्धाल किमाना से घम लेना है और पमार के ब्रॉक्ट ना अव-पाक्तरून करता है प्रमाति भूरातस्य फसर की दशा में निपारित होता है । आर किमी मारु फन्ड खराव हो जानी है ना भूगतस्व म कुछ ठूट मिल जानी है । जनके आंक्ट म एक्च कमचारी जपन कार्यालय म परिवर्तन वरन हैं । बहुत सी स्थितियों भाव स्थान पर जाने ही नहीं । इस कारण एक्तित औका अधिकांगर परत पहले हुँ और उनम पृटि की मीभा का न जाना जा सकता है न अनुमान ही ल्याया जा नकता है। यह बात अवस्य मही है कि आकड़ा का जब प्राक्तरन किया जाता है। जपयोग होने लगा है। वेन्द्रीय और प्रान्तीय योजना विभाग व कृषि विभागो की प्रवृत्ति औक्टों के अधि प्राक्तलन की और है। यह आसा की जानी है कि राज्यों में खेती के अक्टों को एवंजित करने में नई और उत्तति विधियों ने उपयोग में गुपार हो जीया। राज्य सरकारों ने यह मान लिया है कि इपि के अक्टों की अमलीय-प्राप्त सा राज्य सरकारों ने यह मान लिया है कि इपि के अक्टों की अमलीय-प्राप्त सा का उपचार राज्य के सभी जिलों में यादृष्टिक प्रतिचयन विधि से ही हो समु

- (स) मार्बाच्छक प्रतिचयन विधि—हाँप परिषद् (Board of Agriculture) में १९९२ में यार्बाच्छक प्रतिचयन विधि हारा सर्वेद्यक के मुजाब दिये । १९२३ में विहार व उटीला की सत्वार ने इस्ता प्रयोग विचार पर वोई विदोध करनता नहीं मिली । इन प्राप्ता में इस विधी को अलोन रीयता के दो नारचा है । प्रयम इत प्राप्तों में इस विधी की स्थान हारा की एक स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वाप्ता की स्वप्ता ी स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्त की स्वप्ता की स्वप्त की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता की स्वप्ता क
- (१) शस्य कटाई प्रयोगो के लिये उपर्युक्त यादच्छिक प्रतिचयन विधि को लगगु करना।
  - (२) इस प्रविधि की ब्यवहारिकता को दूसरे प्रान्तो को प्रदर्शित करना जिससे वे भी स्थाबी रूप से इनका उपयोग करें।
    - (३) कृषि विभाग के कर्मचारियों को इस कार्य के लिये प्रशिक्षित करना ।
- (४) अधिक पैमाने पर बाद्धिक प्रतिचयन विधि द्वारा शस्य कटाई का प्रयोग करना जिमने कि पूरे प्रान्त की ही नहीं परन्तु प्रत्यक जिले की प्रति एकड प्रसामान्य एपज का प्राक्कलन हो सके।

यादृष्टिक प्रतिचयन विधि को सबसे पहुरे १९४२ म भारतीय केन्द्रीय क्यास समिनि (Indian Central Cotton Committee ने अपनाया । आईक सी० ए० आर० में समसे पट्टेश नितर्म सर्वेशण उत्तर प्रदेश प्रवास उद्योग्ना कम्बर्ट और मध्य प्रदेश की खाबानों की पम्पान ने सुरू किया। इस सर्वेशण के परिणास म और सरकारी प्रावत्त्वना सब्हत विषमता पाई गई। भारतीय साध्यिकीय सरसा (Indian Statistical Institute) ने १९४३-४४ में उपन और एकड़ी के प्रावत्वन्त के दिन्य प्रावृद्धिक्ट प्रतिचक्तन सर्वेशण क्याफ म दिन्य। स्थाप सरकार की इम योजना में आई० सी० ए० आर० की योजना में प्रयोग में राये गये खेती के जावार और अन म वहण कीड परिवर्तन थे। लना पटना है। इस विधि से हम त्रृटि सीमान्त वो भी निवाल सक्ते है। इसिल्ए प्राविधित दृष्टि से यह विधि बहुत लाभप्रद है। अप्रत्यक्ष रूप से यह खेती वो विधियों मित्राई मिट्टी वे गृण और वर्षा इत्यादि से पैदाधार में जो प्रमाल पड़ता है उसको च्यान से रत्तती है। इस प्रवार समिटि वे निरीक्षण से सभी विदोदताओं पर प्रवारा पटना है।

आंवको के प्रवासन में साद्विक्टन प्रतिचयन विधि के बारण देरी हो जाती हैं। परम्परागत विधि में पटवारी "अनावारी" प्राक्तलना को पमल कटने से बहुत पहले दे दिया वरते थे।

#### प्रसलो का प्राक्तालन

भारत थे दृषि के ऑक्डे मुख्यत प्राली के प्रावनलनों के रूप में प्रवासित होते हैं। पमल प्राक्तलन को पहुँठ पमलों का पूर्वानुमान कहते थे। यह प्रावनलन अब २३ पमला के लिये जो कि ५ मुख्य वर्गों में विभवन हैं प्रकाशित किये जाते हैं।

३ पमला ने लिये जो नि ५ मुख वर्गों में विभन्त हैं प्रकारित निये जाते हैं अनाज—चावल, ज्वार, बाजरा, मनका रागी और गेहूँ।

दाठे—चना, दाले (तूर तथा अन्य रबी और सरीफ की दालें)। तिल्हन—मूर्गफली, तिल, राई, सरसो, अलसी व रेडी वा बीज।

रेशे-क्पास, जूट, मेस्टा (Mesta) ।

अन्य--गन्ना, तम्बाकू, आलू, काली मिर्च, अदरख और मिर्च।

मन्द्रों ने प्राम्मध्य पन्न बादने से गहुँ है मन्द्र मान क्या में बहुँ स्व से विश्व आमे है। ये प्राम्मध्य व्यापार और उद्योगों ने किये तब ही उपयोगी हो मनते हैं जब ये मन्द्र बदने और विभी ने लिये वाला में आपने से पहले ही प्रमाणित हो जान बाहिये। इसी धाननो ध्यान में रवन रह एकाल ने किये धीच-धीन मां एने प्राम्मध्य बताये जाने हैं जिसमें विभागत बताये हों से ही अनुमान क्याया जा में ने। धाया-रणन तीन प्राम्मध्य महाधिन दियं आसे हैं जो विभाग क्याया जाने ने समय सही बताने प्रारम्भ होते हैं। पमल ने स्वमान पर सम्या निमार नामी है। बहुन सी एक व ने क्यों तोन से अधिन प्राम्मध्य ने प्राप्त ने मन्या आवस्य हो जाने हैं और उद्घों ने क्यि एन ही आवस्य ही। उदाहरणाये गेहूँ और नाम ने क्या पन पन मान और दो नी पन होने नी पाले क्यार, वाजरा, मनना गारी और जूट ने पिये दो, और सार्की मिन्द्र अदर्भ, रेटी में धीनों ने क्ये एर प्राम्म कर प्रमाणित होने हैं।

पुमल प्रावहलन बनाने भी पुस्तिमा /Manual on the Preparation of Crop Forecasts) अका-जरूप प्रावहण्यों के प्योव की बनाएगी है। पहुने प्रावहलन ना प्येव जी नि पुनल बोने ने एम माह बाद प्रकाशित होना है, वाई हुई मुमल हे खेलपल, बीन जहुरण, बीने ने सम्प्रमीयम नी दशा जादि नी जन्दी से जन्दी जाते हैं। इसके अतिरिक्त बहुत सी इषि और ब्यापार सम्बन्धी पत्रिकार्ये इन पूर्वानुमानो का प्रकाशन करते हैं। समाचार और वाणिज्य सम्बन्धी पत्र भी इन प्राक्वलना की पर्यान्त प्रकाशन देते हैं।

## कृषि उत्पादन के सूची अक

लाव तथा छपि मन्त्राज्य के श्राविक व मारियकीय मचाजक ने भारत म कृषि उत्पादन में मूची अनो ही संगोधित माटा प्रकाशित की है। उत्पादन ने अन पूर्ण उत्पादन के होते हैं। श्रीज तथा व्यर्थ गये माज के बारण इन अचा में कोई क्यों नहीं की जाती। इस मूची अक के अन्तर्गत २८ मूग्य मच्या जियमें साथ तथा अन्य पस्पर्छें भी सम्मितित है आरती है। वेक्ट उन्हीं पस्पों का मूची अन वैधार विधा जाता है जिनके उत्पादन और देश

ङ्घि-वयं १९४९-५० आधार थयं माना गया । यह वयं ङ्घि उत्पादन मृज्यन स्वाय उत्पादन, तथा धरनुको ने मृत्य तथा सीमामी स्थिति को दृष्टिन से साधारण माता गया है। उत्पादन अभिनति से भी यह वर्ष स्वनन माना गया है। एक्ट और प्रास्त्र को की नीति मे समय-समय पर परिवर्तनं हुंग्ले के सारण खलना आधार तीति अवनाई गई है। वर्ग तथा उपवर्ग सृचियो के लिये उत्पादन सृचियो ना आदित मामान्य साध्यम निकारण गया है। विभिन्न वस्तुओ के सार आधार वप के उत्पादन मृत्यो के अनुपात में दियों गयी हैं। पन्यत्यों के प्रावक्तण्य में प्रकारित सियों गया है सियाय १९५३-५५ के पुनर्परीक्षित अनुमानों का सब वर्षों में प्रयोग विचा गया है सियाय १९५३-५५ के

#### द्यस्य प्राक्तलनों से टोच

हम द्विप अनिष्ठों के सामान्य दोयों और निमयों ना वर्णन कर चुने हैं। ये निमयों सरकार द्वारा समय-समय पर प्रवाणित सस्य प्राव्तकाम में भी विद्यमान हैं। यह हुएं बी बात है हि भारत सरकार इन दोधा ने प्रति मतत हैं और उसने स्थित म सुधार करते के प्रयत्न विषयें हैं। विद्यानाधित शंश, पमरों, और दन्त उसने स्थान मायावद सिमा हाई है। समह नी प्रतिधि म आमूल परिवर्डन विशे गयें हैं। इसि विकास आई सी० ए० आर ठ और सी० एम० औ० ने सहयोग में समझ करने नी च्युक्त और सुधरी हुई विधियों ना प्रयोग कर रहे हैं और भू राजस्व विभाग ने कर्मचायियों पर करक हुन र करते हैं। डिमा में अपनत किये का रहे हैं। इसके कारण अधिक समिवत प्रयाग नियं आ रहे हैं। मरकार प्रयान में विज्यन ने प्रति की व संगठन स्थापित करने के सार्ग से यह मुख्य कठिनाई है। कई क्षेत्रों से किसी प्रकार के प्राथमिक प्रतिवेदन अभिकरण नहीं है।

जहां तक दूसरे प्रवार की रिकियों का सम्बन्ध है वई फराओं जैसे फल, साग और सिंकयों, कम प्रविश्ति अदों धा दालों, मसालों और व्यवनों, चारे और पह लाव इत्यादि से सम्बन्धित विशों प्रवार की भूवना प्राप्त नहीं हैं। इस सामधी की अप्राप्तता इपि अविडों से क्षेत्र को वाशों कम कर देती हैं। इपि और इससे प्रव्याद रूप में सम्बन्धित कुछ विचारों के बारे में अपयोत्त सूचनाये उपलब्ध हैं। किसानों की भूमि, पन्-पन, इस, मबतन आदि वा उत्पादन, ख्रेपीय थम और पजदूरी, फतल का बीमा, सिखाई, उत्पादन लगत, पनलों का उपयोग, ग्राणिता और वन उत्पादन ऐसे पर (1802) हैं जिनके विषय में बहुत कम मुखना प्राप्त हैं।

२ पिसापा, वर्गीवरण और प्रविधि मे एक्टपता का अभाव—पदी और दा दो नी पिसापामे पूरे देश में एक सी नहीं हैं। फलक्वरण कृषि आंकड़ो ना सग्रह होत नहीं है और सामग्री अनुकतीन हो जाती है। उत्रहरणार्थ पर्ती भूमि (fallow) land), चाकू पर्नी (current fallow) तथा प्रृपि योग्य वजर (cultivable आक्राट) आदि शादी की परिभागाने प्रत्येच राज्य से अलग-अलन है। इस एक्-स्पता के अभाव का मुख्य कारण विभिन्न राज्यों मे प्रचलित रीति-रिवाजों और प्रयाओं मे अन्तर है। इसी प्रचार, प्रत्येक राज्य मे कृषि आंकड़ों मे जिम्मिनम्ब वर्गीवरण विमें आंते है। परिणासस्वरण विभिन्न राज्यों की सामग्री को जुलनीय बनाने से पट्छे उत्तवा पुनस्तरण आवस्यक हो जाता है। बहुधा इस प्रकार का पुनर्सस्तर सम्भव नहीं होता।

सामग्री के सबह और विश्लेषण करने की प्रविधि विभिन्न राज्यों से अलग-अलग है। उदाहरणायं क्षेत्र मम्बन्धी अंत्र शे का समुद देश के विभिन्न भागों में विभिन्न क्ष्म से प्राप्त विचा आता है क्यों कि यह इस बात पर निर्मर करता है नहीं क्ष्माई बत्योवस्त है या अक्ष्याई। इसी प्रवार उपज का प्राप्तक कर करने की विधियों एक रूप नहीं है। कुछ राग्य उपल का प्रास्तकत प्रस्था रूप से मन प्रति एक है करते हैं वर्वाक अन्य राज्यों में आगावारी प्रणाली का उपयोग किया जाता है। जिन प्रदेशों में आगावारी प्रणाली प्रविद्धा है वहां भी आगावारी यहेते (notation) एक एक महो है। कुछ राज्यों से याद्वन्छ प्रतिदर्श भीरे-भीर लोकिय हो रही है परन्तु अभी तत इस क्ष कृत्यरण पूरे देश में नहीं दिया जा रहा है। मिलित प्रस्ता, विवा वेशे हुये भूमि कृत्यकों, और वोशों के फललंठ फोन्नोके चारे के क्षित्र प्रस्ता प्रस्तीत्व है।

 दोषपूर्ण सारणीयन और विधियन—प्रारम्भ में एक बहुत वडी मात्रा में ऐसी सूचना का सम्रह करने में धन, दाक्ति और समय का अपव्यय होता है जिसका द्वारा सप्रहीत अनो के अनुरूप सत्तोषन और समायोजन नहीं किया जाता । इससे न नेवल अनावरयक रूप से हुद्दरा नाम होता है विक्त विविध विभागो द्वारा सम्वद्दित कानों में बहुत विकित के विक्र के अन्तर्वत है। यह आस्वर्य जनक है कि एक ही सरकार के अन्तर्वत द्वारा विकास के अन्तर्वत द्वारा के प्रवत्ती द्वारा के प्रवत्ती द्वारा के प्रवृद्धित के अपने हो। यदिव और समाधनी ना यह अपन्या अनावरयन है। वेन्द्रीय साध्यनीय सगठन (Central Statistical Organisation) (CSO) विभिन्न राज्यों और विविध विभागों द्वारा प्रमाधित अना का समन्यय नरने ना प्रवत्त कर रहा है।

७ प्रवाधन में विकम्य—हमारे सारियकीय अविच्छों के विरुद्ध एक सामान्य आरोप यह है कि प्रवाधन के समय तक वे पुराने हो जाते हैं। बहुया इनके प्रवाधन के स्तान विकम्ब होता है कि ये उपाणी नहीं रह जाते। गुरु विकम्ब होता है कि ये उपाणी नहीं रह जाते। गुरु विकम्ब होता तो समझा जा सकता है क्यों कि सामधी के नगह और उनके उपस्थानन एवन विक्रम होता तो समझा जा सकता है। क्या ही। बद्धा को ना नान्ताों ने पाम और बाहूं ते हैं विक्रम सहालक के पाम भेजे जाते हैं। जहाँ से विज्ञाभीय के पास और बाहूं ते हैं विक्रम सामक के पाम भेजे जाते हैं जो पूरे राजन ने अना का एक्षेत्र एक बरता है और आधिक सर्वाहक के पाम भवान के लिये भेजता है। यह स्पन्ट है वि जब सामधी इतने अधिकारियों के पास प्रवासन के लिये मेजता है। यह स्पन्ट है वि जब सामधी इतने अधिकारियों के पास प्रवासन के लिये ने आये तो उत्तरदायों अधिकारी के पित स्वाहक के विक्रम के लिये न आये तो उत्तरदायों अधिकारी के के इस विक्रम के लिये न आये तो उत्तरदायों अधिकारी के वे इस विक्रम के विक्रम न सामक स्वाहिये और अपूर्ण सामधी का प्रवास कर दिया जाना चाहिये । वाद से इनमें स्वाधिन विक्रम स्वाहते हैं।

## कृषि सम्बन्धी आंक्डों की उपयोगिता

भारत जैमे हरि प्रघान देश ने लिये ये जोन्ड बहुत उपयोगी है। विसी देश की आधिक व्यवस्था को उचित दिशा में योगित नरते म ये सहायन होते हैं। इसी बोन्डों से हुम नाधिन्य और लाख सन्तर्यों परमानों की मौंग और पूर्ति को निमी को मालूम नर तत्त्वते हैं। ये जोन्डों निपमत (marketing) और विजरल सन्तर्याओं ने लिये बहुत उपयागी हैं। ये संस्थायें पुराने औनटा की भदद में पुरानी प्रमान वी दाग और उन्हों के जाभार पर प्रविध्य में होने वालों परमां भी विद्याताओं ना पता ला बता सनते हैं। इसि जोन्डों भी सहायता से हमन निमित्र परमान ने शेना नी योजना बता सनते हैं और प्रवास की बिसी लामप्रद दग से भी वर सकते हैं। सप्त और मौसम नी दशा, सिकाई नी मुविधारों आदि ने विषय म निस्तृत मुजनायें सान मो नम बरती हैं और सुन्या ना नियोक्त पता निर्मात की हमन हमार हानिवारत सट्टे से बना जा सनता है। व्यवसायियों और सिमातान निर्मेश देश मिलान के बहुत महत्वपूर्ण है। वे देश ने भीतर और दस्त के विभिन्न भागा में साधानों ने पूर्ति मानकरन करते मुजना विभाग और विषणन विभाग ने प्रतिक्षित वर्षनारियों द्वारा प्रतिस्थाविन कर दिया गया है। आर्थिन मुनना निरीक्षक और विषणन निरीक्षक विविध विषणन के होने ना वैरा करते हैं और मूल्य सबधी सामग्री सग्रह करते है। यह मुनना उनके ऊगर के अधिकारियों और बहाँ से भारत सेरनार ने पान भेजी जाती है। भारत संक्वार ने मूल्य सीच हो। से उत्तर संक्वार ने मूल्य सीच हो। से सक्वार के सबध में नियम बना दिये हैं। इस प्रकार खीलर भारत में मूल्य सीच हो का इस करता स्थान के सुवस में नियम बना दिये हैं। इस प्रकार खीलर भारत में मूल्य सीच हो का सुवस्त होता है।

मूल्य-ऑकडो को कमियां---प्राप्य मूल्य-ऑकडो की क्थिति म पर्याप्त सुधार करने पर भी उनमे कुछ रिक्तियां भरनी बाकी हैं

- १ वर्गमान नाल में हम हुपको द्वारा खेती नी आवस्तरताओं ने लिये दिये गए मूल्या और उन्हें उपन ने बदने मिलने वाले मूल्या नी सामग्री ना संग्रह नहीं नर रहे हैं। विस्तसनीय सामग्री में अभान में हुपनी की संपतना या अन्य स्थिति ने बारे में बेबल अनुमान लगाएं जा सचसे हैं जिन पर अधिन विस्तास नहीं विया जा स्वता। इसलिये उपयुक्त मूल्य-नीति ना निर्माण नरण म सरकार वो निल्नाई होती है।
- २ उपभोक्ता द्वारा दिए गए मूल्यो और विकेताओ द्वारा दिए गए मूल्यो के अंतर सम्बी ऑक्डे तथा विविध मध्यस्थो के लाम सवधी ऑकडे भी प्राप्य नहीं हैं।
- ३ प्रकारो का प्रमापीकरण (standardization of qualities) करने के प्रयत्न सफल नही हुए हैं और इसके परिणामस्वरूप समय-समय पर और एक ही समय देश के विभिन्न भागों से मिल्ले वाले कथित मृत्य पूर्णत तुल्लीय नहीं हैं।
- ४ मूल्य सम्बंध सामधी ना सगृह भारत सरकार और राज्य सरकार के विविध विमागी द्वारा क्या है। इस मार्थिक समन्यन गृही है। इस मनार के सहाहीत सामग्री का समुचित रूप से सारणीयन विकल्पण और विधियन तक नृशी होना। इस प्रकार यह संसायना का उत्पर्धांत है।
- ५ विवत मूल्यों का सम्रह कई अभिकरण करते हैं। इनमें बहुन कम एक-रूपता है या इसका सर्वया अभाव है। फरस्वरूप लोग मुविधानुमार या अपने उद्देश्य सिद्ध करने के लिय निष्कर्ष निकालते हैं।

#### (ख) मूल्य सूचकाक

हम पहले बता चुने हैं नि आधिक घटनाओं के स्तरा ने परिवर्तना ना अध्ययन करते ने लिय पूचनाम बहुत उपयोगी युक्ति है। भारत म प्राप्य विविध पूच्य पूचनाके कई वर्ष-प्रयक्ति होने नाले मूच्यों में परिवर्तन वतात हैं और आधिक द्या सम्बन्धी अध्ययन से सहाथक होते हैं। भारत म प्रकामिन विविध पूचनाज निम्मलिविन बनों में आते हैं—

- (अ) योज मूर्य सूचकाक
  - (१) योज मूल्य भूचकात आधार १९३९
  - (२) योज मृत्य ने समोधित मूचनार आधार १९३९
  - (३) पुनर्परीक्षित योत्र मृल्याचे नवीन स्वकाक आधार १९५२-५३ (४) योज मृल्य के सूचरात्र — महत्वपूर्ण वस्तुष्ठं आधार १९५२-५३

#### (ब) पुडवर गूचकात

- (१) 'लेजर ब्यूरो ने फुटनर मूल्य मूचनान (नगरीय केन्द्र)
- (२) 'रिपर न्यूने' के पुटतर मूल्य सूचनात (ग्रामीय केन्द्र)
- (म) जीवन निर्माह मूचनान
  - (१) 'त्रेवर ब्यूरो' के उपभोजना मूल्य सूचकाक

#### (अ) योक मूल्य सूचकाक

(१) योक मून्य सुववाक—भारत नरकार के आर्थिक सलाहकार द्वारा पहले वार वर्गों में किमानित दे बस्तुओं ने आपार एवं ने हुम पूर्व के सारवाहिक सूववाक प्रकाशनीय विश्व आर्थ में दे विविध वर्गे ने कुल प्रकाश मुख्य प्राप्त किए जाते थे। आदार १९ आसत १९३६ के दिस समाज होने बाला स्वाद ह्या मुक्ताक बताने में मरल गुणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता था। यह बहुत असतीवजनक माना जाता था। वसी वह वह आर्थात मृत्य नाक या और हमने वह सहत्वपूर्ण कर्म्य कर्मा ने नाम बाल आर्थ का समाज त्राता था। वसी वह वह आर्थ का समाज वा आर्थ का स्वाद क्षा क्षा का समाज कर्मा माध्य का माना क्षा था। महत्वपूर्ण वहां का अपवर्णन और अमरिताल कर्माले आर्थ का मानाविध किया प्रवाद मा माद्य क्षा मानाविध कर्माण यह सुववाक देश की वास्तविक आर्थिक स्वात्र वा वा वित्र विश्व कर मानाविध क्षा क्षा मुक्ताक देश की वास्तविक आर्थिक स्वार्थ वा वात्र वित्र विश्व कर कर विश्व कर वार्थ कर वार्थ क्षा वा वात्र वित्र वार्थ कर वार्य कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्थ कर वार्य कर वार्थ कर वार्थ कर वार्य कर वार्थ कर वार्य

वस्तुनों ना चुनाव आदि—-मूबनान ७८ दस्तुओं से बनाए जाने हैं जिन्हें १८ उपवर्षों और ५ कों में दिभाजित हिमा गया है। इन ७८ बस्तुओं में प्रत्येन के लिए वर्द विधित मूल्य प्रान्त विषे जाते हैं। इस प्रवार विधित मूल्यों की कुछ सन्या २९५ है।

आधार—अगस्त १९३९ में समाप्त होने वाला वर्ष इसका आधार है।

प्रयुक्त माध्य-पूचनार प्रताने म प्रत्यर पग पर भारित गुणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता है।

भार-प्रणारी-—बन्तुओं ने दिव जाने वाल भार १९३८-३९ में विपणित बस्तुओं की राजियों और मुन्या के अनुपान में हैं।

बनाने नो प्रतिधि—यस्तु नी सन्न निम्मा ने लिए प्रति मप्ताह मृतवार या आम-पाम के दिन के कपित मूल सरकारी या भैर सरकारी श्रोता से प्राप्त दिये जाते हैं। इन कियत मूला से मूल्य-अधिभन निनाले जाते हैं। आपेशिको ना सरल गुणोसर माध्य बस्त मुक्क देता है।

जपनमृह के कई बस्तु भूचका था भारित गुणोत्तर माघ्य उप-ममूह सूचक देता है।

प्रत्येक ममूह के उपममूहों का इसी प्रकार भारित गुणोत्तर माध्य निकाल लिया जाता है जो समूह मुख्क देता है।

अन्तिम सर्व-वस्तु मुचन या सामान्य मुचन (general index) या जिम आयिन मराहवार ना थोन मृत्य-मूचनान भी नहरा है इस समूहों ना भारित गुणीत्तर भाव्य निवाल नर बनाया जाना है।

यह मुखनान साप्ताहिक मासिन और वायिन अविवयो पर प्राप्य हैं। साप्ता-हिन मुखनान वो गुणोत्तर माध्य लेवर मामिन मुखनान और मामिन मुखनानो का गुणोत्तर माध्य लेवर वायिन मुखनान बनाए जात हैं।

प्रकाशन—हुए मिरानर ६ मुख्यामा ना प्रतासन तिया जाना है—पाँच वह ममुद्दा ने और एक इन मन मा मिरानर । मरकारी और निजी प्रतासन म ये सालाहिक, मासिक और बाधिक रूप म प्रवासिन हान है। जनश समावाराया और रिप्रियं द्वारा इनहीं चापक प्रवासता की जानी है। भारत म और मुख्यों ने मुखी अब से जो आर्थित मराहवार ना मानाहित प्रतासन है वस्तु मुख्या, र प्रवासहा ममुद्रा सर सामान्य मुख्या ने पार म विमन्नत मुख्या रहती है। दिउटे सलाह ने मुख्या ना ब्योग भी दिया रता है।

आर्थिक सलाहकार वे सूचक की समालीधना---आर्थिक मलाहकार के यात मृत्यों के मूचक भारत में आप्य मूचका म नर्जोत्तम है। यह एक सामान्य मूचक है और प्राविधिक रूप में अच्छा है । इसमें गुणोत्तर माध्य का प्रयोग विया जाता है और टम्स्लिए यह बिगव्य है और समान परिवर्तन-अनुपानों को समान भार देवा है । परस्तु निम्त्रलियन बारणों में हमको आलोचना भी की गई है

(1) बस्तुओं का बुनाव, उनकी सन्या और कपिन मृत्य—बस्तुओं का बुनाव समृतिन रूप से नहीं दिया गया है। प्रयोग समृह से मुठ महत्वपूर्ण बस्तुएं छोड दो गई हैं, असे साधन्यराओं में निवाना' दाल छोद दो गई हैं, निवास को एक उप-मोग बस्तु है विविध बाल समृह से नसी गई है। प्रवृत्ति इतेरादादों ना प्रयोग आराग से बस खोता हाता किया जाता है उन्हें खाय-प्रदायों के समृह से गमिमिलत दिया जाना नाग्निए था। इसी प्रकार मूचक का प्रतिनिधिशुण बदाने के लिए विविध' समृह से दंधन—कवडी, लक्षी का कोयला, एकर का कोयला आदि—जोडा जाना बहिए। यदि अस समृहा से भी बस्तुओं का चुनाव अधिक अच्छी तरह दिया जाता तो यह मूचक और अधिक प्रतिनिधि हो जाना।

भागन मेंग विशाल देश में किये बन्तुओं में तस्या ७८, अपपीन है। अन्य सम्या में मन्तुओं मो रखन से मुख्य कुछ अधिम मुद्राही तो हो जाता है, परन्तु माय ही शाय भूषक में भागाय उद्दर्शीय भूष नहीं रह जाता। मूचन की वान्तव में देश मी आर्थिक दशाओं के परिवर्तनों मा प्रतिनिधि बनाने के लिए यह आवस्यक है कि इममें अधिक बन्तुओं मां समावेश निया जाय और समुद्रों का श्रेष बनाया जाय।

कियन मून्यों को मन्या भी बहुत कम है। वेचल २१५ विधन मून्य प्राप्त क्रिये जाने है ज्यांकि कुछ बस्तुरी ऐसी है जिनके और अधिक प्रकारों के करिता मून्य मोगे जाने भाहिए। बुठ पहल्लाग्न कस्तुरों के लिए कम मन्या में करिता मून्य मोगे जाने हैं, जैसे बावल के लिए केवल ३, ज्यांकि हुछ अमहत्वपूर्ण वस्तुरों हे लिए अपद-मन्ता में अधिक क्षित मून्य दिय जान है, जैसे जुदों के आठ। मन्यका गह वृद्धिकोल जानाया गया होने चुकि जुतों ने प्रकार वावल में कही अधिक उपलब्ध है इसलिए ८ र का अनुपान टीक हो है।

कुछ आठोवरा का मत है कि समूहन टीव प्रकार में नहीं विधा गया है। साध-मूक्ता में नमर की भी समादेश हैं। इनके मतानुमार नाछ के अन्यंत्र यह कही अला चाहिए। यह आजोवका टीव नहीं है। परन्तु इम बात की मानता होगा कि पुत्रममूत्र होगा आदरक है।

(२) भाषा——्यास वा आयार अपना १९३६ में गमान होने बाजा बन है। दिवीय महायुक्त में साक्षीते में बहुत परिवर्तन हो गया है और आवतराव्ये मुख्यों को १९३८-२९ से मुख्यों से नुरुत बरना सावद हो ज्यामीहों हो। आयार 'ब्रमामाव्य' होना माहिए परन्तु बदकी हुई परिस्थितियों में १९३८-३९ प्रमामाव्य नहीं रहु जाता । इसलिए यह आवश्यक है वि आधार वर्ष दुहराया जाय जिससे अधिक दास्त-विक तुलना हो सके ।

(३) भार—मुनवान में प्रमुक्त भारों नी भी आछोजना वी गई है। मार १९३८-१९ के मुम्या और स्तियों पर आधारित है। तम से बन्दुओं ने सुन्ध-मज्यों उत्पादन और उसमें को अदातों ने मांची गिर्दानने पूर्ण के हैं। हिए, साद अधि-और औद्योगित कच्चा माल कुछ मारों वा ४९% है जबित हुए ६१% साद अधि-निर्मित्यों, निर्मित्तयों और विविध्य बन्दुओं को दिये गए है। युद्ध और युद्धेज्ञप्त काल में 'सादा' और 'कच्चा माल' वा वही स्थान वना रहा पर पूर्ण साम में महत्व म काची वृद्धि हुई है। फरन्डनर पिछण दो बरानों में इनली साचित्तक स्थिति में बहुत परिवान हो गया है। इसिए। यह आवश्यक है कि विविध्य समूहों और उप-ममूहों को दिए गए भारों में परिवर्गन विचा जान और उन्हें बदली हुई परिस्थितियों

भार निर्घारण की विधि भी दोषपूर्य बताई गई है। मार निर्धारण का आधार बानुओं का सकल, बाजरा मून्य है। ग्रंदि करतु का समावेश कर्ष माल के र भ भे और उससे निर्मातियों के रूप से दिया गया हो तो भारों में दुद्दी गणना होती है। अतपब कुछ बस्तुओं को अन्य की तुल्ता में अनावस्यक महुत्व मिल जाता है। किर, भारण प्रणाणी ऐसी है कि भार उत्पादित राधियों (या अभी) के अनुसार दिये जाते हैं और निर्वाद की गई राधि पर कोई विचार नहीं किया जाता। देश की आयात को गई बस्तुओं और उत्पादी पर भी विवार नहीं किया जाता। इस प्रकार मूक्य मुख्यों और प्राप्य पूर्णि के परिवादों ने सा जीवत बोस नहीं देता।

(३) योच मूल्य ते संगीधित भूवनात आधार १९५२-५३==१००— भारत के विभाजन तथा जनके जस्पत हुने परिवर्तनों के नारण मारण नी प्रणालों जो कि एटले भूवन में अपनाई गई भी अनुप्युत्व हो गई। इनसे अतिरिक्त पिछले नुष्ठ वर्षों से मूल्यों के प्राप्य जीवलें बहुत उपलब्ध होने लगे हैं। इस नारण एक नये मूलक नी आवस्पत्रता हुई-जिवना आधार हाल ना हो और जो अधिक ज्यापन हो। यह मूलक जानदिस है और वस्तुजों ना चुनाव निधन मूल्य तथा उचित आधार वा चुनाव अभी विचाराधीन है। भूवन के बनाने नी जिमि इस प्रवाग है—

बरनुओं ना चुनाव-बतमान सूचन में बरनुआं ने अनिरिक्त संगीपित मूचन में बहुत सी बरनुष्टें जोडी गई है। नविन मृत्यो राया बिराओं में मूची भी बिरनुत नी गई है जिससे राज्यों से मूल्य प्राप्त हो गई। बरनुतों और विचान चुनाव राज्ये अर्थ व्यवस्था में उनके स्थान को प्यान में रखनर विच्या गया है। आर्थिक मार्जहरूगर में इपि-मूल्य अनुस्पान सीमिन (सारण कोटी) ने सुताब सान नर १९ विचारी

इन पाँच वर्गों मे ११२ वस्तुयें है जिनके लिये ५५५ कथित मृख्य प्राप्त रिये जाते 食」

आधार--१९५२-५३ को आधार वर्ष माना गया है। सरकार ने इस वर्ष को दो मृग्य कारणो से चुना। प्रयम, वर्ष १९५२ ५३ पहला ऐसायुद्धोत्तर व विभाजनोत्तर वर्ष है जिसमें मूत्यों में कम से कम घट वढ़ हुई थी। द्विनीय, यह वर्ष प्रयम प च वर्षीय योजना के आरभ ने बिलकुल समीप है। १९४७-५२ में पर्याप्त वृद्धि हुई थी जिसके कारण थे मृत्य अनियत्रण (दिसम्बर १९४७), स्पये का अप-भुत्यन (मितम्बर १९४९), तथा कोरिया यद्ध (अप्रेल १९५१) । इसके परचात मृत्या में कभी होना आरम्भ हुआ जो मार्च १९५२ तक होता रहा। इस कारण १९५२-५३ का वित्तीय वर्ष एक नये मुख्य के आघार के लिये सबसे उचित जान पड़ा।

भार--भार दिपड मायों के अनुगार दिये गये हैं। इस सुवध में आवाडे भारतीय निर्मित बस्तुत्रा की तीसरी गणना, १९४८ (Third Census of Indian Manufactures, 1948) से किये गये हैं। आयात की गई वस्तुये उनके मूत्यो (सीमा प्रशुल्क मिलाकर) के आधार पर मारित की गई हैं। मध्य उत्पादित और्श्विम वस्तुये विकित परिमाण के आधार पर भारित की गई हैं। विजली को मार विजली उत्पादको द्वारा बेची गई विजली के आधार पर दिया गया है और उसका मृल्य सामान्य अखिल भारतीय दर के अनसार आंका गया है। पेटोल के आकड़े उपमोग पर आधारित हैं।

मुचकाक बनाने की प्रविधि में पहले से एक महत्त्वपूर्ण भेद हैं। प्रयुक्त माध्य भारित समानर साध्य है। यह अब शोस्य है कि पहने 'इकॉनॉमिन एडव्हाइजर' ने सूचक में भारित गणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता था और यह इस मुचक की एक गुण

मना जाताथा।

समालोचना—नये (अन्तरिम) मुचक का क्षेत्र बहुन अधिक ब्यापक है और इसने पहले में अधिक वस्तुओं का समावेश हैं । कथित मुख्या की संख्या भी पहले से काफी अधिक है और भारण में भूबार किय गय हैं। लगभग आधा भार खाद्य-प्रदाशों का दिया गया है और राप आधा अन्य वस्तुआ की। यह भारत जैसे कृषि प्रधान और पिछड़े हुए दब की अथब्यवस्था की प्रकृति के समनरूप है। इस प्रकार यह मूचक अपने -पुत्रवर्ती सूचन संअधिक अच्छा है।

परन्तु यह ठीन स नहीं समझा जा सकता कि विविध' समृह को क्यों छाट दिया गया और गुणोत्तर माध्य के स्थान पर नमातर माध्य का प्रयोग क्यो किया जाने लगा । बुछ न बुछ बस्तुएँ सर्देव ऐसी होती हैं जो यथार्थ रूप म किसी भी समृह के अन्तर्गत नहीं आर्ता। ऐसी वस्तूएँ 'विविध वर्ग' में रखी जाती हैं। यह आशा की जाती है

रैन्व में छोटे-छोटे स्टेशनो में स्टेशन मास्टरा में द्वारा रेठवे लेउन इन्समंबद्धी के निरीक्षण म विभिन्न वस्तुओं में मूल्यों में आवडे एवत्रित निष्में जाते थे। १९४४ आधान वर्ष माना गया था। ये मुचनाच भारित नहीं होने थे।

हन सुपनाना ना निर्धारण बन्द नर दिया गया है नयोगि इनमें वैज्ञानिक तथा प्रतेतिक वृद्धिनोंग म बहुत से गमीर दोष पासे गये थे। और अब रेंबर ब्यूरो इन सुन्दाना ने स्थान पर वेनक तुल्तातमन सूरसों की सूची १९४९ नो आधार मान वर प्रवाधित करता है।

## (स) जीवन निर्वाह सुचकाक

जीवन निर्नाष्ट्र मुख्याक, जिमे उपमोक्ता मूल्य मुख्याक भी बहुने हैं, विभिन्न यन व गान के जीवन निर्वाह की लगत में मिन्दनेनी वा मान करने के जिमे हैं स्थार विश्व जाने हैं। ये मुख्यान यवायं म मूल्य मुख्यान ही हैं एएए क्यों जि जीवन निर्वाह की रानत के विश्व होने हो रानत में त्रिक्त में सुवाह की रानत के विश्व हो रानत में मुल्य स्वत्त में मूल्य स्वत्त में मूल्य स्वत्त में मूल्य स्वत्त में प्रत्य के प्रत्य कि स्वत्त के प्रत्य के प्

- (1) उपभावना माय मुचवाव-श्रीमव वस के लिय
- (n) जीवन निवाह लागत सूचकाक मरकारा (बुग)—आरापण श्रीमका के लिय
- (111) लेवर ब्यूरा व अलिए भारतीय माध्य श्रमिक जीवन निर्वाह लगत मुचकाका की श्रणी
- लबर ब्यूरो श्रमित वम जम्मोला मृत्य मुचरात १९ मेन्द्रो ने लिये—ये मुचरात मासित है और भारत गरनार में श्रम मनालय से लबर ब्यूरो द्वारा अब १९ बेन्द्रो न लिय प्रवाधित हिम जाते हैं। य नेन्द्र निम्न हैं —
  - १ अजमेर ५ बुरहानपुर ९ गौहाटी २ अबोला ६ वटन १० जनलपुर ३ विद्याबर ७ देहरी-आन-सोन ११ जमगेरपुर
    - ८ भोपार ८ दिस्की १२ **श**रिया

चारिये और न इस स्थिति को असतीय जनक समझना चाहिये । हमे तो ऐता उपाय करना चाहिये कि इनका विस्तार हो और अधिक केन्द्रों कि लिये तथा व्यक्तियों के अधिक वर्गों के लिये प्रास्त हो सक्तें। इस बात पर और दिया जा सकता है कि यदि इन सुष्यका के आई जाय तो सुजनत्मक अध्ययन के लिये के अधिक उपयुक्त हो नर्कों। भे समानता के आई जाय तो सुजनत्मक अध्ययन के लिये के अधिक उपयुक्त हो नर्कों। जीवन निर्वाह सम्बन्धी सुजनाकों के इम महत्त्व के अतिरिजन इस बात की आवत्यकता समझी गई है कि अधिल भारतीय सुजकाक देय्यार विचा जाय ताकि अधिल मारतीय अध्ययन विचे जा मक्तें। देवर ब्यूरों के सभी प्रास्त उपभोक्ता सूचन मुक्ताकों के एक में पिरान के मुजाब की परीक्षा की और एक अधिल भारतीय श्रीमा निर्माह माध्य मुजनाक तैय्यार विचा जा रहा है।

इस मुनवान नी प्रविधि में अनुभव ने आधार पर स्थापन और परिवर्गन ना अवसर है। यह सब जीवन निर्वाह लागत मुनवान ना जो नि लेबर ब्यूगे तथा राज्य सरवाराद्वारा तंय्यार क्याये जा गहे हैं माध्य है। इमिल्य वस्तुओं के चुनाव ना प्रस्त हसस नहीं उठना। इसका आधार १९४९ है। लेबर ब्यूरों के सभी मुनवाशों वा आधार १९४९ ही है। इनने सम्बन्ध में तो नोई भी निर्वाह नहीं उठनी। राज्य सरवारों द्वारा निर्मित मुवाबों के सम्बन्ध में तो आधार थिमत है बीर वे सब एक आधार पर प्रभात हमी है और वे सब एक आधार पर प्रभात १९४९ पर सामान्य गणना की शहायता में ठे आये गये हैं।

यह मुजकाब उन सभी केन्द्रों से सम्बन्धिन हैं जिनके लिये लेवर ब्यूरो मूजकाक तैय्यार करता है और इसके अतिरिक्त उन केन्द्रों से भी सम्बन्धित हैं जिनके मूजकाक राज्य सरकार तैय्यार करती हैं।

इसके निर्माण की प्रविधि बहुत ही सरछ है। बन्तिम अविक्ष भारतीय मुक्काक प्रत्येष कैंद्र ने बन्तिम मुक्काको का भारित माध्य निकास कर पाएम किया का मता माधि स्वाध्य निकास कर पाएम किया का मता है। भार विभाग केंद्रों में पेंक्ट्रों में का काम रूप बेंद्र वो का निर्माण की कामण पर निर्मारित है। यदि विनी अधी के खिल एक से अविक्ष केंद्र मुक्काकों हो तो राज्य के विभाग केंद्र मुक्काकों का माध्य मित्रा का स्वक्ष केंद्र मुक्काकों का माध्य मित्राल कर राज्य का मुक्काक माहुस विधा का सकता है। इसी प्रकार सब राज्यों के मुक्काकों के आधार पर अनितम अनिक भारतीय मुक्काक माहुस निया जा सकता है।

जैसा कि उपर नहां जा चुना है मूजनान परीक्षप की दृष्टिनोप ने बनाया आ रहा है और प्रयोग न रही मध्य ने अनुभवा ने आधार पर उसम सर्वाधन दिया जायगा। परन्तु बहुतो सर्वमाय्य है नि इसे स्थायी मध्य प्रवान नर ने ने क्ये यह जानस्व होगा नि पारिवारित बजट सम्बन्धी गये निरे से जान नी जाय तानि सनुजा ना उचित चुनाव हो सके और उनना उचित भार प्रयाग म कथा आधा। सारत में प्राप्य मूख बोकड़ों हो सामाय समालोबना— ट्रन नृष्य औहरो जो से बालांजना की यह बोकड़े हो। वितर मूख विविध अमिनरणों से प्राप्त विश्व जो है तिमंगे कुछ प्राप्त हैं हु हु। वितर मूख विविध अमिनरणों से प्राप्त विश्व जो है तिमंगे कुछ प्राप्त हुंग अर्थ तानकारीय और कुछ निजी तह है। इस अमिनरणों द्वारा में हो गई है। मूख औह है, माट्टे विभी भी प्रकार के बते हो हो, अधिक ज्ञारतीय महरूव के ब्री सामान मन्वार को दक्ता विदाय ध्वान रहना नाहिए। वे ज्ञारीय महरूव के अमान मन्वार को दक्ता विदाय ध्वान रहना नाहिए। वे ज्ञारीय महरूव के अमान मन्वरा करना नाहिए को त्यार करना ते महरूव लेनी चाहिए। यानकों में एक स्थाना अमेर असे सुधारत करने के लिए विद्याय अनुदेश दिए जाने चाहिए। यह अदिव विभिन्न आसारी पर प्राप्त है। यह नितान आसार है हि रहने समान अगरार, १९५०-५३, पर लावा जाव।

मून्य अंक्डो का सक्कर देश में होने बाले आधिक परिवर्तनो का जान प्रान्त करने क्रियेक्शिया जाता है। इनमें अधिकतर लाग उठाने के लिये यह आवस्यक है कि इनका प्रकारत नक्कर हैती हो हो जाना चाहिए। इनके प्रकारत में विलव इनकी जाभीग्या एश देता है।

# ८. व्यापार-आँकड़े

(Trade Statistics)

मारत में व्यापार बांकडे मारत मरनार के नाणिक सूचना और जांन है विभाग हारा सनिष्टन निष्में जाति है। इतना सन्तर्भ कारम से हैं। वहना सामकना रहा है। मैंने तो याणिक मुनना और आंचडे विभाग पर इनका सक्कन व करो ना दायित्व है परनु अधिनामन में राज्य के प्रवच सन्ध्यों काओं के सह-बताद (by-products) के रूप में बज्दन होंगे हैं, बेंचे, इन आंचडों ना बहिनाम मारा सोमागृत्क और ज्यादन गुन्न (Customs and Excise) विभाग हारा और रेजने विभाग हारा जारे रेजने विभाग हारा निर्मा जाता है। ब्यापार आंचडे यो प्रवार के होंने हैं,

348

- (अ) भारतीय व्यापार के सूचकाक।
- (व) भारतीय व्यापार से सवधित सामग्री।

## भारतीय व्यापार के सुचकांक

भारत के विदेशी व्यापार के सूचवाको का सकलन (क) वाणिज्य सूचना और

औंकड विभाग और (ख) भारतीय सनित अधिकोप (Reserve Bank of India)के द्वारा किया जाता है। ये सुचकाव निम्नलिखित से सर्वाधत हैं —

(१) आयात और निर्यात की गई वाणिज्य-वस्तुओ (merchandise)

के इवाई अर्घों (मत्यों) वे सुचवाक।

(२) भारत के विदेशी व्यापार (समुद्री और हवाई) की प्रमात्रा (quantum)। वाणिज्य सूचना और आँकड विभाग द्वारा सक्लित सूचकाक भारत के विदेशी

(समुद्री हवाई व भूमि) व्यापार व नौ परिवहन से सवधित लेख [Accounts Relating to the Foreign (Sea, Air and Land) Trade and Navigation of India] में अवाधित होते हैं। इन मुचवाको को शासकीय

और अशासकीय संगठनो द्वारा विस्तृत प्रकाशना (publicity) मिलती है।

इकाई अर्थ और प्रमाता के सूचकाको का सकलन करता है। य सूचकाक मासिक और वार्षिक रूप से प्रवाशित होते हैं। पदो को तीन मुख्य समृह में विभाजित किया गया है। इस प्रकार चार सूचकाको को प्रकाशित किया जाता है जिनमें तीन तीना मस्य

अब मुचनान बनाने में समुही भारित माध्य मुत्र का उपयोग विया जाता है जिसमें चार वय की राश्यि को भार मान लिया जाता है। प्रमात्रा सूचकाक जिस मुत्र द्वारा बनाए जाते हैं उन में आघार-वण के अध-अक भार के रूप में लिय जाते हैं।

प्रमात्रा मुख्याव की गणना प्रत्यक्ष रूप से नहीं की जाती इसका व्युत्सादन इकाई अम सुचनान ने अर्थ-अनुपात और मूल्य सूचनान से निया जाता है। इन सुचनानी की गणना समुद्री और हवाई व्यापार की कुछ चुनी हुई वस्तुओ के आधार पर

विया जाता है। वे पद जिनका सूचक बनान में प्रत्यक्ष रूप से उपयाग नहीं विया

भारतीय सचिन अधिकोष (Reserve Bank of India) के सचकाक Reserve Bank Bulletin म मासिक रूप से प्रकाशित किए जाते हैं।

इन सुचराको की रचना विधि का समिप्त विवरण यहाँ दिया जा रहा है। (क) वाणिज्य-मूचना विभाग मूचनाक (The Department of Commercial Intelligence Index)- यह विभाग विदेशी व्यापार के

समहो के है और चौथा इन पदो को एक साथ लकर बनाया गया सुचक है। इनाई

जाता उनके बारे में यह करपना कर की जाती हैं कि उन मूल्यों में वे ही परिवर्तन होने हैं जो सबसित वस्तु समूहों के मूल्यों में होते हैं।

(स) समित अधिकोय गुजकाक (सर्वाधित माला)—मारतीय समित अधि-गोष द्वारा जामात व निर्मात के अर्थ व प्रमाजाके सुककाक १९४८४९—१०० के जामार रूर प्रगासित विश्व जी रहे थे। यह अर्थारवर्ती आपार-भार की पढ़ति सूची अक को अवास्तिक बता देती है न्योंकि एक सम्य में व्यापार में परिवर्तन हो जाते है। इस दोष को पूर करने के हेतु यह निरूप निजय मिला गया कि सुम्मकाक का समोजन किया जाय व एक जीवत आपार पर्य और भार पढ़ित को अपनाया जाय।

पदी का चुनाव—पदो को तीन वर्षों में विज्ञानित किया गया है। यह वर्षे हैं (१) लाय, पेम व तम्बाह, (२) कच्चे माल, व (१) निर्माय वस्तुमें। इन वर्षों से ने सब क्सू वर्षे विज्ञान जया पूर्ण अर्थ का ० ५ प्रतिकात से अधिक हैं चुन हो। गई है। प्रत्येक वस्तुन्वर्ग में ते वे पद जिनके प्रमादा अकि दें उपलब्ध है और जिनके आवात व निर्मात का वर्षे १९५२-५३ में २५ छाल कर से अधिक था, दन सूचकों के निर्माण करने के लिखे चुन लिखे गये हैं। दस बात का प्रवत्त किया गया है कि मुचवाक विज्ञान अधिक व्यापक हो सके वनाया जाय।

आधार का चुनाव—पिछले कुछ वर्षों में ब्यापार में होने वाले परिवर्तनों के कारण यह आवश्यक हो गया या कि आधार वर्ष १९५२-५३ कर दिया जाय। इन आधार को चुनने के कारण यह ये कि —

- (१) किसी युद्ध व राजनैतिक या आर्थिक उथल-पुषल के अभाव में ध्वापार एक स्थिरना के पद को प्राप्त हो चुका था।
- (२) अर्जन १९५१ से निर्माण अर्थ का आधार नो तल पर्यन्त निरमुक्त (£.o. b.) भूत्य म, जिसम निर्मात कर एक्प/था अन्य कर (ccss) समिमीला है, गरिवांकर कर दिया गरा। इस कराए १९५२-४ के मुनाव से प्रत्येक पद पर निर्मात कर गणना करने को विज्ञाई नहीं रही।
- (३) अर्प्रेक १९५२ से पानिस्तान, वर्गा, वचनानिस्तान और इरान से होने बाले मूर्मिन्यापार के विस्तृत अंकडे मारत के विदेशों (समुद्रे, बागू जया मूर्मि) व्याप व भो परिवहन के मार्गिक लेखें (Monthly Accounts of the Foreign (Sea, Air & Land) Trade and Navigation of India) में प्रकाशिन होते हैं।

अर्थ सूचकारु-अपात व निर्पात मूल्यों के सूचकाक बनाने के लिये निम्न सूच का प्रयोग विधा जाता हैं ---

$$P_n$$
 (Price Index)= $\sum_{\Sigma'P_pq_0}^{\Sigma'P_nq_0} \times 100$ ,

उपर्युक्त मूत्र ने अनुसार, अर्थ मूचनाक चालू वर्ष ने अर्थ और आधार वर्ष ने अर्थ को आधार वर्ष की प्रमात्रा से पुनर्मृत्यन वरने ने परचात प्राप्त मूल्यो का अनुपात है।

प्रमात्रा सूचकाक —संशोधन से पहले प्रसात्रा सूचवाच निम्न सूत्र द्वारा प्राप्त होता या —

 $Q_n$  (Quantity Index)= $\frac{\Sigma' p_0 q_0}{\Sigma' p_0 q_0}$ ×100. परात अब मह्य सच्चाव अर्थ सच्चाव, और माध्य अर्थ सच्चाव का अनुपात

परन्तु अब मूल्य सूचनान अर्थ सूचनाक और माध्य अर्थ सूचनान का अनुपात है। अर्थात —

P'n (Average Value Index)= $\frac{E'p_nq_n}{E'p_oq_n}$ ×100. उपर के तीनो सूत्रों में चिन्हों का अर्थ इस प्रकार हैं —

p = आधार वर्ष के इवाई अर्थ,

q<sub>n</sub>≔चाल् " " "

बेवल ऐसे पदो को सम्मिलित किया गया है जिनके इकाई अधं प्राप्य है। माध्य अधं सुचवाक की गणना मृत्यों में दीर्घवालीन परिवर्तनी का अध्ययन करने के उद्देख से की गई हैं।

नये सुक्कांक के लाभ—तन् १९५२-५३ के जागार पर बनाया प्या महीगित्व के दो मुक्काक व्यापार में होने वाले परिवर्तनों में प्रभावित होगा है। नई साश में मूक्यों के दो मुक्काक तैयार होते हैं, अर्थात् मूक्त मुक्कान तथा माध्य अर्थ मुक्कान जिनसे लघु कालीन व दोचे नालीन उपनतियों का अध्ययन हो सकता है। अन्त में, सांसोधित सुक्कान का केन तथा पदा वी चक्का अधिम विक्तुत है, हममें सपूर्ण मूमिसीमा के व्यापार का लेशा रखा जाता है। इम दृष्टि से सचित अधिकां मुक्कान विभागीम मूक्काक से बहुद अच्छा है।

## (ब) भारतीय ज्यापार से संबंधित सामग्री

भारत के ब्यापार के अर्घ और मात्रा स सवधित सामग्री का वर्गीकरण निम्न-लिखित हैं

- (क) अन्तर्देशीय व्यापार (Inland Trade)
- (ख) फुटकर व्यापार (Retail Trade)
- (ग) विदेशी थोक व्यापार (Foreign Wholesale Trade)

(क) भारत के अन्तर्देशीय व्यापार से सर्वाधित सामग्री (Data relating to Inland trade of India)—महरू कांश्रियममुक्ता और आंकड़े विभाग एक राज्य से दूसरे राज्य के होने वांश्रियमगणमत (movement) स्वाधित सित्तृत अर्तेक प्रकारित करता था। परन्तु पितव्यसिता के आवार पर १९२२ में दत्तरा प्रकार महाचान बन्द कर दिया गया। ये आंकड़े किर से मासिक पत्रिका, मारत के अनार्दाश व्यापार (के तथा नदी दारा) से सवधित केले [[Accounts relating to the Inland (Rail and river-borne) Trade of Indial में प्रकारित किये जाने जो है।

बिन पदों के लिये ये बिल्हुत विकरण उत्तप्तल्य हैं उन्हें ३० से अधिक मूच्य समूहों में बीटा पया है। 'अकाउन्दर्ग' में इन वस्तुओं की केवल उन रावियों का विवरण मिलता हैं विकका परिवहत रेलों या आप मोडा (steamer) से किया जाता है। ये बीकती (invoices) से जमा किये जाते हैं और इनमें आवरण बीर संबेच्दन (cover and packing) को छोड़ दिया जाता है। वाणियय यस्तुओं के गमतामयन से मुख्यित तिमन्त्रिवित ल्योरे उपलब्ध हैं

- (१) अन्तराज्य व्यापार (Inter-state trade)
- (२) अन्तर्वसन व्यापार (Inter-port trade)
- (३) राज्य का पतन से व्यापार (trade of state with a port)

आंकडे प्राप्त करते ने अभियाय से देश की खड़ों में विभाजित किया गया है। साधारात राज्य ही सद भी है और पत्तन राज्य से अन्य सक्त है। किसे में अन्तर्रशीय व्यापार से सवस्थित सामग्री दिसारिणी (two-way table) के क्यमें दी गई है। एक ही सड़ वा नाम शंठिज और ऊज्यें रूप से दिया गया है जिस से किसी एक सड़ वा हुसरे खड़ों को रिया गया नियंति आसानी से जाना जा सरे।

अन्तर्रेतीय क्षास-व्यापार के अंकडे—नव प्रकार और गुणो की कपास के एक राज्य में दूसरे राज्य को प्रकाशकत सबयी बोकडे मानिक पत्रिका कच्छी कपास व्यापार नीकडे (रेंक तथा नवी द्वारा [Raw Cotton Trade Statistics (Rail and River Bornel) में नियमित रण से प्रकारित होते हैं।

(व) भारत की भुटकर व्यापार सबयी सामग्री—भारत के कृटकर व्यापार सब यो अंकड़ों की रिश्ति बहुत असतीयनक हैं। कृटकर व्यापार सबयी अंकड़े उपरूष्ट हो गही हैं। कुछ सीमा तक हमारे व्यापार-ओंडडों की यह कभी समस्री वा सबनी हैं। हमारे देश में फुटकर व्यापार योज व्यापार थे कही अंकित असान के हैं और वर्गमान बाता में सुटकर व्यापार सबने अंबड़ों कि सहस्त करन के मगत अवस्त हो बहुत बम सकता प्रयुक्त कर सकते हैं। यह सामग्री आधिक और वाणिज्यिक अध्ययनो ने लिये बहुत मुख्यवान है, इसलिए सरकार को इनका मकलन करने की दिशा में प्रयत्न करना चाहिए।

- (ग) भारत के विदेशी योक व्यापार संबंधी सामग्री—यह सामग्री विविध शासकीय प्रकाशनों में प्रकाशित होती हैं। मन्य विषय से संवधित उपलब्ध सामग्री भा प्रभार और इनने गुणावगणी का विवेचन इन प्रभाशनी में दिए गए आँनडी के आधार पर किया जा सकता है।
- भारत के विदेशी (सम्द्री, हवाई य भूमि) ध्यापार व नौ परिवहन से सर्वधित लेखे [Accounts Relating to the foreign (Sea, Air and Land) Trade and Navigation of India?
- 'लेखे' वाणिज्य सुचना व सास्यितीय महामुबालक, वाणिज्य व उद्योग मुत्राज्य डारा प्रकाशित एक मासिक पत्रिका है और इस विषय में सबसे अधिक महत्वपूर्ण और प्रामाणिक समभी जाती हैं। पहले छेखे बलग-बलग प्रकाशित किये जाते थे---एक समुद्री और हवाई व्यापार से सर्वाधित सामग्री देता था और दूसरा अभि-व्यापार सबधी था। १९५२ में प्रकाशन आशिक रूप से संयुक्त कर दिए गए। अभी तक इन दोनों को परी तरह से मिलाना सभव नहीं हुआ है क्योंकि इन दो प्रकाशनों में वस्तुओं का वर्गीकरण एक रूप नहीं था।
- कुछ छोटी बातो से सबधित सूचना के अनिरिक्त 'लेखे' निम्नलिखिन से सबधित ब्यौरो को चालू वर्ष ने चालू महीने, पिछले दो वर्षों और अप्रैल से पिछले तीन वर्षों के सचयी योग के रूप में देता है:
  - भाग (क) समुद्री और हवाई विदेशी व्यापार (foreign trade by sea and air)
    - आयात (Imports)
    - २ पूर्नानयति (Re-exports)
    - ३ निर्यात (Export)
    - ४. कोप व्यापार (Trade in treasure)
  - भाग (ख) विदेशी व्यापार में लगे हुए पोन (shipping vessels in
    - the foreign trade)
  - भाग (ग) भिम से विदेशी व्यापार (foreign trade by land)
    - आयात ২ পুদুদিপরি

    - निर्यात

प्रत्येक भाग के लिये सक्षिप्त और विस्तृत सार्राणमाँ दी हुई रहती हैं।

(क) समुद्री और हवाई बिदेशा ध्यापार—'ऐस्से में इनका निस्तृत निपरण दिया हुआ रहता हैं। बर्फ और राित सबकी कायात असे का सकलत तीत्रमाह प्रेमणाओं (customs declarations) और नीमामुल्स नृहों से पार्टित हों के द्वित के इतिहार-बार्च (bills of entra) में महीते के अनिम काय दिवस तक या उसके जितना समीप समय हो सकता है किया जाता है। आगत मवणी अक सबत पूर्ण नहीं है। इसमें सरकार के नाम पर होने बाला आयान सर्मितिता नहीं है क्योंक सरकारी स्टारों ने जिल्लाकत की प्रणाली फित है। परमु ये अंक सार मामाजीवत कर लिए जाते हैं। सरकार के नाम साधानी के सामाज के अरु अरु मामाजीवत कर लिए जाते हैं। सरकार के नाम साधानी के सामाज के अरु अरु हो, या करदेव बस्तृतह (bonded ware house) में स्कान के हेतु हो या पून निर्मान के निर्मे। जातियों के सामाज में बर रहेत बस्तृत स्वामाण कर वारों हरा। प्राप्त वस्तुत सिम्मिलर है।

समल्पन रासि और अब ने निर्योत अलों का मकलन नीविष्यां (shipping bills) में किया जाना है। नावेयप में यूतता (short shipments) के नारण इन अका में आवस्यकतानुसार समायोजन कर निया जाता है। सीमा सुक्त विमान के अधिकारी रासि और वर्ष के ध्योरी में आंच बरते हैं।

आयात और निर्मात की 'बान्तविक' (net) रामियों ही जाती है जिनमें आवरण व संवेष्टन सम्मितिक नहीं किये जाने । निर्मात अपों में निर्मात-गुल्स और (यिंदि हां तो) उपकरों का भी समयेवन किया जाता है जर्मात नी ता नि (नीतक पर्मन नियुक्त अर्थ (fob value) दिया जाता है। निर्मात के आंकड़े निम्न-लिखित भागों में बंटि गए हैं।

- (१) भारतीय वाणिज्य-वस्तुओ का निर्मात और
- (२) विदेशी वाणिज्य-वस्तुओ का पुर्नानयात ।

आयात और निर्यात के आँकड़े निम्नलिनित पदायों की प्रकृति के अनुसार निम्नलिनित पौच मुख्य भागा में विभाजित किए गए हैं

- १ भोज्य और पेय पदार्थ एव तम्बाकू
- २ वच्चा माल और मुख्यत अनिमित उपज और पदार्थ
- ३ पूणत मामुख्यत अनिर्मित पदाय
- ४ जीवित जन्तु
- ५ प्रेय वस्तुएँ

मुख्य नीर्यन [को उपधीर्यनों में विभाजित किया गया है। जिस्तृत सारणी में मुख्य और उपधीर्यना ने पदा को बर्ण-रूम में रक्त्वा गया है। तिन्तिलिसित के लिए अलग से अन और है मिल सकते हैं

- (१) निजी बाणिज्य वस्तुएँ
- (२) सरकारी सग्रहण (store)
- (३) नोप —(न) सरनारी, (स) निजी [चल तिपत्रो (currency notes) को छोड कर]।
- (ल) पोत—विदेशी व्यापार (shipping foreign trade)—यह क्रांतर में मिरत ने विदेशी क्यापार व नौपरिवहन से सनिवत रुपें 'से समस्ति विदे जाते हैं। इनमें छट हुद्यें पोतों की सख्या न मार (tonnage) का क्यापम व निगमन दिया रहता है। वे जहाज जो एक ही सोधा ने स्वयं में कई मारतीय करराहारे पर जाते हैं नेवल एक बार ही छेले में आयों। जहांनी का वार्योंकरण राष्ट्रीयता वे अनुसार इस प्रकार किया गया है
- ्र कारतीय अर्घत वे कहाउ को नि कारतीय कहाउ करेगो है रामा निगर। पत्रीमन (registration) मारतीय जहान वहीवन विवाद (स्थ्या १०,१८४१) [Indian Registration of Ships Act (No X of 1841), या निशी क्षम विचान जो उस समय कार्ग हो, ने करानीत निया गया हा ।
- (२) अर्थन पर प्रवास का हुए, व जन्म वार्य वा कि अर्थनों भड़ा पहराने हैं और निनंश पश्चीयन अर्थनों व्यास कराज वा कि अर्थनों भड़ा पहराने हैं और निनंश पश्चीयन अर्थनों व्यास कराज विचान, १८९४ (English Marchant Shipping Act of 1894) के अन्तार्थ विचा गया हो।
- ३ विदेशी अर्थात वे जहात्र जा भारतीय या अर्थजी फरडे वे अतिरिक्त वोर्ड मन्डा पहराते हैं।
- (ग) भूमि के रास्ते विदेशी व्यापार—'ल्वे' में भारत वी पारिस्तान, अप-गानिस्तान, ईरान, और बगी से भूमि के रास्ते हाने बाठे ब्यापार का विस्तृत विदश्त रहता है। अन्य देशा से व्यापार के अब गारतीय व्यापार पिक्त (Indian Trade Journal) में स्थि चाते हैं। पेपारन तिब्बत, सिक्मि बौर पूरान से हाने बाठ व्यापार के खोकडे इसमें नहीं सीम्मिलत किये गये हैं।

व्यापार का सतुकत (Balance of trade)—इन होने मागो में सर्विषत उगर्युक्त मुक्ता ने निरतुक विवरण ने बतिरिक्त 'केले' में मार्स्ट के व्यापार सतुकत सबगी और हैं भी दिये रही हैं। ये अलग-अलग रूप से (१) वानिज्य व कन्तुता, ने (२) साना-कौरी ने व्यापार-सतुकत ने और (३) कुळ दृश्य व्यापार ने सतुकत न जीनडे येत हैं। मार्गहर ध्यापार (trade in transit)—इमने अन्तर्गत ने छेचे आगे हुँ तो मारतीय मोमा पर होने बाले मार्गाव्य विदेशी व्यापार (ओ कि नारतीय क्टबर-गाहों या नी निवनी हाया होने हैं) में महाधन है। पाहिस्सान से होन बाला मार्गहर ब्यापार हमारी मार्गिहत नहीं है।

II. भारत के विदेशो व्यापार की चल क्षेत्रों तथा देशों के अनुसार दिया (Direction of India's foreign trade by currency areas and countries)

यह आंत्र हें "भारत के विदेशी (अमूत्री, हवाई व मृष्ति) व्यापार व नो परिषहन में उपलब्द हैं। लेखों में उपलब्ध आंत्र हें मागंत्य व्यापार के विषय में कोई समायोजन नहीं वरते। चल-जेत्रों का वर्गीकरण इस अवार हैं —

- १ पींडक्षेत्र,
- २. डॉलर क्षेत्र,
- आर्थिक महत्राग्ति के लिये यूरोपियन मगठन के देश,
- ४. अन्य विना पौंड चलन के क्षेत्र।

आयान—आवानों का वर्गीकरण निर्मान करने वाले देयों के अनुमार किया जाता है। इन बांक्डों के लिए माल वा आयात जारे निष्म सायन (समुद्र, भूमि व वायु) द्वारा हुआ हो परन्तु अविष्म होना चाहिए। परिवहन के एक सायन से दूपरे सामन के माल का हस्तानाता विष्म नहीं माना जाता है। इस काएण यह अवदाक नहीं है कि निर्मान करने वाले देश ही वत्रम स्थान हों, यह भी ममन हैं कि निर्मान करने वाले देश में माल किसी देश में आयान वर्षक मारत मेना हो।

III. भारतीय सच का सीमा कर तथा उत्पादन कर विवस्ण (Customs and Excise Revenue Statement of Indian Union)

यह प्रमारान आयान और निर्मान पर पहने वाले मोमा हुन्य हे सबग्री ब्योर देता है।

1V. भारत के तटीव व्यापार तथा नी परिवहन संबंधी केले (Accounts Relating to Coasting Trade and Navigation of India)

यह एक मासिब प्रवासन है और निम्निरिसित स मविति भाष्य नावा और देशी नावों के रिये अरम अलग सुबता देता है

- देशी नावों ने जिसे अज्य अल्प सूचना देना है

  (१) भारत ने समुद्र तटीय ध्यापार में प्रयुक्त नौभार सहित सा खाळी पोतो न आन और जान का सहया।
  - (२) नौभार-जल्याना का राष्ट्रायसा और स्वामित्व के अनुसार वर्गीकरण

V वार्षिक विदेशी व्यापार के अंकिडे (Annual Foreign Trade Statistics)

यह दा खड़ों म प्रशासित हाता है और भारत न विदेशी व्यासार ने अप परिमाण और दिया ना ब्योरा देता है। यहुर जह में प्रत्येन देश से भारत ने आयात निर्मात ना अरण अरण विदया हहता है। हुतरा लह प्रत्यन देश और पत्तन से ब्यापार और नीवहन ना ब्योरा देता है।

VI अन्य विदेशी ज्यापार, तथा समीधत प्रकाशन (Other, Foreign Trade and Allied Publications)

भारतीय विदेशी व्यापार के कम महत्वपूर्ण प्रकाशन भी उपलब्ध है। इस सब्ध में दो मुख्य प्रकाशन उल्डेलनीय है

- (१) भारत-पाक्स्तान व्यापार क आंकडे (India Pakistan Trade Statistics) ।
- (२) भारत की क्या तथा खल सबधी माल का निर्यात—मासिक (Export of Indian Artware and Sports Goods monthly)

VII व्यापार की समीक्षा (Review of Trade)

वाणिज्य और उद्योग मजाल्य के आर्थिक सफाहकार द्वारा प्रकाशित इस्र प्रकाशन में भारतीय व्यापार को बाधिक समीशा रहती है । इसमें भारत के विदेशी व्यापार का विदिष्ठण उसकी दिशा समुद्र तटीव व्याप्त व्यापार का शिक्ष आर्थित अरू और साव्यक्षीय सार्रिण्या रहता है। इसकी मुख्य विदोपता यह है कि एक ही स्थान पर भारत के व्यापार के विविध प्रदन्त के बारे में सामग्री मिल जाती है।

VIII. समुद्री व हवाई व्यापार की विषय वस्तु (Composition of Sea and Air-Borne Trade of India)—

समुद्री व हवाई व्यापार को निम्निलिखित मुख्य वर्गी में बौटा जाता है —

१ खाद्य पय तथा तम्बाकू

- २ कच्या माल, तया उत्पादन व मुख्यत अनिर्मित वस्तुयें ,
- ३ पूर्णतय व मुख्यत निर्मित वस्तुऐं।

जीवित जानवर क्षया प्रेष वस्तुर्ये अलग-अलग नहीं दिखाई जाती है परन्तु योग में सम्मिलित की जाती है। मार्मस्य व्यापार के लिये (पाक्स्सान को छोडकर) कोई समायोजन नहीं विया जाता हैं।

### भारत के व्यापारिक ष्यांकडों की समालोचना

भारत ने ध्यापार ऑकडो नी उपयोगिता बहुत है। इनने डारा विभिन्न बस्तुओं ने आयात-नियाँत को दिया का आन होता है। यह सुबना कृपको ध्यापारियो तथा निर्माताओं के लिख बहुत उपयोगी है। बस्तुओं के आर परिमा (volume), तथा देश दिया व बस्तुओं का वर्गीकरण चल विपनों के अनुसार आदि सुबना देशी ध्यापारियों के क्यि अस्वन्त कामकारी हैं।

सारत के देशी व्यापार के आंगडे अपूम है। इसने बस्तुओं के अमें तथा पुड़ार स्वाप्त को सूनना प्राप्त नहीं होती है। इसने अतिरात्त सहक-परिवहन के के विद्यास परिवहन के अपने का प्रत्य के अपने को स्वीप मानता के अधायता के बारण बहुत सा व्यापारिक माल मीटर ठेली द्वारा ले जाया जाता है। इसना नोई लेगाइन सा क्यापारिक माल मीटर ठेली द्वारा ले जाया जाता है। इसना नोई लेगाइन सकता में सही सिलता। यह अफिक विद्यासामा नहीं है बचाकि यह काणापिक उद्देश्यों से सकतिल नहीं कियें जाते हैं, बालि यह रेलों से लेगों से प्राप्त हैं हैं है हिस विद्यासाम है हैं हुए उत्तीत नरते की आवस्तवता है।

विदेशी व्यापार ने आंकडों में हाल ही में पर्यान्त उप्रति हुई है। आयात-निर्वात ने विस्तृत आंकडे, वस्तुओ, दिशा, चल-अंत्रो करीय-वस्तुआ, अर्थ व प्रमात्रा में अनुसार उपलब्ध हैं। यह परिस्मित बहुत सतोपजनक है।

## थ. मज्री श्रॉकड़े (Wage Statistics)

भारत में उपलब्ध मनूरी जीतजे बहुत अपर्याप्त एवं अगतीयजनन है। गत बाल में दनना सबह सासकीय और गैर सासनीय सामजो और व्यक्तिया होरा निया जाता रहा है। में अनुस्थान अधिकातत तवर्ष (ad hoc) में । इनलिये इन अनुस्थानों के परिणामस्वरूप प्राप्त मनूरी अतिक सिनयियत रूपते और सिक्षेप दृष्टि-कोचों से जमा निये आते थे। सामान्य उद्देखों ने क्रिये के अनुष्युक्त में । मनूरी- आकडा के अध्ययन व्याप्ति, प्रकारांत और किमया आदि के दृष्टिकाण स निम्न-िरितित दो श्रीपका के अन्तगत किया जा सकता है।

- (१) कृपीय मजूरी (Agricultural Wages), और
- (२) औद्यागिक मजरी (Industrial Wages)।

#### (१) कृपीय मजूरी

हपीय मनूरी सबभी ऑकडो की स्थिति विशेष रूप से अग्रतापजन है। यह नगी एक कृषि प्रधान देश में और भी अधिक मभीर हो जाती है। देंसे ता कृषीय नगूरी सबभी सामगी वासह अब बहुत समय से किया जा रहा है परनु इनमें नगूरी सबभी सामगी बाद अब बहुत समय किया जा रहा है वरनु इनमें नगूरी सुपार दृष्टि गोचर नहीं होता। इस स्थिति का मुख्य नारण कृषि अर्थव्यवस्था ना असमिति और इपीय मनूरी ना निरक्षर होता है।

पहरूठ कृपीय मजूरी से सर्वाधत सामग्री ना प्रकाशन मृह्य तथा मजूरी, (Proces and Wages) में होता था। यह सामग्री सामाजिक-आर्थित सर्वेनणा के रण में भी उपलब्ध थी। ये सर्वेशण अपं-सरनारी सर्वाधनी, लेंगे विस्वविद्यालयी हारा निए जाते थे। १९०५ में सरवार ने निश्चित निया कि प्रत्येव पांच थयों में मजूरी-सर्वेशण विष्ण जाएँ। १ परत्यु ये सर्वेशण वाच प्राचा में नही विए गये। सामग्री का सम्ब्रिश पांचे। शामग्री का सम्ब्रिश पांचे। सामग्री का सम्बर्ध प्रामीण एवं नागरिल दोना क्षेत्रा में निया गया। इस प्रवार तथहील मजूरी और इंग् सुवार करने ने प्रयन्त अवस्वन्त रहे। प्रारिक्त वहुत असतापननक वे और इनमें मुतार करने ने प्रयन्त अवस्वन्त रहे। प्रारिक्त वाल के मजूरी आवड़ सब प्राना के लिये प्राप्य नहीं है और जो प्राप्य है भी उनका सरकरन एक आवार पर नहीं। विष्या गया है। वई वारणी स्व वालमितित एवं अविस्वत्वीय भा है।

वर्ष और साविषको सवालक, काय और कृषि मयालय, द्वारा मनावित मनूरी आइडे — मनालक ने निवित्त कर से अधिक विद्यवनारीय और एक रण आधार पर कृषि-यम सबसी मनूरी आवडा का सक्तन वरने ना मान निया है। ये जान हैं भारतीय कृषि-यनूरी जीन्ड (Indian Agricultural Wage Staustics) में प्रनाधित निए जात है जो १९५० स प्रनाधित हा रहा है। इस परियाजता का राज्य-सरसार से परामदा करने क बाद अदित कर दिया गया है। निम्निजीत जार यों में विज्ञानित कर के कृषि मनूरा स सबधित विदेश राज्यों की मनूरी क और दिए जात है

```
१ कुद्दाल मजूर —

(1) वढई, (11) लाहार, (111) माची ।

२ क्षेत्र (field) मजूर।
```

- ३ अन्य कृषीय मञ्जूर ।
- ¥ चरवाहे।

समूरों ने जन प्रयोक जिले में एक वृत्ते हुए गांव से मासिक रूप से ममहीत दिए जाने हैं। यह तमक किया जाता है कि ये अब पूरे तिर्केश में प्रतिनिधित्व करते हैं और उत्तर प्रकाशन जिलों ने जनातृमार दिया जाता है। जिले ने अवा या ममेहन (consolidation) राज्य नरहारों द्वारा किया जाता है और वह उन्हें प्रवादन के लिए मचालव के पार नेजते हैं।

हुमल भन्दां को छोड़ कर अन्य दसों ने हमीन सन्दार के अन पुरान, रशी और बाल मन्दां के लिए प्रकरा बला प्रकाशित दिए वात्र हैं। इन्य में दी गई मन्दां वेसे ही दिन की जाती हैं, और बस्तुनों में दी गई मन्द्रां को इत्य के रूप में रखा बाता हैं।

ये मङ्ग्री-जोनडे जिले और राज्यों ने प्रायेन वर्ग ने मङ्ग्र की अधिनतम और निम्मतम मानिक मङ्ग्री के बारे में क्यूचिन बीध कराने हैं। ये ब्यस्त और विधिल मौनमों को भी बताते हैं।

कृपीय मजूर जांच समिति द्वारा सम्होत मजूरी लांक है (Wage Statistics Collected by the Agricultural Labour Enquiry Committee —१९४३ में हुये निरक्षीय मजूर सामेलन ने दिवारिय सी कि पूर्याय मजूर हो मजूरी-चर, रोवतार, अर्चन, निर्वाट्ट-चर, व्यक्तिया वार्ति से सबस में जोच । मारत सरकार ने प्रयोग मजूर बीच समिति नियुक्त की निवास नाम कृपीय मजूरों को समाजी के बारे में प्रीवर्ध-मंदित (sample survey) बरला था। इस विपिति ने निवृत्त होने के नाज ने जाववाय कर १९४८ में सारत सरकार ने नृत्ताय मजरी जीवित्यन, १९४८ पारिता तरका निर्वेच अनुवार निर्विद्ध नर्वार अपितियान, १९४८ पारिता तरका निर्वेच अनुवार निर्वेच प्रवर्ध ने मजूरी निर्वेच वरता आवाय मा। इस बात वा जन्म तर्मा मजूरी निर्वेच वरता आवाय मा। इस बात वा जन्म त्री मुन्ताय मजूरी निर्वेच वरता आवाय है वो न्यून्ट मजूरी के आवार वत वह ने। राज्य मरकारों मी गाराचा वे चढ़ विवर्ध १९६९ में आवार हुई।

अनुस्थान को अभिकत्यना (design) ऐसी पी कि इसीम मजूरों की वृत्ति, अजंग, शराम, निवर्रित्यन और छुपिवा मबसी प्राप्ती संस्कृति को बाये, जिससे स्वापक और सुगाएनक कार्यों की अन्वयनका और नार्यों निवर्षा की की सहें और अधिनिया के अनुसार सुन्तम मनुष्ये में निरित्य की हा सने ।

क्यांव मकूर जीव समिति के प्रतिवेदन घोरे-घोरे प्रकाशित किए जा रहे हैं। १९५२ में प्रकाशित भारत में कृषि मंजूरी, पहला भाग (Agricultural Wages in India, Vol I) में जांच ने समय समहोत सामग्री दी गई है। जिन बातों से -सर्वाधित सामग्री हैं उनमें हुपोय मजूरा ने बुदुवो वा मात्रिन विस्तेषण, मजूरी और वित्त की दशाएँ, मन्य, बेगार आदि भी समिमित्त है।

## (२) श्रीद्योगिक मजूरी

अधिगित मनूरी सबधी सामधी नो हिन्ति हुगीय मनूरी से सबधित स्थिति से कुछ अधिक प्रतापनक है। परन्तु इसमें भी नाक्षी सुधार की आवश्यकता है। राजनीय यम आयोग ने उपण्डम मनूरी अनिको को अपर्याप्त वसाया था। तब से नाफी समय बीत जाने पर भी स्थिति से संतीपनक मुगर नहीं किये गए। गत नाल में ओधागिक मनूरी ना सन्छन करने और उन्हें मुख्यवस्थित नताने की दिशा में प्रताप किए। गत नाम वस्की हिला और कुछ अप प्रात्मीत सरकारों ने मनूरी-संस्था किए। यह नाम वस्की हिला और कुछ अप प्रात्मी में नृह किया। तरपनातु कुछ अपिको का समस्व हैं के मनूरी सोधन अधिनिवस (Payment of Wages Act) के अनतीत भी किया गता। देशे प्रतिवेदन में भी मनूरी सबधी आकरें हैं पाये से पी मनूरी सुधी सबधी आकरें हिंदा गये से । भूवय व मनूरी (Proces and Wages) में भी ओधोगिक मनूरी सबसो आहें किया निवसी हैं है।

सबया जागड ावप हुए हा इन स्रोति में उपलब्ध अन एक से अधिन कारणों से असतोपजनक हूं। सामग्री मुख्यत भीण प्रकार की है और बहुत वह परास में मजूरी दी गई है। जिस कारावित्र के लिए मजूरी दी गई है उसकी इकाई समान गही है। अब दशा में जुछ सुभार हो गया है और औधोषिक मजूरी से सबधित सामग्री निम्निलिखत प्रकारा में मिछ सकती हैं—

- १ े सान के मुख्य निरोक्षक ना वार्षिक प्रतिवेदन (Annual Report of the Chief Inspector of Mines)।
- २ भारतीय चाय के ऑक्ड (Indian Tea Statistics)—केवल चाय
- के बगोचो में नाम नरन बाल मजूरो के बारे में।

  असरतीय निर्माणी विधान में कमकरण का वार्षिक प्रतिवेदन (Annual
- Report on the Working of Indian Factories Act)

  अ भारतीय श्रमिन सध विधान से नमनरण का वार्षिक प्रतिवेदन (Annual
- Report on the Working of the Indian Trade Union Act)। इन ने साथ साथ बुछ प्रवार वे मधुरी और विभिन्न राज्यों न अम पतिना (Labour Gazette), विविध जीन समितियों हे प्रविचेदनों और अम रायांच्य (Bureau of Labour) द्वारा ग्यांच्य

हैं। मनूर प्रतिकार अधिनियम (The Workmen's Compensation Act), कर्मवारी राज्य दीमा अधिनियम (The Employees State insurance Act), মাবৌष থম पविका (The Indian Labour Gazette) हत्वादि में भी औरोर्सिक मनूरी सबची मुक्ता मिल महत्ती है।

ये मजूरी आँकडे औद्योगिक मजूरी के क्षेत्र में पर्याप्त मुधार दिखाते हैं । उपलब्ध मजूरी ऑकडो का मृक्य दोग उनका असमन्त्रित (un-coordinated) होना है ।

निर्माणी क्षेजारियों के अर्जन का अन कार्यालय सूजक (The Labour Bureau Index of Earnings of Factory Wor, ers)—प्रमाणांक्य एक वर्षांकर प्रकार करता है विस्ता पूर्व चारतवर्ष के निर्माणी कर्जवारियों के अर्जन और उतनी ही व्यक्ति वाले निर्माह प्रियं रहते हैं। यह प्रकार मजुरी पोजन अधिनियान, १९६६ के अन्तर्गत समझीत मजुरी-अकी पर आधारित है। इस मा मूल्य उद्देश्य तिमंखी कर्मजारियों के निर्माह-अध्य और उनने अर्जोंन का युक्तासक अध्ययन करना है। यह मुक्क निर्माह क्षेत्र मा निर्माण कर्मजारियों कर्मनारियों कर्मनारियों कर्मनारियों के निर्माह-अध्य और उनने अर्जोंन का युक्तासक अध्ययन करना है। यह मुक्क निर्माहित्यत तीन मार्गों में दिया एनता है

- १ प्रत्येक राज्य में सब उद्योगो का सुचक।
- २ सयुक्त रूप से सब राज्यों के प्रत्यंक उद्योग का सूचक।
- ३ सब राज्यों के सब उद्योगों का सूचक। आधारवर्ष १९३९ है और सूचक १९४४ से उपलब्ध हैं।

इस भूभन में दुख मिलतें हैं जो इसरी प्रकृति म गिहित है। इस मूजक के क्षेत्र में स्वाव चर्चाण आहे हैं जो निर्माणी अभिनेष्यम १९४८ के अलगाँव आगे हैं और यह स्विधिक्य में दे गई मजूरी के परिनाया माना है। इस प्रकृत एक ज्ञानिक मनूतें पर विचार नहीं करवा है। इसरा बोग यह है कि इसका आधार नमें १९६९ है, खबिक निर्माह मूजरात का आधार को १९४४ है। इसिक्ट निर्माह मुक्तक के तुल्ला करने के लिए इस मुक्क में सामायोजन करने कहे है। बीसार बोग यह कि कि यह केवल वर्ष भर चालू पहुक में सामायोजन करने के ही ही बीसार बोग यह कि कि यह केवल वर्ष भर चालू पहुक मोल (percunal) उद्योगी पर विचार करता है और रेक जर्ममारियो को ठोड देवा है। इस प्रकृत इसकी म्याप्ति मूल श्रीयोगिक करवान्य है भीर के कर्ममारियो को ठाड देवा है। इस प्रकृत इसकी म्याप्ति मूल श्रीयोगिक करवान्य है। रेकने और अन्य मीगमी उद्योगों के कर्मचारी छूट जाते हैं।

### ६. औद्योगिक ऑकड़े (Industrial Statistics)

अभी हाल तन हमारे औद्योगिक आंत्रडे बहुत अपर्याप्त थे । स्वाधीनता प्राप्ति के बाद स्थिति में परिवर्तन हुआ है, विशेषत १९५२-५३ के बाद । अग्रेडी काल में उद्योगों के आंवडों वा सबह वरने वी ओर वोई व्यान नहीं दिया नया था । इनका मुम्य नारण यह या वि हमारा औद्योगिक उत्सादन बहुन वम या और विदेशी सासक मारत के उद्योगों के उद्योगों के विदेशी सासक मारत के उद्योगों के विदेशी सासक मारत के उद्योगों के उद्योगों के वाह के विदेशी सासक साम के उत्तर के दिवस में उनकी दिरु वसीन होने वो प्रवासना नहीं देना बाहते थे। इमिल्के यह आदयर्थन ने नहीं है कि भारतीय उद्योगों के न्यां में अदान को बेह उत्तर कर है। जो भी बोडे बहुन औकडे उपल्य है। जो भी बोडे बहुन औकडे उपल्य है है। जो भी बोडे बहुन आंकडे उपल्य है है जनका सकत्र निष्ठी सत्तरों में विद्यान वाह प्रवास हो के स्वास के उपल्य है है। जो भी बोडे बहुन का साम मारत सरकार हारा बहुन वम सामग्री को नमह दिया गया या और इसका उद्देश विदेशी निर्माल की विदेश कर का सामग्री को नमह के विद्यान विद्यान का प्रवास के साम की विदेश कर का बहुन कि मारतीय उद्योग के विदिय पक्षों के बारे में वर्षाय को का बहुन के बहुन के बार कर है है। मारतीय बचाने के विद्यान पक्षों के बारे में वर्षाय को किए उद्योगों में सबिपन सामग्री की अध्यवस्था माना है।

भारतीय उद्योगों के बारे में उपलब्द आंक्टों का अध्ययन दो वर्गों में किया जा सबता है

- (अ) निर्माण, उत्पत्ति बादि मदवी] मामग्री (Data relating to manufacture, output etc)
- manufacture, output etc)
  (व) औद्योगिक उत्पादन और लाभ ने सूचनान (Index Numbers

of Industrial Production and Profits)

मारत ने बड़े दैमाने ने उदोगों से नविष्त निर्माग, उत्तरित और अन्य पर्यों ने । समग्री ना प्रनारत भारत सरनार हारा निरिच पितनाओं में निया जाता था। महासायों ने देमाने ने उदोगों ने सन्या, नियुक्त अम-निन, विसेगोजित पूँजी, उत्पादत, नच्चे माल नी लागन, मजूरी आदि और दानिन ने |बारे |में थी। अगर लिखित पदा में नुक ने बारे में मगीयजनन औन ने उत्पन्नाय, परल अधिनाय पदों से सबधित सामग्री ना या तो सच्छन ठीन ने नहीं निया जाना या या उननी सिमति सोन्योंय थी। जो भी सामग्री सच्छिन ची जानी थी उत्पन्न प्रनायन वर्षे पितनाओं में निया जाना था

भारत ने बड बौबागिन मस्वान, तथा अवती मारत ना मास्यतीय माराव (Large Industrial Establishments in India, and the Statistical Abstract of British India)—हनमें निषय वर्गों भी नहें निर्माणियों बोर नियुक्त सम मबयों सामग्री प्रकारित भी वारी थी। उत्पत्ति बोर विनियो-गित त्री मवयों मुख्या ना प्रकारान भी स्वार द्वारा निषय प्रवादानों में निया अता था, परन्तु वे बहुन अपर्यात्त और अति-विश्वस्तनायि थे। निर्माणियों के मौत्त है (Statistics of Factories) और चसुन्त हरू महरू के नमी ना प्रतिवेदन (Report on the Working of Joint Stock Companies) भी माल्यीय उद्योगों के विश्वय पत्नों की सामग्री का प्रकासन र रहे थे, परन्तु उनकी द्वारा भी बहुत असतीयजनक थी। इसका मृत्य कारण यह या कि सरसार द्वारा आंत्रहों के मग्नद नरने के प्रयासों को उद्योगभी मदेह और अविश्वास की दृष्टि के देखते हैं। या प्रवास के सुद्ध करने के प्रयासों को उद्योगभी मदेह और अविश्वस मुक्त होने भी के नह मिश्र बाय्य नहीं से और मरकार की मुद्धना देश के किया प्रवास करने की प्रस्ताओं को अनुसूत्ती कर देते थे। यदि मुक्ता थी भी जाती भी तो बहु सामान्यत अनुद्ध होनी भी और अनुद्धन कर सक्त विश्वार दलाप्त अर्थ के हिस्स की स्वास प्रकास विश्वार व्यवस्था भी स्वास करने हमान्यत अनुद्ध होनी भी और अनुद्धन कर सक्त विश्वार दलाप्त अर्थ हिस्स किया में सिंदी स्था अर्थ करने के वा जा सके।

इस बात की आवस्यकाता प्रतीत हुई कि कोई ऐसा अभिनियम होना चाहिए जो चयोपादियों को मुक्ता देने के लिए विधित विदय कर सके कामस उपयोग क्रोस क्रिमिनम (The Cotton Industry Statistics Act) में क्याम दिख्यों के क्रिस्तियम लिए आवस्यक मुक्ता देना अनिवार्य कर दिखा गया। इस विधित्तम के अतसर्थत सम्प्रीत सामयी का प्रकारन "जारतीय मिकों में सूती कराई व बुनाई के मासिक अवेक्ट (Monthly Statistics of Cotton Spinning and Weaving in Indian Mills) में दिखा जाता था।

अन्य उद्योगों नैसे जुट, काज, लोहा और इस्पात, पेट्रोल और मिट्टी का तेल, सीमेंट, एए और मारी रसावन और मेंहूं का आहा आहि, सबयी सामयो ना प्रकारण मारत में हुए नुसे हुए उद्योगों के उत्पादन के मासिक शांकटे (Monthly Statistics of the Production of Certain Selected Industries in India) में दिया जाता था। इसमें प्रकाशित (अक स्वेच्छा से दिए जाते थे। में कर्क 'सामजीकमाम' तुलगीय नहीं थे क्योंकि सुकता देने बाले औद्योगिक स्थानी में तथ्या उद्यक्ती एती थी। चीती, दियासजहीं, तथा मचनावा (distilleries and breweries) सबयी सामयी ना सक्कत उत्पादन चुक्क के प्रतिवेदनों के दिया जाता था। "व्यागारिक स्थित का मासिक सर्वेधल" (Monthly Survey of Bussness Conditions) में शक्ति (power) सबयी सामयी दी जाती थी।

उपलन्ध औद्योगिन आंगडो ना यह सिक्षित सर्वेदान स्पष्ट कर देता है नि इस क्षेत्र में द्या नहुत अस्तोपननन थी। तह उपलन्ध औद्योगिक औरडे मर्वेद पून नहीं थे और नेवल नुस्स महत्वपूर्ण स्वांगी के बारे में थे। इन स्वांगों से भी ने स्वकं में क्या जा रहा है।

सब पक्षों ने बारे में नहीं थे। सामग्री असवड और एकरून से उपलब्ध नहीं होती थी। वेन तो प्रामाणिक और विश्वतनीय थे और न ही ब्यापक एव सर्वत पूर्ण थे। वार्षिक निर्माण-ट्योग ग्राना (Annual Census of Manufactures)

१९४२ का अधिनियस—आरतीय औधोपित औक्डो के तालाकीन दोगों को दूर करने के लिये भारत सरकार ने १९४२ में औद्योगित औक्डा अधिनियम (Industrial Statistics Act) गता निया। यह अधिनियम पूरे विटिश भारत पर लानू होता या। प्रान्तीय सरकारों नो इस बात को छूट दी गई थी कि वे अधिनियम के अन्तर्गत नियम—निर्माण उद्योग गणना नियम—यना सकते ये और अपनी गुस्सिय के अनुमार अधिनियम और नियमों को व्यवहार में ला सकते थे। वस्पई प्रान्त ने सबसे एक नियम नाम प्राप्त के अधिनाम में अपनी में त्या से कियम नाम प्राप्तों के दिश्य में किया की प्राप्त में साम नी प्राप्तों के दिश्य में किया नी प्राप्तों के दिश्य में किया नी गई में विद्या में किया निर्माण की प्राप्त में अधिनीय की प्राप्त में साम नियमों ने १९४५ में के इसे में भी। वह से वार्षिक गणनाई की जा रही है और भारतीय उद्योगों के विविध्य पत्तों से साम प्राप्त में स्थापना की एक प्राप्त में अधिनीय स्थापना वी गई शास्त्रीय उद्योगों के विविध्य पत्तों से साम प्राप्त में अधान की स्थापना की नाम अधान में किया प्राप्त में स्थापना नी गणना (Census of Manufacturing Industries)

सह अधिनियम जन सब उद्योगों पर लग्न होता है जो भारतीय निर्माणी अधि-नियम, १९४८ से नियमित होते हैं अर्थात ने सब उद्योग जिनकी निर्माणियों में सा इससे अधिक व्यक्ति नाम करते हैं और जो सक्ति से चरती हैं ये जोयोगिक सस्मान धूनना देने ने लिए विधि-वाष्य है। आन्डा-सग्रह की रीति यह थी कि ओयोगिन-समन निरंदालय राज्य-मरकारों ने पाय गणना वर्ष ने नवन्यर मास में स्पत्र (forms) मेनता था जो निर्माणियों के अभियारनों (occupiers) डारा भरे आते थे। राज्य-अधिनारों हन प्रथमों नी निर्माणी-अभियारों ने पास मेनता या। इत प्रथमों को उन्हें अगले वर्ष नी पत्रदर्श मास में लोटना पड़ता था। इत प्रथमों ना राज्य अधिनारियों डारा परिनिरीधण (scrutinuse) निया जाता साऔर वर्षि वे अपूर्ण, निर्मेदी या अन्य नारणों से वैध्यपूर्ण होते जे तो उन्हें डीन करन के लिए पिर से भोजा जाना था। परिनिरीधण करते के यह वे समलन और निर्माण राणना (Census of Manufactures) में प्रनासन के हेशु निदेशाल्य नो मेंब

गणना के उद्देश्य निम्निटिखित थे ---

(१) समस्त रूप स निर्माण उद्योगा का और प्रत्यक इकाई का राष्ट्रीय आय म अशदान।

- (२) समस्त रूप में उद्योगों की, प्रत्येक प्रकार के उद्योग की और प्रत्येक इकाई की सरचना (structure) का मुज्यवस्थित अध्ययन ।
- (३) देश में उद्योगों को प्रमाणित करने वाले विविध कारको का विस्लेषण ।
- (३) दर्श में उद्योग का प्रभागित पर के लिए तथ्यात्मक और सुव्धवस्थित (४) सरकारी नौति निर्धारित करने के लिए तथ्यात्मक और सुव्धवस्थित

आधार बनाना । इन उद्देश्यों को दृष्टि में रखते हुए जिस सूचना का संग्रह दिये हुए प्रपत्नों में क्रिया

जाता है वह अधिनियम के अनुसार निम्नलिखित से सब्बित है भाग अ-निर्माणी, अभिवारक अदि का नाम और पता।

भाग अ---ानमाणा, आमधारण आद का नाम आर पता । भाग व---पूँजी सरजना---अवल पूँजी, प्रदत्त पूँजी, उत्पादक पूँजी, कर्म वाहक

र्पूजी । भाग स—नाम में रुगे व्यक्ति, मनुष्य-धटो में नाम, नाम करते के माध्य दिन और दिया गया नेनन एवं गनरी निरामें अमीडिंग रुग्भ भी अधिन-

लित है। माग द---प्रयुक्त शनित नी रागि और वर्ष---विजली, कोवला, गंस, उपलेहत कर्का Jubricatine materials), पानी कालि किसे करीना

परार्थ /lubricating materials), पानी आदि जिले खरीदा जाता है या जिलका उपभोग विचा जाता है।

भाग य—अन्य त्रीन और उपभुक्त पदावों की राशि और अर्थ जिसमें कच्छा मारु और अवशयण भी गम्मिलित है।

भाग फ उत्पादों और सह-उत्पादों की राधि और अर्थ जिसमें निर्माण के फलस्यरूप परिवृद्धित अर्थ भी सुम्मिटित है।

जिन अपनो से ऑपनेडो वा नगह विभा जाना है ये से बचोगों के लिए एक स्थ है और विज्ञास एवं मचुनन राज्य अमेरिका में नगम में लाए जाने बाले अपनो के अध्यार पर बनाए गए हैं। मचुनन राज्ये में औपीशिक वर्षीत्र पत्र ना अनुसाल मन्त्र है। हुए नगिज उद्योगों को ६३ नगहों में बीटा गत्रा या। परन्तु अभी असिनियम केन्नल २६ समूहों कक लागू होंगा है। नामधी राज्यों के अनुनार, उद्योगों के अनुनार, स्वानित्व ने प्रवादने अनुनार सचा निर्माणी वे परिमाण के अनुनार प्राप्त है। इसके अनिरिक्त पांच वर्ष ना सांक्ष्य चर्णन राज्य व उद्योगों के अनुनार पुष्तासक अन्त्रमन के किन्ने दिवा हैं।

बचना की समाजेक्ता---यह गजना आर्थिक आयोजन में और राज्य की कीर्त निकॉरण के निए अब्दर्ध ही उपयोगी होंगी, सर्वाप प्रमो अनाना बद्योग और निकॉर्सामार्थी स्थापन साथ में नहीं किये गये हैं। आरत में आपकीय और औ ने संबंद की दिया में यह महत्वपूर्ण प्राप्ति है। स्पन्त व्यापना में दुख दीमा है। इसके अन्तर्गत वेचल २० जयोग आते हैं और इस रूप में यह परिचमी देशों में होने बाजे समस्य पणनाओं से बहुत पीछे रह जाती हैं। यह वेचल जन जयोगों पर लग्न होनी हैं जो निर्माणी-अधिनयम ने अन्तर्गत आते हैं। यह एक सुजात तथ्य है कि मारत में बहुत बड़े परिसाण में निर्माण छोटे और बीच के पैमाने के उद्योगों में होता है। ये उद्योग अधिनयम के क्षेत्र में नहीं आते। इतना यह लगें हुआ कि हमारे उद्योगों के एक महत्वपूर्ण माग के व्यंत्रक प्राप्य नहीं हैं। इन उद्योगों से सवसित प्रमाणिक 'और विश्वसनीय सामग्री के अभाव में राज्य-नीति निर्माण बहुत सीमा तन अनुमान-मात्र रहेता। किर, इस गणना के परिणाम जित जबधि के बारे में वे हैं उनसे करें महीने बाद मिलते हैं। फलस्वरूप इनकी व्यवहारिक उपयोगिना बहुत नम हो जाती है। यदि हुछ महत्त्वपूर्ण बीच हो से स्विधित सामग्री पहले प्रकाशित कर दो आब तो बहुत लग्न हो।

लोकडा समह अधिनियम (The Collection of Statistics Act), १९६३— सह स्वामा जा चुना है कि भारत सरकार नो औक जो तो मान करने के रिय वैधानिक अनुमति की आवस्यकता थी। इस उद्देश्य से १९४२ में औद्योगित अंतर्गत अधिनियम बनामा गया था। यह अधिनियम दिस्ति में आवस्यक गुमार करन में असफल रहा क्योंकि इसकी व्यक्ति और क्षेत्र बहुत सीमित थे। इसकिए सरकार ने लिए यह आवस्यक हो गया कि और का सह के लिए एक व्यापक विधान बनाया जाय जी निम्मितिकत व्यक्ति में लेगी हई सम्बन्धी पर लगा हो।

- (क) विदेशों से व्यापार और वाणिज्य,
- (स) अन्तर्राज्य व्यापार और वाणिज्य,
- (ग) भारत में निगमित, पजीवृत या अन्य प्रकार से अनुगति प्राप्त निगम जिनमें वैक बीमा और अन्य वित्तीय निगम सम्मिल्त है, और
- (घ) स्कथ विपणि (Stock Exchange)।

इन सब ब्यागर सस्याओं के लिए और क्षेत्र का उद्योगों व्यागर, वाणिज्य और ध्यम में विस्तार करन के लिए १९५३ में ऑक्टा सग्रह अधिनियम पास किया गया। इस अधिनियम ने १९४२ के औद्योगिक ऑक्टा अधिनियम को प्रतिस्थापित किया, परन्तु ज्वके सब उपक्रमी (provisions) का नामविसन कर लिया। अब भारत में आयोगिक ऑक्टो का सक्लम १९५३ के ऑक्टा-मग्रह अधिनियम के अनुसार विधा जाता है।

- इस नय अधिनियम (धारा ३) के अनुसार भारत मरकार को यह अधिकार है कि बहु निम्नलिखित से सुबंधित आँकड़े माँग सकती है
  - (१) किसी उद्योग या उद्योगों के किसी वर्ष से मवधिन कोई मुचना ।

- (२) किमी वाणिज्य या उद्योग सस्या या सस्याओं के किसी वर्ग, और विशेषत निर्माणियों, से सर्वाधत कोई सूचना ।
- (३) वस्तुओं के मूल्य, उपस्थिति, मजूरी, काम के घटे, रोजगारी, बेरोजगारी, विवाद आदि जिनका सबध थम के कल्याण और दशाओं से हैं।

आंकड सम्रह असिनियम, १९५६ अभी लागू नहीं किया गया है। अभी कुछ वैयानिक कार्य इस सबय में पूरा कराना क्षेप है। यहाँ यह उन्लेखनीय है कि यह अधिनियम, १९५२ ने अधिनियम की समातता में आपने क्षेत्र में सीमित है और उन व्योगों में से निजकों मुत्ती उद्योग (निकास वचा नियक्ण) अयोगन असिनियम, [Industries (Development and Regulation) Amendment Act] १९५६ की प्रथम अनुसूत्ती में दिए हुए हैं केनल ३८ उद्योगों पर लागू होता है, जहीं ५० भा इससे अधिक अधिक कार्य करते हों और जहीं शक्ति का प्रमोग होता हो, या जहीं १०० या इससे अधिक अधिक कार्य करते हों परन्तु शक्ति का प्रमोग का प्रयोग न होता हो।

"चारत के चुने हुए उद्योगों के उत्पादन के मासिक श्लोकरें (Mouthly Statistics of the Production of Selected Industries of India)—अरुद्ध त्वताया जा चुना है कि निर्माण पत्रमा के परिणमा नी है चारह महीने वाद प्राप्त होने है । त्यह करने की रिति हो ऐंगी है कि इन श्लोकड़ों के प्रकारण में दे रहीना अवस्थानारी है। बौद्योगिक बौकड़ा निर्देशालय स्टेन्डमें से गर्र सामग्री के आधार पर उद्योग-सब्धमें सामग्री के आधार पर उद्योग-सब्धमें सामग्री के आधार पर उद्योग-सब्धमें सामग्री के आधार पर उद्योगों को वार्र में है जो निम्मितियन मुख्य महुते में बीटे गए हैं —

- (१) खनन और उत्खनन (Mining & Quarrying)
- (০) নিৰ্মাণ (Manufacturing), খীং
- (३) विवृत, प्रवास और सिन्त (Electric Light and Power)। विदेशालय की औद्योगिक स्थाओं के स्थेन्डिक सहयोग पर निर्मेर रहता पडता है। फल्टबड़न सामग्री निर्मात रूप से नहीं मिल पाती। इसलिए इन ब्रांकरों की व्याप्ति प्रतासन वदलतो रहती है। किसी प्रकार के निम्कर्ष निकामने के लिये ये और डे बनुष्यान है और कमी-कमी सामक भी हो सुनते हैं।

औद्योगिक आंकड़ों के अन्य प्रकाशन (Other Publications on Industrial Statistics)—उपर्युतन मुख्य क्षोजीतिक कॉकड़ों के साप-साथ मारात सरवार के जुल अभावती में जन कम महत्वपूर्ण जॉकड़े भी मिल सकते हैं। इनका मारात दिवार निवधि विद्या था रहा हैं

- (१) भारत ने वड श्रीवाणिन सस्यान (Large Industrial Establish ments in India)—इसना प्रमान श्रम मन्नात्र्य ने श्रम विभाग (त्यर न्यूरा) द्वारा निया जाता है। इसम उद्यागा और राज्या न जनुसार मारतीय निमाणी अधिनयम न अत्यत्व आन थात्री निर्माणिया भी मूचा रहता है। इनम बहन इनानियरिंग स्तिन और पालु नाय और मूचण चारत और नाय और मूचण चारत और साथ नाय और मूचण चारत और साथ नाय और मूचण चारत और साथ और प्रमान और मूचण चारत और साथ और साथ और साथ किया है। यह मूचण निमाणिया न स्थान और श्रीवत दीनिव वत्त ने आवार पर उनना आचार मनवी मूचना वती है।
- (२) भारतीय मिर्ग में सूती बताई व बुताई क आकड (Monthly Statistics of Cotton Spinning and Weaving in Indian Mills)—इसका प्रकार क्यांग अधिनिक शालण निर्माण्य द्वारा विचा जाता है और इसमें स्थास ज्ञारा (आवलडा) अधिनियम १९२६ वे अत्वत्व सक्तित सामग्री रहती है। इसम विभिन्न वर्गों ने क्यास-वस्तुता सूत क्यास-वाइ और भारतीय मिन्नों के क्यास-विभन्न वर्गों ने क्यास-वस्तुता सूत क्यास-व्याद और भारतीय मिन्नों के क्यास-वर्गों सुत क्यास-वर्गों सुत क्यास-वर्गों स्वाची काक रहती है।
- (३) मासिन कोयल पत्रिका (Monthly Coal Bulletin)—इसमा प्रकारन मुख्य सिन निरोधक (Chief Inspector of Mines) हारा विभाजाता है। इसमें नीयजे भी उत्पत्ति कायने भी माना मध्यम प्रयण आगि गकवा सामग्री रहती ह ।

## श्रीदोगिक क्रिया, स्तादन और लाभ के सूचक

- उद्याग-भवधी निम्नलिखित मूचक प्राप्य है ---
- (१) कपिटल ना औद्यागिक निया सूचनान (Capital Index of Industrial Activity)।
- (२) श्रीधागिक उत्पादन ने मूचनाक (Index Numbers of Industrial Production)
  - (क) औद्योगिक उत्पादन का अनरिम मूचकाक (Interim Index of Industrial Production)—काणिज्य और उद्याग मनार्य मारा (Ministry of Commerce & Industries series)
  - (ख) ईस्टन इवानामिन्ट वे औद्यागिय उत्पानन व सुवकान (Eastern Economist Index of Industrial Production)
    - (३) औद्यागिक लाम के भूचकाक।

#### (१) 'कैपिटल' के औद्योगिक कियाशीलता सूचक

'र्कतिष्ठल' मार्च १९३८ से प्रति सप्ताहशौद्योगिक त्रियाधीलता-सूचक को प्रवा-यित करता आ रहा हैं। पदो की और उन्हें दिये यए भारा की सूची निम्नलिखित हैं

चुनी हुई थणी	भार	विशेषकथन (रिर्माक)
(अ) औद्योगिक उत्पादन :		
(१) क्यास-निर्मितियौ	4	
(२) ज्ट-निमितियाँ	€	
(३) इस्पात पिण्डक (Ingots)	ч	
(४) कच्चा छोहा (Pig Iron)	6	
(५) सीमेंट	ų	सूचक १९३८-३९ और १९४६ ४७ के बीच अप्रकादित, फरवर्र १९४८ ते जनवरी १९४८ आध मानकर पूर्व प्रकाशित
(६) कागज	ą	J
(ब) सनिज उत्पदन		
(१) कावला	19	
(स) रेल और नदी द्वारा ध्यापार	२४	पहले 'रेलवे अर्जन' द्वारा प्रति स्थापित और अप्रैल १९५२ व भारित वैगमो को मस्या
(२) विलीय ऑक्ट्रे		
(१) धनादेश समाशीयन (clearance)	२०	
(म) य्यापार, विदेशी और तटीव		
(१) निर्यात	Y	गार्च १९४१ से परिचलन में 'प्र मुद्रा' द्वारा ६ भार देकर प्रनि स्थापित
(२) आमात	₹	
(फ) नौबहन, विदेशी और तटीय		
(१) प्रविष्ट (entered) टर भार	ş	मार्च १९४१ में विद्युत उपयो द्वारा प्रतिस्थापित भार, ७
(२) निष्यासिन (cleared) टन भार	3	

IIIC	menter) a ladi d	10161				
	सूचक व लिए चुने गए	उद्याग यो	र उद्याग	-समूह एवं भारा क	बटन नि	नम्न
लिखि	त हैं					
	उद्योग या समूह	भार	;	उद्याग या समूह		मार
ę	कोयला	११ ९५	. ११	ऊन निर्मितियाँ	₹	36
₹	चीनी	३ ५४	१२	जूट	१६	43
ą	रग और वानिश	० ६१	१३	रसायन	3	٤o
У	सीमट	০ হড	18	अनयस्य घातुर्ये (Ne Ferrous Meta	on- २ ls)	१८
ч	नांच	० ५५	१५	इस्पात	U	१६
٤	क्ष्ममह पदाय (Refractories)	o 86 )	१६	साइकिल	0	११
b	स्तर बाष्ड (Plywood)	० १५	<b>१</b> ७	सिलाई की मणीन	o	۰२
6	नागर्जऔर दफ्ती	१ ४६	१८	विजली के छैम्प	•	۶,
९	दियामलाई	१ २१	१९	विज्ञीके पस		34
<b>१</b> 0	सूनी वस्त्र	8\$ 86	२०	सामाय और विद्युत इजीनीयरिंग	٠ 4	۰ ६
				3.11.11.11.11	१००	٥٥
					_	

	matrice) - 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	., 6	•			
	सूचक व लिए चुने गए २	स्याग	और	उद्याग	-समूह एव भारा क	इटन निम्न
लिखि	त हैं					
	उद्योग या समूह		भार		उद्याग या समूह	भार
ł	कोयला	११	94	११	ऊन निर्मितियाँ	1 36
₹	चीनी	₹	48	१२	जूट	१६ ५३
ą	रग और वानिश	۰	٤ę	१३	रसायन	3 %0
x	सीमट	٥	६७	śκ	अनयस्य घातुर्षे (No Ferrous Metal	n-२१४ s)
ч	नांच	0	44	24	इस्पात	७ १६
٤	ङध्ममह पदाय (Refractories)	0	४८	24	साइक्लि	० ११
ı	स्तर काष्ठ (Plywood)	0	१५	<b>१</b> ७	सिराई की मगीन	٠ • ٢
6	नागर्जऔर दक्ती	₹	४६	१८	विजली के लैम्प	٧ ٥٧

क्या जाता है। (२) औद्योगिक उत्पादन के सचक (क) औद्योगिक उत्पादन का अंतरिम सुचक—औद्योगिक उत्पादन के शासकीय

सूचकाका का प्रकाशन वाणिज्य और उद्याग मत्राख्य द्वारा प्रतिमास किया जाता है। यह सूचक भारत के चुने हुये उद्यागों के उत्पादन के मासिक आकडे (Monthly Statistics of Production of Selected Industries) में प्रकाशित सामग्री ने आधार पर बनाया जाता है। उद्योगों का वर्गीकरण वहीं है जिसका बनसर्ण निमित्त उद्योगो की गणना (Census of Manufacturing

अलग सं सूचक बनाए जाते हैं और फिर पूरी श्रेणी के लिए संयुक्त रूप सं सूचक बनाया जाता है। मयकत सुचक बनाने में भारित गुणोत्तर माध्य का उपयोग किया जाता है। ऋतुनिष्ठ घट-बढा को हटाने के लिए १२ महीने के गतिमान माध्य का उपयोग

Industrias) it fam may å i

सचक का आधार-वप १९४६ है।

िल्ए अल्ग-अल्ग सूबर बनाए जाने है। इनका स्युक्त करने सीन मुख्य समूही के लिए सूबक बनाए जाते हैं। सामान्य सूबक इनतीन सूबका को समुक्त करके बनाया जाता है।

## (३) औद्योगिक लाभों के सचकाक

यह वित्त मत्रालय के अर्थ-विभाग द्वारा प्रकाशित किए जाते हैं। सूचक निम्नलियित आठ उद्योगों पर उपलब्ध है

?	क्पास	4	लोहा और इस्पात
2	जूट	ę	<b>कागज</b>
_			-0.0

३ मीमेंट ७ चीनी ४ चाय ८ कोयला

प्रत्येन समूह में से विनियोगियो नी वार्षिन पुस्तकः(Investors Year Book) में दिये गये मुख प्रमण्डल चुन लिये गये है। इन नम्पनियो ने लाम निद्यत कर लिए जाते हैं और १९३९=१०० ने आधार पर सूचको की गणना नर ली जाती हैं।

# ७. राष्ट्रीय प्रतिदर्श सर्वेक्षण

(National Sample Survey)

आवश्यकता—अव तक हमने भारत में प्राप्त साध्यकीय वासधी के बारे में जो कुछ बतावा है उससे एक वात स्पट हो जाती है और वह यह िंद इसमें नई ऐसी रण्य स्थान है जिनका भए जाना आवश्यक हैं। हमारे आधिक बोन हो नी अपर्यानता और विभिन्न को पर जाना आवश्यक हैं। हमारे आधिक बोन हो नी अपर्यानता और विभिन्न के लागे मिलि विभिन्न में में मोरी र बाधाई है। इस बमी में पूरा करने के लिए भारत सरकार के बित्त मजाव्य के अधीन १९५० में राष्ट्रीय प्रतिदर्श संख्या (१० ५० स०—NSS) निरेशालय को सामपाना की निरेशालय नो सारत की सामाजिक और आधिक अधिक ने विविध्य सहसूत्री से स्वर्धिन वार्यकां का सहरूत करने मारतिक और आधिक अधिक श्री की एपक टॉवर्डमन के प्रतिदर्शन का स्वापन के प्रतिदर्शन सहायता से उसके लताने हो रहा है। १४४ गाँच ना एक छोटा सपूर्

मांसके इन्स्टोटपूट ऑफ पॉलिटिक्स एड इहॉनॉमिस्स, पूना, को सीपा पया है। सर्वे-क्षण को अभिकल्पना, सर्वहीत सामग्री का परिनिरीक्षण और इसका विस्लेषण और विषायन (processing) भारतीय माध्यिकीय मस्या, कलकत्ता, द्वारा विचा जाना है।

विधि—सर्वक्षण को अभिकत्यना नमस्त रूप से देश के आधिक और सामाजिक जीवन ने कई प्रत्यूकों से सर्वधित सूचना सबह करना है। भारत जैसे विद्याल देश म विधिय विध्यों से सर्वधित सामग्री ना सबह सण्यानिर्विध से करना सभव नहीं है। इसीलए यह निरिच्छ विध्या पाया कि वर्षेक्षण ना स्वालन मौत्रों के बहुन्छ प्रतिदर्श के लाधार पर किया जाय। से गौब देश को कई स्तरों या क्षेत्रों में विभावित करने उनसे साइक्ट प्रतिदर्श लेक्ष कुले जाते हैं।

गर्वश्रम की रीनि है यह हि बूरै देश की २५० भीगोलिक स्तरों (strata) में बीटा गया है। इन स्तरों से याहुन्छ प्रतिवर्ध के आधार गर १००० गाँव चुने गए है। गाँवो को चुनते की लिंग वर्षकाण के दौरान में बदली जा चुनी है। गहते तीन सेते में गाँव अवकार कर के साते में पूर्व को दौरों में गई विचित्त विच्या गया कि प्रत्येक तहनील से दो गाँव चुन लिंग बाये। ताहकील चुन ली जांव और विर अवेक तहनील से दो गाँव चुन लिंग बाये। तारवचान चाइुक्त प्रतिवर्ध विच्ये हार अवेक तहनील से दो गाँव चुन लिंग बाये। तारवचान चाइुक्त प्रतिवर्ध विच्ये हार के विच्ये ताहकील चुन ली जांव और विस्तर विच्ये का नाम करने के लिंग विच्या का प्रतिवर्ध विच्या का मार्च के लिंग विच्या का प्रतिवर्ध विच्या का प्रतिवर्ध विच्या का प्रतिवर्ध के अनुसार कार्य कार्य कार्य के अनुसार कार्य कार्य कार्य के अनुसार कार्य कार कार्य कार कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार कार्य कार कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार कार्य कार कार्य कार कार्य कार्य कार कार्य कार कार्य कार कार्य कार कार्य कार्य कार कार्य कार कार्य कार्य कार्य कार्य कार्य कार का

मामधी समह की क्या में अनुममातानी को प्रांतानित कर लिया गया । मूक्या का सकल गयमावारों डामा सूचियों की सहस्यत में प्रायमित सामधी का सहस्य करते की किये से किया गया । वे कुने गए परियोगों में जाने हैं और अस्य विधि डास्स आवस्यक मूक्या आप्त करते हैं । उन्हें आवस्यक विक्रमों का निरम्यक करता होना है और उनने सही होने भीर प्रामाणिकता के लिए उननी जांक और पुत: जीव करती पहती है । भूमि-अप्योग सर्वेग्य, एसक-आक्तान (crop estimates) आदि के लिए पण्यावारों में अस्मे अनुमान देने होने हैं। पूर्ति उन्हें सामधी-मायह करते की रिनियों में प्राथमित दिया जाता है, स्विष्ट मही भूमना प्राप्त करते के बारे में जग पर विस्थम विभाग समक्ता है। यह भी आया की आसक्ती है कि वे हरि-गत एंसे, सम्य की स्था आरि के बारे में सही और परिश्व अनुमान करायों। अनु-स्थालाओं ने काल की बीत और निरोधण निरीधण-करवारी वस्ते हैं। इस्तान्त विस्थान विराध निर्माण करते हैं। इस्तान क्या

वर्ष-प्रति-वर्ष सामग्री सग्रह करने के लिए यह प्रस्ताव किया गया है कि सर्वेक्षण कमिक (successive) दौरों में किया जाय । काल-श्रेणी के रूप में यह विस्तृत सूचना उपनित का अध्ययन और भविष्य के पूर्वानुमान करने में हमें समर्थ बनाएगा ।

यह भी प्रस्ताव किया गया है कि तदर्थ प्रकृति के विशेष सर्वेक्षण किए जायें। निदेशालय ने सबधित मत्रालयों के सहयोग में कई ऐसे सर्वेक्षण किये हैं।

#### सर्वेक्षण के दौर

(१) प्रथम दौर-अन्टूबर १९५० से मार्च १९५१ तव-सामान्य प्रतिवेदन सस्या १ (General Report No. 1 on the First Round, October 1950-March 1951)-यह प्रतिवेदन राज्यज्ञारा सचालित प्रथम दौर और उसके परिणामो ना व्यौरा देता है। इसमें ९६ सारणियाँ है और यह सग्रह की रीति का वर्णन व रता है एव सम्रहीत सामग्री की प्रकृति के बारे में बताता है। सग्रहीत सामग्री मुख्यत परिवारो ने उपभोग और आय से सवधित है। प्रतिदर्श इकाई (परिवार) अभिक अवस्थाओं में चुना गया था। पहले स्तरित यादच्छ प्रतिचयन के आधार पर १८३३ गाँव चुने गए थे। प्रत्येक स्तर (stratum) में गाँवो की सख्या ३ से विभाज्य थी जिससे उन्हें २ १ के अनपात में दो समहो में वाँटा जा सके। इस प्रकार चुने गए १८३३ गाँवो में से पहले समृह में ११८९ और दूसरे में ६४४ गाँव थे। पहला समह रावप्रवस्व को सौपा गया और इसरा गोखले सस्था, पूना को। रावप्रवस्व और गोखले इन्स्टीटचूट ने अलग-अलग योजना लेखो(schedules) और कर्मचारियो द्वारा सर्वेक्षण क्या और चुने गए परिवारो के आर्थिक एव जनाविकीय(demographic)लक्षणो का विस्तत अध्ययन किया। सामान्य प्रतिवेदन सल्या १ वेवल राज्यन स् • के सर्वेक्षण का ब्यौरा देती है। इसके बाद, प्रत्येक गाँव में दो उपस्तर(sub-strata) --कृषीय और अकृषीय-- बनाए गए और व्यावसायिक (occupational) सूचना का समह करने के लिए ८० परिवारों को चुना गया। प्रत्येक कृपीय व अकृपीय उपस्तर में से ८ परिवार चने गए। परिवार सुचियों की सामान्य विशेषताओं का सकलन करने के लिए इन १६ परिवारों का अध्ययन किया गया। आठ कृषीय परिवारों में से २ और आठ अक्रपीय परिवारों में से ३ का चनाव घरेल उद्योगों (household enterprises) की सचियों का पूरा करने के लिये किया गया। शेष ६ कृषीय परिवारों में से १ और शेष ५ अक्रपीय परिवारों में से २ का चुनाव उपभोक्ता-व्यय (consumer-expenaliture) की सूची को पूरा करने के लिये किया गया।

सामान्य प्रतिवेदन (General Report) सख्या १ में निम्नलिखित सूचना

- (१) प्रति परिवार उपभोक्ता-ध्यम,
- (२) प्रत्येक उपयोग-पदायं के उपभोग का अध्,
- (३) विभिन्न उपमोग-वस्तुओ पर व्यय,
- (४) खाद्यातो, नमक और दूध वा उपमोग,
- (५) कृषीय पसल और पशु-उत्पादो का अर्थ,
- (६) विभिन्न सेवाओं से बुल आय.
- (७) साबाजो के अन्तर्गत क्षेत्र।
- (२) हुगरे दोर (अंतन-जून १९५१) में मबेंडण प्रामीण परिवारों के उत्योग बीर उपमीत्ता-ज्या के आधार पर उनके कन्दनों के अध्यन कह शीमत रखा गा। । उपमीन प्रवाही के मुद्दोन्दण (monetization of consumption flows) ही मात्रा था धानीय पूँजी निर्माण का , और परिवारों वे प्रवच में रहते वालों भूमि के आवार के अनुसार उनके बण्टन वा अध्यमन वरने के लिये भी सामग्री वा सबह निवार गाम।
- (३) ठीमरे दौर (अगस्त-नवम्बर १९५१) में सर्वेद्याण में नागरिक क्षेत्रों को भी सम्मिल्नि किया गया और जो सूचना पिछने दौरों में एकवित की गई है इसमें भी की गई।
- (४) धीये दौर में नागरिक क्षेत्रों की अभिकल्पना (design) तो नहीं रखी गई, परन्त बामीण क्षेत्रों की अभिकल्पना में आमूळ परिवर्तन किए गए।
  - परन्तु ग्रामीण क्षेत्रो की अभिकल्पना में आमूल परिवर्तन किए गए। (५) पौनव दौर म औद्योगिक उत्पादन का भी सर्वेक्षण किया गया।
- (६) छटे दौर में, जो मई १९५३ में गुरू हुआ, क्षेत्र बहुत व्यापक कर दिया गया इसमें जनारिक्सेय, अर्थिक और सामानिक निषयों से सब्धित कई कहार ले ध्यापन गुरुवा ना सब्द हिला मया । इसके अन्तर्गत आने बाठे कुछ विषय है: उपमोक्ता एव अन्य पारिवारिक स्थन, स्वक्ता (possessions) निसमें मूर्ति, ताल्यत, योची उपरुष्ण, गुरु दुस्तादि सम्मितिन है, पनुषालन, उर्वरता, जन्म, मृत्यू योमारी, निर्मान-सद्यार्ण, छोटे पैमाने के दर्शान, घरेलू कौराल, परिवहन, व्यापार, प्रमानाव, मेलाई इस्तादि म
- (७) सानवे दौर में पहले से सबह की जान वाली मुक्ता को और गहन व बिल्लुत बना दिया ।
  - (८) आउवें दौर में मुख्यत मूमि घारण (land holdings) पर जोर दिया गया।
  - (९) नवें दौर में बहुत अधिक विस्तृत सूचना का भग्रहण किया गर्या है। मुख्यत सूचना चृति (cmployment) के सबस म मजलित की गई है। इसके अतिरिक्त

साधारण सुनना में जो पहले दौरों में भी ली गई है, जैसे गृह-उपभोग-व्यय (household consumer expenditure), गृह-उपभावन (household productive enterprises) मुख्य इस दौरे में सकतित की गई। नर्दे तौर दें को गृथ्य सुनना समृह की गई है वह उन गृह के छोटे तथा गृह-उसोगोंग मनाजन से सक्कित है निक्होने अपने जीवन निक्कि का साध्य "निमर्सण" व्याला है।

- (१०) दसवें दौरे के अल्तुर्गत किये गमें सर्वेशण के क्षेत्र में कोई विशेष परिसंतन नहीं किया गया है। मूर्य विशेषता केत्रल सद रही हैं कि प्रस्तुरूप्तर अनुस्पास हारा कृषि-उत्तादन के अनिक समू किये गये हैं। मूमि-उपसीमिता तथा सूर्ति पर अनिकासम्बद्धा में जोर दिया गया है। प्राम-जीवन ने हुर अप का अव्ययन करने के लिये गांव-सान्धिक्ती प्रस्त (questions on village statistics) सामान्य परिवर्तन के साथ कर पूर्ण गये। ये प्रस्त विषण (marketing) मुनियाओं परिवर्तन के साथ कर पूर्ण गये। ये प्रस्त विषण (marketing) मुनियाओं परिवर्तन के साथ तथा साव स्वर्धा मुक्त स्वर्धा से स्वर्ध , बक्को की स्वर्धा, सावश्य क्रिया से साव स्वर्ध मुक्त स्वर्ध है कि साव स्वर्ध मुक्त साव स्वर्ध मुक्त स्वर्ध है सिक्त मामन स्वर्ध प्रस्त का साव से साव स्वर्ध मुक्त साव स्वर्ध मुक्त स्वर्ध होने की रीतिया, विशेष स्वर्ध मुक्त सुक्त मुक्त में साव स्वर्ध मुक्त स्वर्ध स्वर्
- (११) व्यारहवें दौरे में उन बहुत है विषयों पर फिर सूचना मग्रह वो गई थी जिनवर फिछ दोरों पर कोर दिया गया पा जैसे वृत्ति (शाय न नगरित को में), कृषि, प्राम-माराक्ति, ज्ञाय कथा, रूण तथा मूच। इस दौरे वी बात्वशि कराल १९५६ से जनवरी १९५० तक रही। इस में मुख्त नाप तौल ने मवस में नई मूचना उहारित की गई थी। यह मूचना गगरी कोर्य कहा ही मीम्पा को और इसका मृत्य उहेरय नाप तौल में इसका कथा कथा कथा कर से मारा से सोर हो सा सा स्वार का प्राप्त की सार में सोर से सोर को सा से से सा में सोर हो सा सीर हो सा सा सा से से हिस का सा से से हिस का सीर हो सा सा से से हिस सा सीर है जान को से ५५४ ता है तथा नगरी कोर में ५५४ ता है तथा नगरी कोर में ५५४ ता है तथा नगरी कोर से ५५४ ता है तथा नगरी कोर से ५५४ ता है तथा नगरी है से सा सा सा सीर है में सिसार से वी गई थी। यह जीव पहुंत १९५०-५१ से यम मवालय द्वारा की गई थी और उनके छह वर्ग पत्वात अर रा ० वर हारों की गई थी।
- (२२) सर्वेक्षण में बारहुने तीरे में अधिनायत उन्हीं निषया पर मूचना सत्रालित में गई वी तिन पर प्यारहुने वीरे में नी गई थी। इस यहनेश्यण में कालानीय फरवरी १९५७ से जुलाई १९५७ तम थी। उन्हों में १९४५ मोंने मा रिनटिंग निया। गया था। इस प्रमार स्वारहुने व बारहुने सबदाण ने एक वर्ष के नाज में कुछ ३६९६

गौबो का सर्वेशम हुआ था । इसके अनिस्कित , ६२२६ गोबो मे पसल कटाई तथा भूमि उपयोग सर्वेशम भी किया गया था, परन्तु पसल कटाई सर्वेशन असफल हुआ ।

(१३) क्तिगम्बर १९९० में आत्म होनर मई १९९८ वह नवंबान वा तेरहवाँ दीर रहा। इस दोर में पिठने दोर ने अनुमार हो मुफ्ता नवंकित को गई। परनु इस दोर नो मूल सेमेगान पह यो हि इसमें एउट्टी पुनव प्रत्यात ("National Book Trust) की और से पठन करने वाटो के अनिमान' readers' preferences) ना सर्वेश्वर हुआ। इस सर्वेश्वर में वेश्वर पुन्तकों ने मत्वर में व्यक्तियों के ब्रियान (कि वे किस मार, मूल, तथा विषय की पुन्तकों के मत्वर महिने हैं) के अविचे मत्वर किस गर्म।

इस प्रचार हम देवते है जि जीवन ने हर अग तथा सामाविक, आधिक, वाणिज्य व उठोगों में सर्वाधन हर वियम पर अक्टि इस सर्वेक्षणों द्वारा संबह किये जा रहे है। ये अक्टि सरकार की आयोजन में विशेष सहायता देंगे।

त्रदर्भ सर्वेक्षण Ad hoc Surveys,

रा प्रमाने मद्भिन मनाठयों ने नहयोग में विभिन्न विषये। से सद्भिन विशय सबैंसन निए हैं । रा प्रामाने द्वारा निए एए हुट नदबै नबैंसन निम्मलिविन हैं .—

(१) पुनर्वान मनाष्य को तब्य-गमिनि Fact Finding Committee, Ministry of Rehabilitation) के लिए परिवमी बंगाल और दम्बई में विन्यारिन व्यक्तियों का सर्वेक्षय (

- (२) प्रेस आयोग, सूचना और प्रसार मत्रालय ने लिए समाचार पत्र पढ़ने नी आदत का सर्वेक्षण।
- (३) वर जाँच आयोग, वित्त मंत्रालय के लिए व्यय-स्तरी से परिवारिक उपभोग का सर्वेक्षण।
- (४) निर्माण, गृहत्तवापूर्ति (works, housing and supply) मत्रालय वे लिये गृह दशाओं का सर्वेक्षण ।
  - (५) आयोजना आयोग ने लिये कलकता में वृत्ति हीनना का सर्वेक्षण ।
  - (६) सयुक्त राष्ट्र और स्वास्थ्य मत्रालय ने लिये मैमूर-जनमञ्ज्या ना अध्ययन।

रा प्र सं के वार्ष वा समाजीवनात्मक अध्ययन—प्रारभ से ही रा प्र स गिदेवारूम न प्रसातनीय काम विचा है । इस्त्रीन हमारे देव में यामीण और नामित्व संत्रों के निवासियों ने आधिन, सामाजिन और जनकिवीय रुप शो से सविपत्त अधिनास महत्त्वपूर्ण विपयों पर पर्याप्त रुप से विद्यवनीय और प्रमाणिन सामग्री वा समझ किया है। यदि हम इसमें आने वाणी निटेनाइसो पर प्यान दें तो सह नाम और भी प्रसातनीय हो जाता है। सामाज्या के निम्म तवर, अज्ञान-अनित सदेह, सर्व-सामाप्तण की उत्तरीतिता आदि इनकी गूप्य परिजाइयों थी। इन सब ने होते हुए भी रा प्र स ने अच्छा और अपयोगी वाय किया है और यह आसा की जाती ह नि अनुत्रती देशों में और भी अधिक अच्छे और विद्यवनीय एव प्रामाणिक परिणाम प्राप्त होंगे। इस विषय में आईक एस० आई० व मो० एन० ओ० का सहयोग सराहतीय है।

## ट. राष्ट्रीय श्राय (National Income)

किसी देश की राष्ट्रीय आप 'विना दुहरी गणना किए किसी अवधि-विदोष में उत्पादित बस्तुओं और सैवाओं का अर्थ हैं !

हुरूसी गणता होने वा कारण सामायन अन्तर्य (intermediate) बहुत्रों अर्थात् एम उत्पादन से हुत्ते ने पाम जाने वा नि वर्ष्ण में ना होता है। वहुत्रों अर्थात् एम उत्पादन से हुत्ते ने पाम जाने वा नि वर्ष्ण में ना होता ने एक सिंहर ने वहुत्र कि तिमा दी ति है। वहुत्र कि से स्वाची में पामना नरने भी प्रया है। वहुत्र कि से स्वाची में से स्वाची से सिंहर के निवासिया नो एक वर्ष में अविध में उपानित (accrued) बहुत्र और से ताओं ने समस्य (aggregate) ना मीडिर मानन है, निवास उनने विवासित में सामायित कर्षण (अपनीत) में होने वालों वास्त्रीक नहीं सामायित हैं और वास्त्रीक क्यों घटा दी गई है। इस प्रवार वह अर्थ व्यवस्था ने नानों वीने

वाउँल-रॉबर्टसन कमेटी रिपोट।

सन उत्पादक साधनों के स्वामियों द्वारा अजित आप का समस्त थीम (sum total) है। प्रावकरूनों में विविध प्रकार की यन वस्तुओं और सेवाओं की गणना की आती है। सम मनदूरों में अवहरी ही ली-उवारों और प्रतिप्रितियों पर वास्तविक ब्याज वासन-विक रुगान और अधिकार सुंख्य, उद्यमों से रुगान सिमिलित है। ये आये अवत उस-मोग-पदायों पर और अध्यत विनयोग पदायों पर स्त्र के को जा सन्ती है या बनाई वा सक्ती है। इसिल्य राष्ट्रीय आय के एक प्रत्यय (concept) के अनुसार राष्ट्रीय आय एक वर्ष को अवधिक स्त्र प्रावधिक राष्ट्रीय आय एक वर्ष को अवधिक में चालू मूल्यों पर उपमोच के विध्य प्राय्य वस्तुओं और सेवाओं का वास्तविक अर्थ, धन पूँजों में हुई वृद्धि जितकों गणना वास्तव में दिए एए पूंच्यों के होती है, क्षण तपार्यत का अवस्तुव्यत और दिवामा पूँजी परार्थों का प्रवचन अधियं (allowance) है। दसने चालू मूल्यों पर प्राणिज अध्यत रूप में हुई वास्तिक अधिकारियों द्वारा वस्तिविक अधिकारियों वार उपस्थित सेवाओं (वीक्यान) विश्व सेवाओं है और उनमें से हुए वास्तिविक आहरण (drawings) घरा वियों जाते हैं है। निर्धारण में राज्य और स्वावीय अधिकारियों द्वारा उत्यादित सेवाओं (अंते रेजके, शक्त और तार, द्वामचे आदि) का अर्थ भी साम्मित्रत किया जाता है और उसकी सम्मित्रत (reckon) पालू प्रभारों (charges) के आधार पर की वारी है।

राष्ट्रीय आय के प्राक्कलन बहुत उपयोगी है। राष्ट्रीय आय के अको का विघटन (break up) किसी देश की अर्थव्यवस्था के विविध भागो (sectors) का और उनके सापेक्षिक महत्व का बोघ देता है। विश्व के सब उन्नत देश अब राष्ट्रीय आय के प्रावकलनों का सकलन करने लगे हैं। यदि ये प्रावकलन कई वर्यों के लिय प्राप्य हो तो ये देश की अर्थव्यवस्था के परिवर्तन की दिशा और गति बताते हैं। य आय अर्जको के विविध वर्गों के आम और व्यम के निचरणों के वारे में बताते हैं। स राज्य की कर और राजकोपीय नीति (taxation & fiscal policies) के आधार का काम करते हैं। विविध वर्गों के लोगो पर कर लगाने से पहले यह जानना आवश्यक हैं कि आय-अर्जको के विविध वर्गों में आय का वितरण किस प्रकार का है और उस . एर किस ढग से कर लगाना अधिक अच्छा होगा निससे आय और धन का अधिक अच्छा वितरण हो। इसके अतिरिक्त राष्ट्रीय भाग के प्राक्कलन सरकार को अधिक परिश्रद्धता से बजट बनाने में समय बनाने हैं क्योंकि इनसे विविध प्रत्यक्ष और परोक्ष करो द्वारा प्राप्य आगम (revenue) के अधिक अच्छे पूर्वानुमान किये जा सकते हैं। राष्ट्रीय आय के प्राक्कलन विविध आय-समुद्रों में जनसहया ने विवरण की बताने हैं। सरकार यह जान सकती है कि निदिष्ट आय प्राप्त करने के लिए लोगो पर कैसे कर लगाया जाना चाहिए । समस्पत राष्ट्रीय आग के प्राक्तलन परोध करो से होने वाली आय का भी पूर्वानुमान कर सकते हैं क्योंकि इनसे हम जान सकते हैं कि विविध प्रभार की उपभोग-वस्तुओ पर विस प्रभार थ्या किया जाता है और उनपर किस प्रकार कर लगाए जान भाहिए। अन्त म राष्ट्रीय आय के प्राक्तल्या से वित्त-प्रवस्थय और राजनीतिज देश की कर नीति का देश के उत्पादन और प्रन पर कर्ने वाला प्रभाव जान सक्त है। राष्ट्रीय आय के प्राक्तलंगी ना सक्तन और प्रजाशन के ब्या द्वारा होता है किससे गुलनात्मक अध्ययन विश्व जा सकता है। इनलिए राष्ट्रीय आय के प्राक्तन किश जा सकता है। इनलिए राष्ट्रीय आय के प्राक्तन नी का विश्व को प्रमुख्य आय के प्राक्तन नी अध्यक्षित उपयोगिता है।

## भारत में राष्ट्रीय आय के पहले अनुभान

मारत की राष्ट्रीय आय के नई प्राक्तलन उपलब्ध है। य अब सुलनीय नहीं है और भारतीय अर्थ व्यवस्था न हुए पिरवर्तना के बारे में नहीं बता सकते। इसका सक्तल अवान उत्तरा-उत्पमत (product approach) से जॉर बसल आय-उपनम्म (income approach) से निया गया है। ये प्राक्तल विभिन्न काला में, विभिन्न विधिया से मिनिन मुख्य स्तरों पर राष्ट्रीय आय के विभिन्न प्रत्यों के आधार पर किए गए हैं। इसके अतिरिक्त जहाँ तक क्षेत्र की बात हैं इनकी व्याद्धि भी एक सी नहीं हैं।

हा० बी० के० आर० बी० राव ने द्वारा दिए गए प्राक्तलन सबसे प्रामाणिक भान जान है । य प्राक्तरन भारत की राष्ट्रीय आय के प्राक्तरना के क्षेत्र में सर्वाधिक मह वपुणे देन हैं। इनका महत्व केवल परिशुद्धता के कारण ही नहीं है बल्कि विधि और प्रतिषि (methodology & technique) की दृष्टि से भी हैं। डा॰ राव न प्राक्तलन किया था कि १९३१ ३२ में राष्ट्रीय आय १६८९ करोड रपर्यांथी। इस प्रावकलन में त्रिट का सीमात कम या अधिक ६ प्रतिशत या। इस गणना के अनुसार प्रति व्यक्ति राष्ट्रीय आय ६५ रु० आती है। १९३१ ३२ के अका के आवार पर डा॰ राव ने फिर १९४२-४३ की राष्ट्रीय आय का प्राक्करन किया और यह ३ ४२३ करोड रूपया आया जिसके अनसार प्रति व्यक्ति राष्ट्रीय आय ११४ रूपया आती है। डा० राव के प्राक्तरनो के बारे में यह बात अवलोक्य है कि यदि हम इन दो अवधियों में हुए मृत्य-स्तर ने परिवतना पर विचार करें तो इन दोनों म कोई अन्तर नहीं है। १९४२-४३ बा मूल्य-स्तर १९३१-३२ के मूल्य-स्तर का लगभग द्रना था। यहाँ यह भी उल्लेखनीय है कि राष्ट्रीय आय समिति (National Income Committee) के १९४८-४९ वे प्रति-व्यक्ति राष्ट्रीय बाय के प्राक्तलन (२२५ ह० प्रति व्यक्ति) भी मूल्य स्तरों वे परिवर्तनों को घ्यान में रखते हुए रूगभग डा० राव के प्राक्तरलों के बरावर हो जाते हैं। इससे हम यह निष्कर्ष निवाल सकते हैं कि १९३१ ३२ से १९४८ ४९ की अवधि में कुल राष्ट्रीय आय में जो वृद्धि हुई वह बन्ती हुई जनसरया द्वारा विलीन हो गई।

डा॰ राव का विधि की उत्हण्टना इस वात से सिद्ध होनी है कि उनके प्राक्तलन कुछ सुधारों के साथ अभी तक लागू किए जा रह ह ।

यहाँ भारत की राष्ट्रीय आप के विभिन्न अथनास्त्रियो द्वारा दिय गए प्राक्तरून बना असवत न क्षापा

	लाभ	धप	प्रति व्यक्ति राप्टीय आय
	दादा भाई नौरोजी	१८६७–६८	90
7	बरिंग और बारवूर	१८८१	হঙ
ŧ	डिगवी (Digby)	१८९८–९९	35
¥	लाड कंपन	१८९७–९८	₹0
٩	वी० एन० शमा	१९११	40
Ę	वकील और मुगजन	8660-6R	464
૭	वाडिया और जोगा	४९-६४	४४ ५
6	शाह और सम्बाना	१९२१	७४
९	फिडले विराज	१९२१	१०७
१०	बौ० के० आर० दा० राव	{\$&\$4-\$\$ {\$6\$\$-\$\$	{६५ {११४

रत प्राप्तरणों को अवकाश्य विधायता यह है कि विकिश अधिकारी विद्वानों के अबो म बहुत वर विभद ह । यह और भी अधिक उपलेखन हो जाता है वर हम यह देखते ह कि एक दूसरे से बहुत पित्र प्राप्तरकल लगामा एक हो अविध के हो । किसी और क्वत क प्राप्तरण लगामा एक ही वर्ष के दू परन्तु किर भी उत्तम बहुत विभद है। यही अल्लेखता साह और हम्मतात और क्लिक गिराव के खानकल्ती पर कार्ग होती ह। यह मुस्पर है कि हम अथरातिकारी को विभिन्न विभिन्न में। यह भी हो एकता है कि इस प्राप्तरणनों की गणना विभिन्न वहस्यों को ध्यान म एक कर की गई हो।

#### राष्ट्रीय आप प्राक्त्लन करने की विधियां

सद्धान्तिक दृष्टिकोण से राष्ट्रीय आय का प्राक्कलन करन की तीन सुप्रसिद्ध विषयों हैं

- (१) आय-गणना विषि (Census of Income Method)
- (२) उत्पाद-गणना विषि (Census of Product Method)
- (३) सामाजिक लेखानन विवि (Social Accounting Method)

- (१) आय-गणना विधि—हस विधि में लोगो नी आय ना समूहत निया जाता है। जाय का समूहन या तो उनमें आय-अर्जक (जैसे नेतन या मजूरी पाने वालो) ने रूप में किया जा सकता है या निविध उत्पादन के सामनो ने स्व मियो (जैसे भूमि पित, पूँजीपित) के रूप में निया जा सकता है। राष्ट्रीय आय की गणना करने में किसी मुनिश्चत अवधि में सब निविध वर्ग के आय-अर्जनो नी आय नो जोड दिया जाता है।
- स्त विधि में कठिनाई मह है कि 'आय' को ठीक रूप से निस अयं में परिसाधित किया जाय। 'पुळ आय' का अयं पर्यात्त रूप से स्पष्ट है परन्तु 'वास्तविक आय' क्या है इस विषय में बहुत मत्त्रेप दे और यह ठीक-ठीक और एक एसे नहीं बतायां जा कान है कि बात्तिक आय निकालने के लिए हुळ आय में से निज ब्यायों को घटा दिया जाना चाहिए। इस विधि में इसरी कठिनाई यह निविचत करना है कि व्यक्तियों को आय सबधी मूचना प्रतिदर्श ब्यवसाय अनुस्थान करके प्राप्त की जाय या विस्तृत गणना अनुस्थान द्वारा। ये अक कुछ उनत देशी तक में प्राप्त नहीं है। इसके लिए विस्तृत व्यावसायिक सर्वेक्षण करना और सोगों के आयकर सबधी लेखों की परीक्षा करना आवस्यक्त हैं।

(२) उत्थाद-मणना विधि—इस विधि में जिसे सूची गणना विधि (Inventory method) औ नहते हैं, निषी नारनार्थ विषोध में उत्पादित वसुओं और देवाओं का गूल्यानन किया जाता है। इसमें उत्थादन उद्योग ने विकिय सालाओं-कृषि, उत्योग, सन्त, परिवहन जादि—के वास्तांकिन क्यों ने गणना उत्यादन-स्थान पर की जाती है। इन सास्तांकिक क्यों में सामान, गृहोत्यादों (home produced goods), वैयक्तिक सेवाओं, सोमा और उत्पादन-सूचन मनान के वास्तांकि अप इस्तां, विशेषों के सारतांकि काय इस्तां को उत्यादन-सूचन मनान के वास्तांकि काय इस्तां, विशेषों से कित है और निष्तांने, नच्चे और निर्मान वास्तां के महार (stocks), और अचल पूँती मो अविश्व (intact) रक्तों में रूपो पदावों का अर्थ पदा दिया जाना है। इस मनार राष्ट्रीय आय आर्थिक विद्याओं की सब साखाओं में निष्तां वी हुन शालावां में हर समार राष्ट्रीय आय आर्थिक प्रियाओं की सब साखाओं में निष्तां वी हुन शालावां है।

पदायों और सेवाओं के राष्ट्रीय उत्पाद ना मून्यानन या तो वाजारम् या वर किया जा सनता है या विविध साधनों द्वारा प्राप्त किये योधनों (payments) वे बराबर मून्यों पर । गहुणे स्थिति में (बाजार मून्य पर मून्यानित) राष्ट्रीय आय ने बाजार मून्य पर राष्ट्रीय आय नहते हैं और दूसरी क्यिति में साधनन्यात (factor cost) पर राष्ट्रीय आय नहते हैं। जब राष्ट्रीय आय ने गणना मामन्यानात पर को जाती है, उत्पादन ने वास्तविक अयं भी गणना नी जाती है जिसमें में अप्रत्यंत करों सा अपकर्तन (exclusion) कर दिया जाना है नरन्तु महासमी (subsidies) का समावेद किया जाता है जिनके मूल्य उत्पादन के विकिय सामयों के सोक्तों के ठीक बरावर हो जायें। यह उत्पाद केवल करे के क्या कोर पूर्णी के ही बारण होना चाहिए। इस धर्न के कारण देश-देश में राष्ट्रीय आय की गणना करने में एकक्शता का अभाव है। देश का राष्ट्रिक (national) कीन है और उन स्थितियों में गणना कैने की जाएगी जब किसी देश का राष्ट्रिक दूसरे देश में काम करवा है और किसी सीसरे देश के निवासी का क्यांपरी हैं।

(३) सामानिक लेखाल निषि— स्त निषि का विकास प्रो० रिवार्ड स्टोन ने निमा है। इस निषि में निर्माप प्रकार के लेखाओं (account) और लेन देनो का को मृत्य भागों में — नैसे उदरावक उदम, निर्माय मान्य, अनिस उपभोचना आदि में बौट दिया जाता है। इस प्रकार उदम, निर्माय मध्यस, अनिस उपभोचना आदि में बौट दिया जाता है। राष्ट्रीय वाय के प्राक्तलब इन देन देनोया लेखाओं का समृहन (aggregate) करके प्राप्त नियो जाते है। इस निषि के लिये यह आवस्पक हैं कि लेखें सामानी मूर्क रखें जाँग। भारत जैसे देशों में उहाँ अधिकारा व्यक्ति लेखा नहीं रहने या अपने लेखा रखते हैं, इस विधि का श्रत्र सीमित है।

डण्डूंस तीन विधियों से अधिरित्त एक नीमी विधि भी है जिसे व्यवनामा (Expanditure Method) क्हते हैं। इस निमं में बासविक राष्ट्रीय क्ष्म की गणना में नाती है। राष्ट्रीय क्या में अधिक उपमोग-बातुओं पर किया गया व्यव, निवियोग और आसचयन सम्मित्त है। चूँकि क्या निवियोग और आसचयन को मुख्य एन है एरिपानिय नहीं क्या जा सकता, इसकिए इस विधि का व्यावहारिक उपमोग सीमित है।

दन विभिन्न विषयो द्वारा रिये गए परिणाम समस्य होने चाहिएँ। मुख्य कांठनाई यह माती है कि सानुसा और सेमाओं के मुख्याकन, विभिन्न मोनों से आप, विश्वयं क्वान्त-कांद्रसे ना वर्गीकरण और राज्यों के मानो की व्यान्त्या कोण विभिन्न को गो के कांद्री के कांद्री के सानों के साम की भी के करते हैं। इसलिए सब जता देतों में सामान्य प्रथा यह है कि राष्ट्रीय कांद्र का गोणका कितनी जाएक को गोणका कितनी जाएक कांद्र कि साम के प्रावक्तनों है एक हरा से सामाने कांद्र कि साम के प्रावक्तनों है एक हरा से सामाने कर किये जा में पह सिन्न की प्रणा को हिन्द से सामाने के लिये की सबसे जयान माने की राष्ट्रीय आप की गाम को गोणका हमने से उस मान के लिये की सबसे उपयुक्त विभिन्न कर किया जाए।

भारत में विशेष समस्याएँ

राष्ट्रीय आय के प्राक्तकता की गणना वरन में विशेष समस्याएँ उपस्थित होती है वर्गीकि हमें अर्थ व्यवस्था के नई पक्षे पर विचार करना पढ़ता है। मारत में ये समस्याएँ और भी अधिन विदारहों जमिस्यत करती है। इतना वारण हमार और इत की सिस्ति कीर भारतीय वर्ष व्यवस्था की प्रशिशासता है। भारत सरकार हारा १९४९ में नियुक्त की ग्रहे राष्ट्रीय अध्यत सिपित में इन विशेष समस्याओं की ओर व्यान आवर्षित निया है और यह दिवाया है कि भारत में राष्ट्रीय अध्यत की गणना विशेष स्वर्ध से सिपित में इन विशेष समस्याओं की ओर व्यान आवर्षित निया है और यह दिवाया है कि भारत में राष्ट्रीय अध्यत की गणना विशेष से सिप्ति है। सीपिति और अन्य व्यक्तियों हारा गिनाई गई किताइयाँ नियाई गई कि

हमारी अर्थ व्यवस्था ने मुद्रीवृत भागी तन में उत्पाद के समृचित अभिनेत्र नहीं एके जादें हैं और उत्पादन को उत्पत्ति की पांति और अर्थ का ठीम वोध नहीं होगा। सबह करने ना मून्य अवस्थिक होगा। फिर उत्पाद का मून्यानन नरने ने लिये नुचानता और प्रविधिक ज्ञान की आवस्थाता पढ़ती हैं। न तो उत्पादना में और न ही उपभोक्ताओं में समुचित लेखों नो एकने ना चलने हैं। इस विवित ना मून्य नारण जन साधारण ना निरक्षर होगा। है। इसलिये उत्पत्त के जुल और वास्तित का भूम कारण जन साधारण ना निरक्षर होना है। इसलिये उत्पत्त के जुल और वास्तित का भूम भूम नो सुनिश्चित करना समय नहीं हैं। फल्यक्श अर्थ मा अन्यासार्य (imputation) करना पढ़ता है और छोड़े उत्पादने और मूह-उचकी है, के भारतीय वर्ष व्यवस्था ना नाफी बड़ा भाग बनाते हैं, उत्पादने भीन निर्धारित चरन

- पर्याप्त और परिशद सामग्रो का अभाव—पहले खड़ो में दिये गए विवरणों में यह स्पट्ट हो गया होगा कि भारत में प्राप्य औकडे वहुन अरबीप्त और अपरिशुद्ध हं। हमारी अर्थ व्यवस्था के बहुत वडे भाग के लिये किसी प्रकार के भी औकडे प्राप्य मही है। प्राप्य सामग्रो परिशुद्ध नहीं है। कृषि और सबधित कार्यों के लिये मुल्यों और ब्ययों के आंकड़े अपूर्ण है। निर्माणियों के बारे में कैवल महत्वपूर्ण केन्द्रों के आंकड़े उपलब्ध है। राजकीय कार्यों से मद्रधित सूचना को आर्थिक वर्गों के रूप में रखना क्टिन है। १९४२ के औद्योगिक जॉनडा अधिनियम और १९५३ के जॉनडा मग्रह अधिनियम के बनने और सरकार द्वारा आंकड़ा संग्रह किये जाने के प्रयत्नों से पहले उत्पादन और उत्पाद सबधी आंकडे उपलब्ध नहीं थे। अभी भी आय, पंजी-विनियोग, सपभोक्नाओं के व्यय, आसच्यन, घरेल और कटीर उद्योगी आदि से सर्व-धित सामग्री प्राप्य नहीं है। जब तक इस स्थिति में सुधार नहीं होता, तब तक भारत को राष्ट्रीय आय के संतोपजनक प्राक्कलन नहीं मिल सकते । परन्तु, यह अवस्य कहा जा सकता है कि १९४८ के बाद इस दिशा में पर्याप्त प्रगति हुई है। भारत सरकार ने प्रत्येक मत्रालय में सास्थिकीय सगठन स्थापित क्रिये हैं और सामग्री-मग्रह विश्लेषण और विधायन सबबी प्रशिक्षा दी जा रही है । उत्तर प्रदेश सरकार राज्य-मास्यिकीय सेवा आरम करने के बारे में विचार कर रही है। अब उत्पादन और उत्पाद के आंकड़े. जिन पर राष्ट्रीय आय के प्राक्कलनो की गणना आधारित है, पहले से बड़ी अब्हे रूप में प्राप्य है। परन्तु अभी भी बहुत सीमा तक मुघार किये जा सकते है।
  - ४. को में की उदासीनता (indifference of the people) —कोन परिसुद्ध और दो के प्रति अभी सतर नहीं हुए है। सरकारी परियोजनाजों के प्रति के न वेचक उदारीत है विकार उपने दिखाप्त्राव नक है। आँकरों का सवह नरने में के सहप्ता और उद्योज नहीं देते। पण्डन्दर में भी भी भी भी पाय है नह प्रतिकल्ला प्रमाणिन है। इसका कारण निकार न अभाव है। यह आदा है कि सनयानुनार दन दिखी में मुचार होगा।

इन कठिनाट्या के होने हुमें भी राष्ट्रीय आय समिति न राष्ट्रीय आय की मणना करने का काम लिया है और वे प्रतिवर्ष इन अशा का प्रकाशन कर रहे हैं। परन्तु इनमें विट का सीमात लगभग १०% (ग्राक्कलित) है।

#### राष्ट्रीय आय समिति द्वारा स्वीकृत विधि

भारत सरकार ने अगस्त १९४९ में मो० पी० सी० महलनवीस की अध्यक्षता में राष्ट्रीय आम समिनि (Mational Income Committee) नियुक्त को । समिति का नाम राष्ट्रीय आय और तल्लवधी प्राक्तलो पर प्रतिवेदन तत्यार करता, प्राप्य सामयो और अग्रिम्क आवस्यक नामधी के नगह में सुधार करने के किय देवायों को मुझाना और राष्ट्रीय आय में पवैषणा करन को प्रोत्माहित करने के लिए मार्गोपाय (ways and means) वताना या। विमित्त के प्राक्कण 'प्राप्तां प्राक्तलन' (official estimates) कह जाते हैं। प्रत्यां (concepts) और सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि में सामग्री की दृष्टि के सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि की सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि की सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री का सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री की दृष्टि से सामग्री का स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्वर्ण स्थान स्वर्ण स्वर

सिमिति ने २५ वर्ष पहले अभिस्बीष्टत बाल रात की बिधि की स्मूछ रूपरेखा (broad outline) का अनुसरण किया। उनने उत्ताद-मणना और आय-मणना सिद्धि, दोना, का उपयोग किया। यह देखा गया कि श्राप्त मामग्री ऐसी भी कि दोनों में किया का मामग्री एसी भी कि दोनों में किया का मामग्री एसी भी किया की मणना की विद्या में सिमित का पहला पग १९४८-४९ की बुळ अम सिक्त (working force) का आक्का कर करना और उसका व्यावसाधिक कार्मित का बात करना और उसका व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित का बात व्यावसाधिक कार्मित कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित व्यावसाधिक कार्मित व्यावसाधिक कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित कार्मित व्यावसाधिक कार्मित

उत्पाद-गणना विधि वा उपयोग निम्नलिविन स्रोतो से राष्ट्रीय आम की गणना करन तक सीमित रक्षा गणा —

- (१) पर्युत्रा और वनत्यित का विदाहन (exploitation of animals and vegetation)—इशमें पर्युन्यालन मछली परङ्का वन-उपयोग और शिक्षार करना सम्मिलिन हैं —
  - (२) मनिजो ना विदाहन (exploitation of minerals) और
  - (३) उद्याग

आय-गणना विधि का उपयोग व्यापार, परिवहन, व्यावसायिक और मस्कारी कराआ और सेवाओं से राष्ट्रीय आय की गणना करने में क्या गया। हुट स्थानों में, जैसे व्यावनायिक और मन्कारी कराओं म, उपमीननाओं के व्याय वर्षी अकी का भी उपयोग किया गया।

इस प्रकार संप्रहीत अजो में विदेशों से अजित आय के रिये समायोजन किए गए हैं।

बाउते-रॉबर्टसन समिति और राष्ट्रीय आप समिति की परियोजनाओं की तुलना

अहाँ तक विस्तार के अन्तरों की बात है, इनमें मुख्य अनार यह है कि राष्ट्रीय आय समिति न पहले अर्थव्यवस्था के उद्योगानुसार वर्गीकरण के आवार पर जनसंस्या का व्यावसायिक वर्गीकरण विया । बाउले-रॉवर्टसन समिति ने ऐसे किसी वर्गीकरण की निकारिश नहीं की थीं। इसके स्थान पर उन्होने ग्रामीण और नगरीय विशेषताओ के आधार पर जनसंख्या के वर्गीकरण की सिपारिश की थी। यहाँ यह अवलोक्य है कि इन विशेषको का यह सुझाव बहुत महत्वपूर्ण है। इससे प्रामीण और नगरीय जनसस्या को राष्ट्रीय आय के अलग-अलग प्राक्कलन प्राप्य होगे । राष्ट्रीय आय समिति ने पहले प्रत्येक व्यायसायिक वर्ग की बास्तविक आय को प्रयक्त रूप से निर्धारित किया और फिर उनका समहन करने राष्ट्रीय आय निकाली । बाउले-रॉवर्डसन समिति ने आयो का प्रात्कलन करने के लिये प्रामीण और नगरीय क्षेत्रों के प्रगाद सर्वेक्षण करने की सबंत पूर्ण परियोजना की सिफारिश की थी । उन्होंने इस बात की भी सिकारिश की थी कि शक्ति चालित निर्माणियों, खानो और कुछ अन्य उद्योगों की उत्पादन-गणना की जाय । उन्होंने एक अन्तरब नगरीय जनगणना की सिफारिश भी की थी । बदली हुई परिस्थितियों के कारण राष्ट्रीय आय समिति न आय, जन एव उत्पादन-गणना के सर्वेक्षणों की सिफारिश करना आवश्यक नहीं समझा । आरत में ऐसे सर्वे-क्षण पहले हो हो चके थे और राष्ट्रीय आय समिति उनसे प्राप्य सामग्री पर निभर रही ।

निम्मिखिक्षित सारणी में भारतीय अर्थ व्यवस्था को भागों में बौट कर दिखाया गया है। पहले प्रत्यक भाग के कास्तविक उत्पादन का प्राक्कलन लिया गया और फिर समूहन करके राष्ट्रीय आय निकाली गई है।

औद्योगिक स्रोतों से राष्ट्रीय आय

(सर्वायाच्याच्या)

														8	(अरब ६० में)	म		
	•	/200	0	,	0	3					0.00	٠	2	. 1	;	•		
		-	۵	,	ć	Į	ć	L		1	-		-4562 -4562 -a664-	~	<u>;</u>	ř	5	L
		%	-	9	5	بد	'n.				<u>ک</u> خ		سو ص		5		5	_
16	(t)	<u>@</u>	ت	=	(x) (k)	_	3	_	3		<u>(ه</u>		(2)		3		(%)	_
,	कृषि पशुपालन और तत्सवधी कार्य	₩ >>		2 Ex	~	2	» 	~	١ ٥٠ ٤ ١ ١ ١ ١	~	÷		35	m	\$	•	3 3 3	-
	बन उद्योग	۰		•	9	9	_	9	۰	w	۰		•	9	0	. 9	. •	
	मछली-उद्योग	٥	æ	'n	>=	,	Ĭ	>	۰	>	9	٠	b	5	0	5	٠	
	कृषि का योग	Ċ,	۷	<b>٠</b> چ		۶ ۲		3	2%	~	5 E 3	~	, y,	. 5	ر مو م		لالا س	
	खनन, निर्माण और हस्तशिल्प																	
	खन्त	•		•	113"	9	Ĭ	۰.	٥	•	~		٥	00	~		~	~
	गिमाणिया	5	_	5		ع ع	w	>	w	ya Ur	UP.	~	உ	سور	9	v		•
	खाट उद्यम			ď		~	•	<u>ح</u>	6"	9	•	v	•	63"	:		•	9
	खनन, निमाण और हस्तिधित्य का योज	2		ه سو		۳۳ سيد سيد		2 32		ە ق	2	9	2		ر ک	s	2	9

भारताय लाकड			
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	۰ ~	~ , '	or
~~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~ ~	٠ ديم	2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2	\$
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• •	~   ·	v,
2	50	5	हेर्य द मृत्य द मृत्य द मृत्य ७ वृद्द ४ मृत्य ७ मृत्य मृत्य ५ मृत्य
× ~ ~ ~ ~ × ~ × ~ × ~ × ~ × ~ × ~ ×	~ •	~	~
* * * * * * * * * * * * * * * * * * *	er o	2	25
0 × × × × 0	<b>v</b> •	v	9
» « » » » » » » » » » » » » » » » » » »	2 % \$ 6 7 5 6 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5 5	00	2
A S S V OF WHEN >	m ~	~	ا «د
× 0 9 9 V V V V V V V V V V V V V V V V V	اً ج	2	35
was Nurse o se se acol	« n	و	
» « » » » » » » » » » » » » » » » » » »	ا ج	5	3.6%
was same	5° 0°	m	~
× 0 9 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	2 °	1 38 7 903 2 78 9 88 2 48 3 08 4 37	25.6
# > # & # & & & O V	2 9	~-	•
~~~~ × × × × × × × × × × × × × × × × ×		\$	34.3
ware ware	9 ° °	مو	00
	🤻 ໍໍ່	N.	38
firm, strateg air seet.  sear (communications) e \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to \$  to	साधन लागत पर वास्तविक देशीय उत्पादन विदेशों से अजित आय	साधन क्षागत पर बास्तविक राष्ट्रीय उत्तरित (राष्ट्रीय आय)	l l
अपूर्व सम्बन्ध प्राप्त अपूर्व	1€-	F -91	प्रति व्यन्ति आय (वर्तमान मूल्य)
देश देश किं	E -	<b>宣</b>	1.
를 불 로드로 발	4		E
문의 동독등 부지 모	1 是		E
तिम्य, पापक्र वा न्तर (communi) कार्य वाधित्य और रोण आकृष्य और पी आकृष्य और स्वार्य अस्त्र स्वार्य अस्त्र स्वार्य स्वार्याय और संस्मरी कृष्य सेवार्य कृष्य सेवार्य	साधन लागत पर वास् उत्पादन विदेशों से अजित आय	साधन लागत पर बास्ती उत्पत्ति (राष्ट्रीय आय)	112
नुसी हो जो हो है ।	साधन है उत्सादन विदेशो	計計	1 12
nifera, street air ever, हन्तर (communications) होन्छें भारत वर्गाय योग्य और गीम बाह्य योग्य और परिवार व्यवसाय और सर गरी कार्य हर हाराने कार्य मुस्ति केरा	# K E	सं च	ì
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	1 2 2	~	1 %

भारतीय अंकिडे

334

डा॰ राव को विधि और राष्ट्रीय आय समिति की विधि में अतर

सह पहले ही बताया जा चुना है कि राष्ट्रीय आय समिति ने टा॰ राक की विधि की स्थल कपरेता अभिस्वीहत की थी। इस दीनों विधियों में राष्ट्रीय आय के प्रात्तक करायदानाना विधि और आय-मध्या विधि दोनों से किये गए है। परना इनमें कुछ छोटे अनतर भी है जो अवाद परिस्थितियों के दरक जाने के और जग्नत मनालर के नारण है। डा॰ राव ने उद्योगों से आय का प्रात्तकरण आय-मध्यान विधि से किया या जबिक समिति ने हसान प्रात्तकर उरायद-भयना विधि से सिद्या है। इसार यह अर्थ हो कि डा॰ राव की विधि कियो सीति स्थित से अस्तिधनक है स्थाकि जब उरा राव ने राव्या आप कि समिति की अस्ति प्राप्त से अस्ति प्राप्त मान की स्थान के लिए देश में एक कही अच्छा सगठन है। इस्ति ए राष्ट्रीय आय समिति के कियो उराध्य नहीं थे। अब इन अवको का समह करने के लिए देश में एक कही अच्छा सगठन है। इस्ति ए राष्ट्रीय आय समिति के किये उत्पाद-भग्नत विधि सा उपयोग करना सभन से सना ।

इन दो विधियों में एक और अन्तर भी है। कुछ श्रम-दाक्ति की गणना करने में डा॰ राव ने स्वनन श्रमिकों, ब्रासित सिमकों और उप श्रमिकों (subsidiary workers) को सिमिलिन विचा और उन्हें मच्या १, १/४ और १/३ भारियों । राष्ट्रीय आय सिमिलें ने वेचक स्वतन और व्यक्ति श्रमिकों ने समायें तथा है। सिमिल में बा कि डा॰ राव द्वारा दिये गए भार मनमाने है और उनका कोई समुनित आवार नहीं है। एरन्द इस विषय पर राष्ट्रीय आप सिमिलें से सहमन होना भी कठिन है।

इन अन्तरों के अविस्मित कुछ साधारण भेद भी है। समिति के वर्गीकरण में 'इति में 'स्पूरावन' और स्तावधी वर्ग में भी समावा उप-मासून में तिया गया है। एन्तु डा॰ त्या वे 'इति और 'स्पूर्ण' को अवन वर्गों में रखा था। समिति ने स्वन मं निम्में को एक वर्ग में 'स्तावधा। समिति ने स्वत्वधा। निम्में को एक वर्ग में रखा था। समिति ने स्वत्वधा निम्में को एक वर्ग में रखा था। समिति ने किया निम्में को एक वर्ग में रखा थी। इति को हिम्म को एक वर्ग में रखा थी। उत्ताव को एक वर्ग में रखा थी। साथ और इत्तवधा का विकास को एक वर्ग में रखा थी। किया का वर्ग निम्में को एक वर्ग में रखा थी। किया को स्वति का स्वति का स्वति अविकास के स्वति अवस्था प्रधान मामिति हो। या स्वति का स्वति अवस्था के स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति का स्वति हो। एस होना स्वताविक है क्यांकि इत्तर रखा स्वति का स्वति का स्वति हो। स्वति स्वति स्वति स्वति हो। स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति हो। स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति स्वति

सुचार के लिये कुछ सुप्ताव

राष्ट्रीय आय समिति ने राष्ट्रीय आय का अनुमान लगाने के अतिरिक्त उन आकडो में जिनके आधार पर राष्ट्रीय आय का अनुमान लगाया जाता है कुछ मुबार के मुनाब दिये हैं। आंकडो के सुघार के लिये निम्न लिखित मुख्य मुपाब दिय गये हैं —

- (१) कृषि के क्षेत्र में एक प्रतिवेदन आंभवनी अप्रतिवेदन स्वानो में नियुक्त हिया जाना चाहिय और वनमान क्षेत्र प्रतिवेदना का इस प्रकार प्रकार करना चाहिय कि लाभग १/५ गाँव में प्रतिवर्ष प्रायमित प्रतिवदन हो सवे ।
- (२) अगिक तथा मृति ने जौकडा ने धम कार्यालय डारा पूर्व रूप से एकविन रिये जाने चाहिसे और इन भौकडो का सकलन मुख ऐसे विदाय क्षत्रों में भी होना चाहिये जिनमें यह जौकड अभी नहीं एकतिन किये जात हैं।
  - (३) वेन्द्रीय भरकार को बिनी कर से सबधित आँकड़ा के प्रतिवेदना म एक-इपता लानी जाहिए।
  - (४) द्वित, पशुपालन, व्यापार, यातायान, लघु उपत्रम, आदि से मविपन व्यवस्य वनमधान संस्थाओं व केन्द्रीय संस्थार द्वारा विया जाना चाहिये।
- (५) मारत मरवार के राष्ट्रीय आय विभाग को एव वार्षिक पत उसी प्रकार निवालना चाहिये जैंगा कि राष्ट्रीय आय पर स्वेन पत्र मयुक्त राज्य द्वारा प्रकाशित किया जाता है।
- (६) राष्ट्रीय आय पर एक आन्तरिम सल्गहकार समिति बनानी चाहिये जा राष्ट्रीय आय परवर्गमानकार्ये की गमीक्षा करे तथा सरकार को राष्ट्रीय आय से सबवित कार्यों पर मत्तर है।

भारत में प्राप्य सास्यितीय समग्री में सुधार करते के बारे में राष्ट्रीय आय । समिति ने कुछ और सुफाव विए हैं जो निम्मिलिवित हैं —

- १ क्षेत्रानुसार नामग्री सबह के स्थान पर पूथत ज्यापक रूप से सामग्री मबह करते की सिकारिस की गई हैं । सामग्री का बाधिक या पचवार्यिक सबह विस्तृत था आसिक गणना बारा किया जाना बाहिए ।
- २ प्रतिबदन अभिकरण (reporting agency) भू-राजम्ब प्रधामल सं सबिधत हानी चाहिए और इसे ऐसे क्षेत्रो का मर्बेक्षण करना चाहिए जो मूचना नहीं मेजते । ये क्षेत्र पुराने भारतीय राज्य है ।
- ३ फमल की उपन का प्राक्कलन कटाई के प्रयापा द्वारा और जवान-फनल का प्राक्तलन विशेष अध्ययना द्वारा किया जाना चाहित ।
- ४ हिपि-मूल्यो ना नमह सुन्यवस्थित और बच्ची हाना चाहिए और इस दृष्टि से प्रामीण मूल्या या उत्पादनों ने मूल्यों के स्थान पर दुंछ प्रकार के बाजारा में ब्या-पारिया के मूल्या ना नमह निया जाना चाहिए।

- ५ आय और उत्पाद ने पूर्ण प्रान्कलन बनाए जाने चाहिए जिसस एन दूनरे से स्वतन दुहरे अन मिल सने। आजनल राष्ट्रीय आय के अक्र मुख्यत उत्पाद प्रान्कलन है जिनमें दिनत स्थान आय प्राक्कलनों से भरे गए है।
- ६ विविध कार्य के आप-अजको ने पजूरी और येतन अंकडे साथ आने वाहिए। इनमें कमचारी अतिश्रृति के यह सप्टको (constituents) जैसे मोस्तानिक विश्व (provident fund), निवृत्तिकेत पुरक्षा-अज्ञान ना समाविक पुरक्षा-अज्ञान ना समाविक विध्य जाना चाहिए। आर्थ-मनुरा, परेष्ट्र नोकरा आदि का मिलने बाल प्रतिकरों को निरित्त करते में लिये सर्वराण दिए जाने चाहिए। यह सिकारिस व्यवसायों ने बनामान अस्तोधजनक वर्गीकरण में गुध्या कर पत्ने के स्विध स्वेदण प्रतिकरों के स्वीक राष्ट्रीय आप कर प्रतिकरण में स्वाप कर स्वीक राष्ट्रीय आप का प्रत्वक्त कर में महत्त्वर स्वृत्तिक रहना पहना है।
- ७ निजी आय, मकानो के किराए और संपत्ति सवर्धा सामग्री मुनिश्चित करने के लिए विद्योग सर्वेक्षण किए जाने चाहिए।
  - ८ आय कर सबधी सामग्री में सुधार किये जाने चाहिए।
- १ राष्ट्रीय सांव समिति और राष्ट्रीय प्रतिदर्श वर्षेत्रण में सम चय (coordination) होना चाहिए। राष्ट्रीय प्रतिदर्श संबंदण में उपनोचना व्यय और मामीण सेनो में मूंजी निर्माण सबये सामीण सोना में स्वार्थ में राष्ट्रीय आप सामित होरा माने पूर्व हिए राष्ट्रीय आप सामित हारा माने पहें विश्व हिए राष्ट्रीय आप सामित हमाई ना विश्वेषण और विभावमा में वरणा नाहिए। इसे रोलिए ताहिए। अवार्य एक उच्चाियां सामित बनाई जात निर्माण और विश्वामा मोने राण्ट्रीय प्रतिदर्श सर्वेषण ना मुद्द व परता आवर्यन हागा। अवार्य एक उच्चाियां राष्ट्रीय सामित व मार्च माने हिंदी (Research Programme Commission) के अनुवार्य न सर्वेषण संदर्श (Indian Statistical Institute) तथा विवर्द्रीयतालया में प्रतिनिधि हो। इस समिति ने प्रतिवरणों के आपार पर आपों करा आयोग राष्ट्रीय सामित करें। हस्स हिंदी हो स्वर्ध सामित ने प्रतिवरणों के स्वर्ध करों हुए स्वर्ध सामित ने प्रतिवरणों के स्वर्ध करों करों हस्स समित ने प्रतिवरणों के स्वर्ध करें। इसे उस्तिवरणों के स्वर्ध करों करों हस्स समित ने प्रतिवरणों करों। हसे सामित ने प्रतिवरणों करों हसे स्वर्ध करों करों हमार करना प्रमत्न हो जावना। इस सबये में स्वर्ध में सामित ने प्रतिवरण सामित ने स्वर्ध में सामित स्वर्ध करों स्वर्ध करा इसे समित ने स्वर्ध करों सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सामित ने सा

भारत सरकार ने इन मुकाबा पर प्यान दिया है और उनना पाएन नरने ना भी अबल क्या है। इन भूभावा न परिणाम स्वरूप क्या लाख व हॉप मवाच्य ने प्रस्तों के कुठ प्रतिबद्ध पोर जब ७५०० कारत एकर हु। गया है। अधिकारत प्रस्य सरकारों में विषयों ना वर्णीन एम मूच्य आकडा को सवस्ति करने वाजी समिति के सुफावों के अनुसार किया है। बाकडों के सकलन के लिये विषयों को सर्वाधत मनाज्यों में भेज दिया गया है। यह आसा को जाती है कि उपयृंक्त सुफावों व सरकार के प्रय नो के फलस्वरूप प्राप्य राष्ट्रीय आय सामग्री में आवश्यक मुधार होगे।

## भारतीय श्राँकड़ों की सामान्य श्रालीचना

ष्टिले वृद्धों में हमने भारत में मान्य कुछ सर्वोषिक महत्वपूर्व अकिशे की व्याप्ति और बोश का विवेषन किया है। इस विस्तृत अध्ययन के साय-साय उनके दोपो और काममें का भी उल्लेख किया गया है। आगाभी वृद्धों में भारतीय आँकडों की सामान्य समाजीकरा की जायापी।

(१) भारतीय आंकडो के किस्द्र मुख्य आरोप यह है कि वे अपर्याप्त (inadequate) है। इस सबय में हम मारतीय आंक्षिर जॉच ग्रामित, १९२५ के रूपन का उल्लेख कर सकते हैं, जिसमें उन्होंने भारतीय ऑकडो की अपर्याप्तता की और प्याप्त आर्कीप्त किया है। समिति का कहता है कि

का आर प्यान आकायत क्या है। रामाय का कहान है। के इस निर्माणित करने के लिये कि प्राप्त साहियकीय सामयी अथेशास्त्र के दृष्टि-कोण के किन अर्थों में अपूर्ण हैं, इस विषय का अध्ययन निम्मकितिन तीन मुख्य वर्गों में किया जा सकता हैं.—

- ् (१) नामान्य अफिडे—जिसमें उत्पादन ऑकडे सम्मिकित नहीं है—जो चित्र, जगस्वमा, व्यापार, परिवहन और सचार, शिक्षा, प्रवासन और जीवन ऑकडो का समावेच हैं।
- (२) उत्पादन-ऑकडे—जिसमें ङिपि, चरागाह, दुग्य सबधी, बन, मछ्छी-उद्योग, सनिज, बडे पैमाने के उद्योग, कुटोर और छोटे पैमाने के उद्योग सम्मिलित हैं।
- (३) आय, धन आदि के प्राक्कलन--आय, धन, निर्वाह-क्यय, ऋणिता, मजूरी और मूल्य ।
- वर्गे (१) के अन्तर्गत जाने वाले आंकड़े न्यूनाधिक पूर्ण है, वर्ग (२) के अन्तर्गत जाने वाले कुछ आंकड़े सतीयजनक हैं परन्तु अपूर्ण है और कुछ पूर्णत अप्राप्य है। यरन्तु जहाँ तक वर्ग (२) के आंकड़ों की वात है ब्रिटिश भारत में अप्राप्त नेमाने पर इसने सविधन आवस्यक हामग्री सम्हकरने का कोई सतीयजनक प्रयन्त नहीं किया वर्षां

समिति का यह कथन सुरुष्ट रूप से बताता है कि इस शताब्दी के दूसरे दशक में सतोपजनक सारियकोय सामग्री प्राप्य नहीं थी । इसका मुख्य कारण बिटिश सरकार 800

ना सामधी-सम्रहण में नोई दिल्यस्मी न होना था। जो भी दिल्यस्मी की जानी थी यह पूर्णत प्रवासनीय दृष्टिनाण में थी। इस मन्दर्भ में डा॰ बाउले और श्री रॉवर्ट-सन ना नक्त उस्तेण्याचि हैं (यह भारत में एन आर्थिन गणना नी योजना (A Scheme for an Economic Census of India) १९३४ में दिया यहा है।

भारत में अविन्डी ना उन्न्य प्रधासनीय नामी जैसे मून्याजस्य-सद्ध, या आवाना (जैसे अनाल) से सविधित सूनना नी आवश्यनता ने मह्न्यतावन ने रूप में हुवा है। नेवल जनगणना और मुख्य मात्रा तन विदेशी ज्यादार में बेहों में ऐसे मगलन है जिनना मूल्य नाम मूल्य नाम महत्व है पर स्वत्य जीत के असमित्य है और अरुग अव्याद विविध्य स्वत्य विद्या के स्वत्य विद्या स्वत्य विद्या स्वत्य विद्या स्वत्य विद्या स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स्वत्य स

एका प्रतित हुता है कि १९२५ और १९३४ ने बीच में अभिकार से प्राहुत में हैं अपीत नहीं हुई। १९३८ विश्वयुद्ध की बाज वान अन्य अपर्यंत हैं और उत्तरित यूद्ध सचन वा ना अनुभव किया कि प्राप्य आधिकारीय सामगी बहुत अपर्यंत हैं और उत्तरित यूद्ध सचा- कन में बायायें आ रही हैं। इस किनाई हा सामगा करन ने किये उन्होंने मामधी- साम है कि वई परियाजनाएँ प्रारम की। उनना मुख्य प्यान हिंगी और ज्यापी में बीचारामा अपना की प्राप्य में में मामधी के अमान की विश्वायत करना हो हो स्व प्राप्य है कि मान स्व में बहुत अपना की विश्वायत की। फर्ड्य के स्व विश्वय में बहुत दिर करारी ही। कातते में कि बिना उप्याकों में पूर्ण वान ने अयाजन सफर नहीं हो सकता। मारवा सन्व साम है विश्वय की मानवाया से सब्दान सारवें हैं। साम की प्राप्य की में स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व विश्वय मानवाया से सब्दान सारवें है। साम की स्व प्राप्य साम की प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्राप्य की स्व प्य की स्व प्राप्य की स

बाद हमारे पाम ऐसी मास्यिकीय मामग्री हो जाएगी जो अन्य उत्तत देशी की सामग्री के बरावर होगी।

- (न) जारन में प्राप्त माध्यिनीय सामग्री परस्पर विरोमी (inconsistent) है। एंग होना आरख्येन्द्रन कही है। मागर अभी-अभी हुयरे विकन्ध्रम और विजयत ने पत्ति में सम्बन्ध है। देवी राज्ये का एरिकरण अभी हुछ में हुआ है। इसी एंग एरिकरण अभी हुछ में हुआ है। इसी एंग हुएंग हामान्य बचा नहीं है। भारत सरकार राज्य सरकारों में मागंद्रतीन के किये एक इस परिभागाओं, नियमों और टीवियों आदि को नियंदित कर रहीं है। हिस्सून में मुतार हों में ह साथ भारतीय और शो परस्पर विरोधिता निरस्प ही हुर ही नाएगी।
- (३) भारतीय और हो की व्याप्ति (coverage) यहून कम है। स्वाप्तिता है पहले केवल ढीवरों भारत है बारे में अधिये उपलब्ध में । देती पान्यों के बारे में नोंदें वालवारों नहीं मिलतों है यह होंगे पान्य और वालवारों नहीं मिलतों हो। हुन देती पान्य और वालवारों कहें। पित्र में प्रत्यु पर प्रवार और वालवार्य हो। विलयन और पान्यों के पुतर्शक के बाद भारतीं बारिकों न यह योग मीर-वीर दूर हो रहा। है और उनकी क्याप्ति क्यारिक एवं मेंन बढ यहां है।
- (४) एर अन्य महत्यपूर्व वाय यह है कि भारतीय लोकडे अगुद्ध (inaccurate) है। अपुद्धता ने वह तात है। पूर्व-पिशन रहे लोकडों ने बारे में हमने देश है कि प्रायमिक प्रतिवेदन अभिवरणों को पर्योग्द प्रशिक्त नहीं किल्दा, वे प्रतिक्रित नहीं है और उन्हें वह अन्य प्रवाद के बाग करने पतने हैं। फल्लाक्स सामयी अगुड होगी हो। हाल ही में सत्कार ज्ञाप सामयी-मधह के लक्त कमंत्रारियों मी निवृत्ति विश्व नार्ने और उनरी प्रशिक्ता का प्रवन्य करने के बाद यह आशा में जाने नगी है कि बहुन समय से लगाया नार्ने बाल यह आरोप कम मही नहीं सेना।
- (प) भारतीय ऑपडे सत्तमन्ति (uncoordinated) है। लभी तर प्राप्त देवा जाता है कि एक ही नियम है स्वतित सामनी भा महत्व विविध अधिकारों द्वारा हिता चाता है और उन्हें में है समन्त कुछ रहता। इसके नारण समस्त्री मध्द दुद्धी बार होना है। मारत सरपार ने विविध स्नेती से बद्धन सारित-नोम सामनी मध्द दुद्धी बार होना है। मारत सरपार ने विविध स्नेती से बद्धन सारित-नोम सामनी मार स्वत्य करते में एन पियोन्सा वसाई है। बद एस्टोन्सा करोत मंत्राक्यों और राज्य सरकारों ने सारित्योंच पिता से तो वसाई मार्ट है। इस बद्धा में नेन्द्रीय सारित्यक्रीय मारत ही भी स्थापना से गई है।
  - (६) भारत में प्राप्य गास्विनीय सामग्री का समृचित बिरलेक्स और विधायन (analysis and processing) नहीं होता। भारतीय काकड़ी के विहद्ध एक

मभीर आरोप यह है नि उनका सकलन प्रशासकीय उद्देखों से होता है और इनलिए उनका विरुपेप इस प्रकार किया जाता है जिससे केवल वे ही निव्यर्ग निकारे जा सकें जो प्रशासकीय दिप्तकोण को सही मिद्ध करें और उसना प्रचार करें। आर्थिप निद्यालों और विषारों की बहुमा उपेशा की जाती है।

- (७) भारतीय श्रीन के स्वय-स्वाच्यात (self-explanatory) नहीं होन । कई स्वानी में उत्तवा क्षेत्र और सार्थनना मातूम नहीं रहती। वई वर्ष पहेले भारत सरकार में 'वर्तमान सरकारी साक्यनी मर्दाक' (A Guide to Current Official Statustics) प्रवासित किया । उत्तर प्रतेम सरकार ने भी समस्य प्रदाक' (guide) यवासित किए थे। श्रय राज्य सरकार ने इत्तरा महान्त नहीं किया। भारत सरकार और उत्तर प्रदेश सरकार का यह प्रनाशन श्रव गठना नहीं किया। भारत सरकार और उत्तर प्रदेश सरकार का यह प्रनाशन श्रव गठना लिया। मारत सरकार और उत्तर प्रदेश सरकार का यह प्रनाशन श्रव गठना है। तथा में हाल में बहुत प्रवासित हुई हैं। इत 'प्रदर्शन' वा हुत स्वाम हुं। पर प्रवास इंगल प्रवास इंगल प्रवास के स्वाम पर प्रवास इंगल प्रवास के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल प्रवास इंगल पर प्रवास इंगल में स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगलने के सुक्त प्रवास के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर प्रवास इंगल के स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम पर स्वाम स्वाम पर स्वाम स्वाम स्वाम स्वाम स्वाम स्
- (८) सर्वसाधारण को ओन हे प्राप्त करने में बहुणा अत्योधन विलय्य (delay) होता है। कमी-मी इनना प्रमासन इतनी देर में हाता है नि इनना नाई उपयान ही हर हाता। अने कोन में महत्त इस सता में है कि ये मियत्य ने टिप्टें उनानि का अवस्थान करने में समर्थ नताते है। गुरू विलय तो स्पमा जा मरता है क्यों नि प्रमूच मोद्रा बहुत विलय्त हो महत्ता है, परनु कभी-मी नक्तारान विलय्त होता है। एहं हर हम विलय्त ना मृद्य नारण यह या दि ओन हमान हम ना या अव्यानामें स्वयुद्ध कंपादिल के मीता जाता था। फिर, अनिक भारत मयनी मामकी मा मजलन और प्रमानत हुउ समय ता ज्या ही। अब भरनार ने वेन्द्र व्यवस्था म मुख्य निम्नेतिकरण क्यां हो। बी हो। अव भरनार ने वेन्द्र व्यवस्था म मुख्य निम्नेतिकरण क्यां हो। बी हो। अव भरनार ने वेन्द्र व्यवस्था म मुख्य निम्नेतिकरण किया है और राज्य-मन्त्रार राज्य-मवसी औह हो। मा मनलन और प्रमानत स्वय मरती है। इसलिए प्रवनाधारण को ठीव समय में मामकी प्राप्त वरता जनाय नहीं होता चाहिए।

यह प्रास्तीय ओंकडो की सामान्य कमियो का मक्षिप्त विवरण रूँ। हमारा क्यन यह नहीं है कि भारतीय औकडे मानिक और गुणात्मक रूप में निहस्ट है। हाल में हुई प्रमृति को देखते हुए हुमें केन्द्रीय और राज्य मण्डना की प्रमृता करनी ही पडेगी। अभी और सुवार किये जा सकत है और यह देवकर मतोप होता है कि भारत सरकार इसके प्रति स्नाक है।

#### QUESTIO VS

1 Give a short account of procedure followed in taking the decential population census of India. State also the main difficulties which have to be overcome during the census taking

(B Com, Madras)

What statistical data are available in the census reports of India? What assistance can a social worker get from such data?

ndia <sup>3</sup> What assistance can a social worker get from such data <sup>2</sup> (M.S. W., Lucknou)

3 What changes were made in the procedure of collecting population statistics at the time of the census of 1941 and 1951. What suggestion can you make for future. 3

(B Com, Luckrow and I A S)

- Write a brief critical note on the 1931 census of population (B Com, Allahabad)
- 5 Discuss the possible value of Census Reports to producers, manufacturers and businessmen. How can the Indian census reports be made more useful to the people?

  (R. Corp. Astron.)

(B Com, Nagpur)

- 6 Write a critical account of the statistics of "Economic Characteristics" collected in the 1951 census of population in India (M Com , Allahabad)
- 7 What is the agency and method of collecting statistics of agricultural output in India ? What improvements would you suggest to make them more reliable and useful? (M.S.W. Lucknow)
- (M. S. W., Lucknow)

  B. How can the method of "random sampling" be used for estimating correctly the yield of wheat in the U. P.?
  - (M A, Agra)
- 9 How are crop forecasts prepared in India? Discuss the need for improving the accuracy of these forecasts
  - (MA, Agra)
- 10 Define a normal yield and describe the official method of determining it. What do you consider to be the defects of the method and how would you remove them.
  - (M. A. Rajasthan)
  - 11 How is the decennial population census organised in India? Enumerate the items usually included in the census

An agricultural census is proposed to be made in 1951 with the object of obtaining information on the following --

- (a) Holdings-their number, size, nature of tenure, etc., (b) number and characteristics of persons engaged in agri-
- culture.
- (c) area under crops, volume of production, and

(d) number of livestock and agricultural implements

To what extent do you consider it feasible and advantageous to integrate the two censuses? Describe the methods current in India of collecting agri-

- cultural statistics of area and yield and express your opinion about the relative merits of each of the methods employed (I A S)
- Describe the official method of collecting statistics of acreage under crops in (a) temporarily settled, (b) permanently settled, and (c) unsurveyed parts of India To what extent do you consider these statistics to be reliable? Suggest ways of improving their accuracy (I A SY
- What do you understand by the term "Indian Agricultural Statistics"? Outline their shortcomings and give concrete suggestions to remedy them (M A , Rayasthan) 15 How will you construct an index number of prices that will
- exhibit with great sensitiveness movement in the general price level ? Examine from this point of view the (Indian) Economic Adviser's Index Number of Wholesale Prices (I A S)
- Examine critically the method adopted by the Economic Adviser to the Government of India for estimating the changes in general level of prices and suggest improvements (M A Agra)
- Describe any Index Number in use in India at present for measuring changes in the wholesale price level and point out its (M A , Calcutta) shortcomings
- Discuss briefly the statistical material available in Indiwith regard to any two of the following -
  - (a) Acreage and yield of crops.
  - (b) Imports,
  - (c) Inland Trade,
  - (d) Labour,
  - (e) Land foreign trade

(B Com Hons, Travancore)

19 State the principal sources of statistics relating to the inland trade of India and discuss their reliability

(B Com, Madras)

- 20 Give a short account of some of the official publications relating to import and export statistics of India
  - (M A, Galcutta)
- 21 Explain the main defects of the statistics of wages in India
  How can these defects be removed ? (M. Com., Agra)

  22 Point out the defects of the statistics of Industrial Pro-
- 22 Point out the defects of the statistics of Industrial Production available in India Suggest ways to improve them (M. Com. Allahabad)
- 23 Write a lucid note on the nature and scope of Industrial statistics in India (B Com Allahabed)
- 24 Write a note on the National Sample Surveys which have been conducted in this country for some time past
  - conducted in this country for some time past
    (M Com, Allahabad)
- 25 What is meant by the National Income of India? What material is available to estimate the National Income? What are the main methods of estimating it? (B. Com., Madras)
- 26 Describe the statistical aspects of Social Accounting Illustrate these aspects with reference to the National Income Estimate for 1948-1949 made on behalf of the Government of India Deciss also the use and the limitations of the main results obtained in that estimate. (I. A. S.)
- 27 What are the three chief methods of estimating the national income of a country? Which method is suitable for India and why? (M. A., Calcutta)
- and why? (M. A., Calcuttar)

  28 Describe briefly the method followed by the Nanonal Income Committee for framing estimates of the National Income for India for 1948-49? How for a foes this method differ from the one
- recommended by the Bowley Robertson Committee
  (B. Com., Allahabad)
- 29 What are the special problems of National Income estimation in India? Describe briefly the various methods followed for the calculation of Indian income? (M. Com., Allahabad)
- 30 "Statistics in India are neither complete nor reliable" Assess the correctness of this statement (M. Com ,  $A_{gra}$ )



#### MATHEMATICAL TABLES

### METHOD OF CONSULTING

There are a few simple rules which should be borne in mind while consulting these tables. The use of the tables affords quick and easy calculations, but it requires ample practice before one is able to derive adequate advantage from them

Logarithms: The logarithm of a number is the power to which the base 10 should be raised to equal that number Thus, the log of 10 is 1 (101=10), of 100 is 2 (102=100), of 1,000 is 3 (103=1,000) and so on

The numbers which we have taken in the above example, i.e. 10, 100 and 1,000 are convenient numbers and without the aid of tables we can give the log or the power to which the base 10 should be raised to equal those numbers. But all numbers are not so convenient and their logs cannot be determined so easily. For example, we cannot give the logs of 15 or 63 or 1236, etc. In other words, we cannot give off hand the power to which 10 should be raised to equal these numbers. We have to take the help of log tables to determine the logs of such numbers

The log of a number consists of two parts—the characteristic and the manitss. For the characteristic part we need not consult these tables, but a mere observation of the given quantity and the application of a simple rule will give the characteristic of the log of a given number. For the manitssa part of the log of any given number we are required to consult the tables. The characteristic part of the log is separated from the manitssa part by a decunal point.

Characteristic The characteristic of the log of a number more than '1' is found by the formula 'n-1', where 'n' stands for the number of digits before the decimal point. Thus, the characteristic of the log of 5 is 0 (1–1=0), of 12 is 1 (2–1=1), of 457 82 is 2(3-1=2), and so on

The characteristic of a number less than '1' is found by the formula NN-1', where 'N' stands for the number of 0s after the decimal point but before any significant digit. It should, further, be remembered that the characteristic of the log of a number less than 1 is always a negative quantity, and the minus sign is placed not at the customary place at the left of the figure, but at the top of it. The reason is that the characteristic of the log of a number can be a positive of a negative quantity according to as the given number is more than '1' or less than '1' but the mattiss is always

a positive quantity. Therefore, if the minus sign is placed at the left of the log of the number the whole of the quantity will become negative. Thus, the characteristics of the logs of 0.63, 0.06, 0.0062, and 0.0001 are respectively 1 (called minus 1 or bar 1), 2, 3, and 2

Monisso As has been observed earlier, we consult these tables for the manusa part of the log of a number. Two important things about the Manussa must be noted here. Firstly, the manussa of the log of a number is the same irrespective of the place of decimal in that number. That is, we completely ignore the decimal in the given number while finding the manussa from the tables. Thus the manussa of 0.07, 0.7, 70, 70, 700, etc. is the same in each case. The second thing to be noted about the manussa is that it is always a positive quantity. We shall see later the samificance of this point.

The procedure for finding the manusa of a given number is that the figure is reduced to 4 digits according to rules of approximation discussed earlier in Chapter II. The first two digits are seen in the left-shand vertical column and we read off the figure given before it in the column heading of the third digit. To the figure thus obtained we add the quantity appearing under the 'mean difference' under column heading of the fourth digit.

According to this rule the manussa of 532  $\mu$  8029 ( $\mu$  632 and other 3020 and other 3020 and other 50 mean differences we find the figure 1 which is added to 8928 and thus the final figure of 8029 emerges). Similarly, the manussa of 5234  $\mu$  7.189 ( $\mu$  6  $\mu$  5  $\mu$  column 3 gives 7185, and to which we add figure appearing in column 5 of the mean differences in 4 and thus we finally get 7189. We have seen in the mean differences column under column 5 and not 4 because the following figure is 7 which is more than 5 and according to the rules of approximation the last digit is to be increased by the first object of the first of the rules of approximation the last digit is to be increased by  $\mu$  10  $\mu$ 

The logs of certain numbers according to the above rules for finding the characteristics and the mantissa are given below -

Number	Logarithms	Number	Logarithms
5	o 6990	0 3452	1 5381
47	1 6721	0 0435	2 6385
135	2 1303	0 0028	3 4472
6326	3 8011	0 0603	2 7803
88257	4 9458	0 0003	4 4771

Autilogarithms: We can find the anu log of a given log or of given number. A log, as we have seen earlier, consists of the characteristic and the manissa. When we find the log of a number we consult the tables for the manissa part only, and not for the characteristic part. Hence when we have to find the anu log of a given number we shall see the manissa part of it (ie the digits after the decimal point) only. The procedure for consulting the tables of anti log is the same as outlined above for log. The place of decimals determined by the characteristic of the given number, ie the number of digits before the decimal point. The anti logs of certain numbers are given below.

Number	Antı log	Number	Antı log
0 6325	4 290	3 5621	3649 D
1 5789	37 92	4 3451	22140 0
2 3452	221 4	1 4271	0.2674

Reciprocals: The reciprocal of a given number is 'unity' divided by that number Thus, the reciprocal of  $i=\frac{1}{2}-1$ , of  $2=\frac{1}{2}=0.5$ , of  $3=\frac{1}{2}=0.33$ , etc.

The tables of reciprocals give reciprocals of all numbers given in the left-hand vertical column. The third digit of the given figure is to be seen in the top horizontal column while the fourth digit in the column of mean differences. The figure appearing in the mean differences column is not to be added but deducted. Then, it should be remembered that if the decimal point moves by one digit to the left in the reciprocal. The reciprocals of certain numbers are given below.—

Number	Reciprocal	Number	Reciprocal
5	0 2	0 6394	15 66
12	0 0833	0 0322	31 06
315	0 003175	0 0045	222 2

### Uses of Logarithmic Tables

Logarithmic tables are extensively used in calculation work, particularly in multiplication, division and in finding powers and roots of given numbers. The use of log tables in such cases makes the work of calculations very easy and quick but the results are only approximately correct.

Multiplication—When two or more numbers are to be multiplied to each other the anti log of the sum of the logs of these numbers gives the approximate value of the product. Use of logs comes very handy when several large quantities are to be multiplied Pautr—Logs are frequently used in finding the values of numbers raised to certain powers. Tables of squares do not often give satisfactory results if numbers are raised to the power '2' It is, therefore, customary to calculate the power, squares and cuber, ce with the help of log tables. Numbers raised to certain powers mean that they are multiplied so many times. The method of finding the values with the help of log tables is that the log of the number is multiplied by its power and the anti log of the product gives the deserted value.

### Illustration 1

To find the product, squares and cubes of the following numbers —

Ders -	_				
36	25, 412, 2	27, 5, 0 7,	and 0,04		
Numb	cr Logs	Log	Log	Squares	Cubes
		×2	×3		
(1)	(2)	(3)	(4)	(5)	(6)
3625	3 5593	7 1186	10 6779	13140000 0	47630000000 0
412	2 6149	5 2298	7 6447	169700 0	44130000 0
27	1 4314	2 8628	4 2942	729 L	19690 D
5	0 6990	1 3980	2 0970	25 0	125 0
0.7	1 8451	1 6902	1 5353	0 49	0 3430
0 04	2 6021	3 2042	5 8063	0 0016	0 000064
	6 7518				
	6 /316				

The following points in connection with the above calculations should be carefully understood —

- (i) In adding the logs in column 2 all the mantissi parts have been added although the last two logs are negative quantities. The reason has already been explained earlier that the mantissa of a log is always a positive quantity. The negative nature of the characteristic of the last two logs has, however, been taken into account.
  - (a) In multiplying the negative characteristics of the last two logs at should be remembered that since the mantissa is a positive quantity, the carry over is also a positive quantity, which is to be deducted from the quantity arrived after multiplying the negative characteristic by the given number.

Division—When a quantity is to be divided by another quantity the procedure is to find the logs of both the numbers and from

the log of quantity to be divided deduct the log of the diviser and find the anti log This will give the quotient

Illustration 2-Find the value of 635-12

Log 635=2 8028

Antı log 1 7236=52.91 Log 12=1 0792

1 7236

Illustration 3 Find the value of 12-635.

Antı log of 2 2764=0 0189. Log 12=1 0792

Log 635=2 8028

2 2764 Roots-If it is required to find the roots of numbers with the help of log tables , the procedure is to find the log of the given number and divide it by the root required to be found. The anti-log

of the quotient will give the root

Illustration 4	To find the se	quare roots and cub	e roots of the
squares and cube	s given in illu	stration 1 above	
37 1		T 0	4-4-1

squares and cube	s given in illust	ration 1 above	
Number	Log	Log-2	Antı log (square root)
13140000	7 1186	3 5593	3625
169700	5 2297	2 6149	412

729 1 2 8628 1 4314 27

25 0 1 3980 0.6990 5 0.7 0 49 1 6902 1 8451

0.0016 3 2042 2 6021 0 04 3 5593 10 6779 3625

47630000000 2 6149 412 44130000 7 6447 4 2942 1 4314 27 19690

2 0970 0.6990 5 0.7 1 5353 1 8451 0 3430

C.04 2 6021 0 000064 5 8063

The procedure of dividing the logs having the negative characteristics has to be carefully understood. The negative characteristic is broken into two parts in such a way that the first part is a positive part and the second part is a negative part, the first part is a multiple of the diviser and the second part is less than the divider. After thus breaking it the quantity is divided in the above example. The steps are shown below.

Ī 6902--2=--2+1 6902--2≔Ī 8451

3 2042-2=-4+1 2042-2=2 6021

2 5353-3=-3+2 5353-3=1 8451

5 8063-3=-6+1 8063-3=2 6021

# LOGARITHMS

	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 2	3	1	5	6	7	8	9
10	0000	0043	0086	0128	0170	0212	0253	0294	0334	0374	4 8	12	17	21	25	29	33	37
m	0414	0453	0492	0531	0569	0607	0645	0682	0719	0755	4 8	11	15	19	23	26	30	34
12	0792	0028	0864	0899	10934	0969	1004	1038	1072	1106	3 7	10	114	17	21	24	28	31
13	1139	11173	1206	1239	11271	1303	1335	11367	1399	1430	36	10	111	16	10	122	26	20
14	1461	1492	1523	1553	1584	1614	1644	1673	1703	1732	36	9	12	15	18	21	24	27
15		!		1847	1			,		1			ι			ι		
16	2041	2068	2095	2122	2148	2175	2201	2227	2253	2279	3 5	8	11	13	16	18	21	24
17	2304	2330	2355	2380	2405	2430	2455	2480	2504	2529	2.5	7	110	12	15	17	20	22
18 19	2333	123//	2601	2625 2856	2010	25/2	2695	2718	2742	2765	25	- 7						21
20	3010	3032	3654	3075	3036	3118	3133	3160	2967	3201	2 1	6	1 3	11	13	16	18	20 19
	١.									- 1								
21	3222	3213	3763	3284 3483	3304	3324	3345	3365	3385	3404	24	- 6	l s					18
23	3617	2626	3455	3674	3302	3344	2720	3360	35/9	3598	12.3	2						17
24	3807	3870	3838	3856	3874	3897	3900	3027	3045	3763		2	1 7	3	1	13	13	::1
25	3979	3997	4014	4031	1048	4065	4082	4033	4116	4133	١,	š	14	9	io	12	17	13
	1				ı			1					1					- 1
25	4150	4166	4183	4200	1216	1232	4249	1265	4281	4298	23	5	7		10			
27	4314	1330	4346	4362	1378	4393	4409	1425	1110	4456	23	5						14
29	4472			4669									1 6	ĕ	9	11	12	111
30		4786	4800	4814	4979	4843	4857	4871	4886	4900	113	2	1 6		9			
ľ	i	1			1			1			10.0		1	•	1	••	••	**1
31	4914	4928	4942	4955	4969	4983	4997	5011	5024	5038	13	- 1	6	7	8			
32				5092									5	7	8			12
33				5224										6				12
34 35		3328	5343	5353 5478	2300	3378	5391	3403	2416	347R	1 3	3	3	6	8			11
1	1	1			ì			1			ı		} ~	-	Ė	,	10	"
36	5,63	5575	5587	5599	5611	5523	5635	5647	5658	5670	12	4	5	6	7		10	
37	5682	5694	5705	5717	5729	5740	5752	5763	5775	5786	1 2	3	5	6	2			10
38	5798	15809	5821	5832	5843	5823	5866	5877	5888	5899	3 2	3		5	7			10)
39 40	5911	5922	5933	5944 6053	2922	2966	59/7	5988	6107	6010	1 2	3	1	5	61		9	
1"	1 0021	10031	DOLA	6003	10003	6013	0003	0030	010,	****(	,,	-	•	•	~{		,	٠٠,
41	6128	6138	6149	6160	6170	6180	6191	6201	6212	6222	12	3	4	5	6	7		
42	6232	6243	6251	6263	6274	6284	629£	6304	6314	6325	12	3	4	3	6	7	8	
43	6335	6345	6355	6365	6375	6335	6395	6405	6415	6125	12	3		5		7		3
	6435	6444	6454	6454	6474	6481	6493	6503	6513	6522	12	3	4		6	7	8	
15	t t	ι		6561	l l			ι		- 1		- 1	1	-	- (	•	~	٦(
46	6628	6637	6616	6626	6665	6675	6684	6693	6702	6712	12	3	4	5	6	7		
47	6721	6730	6739	6749	6758	6767	6776	6.82	6794	6803	12	3		4		6		3
18	6812	10821	6630	6839	0848	6857	6055	60675	6072	6093	12	- 31		1	31	ê		äl
19 50	6902	6911	9020	6928 7016	2024	2011	7042	2020	7050	1067	15	31	3	4	31			š
1		1			1					- 1		- 1	-	-	- [	-		1
ļ٩١	7076	7084	7023	7101	(7tta	7118	7126	7135	7(43	7152	12	31	3	4	5 (	6	7	ຑ

į	0	ī	2	3	1	5	6	7		,	1:	23	1	56	7	89
52	7160	7165	7177	7185	7193	7202	7210	712	7226	7235	1	2 2	3	15	6	77
53	7213	7251	7259	776-	7275	7754	792	7300	7308	7315	]1:	22	3.	15	6	67
51	7374	332	7343	7343	7356	7354	73 2	7330	7338	<b>-395</b>	1	72	3,	15	6	67
55	7404	112	7419	7627	7435	7143	<b>£</b> 51	109	7456	7474	13:	2 2	34	15	3	67
56	7482	7490	497	7505	7,13	520	o*8	7536 7612 635	7543	<b>"</b> 5>1	1:	2 2	34	65	5	67
57 l				7582	99د	759"	604	7612	7619	627	11:	22	34	15	5	67
J۵و		7647	7649	7د6		7672	6-9	635	7694	701	11.	! ?	3	11	5	67
59	7 09	7716	7723	7731	7738			60	-67	77 4	н	Z	131		2	<u>.</u>
63				203	210	818	82>	832								
61	<b>"853</b>	7860	7263	875 7945 6014 8082	7382	889	7896	7933	910	7917	3	1 2	3:	11	5	66
62	7324	7931	7938	7913	75>2	79.9	966	7973	980	793	"	::	13:	::	12	55
63	7993	8900	8007	8314	5021	80.3	20,33	2041	8116	8433	1:	1 2	13:	::	ľ	20
61	8179	8135	2775	8119	8089	8167	8169	8176	8182	8129	li	ĺź	13:	1	É	56
					1			,					1		1	
66	8195	8203	<b>E203</b>	8215	8222	8223	2235	2241	2713	87.54	I!	! 2	133	::	Įš.	56
67	8261 8325	8167	8274	8240	8187	8793	8773	8300	5312	6313	۱:	: 3	13:	::	ľ	20
69	33/2	2331	2772	8137	8721	833	200	8570	8179	8562	١.	1 2	3:	2	13	20
-0	811	8457	8463	8170	84 6	E457	8483	6494	8300	8306	li.	ìż	12	íi	Į,	56
1		ŧ.						l			ı		ı			
71	8513 8573	8019	د2دة	8231	8537	8543	8549	8222	5361	8367	H.	ıχ	2	::	1:	55
77	25/3	8579	5080	\$591 \$551	8397	8603	2009	8513	8021	2027	ı:	; ;	, ź:	??	Ľ	55
1	*603	9500	8704	6231	2007	6560	9717	10717	8739	8745	κ.	;;	15:	::	12	22
5	8751	8"55	8-62	8710 8768	8774	87-9	£ 35	8791	8797	<b>2</b> 802	1	įź	2	3	į.	55
اء ا																
77	8308 8353	2376	8376	6323	2657	8971	6339	6934	0193	2123	1	ìŝ	12:	63	ŀ	35
-3	8921 8976	8927	2932	8338	2943	2949	2354	5950	8965	8971	li:	12	23	33	i.	45
79	8976	2332	£237	2933	8933	9004	\$303	9315	9020	9025	1	12	2:	33	4	45
83	9331	9336	9342	5017	93a3	8000	9763	9069	9074	90 9	1	1 2	2:	3 3	4	45
[81	9335	9393	9336	9101 9154	9105	9112	9117	9122	9123	9133	1:	12	2:	33	4	45
22	9139	9143	9149	9174	9159	9165	91 0	91 5	91E0	9186	1.	12	2:	33	4	45
83	9191	19135	9701	9295	9717	9217	9777	9227	9152	5738	11	12	Z:	33	١.	45
25	9294	929	9304	9258	9315	9320	9325	9330	9135	9349	H.	12	2	;;	Ľ.	45
25	1			9360	l								ı		1	
ĥ	039	1233	9333	9363	18363	9570	93/5	9330	9253	2230	lå:	::	12	3	ľ	::
100	-939	1917	91.10	9110	Jares	91.00	4	200	200	1440	ıێ	::	15:	;;	ľ	::
89	913	989	9.04	9,22	951	9518	9.1	23 د و	9,33	9,32	le:	ij	5	;;	ž.	::
93	-919 -954	9>6	2 222	9227	9561	9,66	9571	95 6	9>81	9.26	ó	ii	2	23	3	ii
١,,	-959	ودواد	9630	9635	9625	9614	5619	9624	9522	9571	l۵		١,,	٠.	İ٠	
193	-959 -563	1954	3 9647	7 9552	955	9551	5666	96 1	967)	9680	tó:	ii	2	23	lá.	44
191	958	1958	9694	9599	1970	9 03	9713	9717	9722	9727	0	ıí	122	23	j.	4 4
125	-952 -973 -977	ترياة	9741	9713	9750	947	9739	9"63	9 45	9~73	0	11	2 2	23	3	44
12	932	833	923	9336	9841	9315	مدو	950	9353	\$353	0	11	22	3	3.	44
13	986	337	7 987	9931	553	9390	0234	15333	9703	2333	10:	11	22	: 3	3 -	11
12	20	100	1 00	9926	333	977	2273	3743	33,52	9932	16.	!!	12:	3		
17	1,,,,,	1,00		, 3353	33.	798	3333	12.737	7/31	2433	10	11	127	23	13:	34

### ANTI LOGARITHMS

00 1002 1002 1003 1007 1009 1017 1014 1016 1019 1071 001 11 1 1 2 2 0 0 1 1025 1006 1007 1007 1007 1007 1007 1007 1007			1	ż	3	1	5	6	,	8	9	12	1	4:	5 6	ī	8
1	00	1000	1002	1005	1007	1004	1012	1014	1016	1019	1021	0.0	t		-	t,	_
02   100-1   100-1   100-2   100-4   100-1   100-4   100-2   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   100-4   1	1	1023	1026	1070	1030	1011	1035	1038	1040	1047	1045	١	ŀ			L	
0.4 [0.95] [1.99] [1.92] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93] [1.93	02	1047	10-0	1057	1054	1057	1059	1062	1064	1067	1069	100	П				
0	إةز	1036	1033	1102	1104	1101	1109	1112	(11114	1117	1113	61	Į	ť	12	12	2
10   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120	05	1172	1125	1127	1130	1132	1135	1138	1140	1143	1146	0:	d	ı	12	2	2:
10   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120   120	07	1175	1178	1153	1183	1186	1189	1191	1194	1197	1172	01	1	i	12	13	2:
10 120 250 156 156 127 127 127 127 127 127 127 127 127 127	UB	1202	1205	1208	1211	11213	1210	1719	11222	1775	1227	101	11	11	12	12	2:
1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,000   1,00	10	1259	1262	1265	1268	1271	1274	1276	1279	1282	1285	01	J	1	, ,	١,	21
14 139 1384 1377 1393 1393 1396 1400 1407 1407 1406 1409 0 1 1 1 22 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	111	1289	11291	1294	1297	11300	1303	1306	11309	1312	1315	101	ш	9 :	22	12	21
15   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   161   1	1 13	1349	1352	1325	1358	1361	1365	1368	1371	1374	1377	0 i	ı	i	źź	2	33
15   16   16   16   16   16   16   16	١.	•				1						ļ	ı	-		ľ	
19 59 19 132 1356 1360 1367 137 1370 1374 1378 1381 0 1 1 122 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	15	1413	1416	1419	1422	1426	1429	1432	1435 1469	1472	1412	01	ł	13	;;	3	33
19 59 19 132 1356 1360 1367 137 1370 1374 1378 1381 0 1 1 122 3 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	122	11479	1493	7485	1489	1427	2496	2500	2503	2507	1510	2011	ł	12	2	Ž.	śŝ
22 1660 1662 1667 1671 1672 1677 1677 1677 1677	19	1549	1552	1556	1560	1563	1567	1570	1574	1578	1581	ŏii	ľ	2	2	3	33
22 1660 1662 1667 1671 1672 1677 1677 1677 1677			1589	1592	1596	1600	1603	1607	1611	1614	1618	011	h	2	2	3:	33
22   1000   1700   1706   1710   1711   1711   1721   1726   1730   1731   1721   1722   1730   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731   1731			1626	1629	1671	1671	1679	1683	1687	1690	1694	011	ľ	2	3	3:	33
25   120   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   125   1	23	1698	1702	1706	1710	1714	1718	1722	1726	1730	1734	011	la	2	2	3 3	34
26 [120 [22] [22] [23] [23] [23] [24] [25] [25] [25] [25] [25] [25] [25] [25						1		- 1					Г		-1		- 1
27   1869   1860   1871   1873   1874   1886   1880   1897   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1897   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   1898   18		1778	1782	1786	1791	1235	1841	1803	1897	1811	1816	011	13	2	3	3 3	11
23 190 193, 193, 193, 193, 196, 197 1977 1987 1987 1988 1997 191 2,2 3 4 4 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	27	1862	1866	1871	1875	1879	1884	1888	1892	1897	1901	011	12	2	3	3 3	3 4
30 1183 119 119 120 200 200 211 218 218 218 218 218 218 218 218 218			1934	1914	1919	1968	1972	1977	1982	1991	1991	011	2	2	3	34	1
30 1183 119 119 120 200 200 211 218 218 218 218 218 218 218 218 218		1990	2000	2004	2009	2014	2018	2023	2028	2032	2037	016	12	2	3	3 (	14
30 1183 119 119 120 200 200 211 218 218 218 218 218 218 218 218 218		2012	2016	2031	2056	2051	2055	2070	2075	2080	2084	011	]3	?	31	34	11
35 220 244 2769 226 270 270 270 270 270 270 270 270 270 270	33	2138	2113	2148	2153	2158	2163	7163	2173	2178	2183	0 6 3	12	2	31	34	16
36 (291) (296 200 207) [21] (21) (23) (14) (3) (15) (17) (17) (17) (17) (17) (17) (17) (17	1	1	•										ı.		1		
192 (25) 2469 2465 2471 2477 2483 2489 2499 2499 2500 2206 1 2 (2.3.1 4.5.) 40 2511 218 2202 - 220 23 2514 2541 2551 2559 2564 1 2 (2.3.4 4.5.) 41 2570 2576 2582 2588 2594 2600 2607 2607 2608 2627 2618 2624 1 1 2 (2.3.4 4.5.) 41 2630 2566 2642 2494 255. 2644 2667 2672 2618 2624 1 1 2 (2.3.4 4.5.) 43 2602 2698 2794 2710 2716 2723 2729 2733 2742 2748 1 1 2 (3.3.4 4.5.6) 43 2602 2698 2794 2710 2716 2723 2729 2733 2742 2748 1 1 2 (3.3.4 4.5.6) 4 2754 2761 2767 2773 2780 2786 2786 2781 2782 2503 2612 1 2 (3.3.4 4.5.6)		2291	2296	2249	2307	2312	2317	2323	2328	2333	2339	112	12	3	3	11	5
192 (25) 2469 2465 2471 2477 2483 2489 2499 2499 2500 2206 1 2 (2.3.1 4.5.) 40 2511 218 2202 - 220 23 2514 2541 2551 2559 2564 1 2 (2.3.4 4.5.) 41 2570 2576 2582 2588 2594 2600 2607 2607 2608 2627 2618 2624 1 1 2 (2.3.4 4.5.) 41 2630 2566 2642 2494 255. 2644 2667 2672 2618 2624 1 1 2 (2.3.4 4.5.) 43 2602 2698 2794 2710 2716 2723 2729 2733 2742 2748 1 1 2 (3.3.4 4.5.6) 43 2602 2698 2794 2710 2716 2723 2729 2733 2742 2748 1 1 2 (3.3.4 4.5.6) 4 2754 2761 2767 2773 2780 2786 2786 2781 2782 2503 2612 1 2 (3.3.4 4.5.6)		2344	2350	2355	2360	2366	2371	2377	2382	2388	2393	112	2	3	3	11	4
41 2570 2576 2582 2583 2594 2500 2506 2512 2618 2624 1 12 2 2 3 4 4 5 5 4 1 2630 1763 6412 2693 1655 2661 2667 2667 2673 2679 2685 1 1 2 2 3 4 4 5 6 4 3 2692 2698 2704 2710 2716 2725 2729 2735 2742 2748 1 1 2 3 3 4 4 5 6 4 4 2754 2761 2767 2773 2780 2786 2793 2799 2805 2812 1 1 2 3 3 4 4 5 6		2455	2150	2456	2472	2477	2483	2132	2495	2500	2506	112	ź	3	3	45	5
41 [2630 [2636 2642 2644 265.5 2661 2667] 2673 2679 2685 [112   234   4.5.6 43 2692 2698 2794 2710 2716 2773 2789 2735 2792 2735 2742 2748 1 1 2   3.3.4   4.5.6 44 2754 2761 2767 2773 2789 2786 2793 2799 2805 2812 1 1 2   3.3.4   4.5.6			2518	2523	2229	2535	2541	2547	2553	2559	2564	112	2	3	٠	15	5
44 2754 2761 2767 2773 2780 2786 2793 2799 2805 2812 1 1 2 3 3 4 4 5 6		2630	2636	2582	2588	2594	2561	2667	2673	2679	2685	112	ź	3	:1	. 5	6
		2692	2698	2704	2710	2716	2723	2729	2735 2799	2742 2805	2748 2817	112	3	3	1	15	6
46 2288 1 287 2901 2917 2974 2974 2973 1293 2944 112 3 3 4 5 5 6 6 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5 7 2 5	1																
47 2951 2958 2965 2972 2979 2985 2992 2999 3006 3013 112 3 3 4 5 5 6 48 3020 3027 3034 3041 3048 3055 3062 3069 3076 3083 112 3 3 4 5 5 6	16	2884	2891	2897	2901	2911	2917	2924	2931	2938	2944	112	3	3	i	,	6
		2951	2958	2965	2972	2979	2985	2992 3062	2999 3069	3006	3013	112	3	3	:	55	٤
-49 3090 3097 3105 3112 3119 3126 3133 3141 3148 3155 11 2 3 4 4 5 6 6	149	3090	3097	3105	3112	3119	3176	3133	3141	3148	3155	112	3	ě.	4	5 6	6

ANTI LOGARITHMS

				ξ,	141		JOR	••••		,,,,	_	_						
	۰	ı	1	,	•	5	6	7	•	,	ı	23	•	3	6	7		,
58	3162	3170 3243	3177	3184	3192	3199	3206	3214	3221	1228	ŀ	! ?	3	•	4	5	6	7
51 52	3236	3243	3251	3234	3266	3273	37.7	3769	3296	1201	Н.	33	3	•	3	3	6	7
33	1783	3396	3404	3412	3420	3478	3436	3443	3451	3459	li	žž	ś	:	3	Š	6	7
54	1311 1383 1461	3475	3453	3491	3439	3508	3516	3524	3221	2240	ŀ	22	3	i	5	6	6	ź
55	3 24 8	3:56 3639	3365	3573	3551	3559	3597	3506	3614	1622	ŀ	2 Z	2	4	5	6	7	7
35	3631	3639	3548	3035	1750	3758	1767	3774	3695	3707	l:	23	13	1	5	6	7	B
53	3715 3897	3511	3819	1328	3837	3816	3855	3864	3873	3842	į.	23	l.	4	5	1 6	ź	8
39	13330	3599	3908	3917	3976	3336	3713	3734	2363	3972	ľ	13	ľ	3	5	6	7	ĕ
-60	3931 40 4 4169	3390	3399	1003	1013	1027	1036	1916	1055	1064	12	23	4	5	6	6	7	8
-61	10 4	1033	1033	1102	4118	4121	4130	4140	1150	<b>\$159</b>	Įŧ.	22	!	3	6	7	5	9
-63	4169	4276	4100	1198	4207	4315	4375	4236	4745	1236	I:	;;	12	3	6	7	8	9
-61	1365	4375	4383	4395	6406	4415	4126	4436	4446	H57	i	23	١ì	3	6	;	8	,
65	4467 457E 4677	4171	4157	4498	4508	4519	<b>4</b> 529	4539	4550	4560	1	23	١	5	6	٠,	8	,
65	4>71	4581	4597	4603	4613	4624	4634	4545	1656	1667	1	23	1	5	6	7		10
134	1786	4707	4803	4919	4911	4847	4853	4364	4875	1227	li.	;;	i	5	3	8	9	:0
69	1395	4309	€920	1932	1913	1955	4966	1977	4989	5000	įΪ	23	s	6	ź			10
מל [	5012 5129 5248 5370 5493	5023	5035	5047	5058	5070	5032	5093	5105	5117	h	24	5	6	7	R	9	"Į
71	5129	5140	5152	5164	5176	5188	\$200	5212	5224	5236	ļı.	2 4	5	6	7	8	10	11
72	5248	5760	5272	5284	5297	5309	5371	2333	5345	5358	l;	71	:	6	71	9	10	11
74	512	5503	5571	5534	5546	3559	5572	3385	5593	5619	li.	34	ıš.	6	ä		10 10	
75	5623	5436	5643	3662	5675	5689	5702	5715	5728	5711	ŀ	31	3	7	B		iŏ	
	5754	5768	5781	5794	5808	5821	5834	5848	3861	3875	h	3 4	5	7	8	•	ı	12
177	5838	3902	5916 60 <sub>3</sub> 3	3929	3943	5957	5970	5901	5993	6012	1	31	] 5			ID	ii.	12
1 **	6156	6180	6191	\$203	6223	6237	6252	6266	6281	6295	li	;;	ŝ	7	9	10	H	믮
l.en	6310	6174	6170	6353	6363	6333	6397	6417	6477	6412	ı,		l٤					
81	6310 64 7	6471	6185	6501	6,16	6531	6546	6561	6577	6592	Įž	35	6	á	9	11	17	131
82	6607 6761	6622	6637	66,3	6668	6683	6699	6714	6730	6 45	2	35	ŀ	8	9	ii	12	iil
83	6918	6934	6950	6966	6937	6995	7015	703	704	7063	2	33	ŝ	8	9	#	13	14
85	7079	709	7112 7278 7447 7621	7129	7145	7161	7178	7194	7211	7225	١,	35	١,					
-86	7244	726	7278	7295	7311	7321	7345	7367	7379	7396	Ž	35	7	8	ia	12	13	is
1.53	7586	7430	7447	7464	7487	7495	7516	7534	7501	7568	12	35	ĮŢ	9	10	12	14	16
85		7780	1798	7816	7831	7852	7870	7889	7907	7923	ź	13	ŕ	9	::	13	14	16
l-×	7941 8128	7961	7930	7998	8917	8033	80.4	8072	8091	8110	2	16	١,	9	.,			
121	8128	814	8166	3185	8204	8222	8741	6.00	82-5	C299	2	16	8	ý	ii	īĭ	iš	iź
13	8316	633	1355	83.73	8333	8610	8633	104 3	8472	8197	13	15	ľ	10	12	14	15	17
9	8710	873	8730	8770	8790	8910	8331	8331	8872	B397	ź	16	ě	10	12 12	<b>!</b> :	16 16	18
-93	8911	893 914 935 957	2950	8974	8995	9016	9036	90 7	9079	9033	2	4 6	8	LO	12	L	17	
13	9120	914	916.	9113	9204	9276	9 47	9758	9290	9311	12	16	Ş	īī	13	iš	17	19
13	الكرواة	357	9594	9616	9675	9661	9681	9 0	9206	9573	ŝ	17	13	::	13	IS	17	20
1	9772	979	9817	9310	986	9886	9908	9931	99.4	9977	ĺŝ	57	Í	ii	14	15	18	20
_	_				щ.		_	<u> </u>	-	_	_	-	_	_	•	Ľ		

### RECIPROCALS OF FOUR FIGURE NUMBERS

П			,	,		5		,		,	Γ	_	Mi	an (Su	Dif	Tere	ncer )		_	ı
					l		1	_			,	2	3	٠	5	6	7	8	,	l
1 0 1 2 3 4	1-000 9091 8333 7692 7143	9901 9009 8264 6 4 7092	9804 8929 8197 7576 7042	7519	8772 8065 7153	8000 2407	8621 7937 7353	9348 8547 7874 7299 5803	8475 7813 7246	9174 8403 7752 7194 6711	8 7 6	18 15 13 11 10	20 17	31	46 38 33 28 24	46 39 23	64 53 46 39 33	52	83 60 .9 60 43	
1567	5882 5556	6211 5848 5525	6173	5780 5464	6098 6747 3435	6061 5714 5405	5682 6376	5988 6650 6348	6329 5952 5618 5319 501	5917 5587 5291	3	8 7 6 5	13 11 10 9 8	15 13 12	21 18 16 15 15	22 20 17	23 20	20 26 23	33	
2 0 2 1 2 2 2 3 2 4	4762 4545 4348	4975 4739 4525 4329 4146	4 17	4484	4673 4484 4474	4878 4651 •144 4255 4082	4237	4608 4405 4219	4386	4184	2 2 2	4 4 3	7 6 5 5	10 9 8 7	11	13	17 15 14 13 12	16	18 18	
2 5 2 6 2 7 2 8 2 9	4000 -3846 -2704 -3571 -3148	3831 3690 3559	3678	3802 3663	3 88 3650 3521	377+ 36 6	3759 3623 3497	3891 3745 3610 3484 3367	3472	3861 3717 3584 3460 3344	Ī	3 3 2 2	54443	00164	776	98577	. 6	11 11 10	13 12	
3 0 3 1 3 2 3 3 3 4	3333 3226 3125 3030 2941	36 1	3311 320 3 06 3017 2074	098 098	3 89 31 5 3027 299 2907	\$175 2077 208	4155	3155 30 8 267	3247 3145 3049 2959 2874	3135	lì	2 2 2 2 2	23333	64443	5 4 4	6 6	8 7 7 6	8877	100000	
556789 55789	2857 2778 2703 2632 2564	2770 2695 2625	2841 276° 2688 2618 25 1	11	2 25 47 2674 2604 2539	2 40	2809 2732 2960 591 525	2725	2793 2717 2648 2577 2513	2786 2710 2639 2371 2506	111111	2 1 1	200000	3 9 3 3	4 4 3 3	5 4 4	5556	6655	7 6 6	
40	2.00 2439 2381 2326 2273	2433 2375 2320	2468 2427 2. 0 2515 2252	24 1	2358 2 04	2353	2404 2347 2294	2398 2342 2488	2451 2392 2336 2283 2232	2445 2387 2331 2778 2227	11111	1 1 1	22222	22222	3333	* 3333	4444	5 4 4	***	
45 45 45 49	2222 2174 2174 2728 2093 2041	2217 2169 2123 2079 2037	2165 2119 2075	2208 2160 21 4 20 0 ~~28	2155 2 10 2066	2082	t on	2158 2141 2096 2053 2012	20.3	2179 2132 2068 2045 2004	00000	1 1 1	11111	22244	2 1 2 1 2	34556	3 3 5 3	4 3 3	1	
9 25.4	2000 1961 1 23 887 1 2	1919	1992 1353 1916 1880 1843	19 9 1912 18 6	1 16 196£ 18 3	1942 1205	1938 901 866	1975 1935 1 98 1862 19.8	1804	(85 1927 1890 1855 1821	00000	1 1 1	1 1 1 1 1 1	2 2 1 1 1	2222	6000-1010	20000	3 3 3 3 3 3 3	40000	

 $E_{g} \stackrel{1}{=} \frac{1}{27} = 2703 \stackrel{1}{=} \frac{1}{274} = 2874 \stackrel{1}{=} \frac{1}{2749} = 2888, \stackrel{1}{3748} = 002083 \stackrel{1}{=} \frac{1}{0003748} = 2088.$ 

# RECIPROCALS OF FOUR FIGURE NUMBERS

			,	,	,	5	6	,	,	,	Γ	,	Tea (	n I Sul	) fi	rei	) )	_	
1											,	2	3	4	5	6	7	8	9
55 57 58 58	1313 1 56 1 54 1 4 1 6	1815 1 43 1751 1 21 1 50"	131° 17 9 1 49 1718 1718	1508 17 6 1745 1715 10.6	1805 17 3 74 171 15,1	180° 17 0 1739 1 09 1 631	1 67	1 733	1 67 1761 1 70 1 71 16	1 9 1 57 1 57 1698 1698	ő	1	11111	1	2 1 1		000	2446	3 3 3 3 3 3
5-0 6-1 6-2 6-5 6-5	1613 1537 156_	1555 1560	1508 155 1558	1580 1535	16 6 16 9 1503 15 7 1553	1524 1600 1 75 1 530	1 53 1623 1 157 1548	1 95	1 9 1 9 1 3 3 1 3 3	1616 1390 1365	0	100	1 1 1 1	111111	1	11	00000	9 9 9 9	201010
657669	1515 1493 14 1	1536 1513 1190 1168 1117	1511 1455 1403	1503 1486 1464	146	1451	15 4 150° 14 9 14 9 1587	14 7 14 0	15 0 1497 14 5 14-3 1433	119 1173	00000	0,10	1 1 1 1	11111	1 1 1 1	1	2		0 0 7 11 10
70		1106	360	1361	1331	1418 1399 13 9 1361 134.	1317	13	141 1793 15 4 1745 1337	1410 1391 13 135 135	0000	000	i	111111111111111111111111111111111111111	1	1	1121	9	61000
75 76 77 78 78	1323 1310 1 99 123 1266	133 1314 1207 130 1 0	15 0 1495 1 0	1 04	۰	1 3	13.3 1.37 1.37 1.0	1301	1319 130 1 35 1 69 1-53	1.67	0	0000	0	1 1 1 1	1 1 1 2	1	1 1 1 2	11111	-
80 81 82 83 84	1 0 1235 1 10 1% 11% 1190	1 48 1-33 1 18 1.03 1169	123	1 30	17 29	1133	1 11 1 - 5 1 - 11 1 196 1 115	20 1 109 111 1811	1_33 220 1 43 1 43 1179	1206	00000	90	00000	1	1 1 1	1 1 1 1	11111	1	1
85 86 7 88 89	11 6 1163 1 49 1 6 11.4	11 5 1161 1148 1133 1122	1174 1160 3147		lis lis	1156 1143 1130 1117	1110	1113	1108 115 1 19 11 6	1164 1151 1158 1158 1125	09000	96,30	00000	111111	11111	1	11111	1	1
90	1111 1099 1087 10 5 1066	10.5			1009	10.1	1000	10 3	1099 1078 106	1100 1089 10 6 605 1054	Ó	00000	0000	1 200	1 1 1 1	1	111111111111111111111111111111111111111	1	1
95 96 97 98		10.0			1016	10.6	1014	1013	1022	1043 103 10°1 1011 1001		00000	00000	00000	1 1 0	117711	-	1 1 1 1	1

## ANSWERS TO NUMERICAL QUESTIONS

# अध्याय ६. वर्णात्मक मापन-केन्द्रीय प्रवृत्ति का मापन

(14) \$ 8 06 (15) Kanpur, 26 5 years, Jappur, 27 1 years (16) India, 23 597 years, Japan 26 57 years (17) Rs 27 85 (18) District A Rs 5 08, District B, Rs 6 28 (19) (a) 25 54 Marks, (b) 24 43 Marks (20) 19 21 (21) U K, 29.62 years, India, 25 33 years (22) 18 annas (23) (1) Unweighted mean, Rs 18 98, (1) Weighted mean, Rs 22 55 (24) (b) 20 785 years (27) (b) 35 17 per thousand. (28) Arithmetic Average, 37 06 years, Median, 35 92 years (29) Arithmetic mean, 72 534, Geometric Mean, 28 56, Harmonic Mean 13 08, Median, 31 75 (30) Arithmetic Average, Rs 12 94, Median, Rs 11 34 (31) (a) 22 Marks,(b) 22 14 Marks (32) Median ege, 28 78, Lower Quartile age, 21 097, Upper Quartile age, 38 60 (33) Median 9 18 p c recovery, Lower Quartile, 8 79 pc recovery, Upper Quartile, 9 55 pc recovery (34) Mean weight, 138 14, Median weight, 138 8 (35) Mean age of males, 24 149 and of females, 24 274, Median age of males, 20 22 and of females, 20 55, Lower Quartile age of males, 8 62 and of females, 8 52, Upper Quartile age of males 35 87 and of females, 35 49 (36) Lower Quartile income, Rs 34 9 Upper Ouartile income, Rs 51 5, Median Income, Rs 43 2 (37) (b) Arithmetic Average Income, Rs 4 275 466, Median Income, Rs 3,252 305 (38) Median, 47 18 marks, Lower Quartile, 35 18 marks, Upper Quartile marks, 58 91, Mean marks, 47 16 (39) Median, 32 76 (40) Median, 226 00 thousands, Lower Quartile, 170 75 thousands, Upper Quartile, 403 00 thousands (41) Median age, Matriculation, 18 37, Intermediate, 20 14, Modal age, Matriculation, 1801, Intermediate, 2015 (42) Arithmetic mean age, 289, Median age, 2849. Lower Quartile age, 25 164, Upper Quartile age, 32 86 (43) Mean, 48 41 Marks, Median, 48 75 marks, Mode, 48 00 Marks (41) Mean 51 75 Marks, Median 52 67 Marks, Mode, 55 00 Marks (45) Modal age, 38 64, Median age, 39 875, Lower Quartile age, 33 888, Upper Quartile age, 46 802 (46) Calculated values of (a) Mode, Rs 25 33, (b) Median, Rs 24 78, (c) Lower Quartile, Rs 23 08, (d) Upper Quartile, Rs 26 6 (47) Median size, 33 837 fr., Modal size, 33 06 fr. (48) Sumple average of pc results University A, 70, University B, 72, University C, 71 Weghted Average of pc results University A, 29 9, University B, 74 75, University C, 71 66 Both, the simple and the weighted averages show that the University B is the best. The weights are purely arbitrary This conclusion may, however, be changed of the weights assigned to the various examinations are changed (49) Mode, 33 00 Marks, Median, 39 00 Marks, Lower Quartile,

31 50 Marks, Upper Quartile, 48 20, Marks (50) Modal Wage, Sh 20 1 (51) Mode, 13 33 (53) Weighted Geometric Mean price, 109 14, Unweighted Geometric Mean price, 111 3 (54)-35 97 miles per hour (55) 4 564 p.c. (56) Geometric Mean, Rs 98 37 Harmonic Mean, Rs 26 07 (57) Weighted Average, Rs 97 42. Geometric Average, Rs 73 87, Harmonic Mean, Rs 6.558 (58) Geometric Mean, 18. Harmonic Mean, 0.007576

## अध्याय ७ वार्णात्मक मापन-विचरण श्रीर सममिति के भाष

(5) Standard Deviation of Total Revenues 80 27 and of Working Expenses, 3873 (omitting 000, and 00 respectively) (6) Coefficient of Standard Deviation of A 0 198 and of B 0 141 (7) Standard Deviation of Customs, 3 521 and of Income Tax 0 6325 (8) Mean Deviation, 0 72, and its coefficient 0 27 (9) Standard Deviation of Male Population in Kappur 14 455 and in Jaipur 15 265 (10) Standard Deviation of Weekly Wages in Factor, A 7 868 and in Factor, B, 7 477 (11) (a) A pays 30 765 and B pays 30 780 (b) Standard Deviation of A 10 and of B, 11 (c) (1) Average monthly wage of A and B together, 499, (n) Variability of wages in A and B together, 10 8 (12) Coefficient of Standard Deviation of Security A, 0 12, and of B 0 23 (13) Standard Deviation of Population of Allahabad 33 02, and of Banaras, 19 77 (14) Coefficient of Standard Deviation of index number of prices of cotton shares, 0 1227 and of coal shares, 0 0442 Marks

(16)

Class A Class B Arithmetic Average 19 6 20 9 18 5 19 7 nerbal/ Mode 17 3 IR I Standard Deviation 6 403 8 786

(17) Mean Deviation of rents of 18 houses Rs 1 014 (18) Coefficient of Mean Deviation of Receipts, 0 215, and of Passengers, 0 189 (19) Mean Deviation of Difference in Years, 5 3 years (approximately), Karl Pearson's Coefficient of skewness, 0.04 (20) Mean 5.5 Median, 5.0, Coefficient of variation 56.7 (21) Arithmetic Mean, 13 32 mds , Median, 18 00 mds Standard Deviation 6 671 mds (22) Coefficient of variation of Marks, 23 24 (23) Coefficient of variation of A, 123 84 and of B. 108 91 (24) Standard Deviation, 27 71 (25) Standard Deviation of A, 51 6 and of B, 14 96 (26) Arithmetic Average, 7 0921, Mean Deviation, 0 913, Standard Deviation, 1 149, Karl Pearson's Coefficient of skewness, 0 18 (27)Factory

Mean values of weekly earnings Standard Deviation

В 8 36 8 34 2 236

(28) Standard Deviation, 1 76 (29) Mean value, 22, 38, Standard Deviation, 2 (2) (39) Standard Deviation, 1 6 (31) Coefficient of variation, 9 (3) (32) Standard Deviation, 1 6 (31) Coefficient of variation, 149 (33) Coefficient of variation, 149 (34) Coefficient of variation, 165 (34) Coefficient of variation of area, 17 1, and of exports, 63 (35) Arithmetic Mean, 34 598, Median, 34 489, Quartic Deviation, 10 3095 (36) (a) Standard Deviation, 414 7, (b) Semi-Inter Quartile Range, 62,73 (35)

### अध्याय c. सरल सहस्रवध

(1) +25 (2) +7086 (3) -806 (4) +79 (5) +8056 (6) +99 (8) +97 (9) +93 (10) +802 (11) +95 (12) +99 (13) +802 (11) +95 (12) +99 (13) +90 (13) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (15) +94 (16) +23 (17)  $+89\pm05$  (22)  $+06\pm00201284$  (23) +67 (21)  $+89\pm05$  (22)  $+06\pm00201284$  (25) -75 (27) -67 (28) +746 (29) +68 (30) +902 (31) -97 (32) +9572 (33) +905 (33) +417 (32) -99 (40) -66 (41) +94 (42) +994 (43) (34) +96 (44) +95 (45) +99 (46) -99 (47) +95 (57) +76 (59) +76 (27) +76 (27) +76 (28) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (29) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +76 (20) +7

# श्रम्याय ६. काल श्रेग्री का विश्लेपग्र

determined by the method shown on pp 227-29, and they will be —

Summer	Monsoon	Autumn	Winter
—75	+25	—19	+68
	श्रध्याय १०.	सूचकांक	

# (7) TABLE OF INDEX NUMBER WITH DIFFERENT BASES

## (7) TABLE OF INDEX NUMBER WITH DIFFERENT BASE:

Index Numbers										
Years	(i) 1909-14==100	(n) 1913-19=:100	(m) 1919 24=100							
1924-25	159 0	8 661	97 1							
1925-26	155 l	153 l	89 1							
1926-27	158 5	156 4	91 1							
1927-28	158 5	156 4	91 I							
1928-29	173 6	171 4	99 7							
1929-30	165 0	162 9	94 8							
1930-31	112 9	111 5	64 9							
1931-32	86 7	85 5	49 8							
1932-33	90 9	89 7	52 2							
1933-34	79 l	78 1	45 4							

1933-34 79 [ 78 ] 45 4

(8) TABLE OF INDEX NUMBER OF PRICES OF SOME COMMODITIES

FOR 1918-1920

BASE WEIGHTED MEAN OF PRICES OF ALL COMMODITIES

Year Rice Ragi Cholam Cumbu 1918 71 12 123 7 102 1 108 2 48 45 71 12 67 01 1919 68 03 1920 47 49 69 07 68 03 63 98

(e) Index Number of Income=100 0, 1167, 139 0, 159 9, 156 8, 178 8, 190 0, 200 0, 208 4, For the first three years, (i. e. 1939, 1946), and 1941) mearnes advance by more than the advance in prices but multisquent years (i. e. from 1942 to 1947), thencomes fall short of prices as the latter rise very party. [19] Index for 1932 on 1942 1943 1944 (14) Index on base 1928 for 1929 96 56 and for 1930 19 73 43 (12) Index for 1951 on base 1930 18

(13) Years Weighted Index	1939	1940	1941	1942	
Weighted Index	100	120	160	189	
(14) Years	1939	1940	1941	1942	1943
Chain Index	100	133	138	125	120

(17) Cost of Living Index is 276 4 (18) Cost of Living Index for 1950 on base 1949 is 137 66 (19) Fisher's Ideal Index for 1935 on

base 1931 is 102 6 (21) Fisher's Ideal Index for 1954 on base 1939 is 147 8 (23) Percentage increase in price during 1951-52 is 26 (29) Fisher's Ideal Index for 1945 on base 1935 is 2500 (30) Geometric Average must be used in such a case because the indexenter Average must be used in such a case because the indexension price in the last three commodities is 150 pc, and the decrease in price in the last three commodities is also 150 pc, and geometric mean will give equal importance to equal ratio of changes.

# अध्याय १९, अन्तर्रेशन

(2) £ 6 346 (3) 53 workers (4) graphic values must approximate calculated values which are At age 34=725 and at age 56=918 (5) 52 (6) 1393-18 239, 1944-58,905 (7) 49,712 (8) 1,975 (9) By extrapolation it comes to 42,47 lakhs (10) 329 317 millions (11) 2,941 (12) Rs 3,04,21 thousing (13) 153

(14) Number living at age 25 is 48,

35 ,, 40, 47 .. 28

,, ,, , 47 ,, 28 (15) 48 students (16) 14 898 (17) 85 (18) 9 (19) 139 (20) 27 85 years (21) 01625 (22) 147 (23) Median value is 34 5

marks (24) 3109 (25) Gross Profit for 1942-43 is Rs 19 663 lakhs

## 1944-45 ,, Rs 26 64 ,, श्रद्धाय १२. गुण-साहचर्य

(2) (A)=1,573, (a)=1,482, (B)=1,432, (b)=1,623, N=3 055;

(3) (Ab)=75, (aB)=135, (B)=1,210, (b)=1,060, N=2,270

(4) (ab)=16,750, (aC)=286, (aB)=1,496, (bC)=302, (bc)=17,526, (ac)=17,960, (ABc)=562, (AbC)=172, (ABC)=156, (Abc)=906, (aBc)=1340, (abC)=130, (abc)=6,800

(5) (b) Coefficient of Association between Literacy and Un-

employment in Urban Areas + 47, and in Rural Areas, + 36

(6) P C of moculated effected=31 6, and P C of not mo-

(6) P C of moculated effected=316, and P C of not moculated effected = 727, therefore moculation is effective in controlling susceptibility to tuberculosis

(7) PC of not light eye-colour in sons in not light eye-colour fathers=48 1, P C of not light eye-colour in sons in light eye colour fathers=24 3

Therefore, the colour of son's eye is associated with that of the father

(8) (A)=348, (a)=252, (B)=455, (b)=145 (C)=465, (c)=135 (AB)=330, (AC)=310, (BC)=353, (Ab)=18 (Ac)=38, (Bc)=102, (aB)=125, (aC)=155 (BC)=112, (ab)=127, (ac)=97, (bc)=33 (ABC)=300, (AbC)=10, (aBC)=53, (abC)=102 (ABC)=30, (aBc)=72, (Abc)=8, (abc)=25N=600

(9) P C Quinne treatment cases attacked with fever-25, PC of no , , , , , , =90

Therefore, quinine is useful in checking malaria

(10) P C of illiterate criminals = 6, P C of literate criminals = 0.7

Therefore illiteracy and criminality are positively associated. This is also borne out by the coefficient of Association between Illiteracy and criminality which is  $\pm$  49

- (11) Coefficient of Association between criminality and illiteract to Kanpur = +45 Allahahad = +55 and Agra = +34

  (12) (a) Coefficient of Association between blindness and
  - insanity in age group 15—25—— 07, Coefficient of Association between blindness and insanity in age-group over 75 yrs = -16
    - (b) There is disassociation between blindness and insanity and the disassociation is more in the agegroup over 75 years.
- (13) The Coefficient of Association between literacy and criminality is 02. Therefore literacy and criminality are negatively associated, but the degree of association is very small.
- gainvely associated, but the degree of association is very small [14] P C of viccinated not attacked = 90, P C of not viccinated not attacked = 71
- Therefore vaccination can be regarded as a preventive measure against small pox
- (15) Coefficient of Association between insanity and deafmutism—among males =+ 6 among females =+ 9
- mutism—among males =+ 6 among temales =+ 9

  (16) Coefficient of Association between extravagance in fathers and sons =- 68
- (17) Coefficient of Association between temperament of first and second sister =+ 72
- and second sister = + 72

  (18) Coefficient of Association between the type of College training and success in teaching = 18
- effets. The data is incomplete for finding the ultimate class-frequencies

(20) Coefficient of Association between graduation and employment in -

First Investigation =+ 38

Second Investigation == 11

(21) Coefficient of Association between acce and type of relief =-53

(22) The coefficient of Association between the eye colour of fathers and sons is + 66, therefore the colour of sons' eyes is associated with that of fathers'

(23) Coefficient of Association between majority (age 18 years and above) and playing habit = 7362

(24) Yes

(26) At least 58 dull boys do not exhibit developmental

(27) The percentage of wage carning population of 50 years or over must lie between 25 and 45
(28) Yes

(20) 165

(30) Number of those suffering from at least two defects is

(31) No, because in (1) Ab will be—2 and in (1) aB will be O and the test of consistence is that no ultimate class frequency should be either a negative quantity or O

(32) The information is incorrect (B) should be more than (AB). Thus it is possible that the figure '2' might have been dropped before the quantity given as (B)

(33) The given entry against item No 7 is 97, it should not

be less than 98, hence the entries are inconsistent

(34) (b) Lowest pc of vaccinated that must have been at

(34) (b) Lowest p c of vaccinated that must have been at tacked - 55

(35) The coefficient of Association between literacy and employment is +49 therefore the two attributes are positively associated

(36) (b) Coefficient of Association between intelligence in father and son=+ 9031